পদার্থাবিজ্ঞানের ভূমিকা



ড. সূর্যেন্দুবিকাশ করমহাপাত্র

ড. সুনীলকুমার সিংহ

ড. নিতাই সুথোপাধ্যায়





পদার্থ বিজ্ঞানের ভূমিকা

পশ্চিমবঙ্গ উচ্চ-মাধ্যমিক শিক্ষা-সংসদ কর্তৃক প্রবর্তিত নৃতন পাঠ্যক্রম অন্মসারে একাদশ ও দাদশ শ্রেণীর জন্ম লিখিত

[প্রথম খণ্ড-প্রথম পত্র]

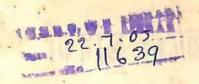


ডঃ সূর্যেন্দুবিকাশ করমহাপাত্র, এম. এসসি., পি. আর. এস., পি-এইচ. ডি. অ্যানোসিয়েট প্রোফেসার, সাহা ইন্সটিটিউট অব নিউক্লিয়ার ফিজিক্স, কলিকাতা

ডঃ স্থনীলকুমার সিংহ, এম. এসসি., পি আর. এস., পি-এইচ. ডি., রীডার, সাহা ইন্সটিটিউট অব নিউক্লিয়ার ফিজিক্স, কলিকাতা

ডঃ নিতাই মুখোপাধ্যায়, এম. এসসি., পি-এইচ. ডি. (লণ্ডন), ডি. আই. সি. আসিস্টেণ্ট প্রোফেসার, প্রেসিডেন্সী কলেজ, কলিকাতা



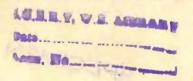


প্রথম প্রকাশ সেপ্টেম্বর, ১৯৭৬

প্রকাশক

শ্রীকুপেশচক্র ভট্টাচার্য, বি. এ ওরিয়েণ্টাল বুক কোম্পানী ৫৬, স্বৰ্য সেন স্টু টি, কলিকাতা-১

মূদ্রক শ্রীস্থকুমার চৌধুরী ঝর্ণা প্রিন্টিং ওয়ার্কস ৬৩-এ, তারক প্রামাণিক রোড, কলিকাতা-৬



মূল্য-প্রথম খণ্ড: দশ টাকা দিতীয় খণ্ড: বারো টাকা তুই খণ্ড একতে: বাইশ টাকা

ভূমিকা

পশ্চিমবন্ধ উচ্চ-মাধ্যমিক শিক্ষা সংসদ কর্ত্ব নব-প্রবর্তিত উচ্চ-মাধ্যমিক পাঠ্যক্রম (সিলেবাস) অন্থসারে একাদশ ও দ্বাদশ শ্রেণীর উপযোগী করিয়া এই পুস্তব্যানি রচিত হইল। ইহাতে নৃতন পাঠ্যক্রমের লক্ষ্য ও উদ্দেশ্য যাহাতে যথাযথ ভাবে পূর্ণ হয় তাহার প্রতি দৃষ্টি রাখিয়া বিভিন্ন বিষয় আলোচিত হইয়াছে। গণিতের সাহায্য যতদূর সম্ভব কম লইয়া অতি সহজ ভাষায় পদার্থবিজ্ঞানের নানা ছরহ তত্ত্বের উপস্থাপনা ও ব্যাখ্যা করা হইয়াছে এবং প্রয়োজনীয় চিত্রাদি সহযোগে সহজভাবে বিষয়বস্তুর ধারণা ছাত্রদের বোধগায় করিবার চেষ্টা করা হইয়াছে।

পুস্তকথানির বিভিন্ন অংশ আমরা নিয়রূপ একক ও মিলিতভাবে প্রণয়ন করিয়াছি। পৃথকভাবে লিখিত অংশগুলি যাহাতে পরস্পর সঙ্গতিপূর্ণ হয় তহন্দেশ্যে আমরা মিলিতভাবে আলোচনাক্রমে প্রয়োজনীয় পরিবর্তন ও পরিবর্ধন করিয়াছি।

স্থেল্বিকাশ কর মহাপাত্রঃ বলবিত্যা ও তাপ

স্থনীলকুমার সিংহ: পদার্থের সাধারণ ধর্ম, কম্পন ও তরঙ্গ এবং চুম্বকতত্ত্ব নিতাই মুখোপাধ্যায়: আলোকবিজ্ঞান, স্থিতীয় বিদ্যুৎ ও চলবিদ্যুৎ মিলিতভাবে তিনজন গ্রন্থকার কর্তৃক রচিত: আধুনিক পদার্থবিজ্ঞান

এই পুস্তক রচনায় যে সকল দেশী ও বিদেশী পুস্তকের সাহায্য লওয়া হইয়াছে, সেইসকল পুস্তকের প্রণেতাদের নিকট আমরা ক্বতজ্ঞ।

পরিশেষে ইহাই নিবেদন যে, পাঠ্যস্থচীর উদ্দেশ্য বজায় রাখিয়া ন্তন দৃষ্টিভঙ্গীতে আমরা পুস্তকথানি রচনার চেষ্টা করিয়াছি। এই উত্তম ছাত্র ও শিক্ষকগণ কর্তৃক সমাদৃত হইলে আমাদের শ্রম সার্থক হইবে।

গ্রন্থ্যার

প্রথম খণ্ডের অন্তভু ক্ত বিষয় সমূহ :

- (1) বলবিভা (Mechanics), (2) পদার্থের দাধারণ ধর্ম (General Properties of Matter),
- (3) তাগ (Heat), (5) কম্পন ও তরঙ্গ (Vibrations and Waves).

দ্বিতীয় খণ্ডের অন্তর্ভু ক্ত বিষয়সমূহ :

(4) আলোকবিজ্ঞান (Optics), (6) চুম্বকতন্ত্ব (Magnetism), (7) স্থিতীয় বিদ্বাৎ (Electrostatics), (8) চলবিদ্বাৎ (Current Electricity), (9) আধুনিক পদার্থবিজ্ঞান (Modern Physics)

সূচীপত্ৰ

প্রথম খণ্ড-প্রথম পত্র

1. বলবিদ্যা (Mechanic	s)
-----------------------	----

প্রথম অধ্যায় ঃ	গতিবিন্তা (Dynamics)	1-14
স্থিতি ও গতি,	জড়ফ্রেম, গতিবেগ, স্বরণ, ঋজুরেথ গতি, ভরবেগ	

- দ্বিতীয় অধ্যায় : স্কেলার ও ভেক্টর (Scalars and Vectors) 15—23 দ্বেলার ও ভেক্টর, ভেক্টর রাশির যোগ ও বিয়োগ, ভেক্টর বিশ্লেষণ, লব্ধি ভেক্টর আপেক্ষিক গতিবেগ ও আপেক্ষিক ত্রণ
- ভূতীয় অধ্যায় : বৈথিক গতি (Linear Motion) 24—34 নিউটনের গতিস্থান, স্থিতিজাডা, গতিজাডা, বল, রৈথিক ভরবেগের নিত্যতা, ঘর্ষণ
- চতুর্থ অধ্যার: স্থিতিবিত্তা (Statics) 35—37 ভরের ভ্রামক, দৃঢ় বস্তুর উপর একাধিক বলের লব্ধি, বিপরীতমুখী সমান্তরাল বল, বস্তুর সাম্যাবস্থা
- পঞ্চম অধ্যায়: বৃত্তীয় গতি (Circular Motion) 38—53
 বৃত্তীয় গতি, স্থম বৃত্তীয় গতি, বলের ভ্রামক, দদ্ধের ভ্রামক বা টর্ক,
 জড়তা ভ্রামক, অভিকেন্দ্র বল ও অপকেন্দ্র প্রতিক্রিয়া, রৈখিক গতি ও
 আবর্তন গতির তুলনা
- ষষ্ঠ অধ্যায় ঃ কার্য, শক্তি ও ক্ষমতা 54—66 কার্য, কার্যের একক, ক্ষমতা, শক্তি, যান্ত্রিক শক্তি, স্থৈতিক শক্তি ও গতীয় শক্তি, শক্তির নিত্যতা, শক্তির রূপাস্তর
 - 2. পদাৰ্থের সাধারণ ধর্ম (General Properties of Matter)
- প্রথম অধ্যায়: মহাকর্ষ (Gravitation) 67—88
 নিউটনের মহাকর্ষ স্থত্ত, নিউটনের মহাকর্ষ প্রবক্ত, মহাকর্ষীয় আকর্ষণ,
 পৃথিবীর মহাকর্ষীয় আকর্ষণ (অভিকর্ষ), বস্তুর অবাধ পতনের নিয়ম,
 অভিকর্ষজ ত্বনের মাত্রাভেদ, সরল দোলক, গ্রহ ও উপগ্রহের গতি,
 কৃত্রিম উপগ্রহ, কৃত্রিম উপগ্রহে ভারশৃগ্রতা, নিক্রমণ গতিবেগ
- দ্বিতীয় অধ্যায়: পদার্থের স্থিতিস্থাপকতা (Elastic Properties of Matter) 89—98
 বিকৃতি, পীড়ন, স্থিতিস্থাপকতা এবং হুকের সূত্র, স্থিতিস্থাপকতার গুণাস্ক

বিক্কৃতি, পীড়ন, স্থিতিস্থাপকতা এবং হুকের স্থত্ত, স্থিতিস্থাপকতার <mark>গুণাঙ্ক,</mark> ইয়ুঙের গুণাঙ্ক তৃতীয় অধ্যায়: উদস্থিতি বিজ্ঞান (Hydrostatics)

99-124

ঘনত্ব ও আপেক্ষিক ঘনত্ব, প্রবহণশীল পদার্থে চাপ: উদব্যৈতিক চাপ, প্রবহণশীল পদার্থে চাপের সঞ্চালন, আর্কিমিডিসের স্থা, বায়ুর চাপ, সাইকন, ভ্যাকুয়াম পাম্প, চাপউৎপাদক পাম্প, জল উত্তোলক পাম্প, পৃষ্ঠ-টান, তরলের বক্র উপরিতলে চাপ, তরল ও বায়বীয় পদার্থে প্রবাহ, সাক্রতা, সরল প্রবাহ এবং বিক্ষুক্ক প্রবাহ

3. **⑤** | 의 (Heat)

প্রথম অধ্যায়ঃ তাপ ও তাপমাত্রা (পুনরালোচনা) (Heat and Temperature) 125—156-

তাপ ও তাপমাত্রা, কঠিন পদার্থের তাপীয় প্রসারণ, রৈথিক প্রসারণ, রৈথিক প্রসারণ গুণাঙ্ক, ঘনকীয় আয়তন প্রসারণ গুণাঙ্ক, কঠিন পদার্থের প্রসারণের প্রয়োগ, ঘড়ির দোলকে প্রসারণজনিত ক্ষতিপূরণ, কঠিন পদার্থের প্রসারণ গুণাঙ্ক নির্ণয় পদ্ধতি, তরল পদার্থের প্রসারণ, গুণাঙ্ক, তাপমাত্রার সহিত ঘনত্বের পরিবর্তন, তরল পদার্থের প্রসারণ, গুণাঙ্ক, তাপমাত্রার সহিত ঘনত্বের পরিবর্তন, তরল পদার্থের আপাত প্রসারণ গুণাঙ্ক নির্ণয়, বাস্তব প্রসারণ গুণাঙ্ক নির্ণয়, জলের অসাধারণ প্রসারণ, বায়বীয় পদার্থের তাপীয় প্রসারণ, বয়েলের নিয়ম, চার্লসের নিয়ম, স্থির চাপে নির্ণয় পদ্ধতি, স্থির আয়তনে নির্ণয়, পদ্ধতি, পরমশ্ত তাপমাত্রা ও উহার স্কেল, বায়ব পদার্থের চাপ, আয়তন ও তাপমাত্রার সম্পর্ক, বায়ব নিত্যসংখ্যার মান

বিতীয় অধ্যায়: ক্যালোরিমিতি (Calorimetry)
তাপের পরিমাণ, তাপের একক, তাপের পরিমাপ, আপেক্ষিক তাপ,
তাপীয় সামর্থা, জলতুল্যমূল্য, ক্যালোরিমিটারের জলতুল্যমূল্য

তৃতীয় অধ্যায় ঃ অবস্থার পরিবর্তন (Change of State) 165—188 গলনের লীনতাপ, বস্তুর গলন তাপ, বাষ্পীভবনের তাপ, লীনতাপ নির্ণয়ের পদ্ধতি, বাষ্পীভবন ও ক্ষৃটন, বাষ্পীভবন জনিত শীতলতা, হিমায়ন, গলনাম্ব ও ক্ষুটনাম্বের উপর চাপের প্রভাব, গলনাম্ব, হিমাম্ব, অবস্থার পরিবর্তনে লক্ষণীয় প্রতিক্রিয়া, বাষ্পচাপ, সংপ্তক্ত ও অসংপ্তক্ত বাষ্পচাপ, বাম্পের মিশ্রণ, সন্ধি তাপমাত্রা, বাষ্পচাপ ও ক্ষুটন, শিশিরাম্ব, আপেক্ষিক আর্দ্রতা, আর্দ্রতা ও শুক্ষতা, মেঘ, বৃষ্টি, কুয়াশা, হাইড্রোমিতি

চতুর্থ অধ্যায় ঃ তাপের যান্ত্রিক তুল্যমূল্য (Water Equivalent of Heat).

তাপগতিবিভার নিয়ম, J নির্ণয় পদ্ধতি, বায়ব পদার্থের রুদ্ধতাপ ও মুক্ততাপ প্রসারণ, T ও P এর সম্পর্ক

পঞ্চম অধ্যায় ঃ বায়ব পদার্থের গতীয় তত্ত্ব (Kinetic Theory of Gases)

পদার্থের অণু ও বিশৃঙ্খল গতি, ব্রাউনীয় গতি

ষষ্ঠ অধ্যায়ঃ তাপ সঞ্চালন (Transmission of Heat)	198—208
তাপ কীভাবে সঞ্চলিত হয় ? ভাল ও মন্দ তাপ পরিবাহী,	তাপীয়
পরিবাহিতা, ডেভীর নিরাপদ বাতি, পরিচলন প্রবাহ, সমুদ্রব	ायू 'ख
ऋनवाय्, त्योस्रमी वाय् ও वाणिकावाय्, विकित्रण, विकित्रणमीन	শক্তি,
কুফ্দেহ, ষ্টিফেনের নিয়ম, ফেরির পাইরোমিটার	

5. কম্পুন ও তর্জ (Vibrations and Waves)

প্রথম অধ্যায় ঃ কম্পন (Vibrations)

209-225

কম্পন, পর্যায়বৃত্ত কম্পন ও ইহাদের বিশেষত্ব, সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পন, পর্যায়বৃত্ত কম্পনাক্ষা, বিস্তার, অবস্থান, গতিবেগ, ত্বরণ, কম্পনাক্ষা, সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পনের শক্তি, ক্ষয়িষ্ণু কম্পন, নিয়ন্ত্রিত কম্পন ও অহুনাদ কম্পন, কম্পনের প্রকারভেদ

দিতীয় অধ্যায়ঃ তরঙ্গ (Waves)

226-288

তরদ্ব ও উহার প্রকারভেদ, সরল পর্যারবৃত্তিক তরদ্ব ও উহার বিশেষত্ব, তরদ্ধ দৈর্ঘ্য, তরদ্বের প্রতিফলন ও প্রতিসরণ, হিগিন্সের নীতি, তরদ্বের প্রক্ষেপণ, প্রবাহী তরদ্ধ ও স্থাণু তরদ্ধ, দীর্ঘ তারের কম্পন, তারের কম্পনে সীমাসর্ভ, বায়্স্তন্তের কম্পন, বায়্স্তন্তে দৈর্ঘ্যতর্গ্ধ, তরদ্বের ইণ্টার-ফেয়ারেন্স, অধিকম্প, ভপ্লার এফেক্ট, ছদন, শব্দতর্গ্ধ, শব্দের উৎস, স্থরসমৃদ্ধ ও স্থরবর্জিত শব্দ সংরক্ষণ, আলোকের তর্পগতি, আলোক তরদ্বের প্রক্ষেপণ, আলোকতরদ্বের ছদন, রেখা আলোক-বিজ্ঞান।

পদার্থের সাধারণ ধর্ম বিষয়ক প্রশ্নাবলীর উত্তর কম্পন ও তরঙ্গ বিষয়ক প্রশ্নাবলীর উত্তর অতিরিক্ত উদাহরণ ও উত্তরসহ প্রশ্নাবলী 289

289

290



একক (পুনরালোচনা)

কোন ভৌত পরিমাণের পরিমাপ করিতে একই রকমের নির্দিষ্ট ও স্থবিধাজনক পরিমাণের মান ব্যবহার করা হয় এবং এই মাণের আপেক্ষিকে পরিমাপ লওয়া হয়। এই মানকে একক (unit) বলে। আমরা যখন বলি যে, একটি কাঠির দৈর্ঘ্য 5 ফুট, উহার অর্থ হইল 1 ফুট এককের মাপের উহা পাঁচগুণ।

দৈর্ঘ্য, ভর ও সময়—ইহাদের একক প্রাথমিক একক (Fundamental unit)।
অক্তান্ত পরিমাপের একক প্রাথমিক একক হইতে উভ্ত বলিয়া উহাদের লব্ধ একক
(Derived unit) বলে।

প্রাথমিক এককের তুইটি পদ্ধতি

- 1. C. G. S. পদ্ধতি (মেট্রিক পদ্ধতি)
- 2. F. P. S. পদ্ধতি (ব্রিটিশ পদ্ধতি)
- C. G. S পদ্ধতিতে C সেণ্টিমিটার দৈর্ঘ্যের জন্ম এবং G গ্রাম্ ভরের জন্ম, S সেকেণ্ড সময়ের জন্ম—এই সাঙ্কেতিক অক্ষর প্রাথমিক একক ব্যবহৃত হয়।
- F. P. S. পদ্ধতিতে F ফুট, দৈর্ঘ্য, ভরের জন্ম পাউণ্ড P ও সময়ের জন্ম সেকেণ্ড S প্রাথমিক একক ব্যবহৃত হয়।

दिनदर्गत स्मिष्टिक मात्रगी

1 মিলিমিটার = 1000 মিটার 1mm=0'001m

10 মিলিমিটার =1 সে. মি. 1cm=0.01m

10 সে. মি. =1 ডেসিমিটার 1dm=0.1m

10 ডে. মি. =1 মিটার (1m) 1Dm=10m

10 মিটার =1 ভেকামিটার

10 ডেকামিটার=1 হেক্টোমিটার 1Hm=100m

10 হেক্টোমিটার=1 কিলোমিটার 1Km=1000m.

1 mm = 0.1 cm = 0.01 dm = 0.001 metre.

দৈর্ঘ্যের ব্রিটিশ পদ্ধতির সারণী

1 Mil=10⁻³ inches 220 yards=1 furlong

12 inches=12"=1 foot (ft)=1' 8 furlongs=1760 yard=1 mile

3 feet=1 yard 6 feet=1 Fathom.

রূপান্তর সার্গী

1 metre=39'37 inches 1 inch =2'54 cm.

1 Km = 0.621 mile 1 foot = 30.48 cm

1 mile = 1.609 Km

ভরের মেট্রিক সারণী

1 milligram=1000 gram 10 grams=1 decagram

10 millligrams=1 centigram 10 decagram=1 Hectogram

10 centigrams=1 decigram 10 Hectograms=1 Kilogram.

10 decigrams=1 gram

ভরের ব্রিটিশ সারণী

16 drams=1 ounce (oz) 4 Quarters=1 Hunderdweight (cwt)

16 ounces=1 pound (lb) 20 Hundredweight=1 Ton (T)

.28 Pound=1 Quarter (qr)

রূপান্তর সার্ণী

1 Kg=2'205 lb.

1 Ounce = 28.35 gm 1 Ton $(T) = 20 \times 4 \times 28 = 2240$ lbs.

1 Pound (lb)= $453^{\circ}6$ gm=0.4636 Kgm

সময়ের একক: C. G. S ও F. P. S উভয় পদ্ধতিতেই গড় সৌর সেকেণ্ড সময়ের একক।

গড় সৌরদিন=24 ঘণ্টা, 1 ঘণ্টা=60 মিনিট 1 মিনিট=60 সেকেণ্ড। গড় সৌরদিন= $24 \times 60 \times 60 = 86400$ গড় সৌর সেকেণ্ড।

M. K. S @ 季季

এই পদ্ধতিতে দৈর্ঘ্য, ভর ও সময়ের একক যথাক্রমে মিটার, কিলোগ্রাম ও সেকেণ্ড।

প্রথম অধ্যায়

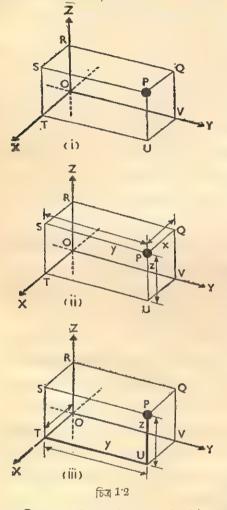
গতিবিজা (Dynamics)

[Syllabus: Particle Dynamics: Rest and motion, reference frame, displacement, velocity and acceleration, momentum, kinematical equations (in one dimension), elementary problems.]

1.1. স্থিতি ও গতিঃ পদার্থের একটি সীমিত অংশকে বস্তু (body) বলে;
বস্তুর নির্দিষ্ট আকার ও আয়তন আছে। পদার্থের কোন অংশ যদি এতই কুদ্র হয় যে,
উহার বিভিন্ন অংশের দূরত্ব নগণ্য হইয়া পড়ে, তবে উহাকে কণা (particle) বলে।
উহার তবস্থান নির্ণয় করা যায়, কিন্তু জ্যামিতিক বিন্দুর মত উহার কোন আয়তন নাই।
বস্তু বা কণার গতিকে কেন্দ্র করিয়া বলবিত্যার (Mechanics) অধীনে গতিবিত্যা
(Dynamics) ও উহাদের স্থিতি সম্পর্কীয় স্থিতিবিত্যা (Statics) পদার্থবিজ্ঞানের
মৌলিক বিষয় হইয়া উঠিয়াছে।

কোন বস্তু সময়ের সহিত উহার অবস্থান পরিবর্তন না করিলে উহাকে স্থিতিশীক বস্তু এবং সময়ের সহিত অবস্থান পরিবর্তন করিলে উহাকে **গতিশীল বস্ত** বলে। কোন বস্তু অবস্থান পরিবর্তন করিতেছে কি না তাহা জানিতে হইলে দেশে (space) প্রম (absolute) স্থির একটি নির্দিষ্ট বিন্দুর পরিপ্রেক্ষিতে উহাকে পর্যবেক্ষণ করা প্রয়োজন। কিন্তু বিশ্বে এরকম পরমন্থির বিন্দু কিছুই নাই। যথন আমরা বলি যে, একটি বল মাঠে স্থির হইয়া আছে, তথন আমরা ধরিয়া লই যে মাঠটি স্থির বলিয়া বলটি মাঠের তুলনায় তাহার নিজের অবস্থান পরিবর্তন করিতেছে না। কিন্তু মাঠ অর্থাৎ পৃথিবীপৃষ্ঠ তো স্থির নহে—উহা সর্বদাই গতিশীল। পৃথিবী স্থর্যের চারিদিকে ঘুরে এবং নিজের অক্ষকেও আবর্তন করে। স্থাও তাহার গ্রহগুলিকে লইয়া ছায়াপথে গতিশীল। আবার ছায়াপথগুলিরও পরস্পরের মধ্যে আপেক্ষিক গতি আছে। তাই বলটি পৃথিবী-পুষ্ঠে এইসব গতির প্রভাবে স্থির নহে। তব্, বলটি স্থির আছে বলার অর্থ হইল পৃথিবীর তুলনায় উহা অবস্থান পরিবর্তন করে না। উহা আপেক্ষিকভাবে স্থির মাত্র। ট্রেনের কোন যাত্রীকে অন্তান্ত সহযাত্রীদের তুলনায় স্থির মনে হইতে পারে—কার্যত টেনের গতির সহিত টেনের সেই যাত্রীও গতিশীল। একর্বাক পাখী যথন আকাশে উত্তে, উহাদের পরস্পরের দূরত্ব সমান থাকে বলিয়া উহাদের আপেক্ষিকভাবে স্থির মনে হুইলেও উহাদের গতি যে অবিরাম তাহা সহজেই বুঝিতে পারা যায়।

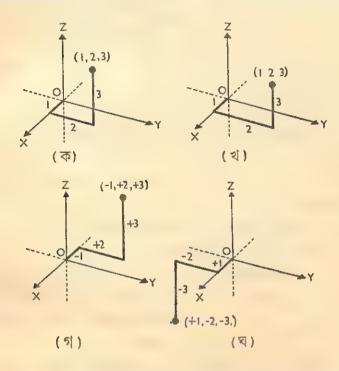
তাই কোন বস্তুর গতিবিধির পরিমাপ করিতে একটি O আপাত পরমস্থির বিন্দূকে সম্বন্ধী বিন্দু (reference point) ধরিয়া এই পরিমাপ করা প্রয়োজন। এরূপ বিন্দু যে দেশে ক্লুনা করা যায় তাহাকে সম্বন্ধী জড়ফেম (inertial frame of reference) বলে। 1.2. জড়ে ফেম ঃ বিখে পরমন্থির কোন বিন্দু নাই, তাই অবাধ গতিশীল কোন বস্তুতে এই সম্বন্ধী বিন্দু (reference point) কল্পনা করিলে, স্থিরবিন্দুর (fixed)



point) কাছাকাছি পৌছান যেমন পৃথিবী একটি গতিশীল বস্তু— গতিও কিন্ত অবাধ নহে। দৈনিক ও বার্ষিক আবর্তনে উহার গতির ইতরবিশেষ আছে। তাছাড়া আবদ্ধ. উহাও যে ফ্রেমে গতিশীল। তবে পৃথিবীর আবর্তনে গতির পরিবর্তন এতই কম যে, আমরা যে কোন ভৌতিক প্রীক্ষার জন্ম পৃথিবীকে জড়ফ্রেম ধরিয়া অন্যান্ম বস্তুর গতিবিধি মাপিলে বিশেষ ভুল হয় না। তাই পৃথিবীকে কাজ চলার মত আপাত ধরিয়া লইতে পারি। অবশ্য মনে রাখা প্রয়োজন যে, কোন কোন সৃক্ষ পরীক্ষায় খাটি জড়ফ্রেম হইতে পাথিব জড-ফ্রেমের পার্থক্য বুঝিতে পারা গিয়াছে।

পৃথিবীকে জড়ফ্রেম ধরিয়া কোন বস্তু বা কণার গতিবিধি পরিমাপ করিতে ও বস্তুকণা একসময়ে যেখানে অবস্থান করে তাহা জানিতে বিভিন্ন পদ্ধতির সাহায্য লওয়া হয়। কার্টেজীয়

পারি। 1-2 (ii) চিত্রে PQ দৈর্ঘ্য বান্ধটির x স্থানান্ধ, PS এর মান y ও উচ্চতা PU z স্থানান্ধ হইবে। এখন x, y ও z P অবস্থানের কার্টেজীয় স্থানান্ধ। $1\cdot 2$ (iii) চিত্রে x, y, z মাপিয়া P-এর অবস্থান নির্ণয় করিয়া দেখান হইল। মূলবিন্দু O হইতে X অক্ষের OX দিকে X পরিমাণ স্থান সরিয়া T বিন্দৃতে পৌছিবে। T হইতে Y অক্ষের OT সমান্তরালে OY দিকে সরিয়া T ব্যবধানে T বিন্দৃতে সরিয়া আস।



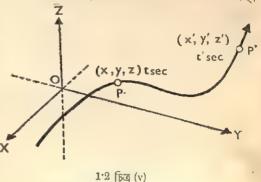
চিত্ৰ 1.2 (iv)

শেষে OZ অক্ষের সমান্তরালে OZ দিকে z দূরত্বে P অবস্থান পাওয়া যাইবে। 1-2 (iv) চিত্রে x, y ও z এর বিভিন্ন মানের স্থানাফ অবস্থানের পরিমাপ দেখান হইল। এই মাপ নেগেটিভ্ও হইতে পারে। তীরচিহ্নের দিকে যে পরিমাণ লওয়া হয়, তাহা পজিটিভ্ ও উহার বিপরীত দিকে নেগেটিভ্ হইবে।

এখন দেখিতে পাইতেছ যে, কোন বস্তুকণার অবস্থান জানিতে তিনটি দূরত্ব জানা প্রয়োজন। তাই দেশ (space) ত্রিমাত্রিক (three-dimensional) বলিয়া অভিহিত হয়।

বিশ্বের ধর্মের পুরাপুরি বর্ণনা করিতে সময়ের গতির সহিত স্থানাঙ্ক পরিমাপ করা প্রয়োজন। যেমন পূর্বে আমরা P বিন্দৃতে যে বস্তুকণার অবস্থান নির্দেশ করিয়াছি, তাহা সময়ের সহিত 1-2 (v) চিত্রের মত পথে সরিয়া চলে। যে কোন সময়কে শৃত্যু সময় ধরিয়া t সেকেণ্ডে, ধর, P এর স্থানান্ধ x, y, z শৃত্যু সময় হইতে t সেকেণ্ডে উহা

P´ অবস্থানে পৌছিল, তখন উহার স্থানাফ x´, y´, z´। সময়ের বিভিন্ন মানের জন্ম এরকম বিভিন্ন স্থানাফ হইবে। অতএব বস্তুকণার তাৎক্ষণিক বর্ণনা বলিতে x, y, z স্থানাফের সহিত সময়ও ধরিতে হইবে। নির্দিষ্ট কার্টেজীয় অক্ষের তুলনায়



শ্য সময় হইতে বস্তকণার সমস্ত গতি x, y, z ও t এই চারিটি সংখ্যা দ্বারা প্রকাশ করা যায়।

উদাহরণ: 1-2 (vi) চিত্রে P এর অবস্থান x, y, z হইলে, মূলবিন্দু O হইতে উহার দূরত্ব কত ?

1'2 (vi) চিত্রে OUP ত্রিভূজের ∠ OUP একটি সমকোণ।

অতএব পিথাগোরাস্ উপপাত্ত অনুযায়ী

$$OP^2 = OU^2 + UP^2$$

1-2(1)

ঐ চিত্রে OTU ত্রিভূজের LOTU

একটি সমকোণ। পুনরায়, পিথাগোরাস্
উপপাত অমুযায়ী

 $OU^2 = OT^2 + TU^2 - 1 - 2(2)$

1.2 (1) সমীকরণ হইতে পাওয়া যাইবে,

$$OP^2 = OT^2 + TU^2 + UP^2$$

.....1-2(3)

কিন্ত OT = x, TU = y, UP = z,

ра 1·2 (vi)

অভএব $OP^2 = x^2 + v^2 + z^2$

এখন (x, y, z) এই স্থানাঙ্কে অবস্থিত P বিন্দ্র O হইতে দূরত্ব হইবে $OP = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$

1.3. সরণ (Displacement) । কোন চলমান বস্তু একটি নির্দিষ্ট সময়ে একটি নির্দিষ্ট দিকে যে স্থান পরিবর্তন করে, উহাকে সরণ বলে। বস্তুটির গতির প্রাকৃতি

যাহাই হউক না কেন, উহার প্রাথমিক (initial) ও শেষ (final) অবস্থানবিন্দু একটি সরলরেথা ছারা যোগ করিলে, ঐ রেথার পরিমাপ সরণের দিক্ (direction)

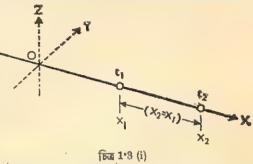
হইবে। সরণের পরিমাণ ও

দিক্ আছে। মনে কর, একটি

চলমান বস্তুর গতি একটি সরলরেপায় আবদ্ধ আছে। X অক্ষে
এই সরলরেপা লও (1-3 (i)

চিত্র।। যূলবিন্ O হইতে ঐ

বস্তর অবস্থান X স্থানাম্ক দ্বারা



নির্ণীত হয়। t_1 সময়ে মনে কর এই স্থানাহ্ন x_1 , পরবর্তী সময় t_2 তে উহার স্থানাহ্ন x_2 । ঐ সময় (t_2-t_1) মধ্যে বস্তুটির গতি যতই জটিল হউক না কেন, ঐ সময়ে উহার সরণ হইবে x_2-x_1 ।

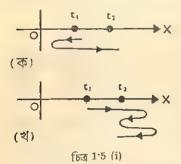
1.4. গতিবেগ (Velocity) েকোন চলমান বস্তুর সরণের হারকে উহার গতিবেগ বলে। একক সময়ে, বস্তুটির সরণ হইল উহার গতিবেগ। সরণের দিক্ ও পরিমাণ আছে বলিয়া গতিবেগেরও এ তুইটি ধর্ম থাকে।

গড় গতিবেগ=
$$\overline{v}=\frac{x_3-x_1}{t_3-t_1}$$
 ••• 1.3 (1)

৩-র উপরে দাঁড়ি চিহ্ন দারা গড় গতিবেগ কথাটি বুঝান হয়।

1.5. তাৎক্ষণিক গতিবেগ (Instantaneous velocity) । চলমান বস্তুর গতিবেগ স্থাম না হইয়া সময়ের সহিত পরিবর্তনশীল হইতে পারে। 1.5 (i) চিত্রে দেখিবে যে t_1 ও t_2 সময়ের ব্যবধানে বস্তুটির গতি ভিন্নরূপ। গড় গতিবেগ দারা ক্রিস্ব গতির প্রকৃতি জানা যায় না। তাহা জানিতে হইলে ক্র ব্যবধানে প্রত্যেক মূহুর্তে ক্রিবস্তুর গতিবেগ জানিতে হইবে। 1.5 (i) চিত্রে দেখ, t_1 সময়ে বস্তুটি বাঁদিকে চলে, অথচ গড় গতিবেগের দিক্ ডানদিকে। এইরূপ ভূল এড়াইতে হইলে t_2 সময় t_1 এর

খুব কাছাকাছি হওয়া প্রয়োজন, যাহাতে t_2-t_1 ব্যবধানে অন্তত বস্তুটি একই দিক্ অভিমুখী থাকে। এমনকি তথনও গতিবেগের মান t_1 ও t_2 সময়ের মধ্যে পরিবর্তিত হুইতে পারে বলিয়া গড় গতিবেগের সহিত তাংক্ষণিক গতিবেগের পার্থক্য থাকিবে। উদাহরণ স্বরূপ মনে কর যে, বস্তুটি মুহুগতিতে যাত্রা করিয়া t_3-t_1 সময়ের অর্থাংশে



 x_2-x_1 দ্রত্বের 160 ভাগ অতিক্রম করিল। তারপর হঠাৎ উহা ত্বরান্বিত ভাবে বাকী 160 ভাগ দ্রত্ব বাকী অর্বাংশ সময়ে লাফাইয়া গেল। এই উদাহরণ হইতে ইহা স্পষ্ট হইবে যে, এইরূপ ভূল এড়াইতে t_2-t_1 অবকাশ যতদূর সম্ভব ছোট হওয়া প্রয়োজন। কিন্তু কত ছোট ? অবশ্বাই উহা শ্রু মান হইতে বেশী—কত বেশী তাহ। নির্ভর

করিবে আমরা যে পরিমাণটুকু যথেষ্ট স্ক্ষতার সহিত মাপিতে পারি এবং যে উদ্দেশ্যে মাপ লওয়া হয় তাহাতে কতটুকু বেশী পরিমাণ হইলে কাজ চলে। t_2-t_1 ছোট হইলে x_1-x_2 দূরত্বও অনুপাতে কমিবে। অবশ্যই এই হয়ের পরিমাণ যত ছোট হয়, পরিমাপের জটিশতাও ততই বাড়ে।

পরিমাপের স্ক্ষতার উপর বস্তুর গতির প্রকৃতি কীরূপ তাহা নির্ভর করে। উদাহরণ স্বরূপ 1.5(ii) চিত্রে একটি পোকার এক সেকেণ্ডের ব্যবধানে যে গতিপথ পরীক্ষার দ্বারা পাওয়া যায় তাহা দেখান হইল।

মনে কর, এক সেকেণ্ডের এই ব্যবধান খুব স্ক্ষভাবে সময় মাপার যন্ত্রে ভাগ করিয়া গড় গতিবেগের সহিত সময়ের লেখচিত্র (graph) আঁকা হইল [1'5 (ii) চিত্র]। উহার প্রাথমিক গতিবেগ ছিল 0'8 সেমি./সেকেণ্ড, 1 সেকেণ্ড ব্যবধানের পর উহার গতিবেগ 0'6 সেমি./সেকেণ্ড। যদি 0'5 সেকেণ্ড সময়ের পূর্বের গড় গতিবেগই মাপা হইত, তবে উহা 0'8 সেমি. হইত। আবার 1 সেকেণ্ডের পর গড় গতিবেগটুকু মাপিলে পুরা গতিপথের গড় গতিবেগ মনে হইত 0'6 সেমি./সেকেণ্ড, এবং উহা ডান দিকে আগাইয়া চলিয়াছে ভ্লক্রমে এরপ ধারণা হইত। কিন্তু 0'5 সেকেণ্ড পর্যন্ত উহা ডানদিকে আগাইয়া পরে বাঁদিকে চলিয়াছে. তাহা সময়ের ক্ষুদ্র ক্ষুদ্র খণ্ডে গতিবেগ মাপিবার ফলে ধরা পড়িয়াছে।

যে সময়-মাপক যন্ত্ৰ ব্যবহার করিয়া এই চিত্র ধরা পড়িয়াছে, ভাহার স্কৃষ্ণতা আরও কিছু পরিমাণে বাড়াইয়া দিলে দেখা গেল যে, 0 সেকেণ্ডে যাত্রা আরস্তের সময় পোকাটি কিছু ইতস্ততঃ চলিয়াছে। এই সময়ে উহার গতিবেগ যেভাবে কমিয়াছে ও বাড়িয়াছে তাহাও 1-5 (ii) থ চিত্রে ধরা পড়িল। আরও স্ক্ষভাবে মাপিলে দেখিতে পাইবে ষে [1-5 (ii) (গ)] ঐ সময়ে বাতাসের কাঁপুনিতে তাহার গতিপথ স্পষ্টতঃই কাঁপা কাঁপা

হইয়াছে। গতিপথ ও বেগের এই
স্ক্ষ্মতা তত বেশী ধরা পড়িবে—সময় ও
অবস্থানের ব্যবধান মাপিবার স্ক্ষমতা
যত বাড়াইতে পারিবে। পোকার
গতিপথের প্রাথমিক পর্যায়ের এইরূপ
বক্রপথের দিক কী হইবে? উহার
যে বিন্দুর দিক্ জানিতে চাও, ঐ
বক্ররেখার ঐ বিন্দুতে একটি স্পর্শক
টানিলে, উহাই তাহার তাৎক্ষণিক
গতিবেগের দিক নির্দেশ করিবে।

এই উদাহরণ হইতে বুঝিতে
পারিবে যে, বিশ্বজগতের যে দৃশ্য
আমরা দেখি তাহা পর্যবেক্ষণের স্কন্মতার
ও নিভূলতার উপর নির্ভর করে।
উহা যতই নির্ভূল ও স্ক্রন্সতর হইবে,
ততই বিশ্বের স্ক্র স্করপ আমাদের
কাচে ধরা পড়িবে।

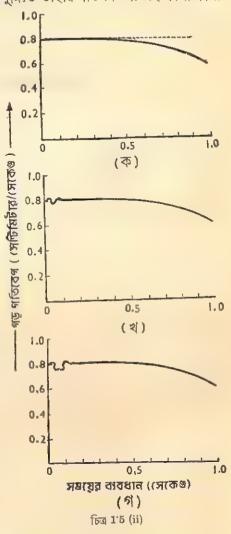
তাৎক্ষণিক গতিবেগ বলিতে

একটি ক্ষুদ্রতম সময়ের অবকাশে বস্তুর

স্রণকে ঐ সময় দিয়া ভাগ করিলে

যে ভাগফল হইবে তাহাই বুঝিতে

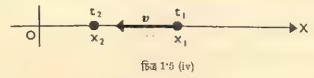
হইবে।



তাংক্ষণিক গতিবেগ $=v=rac{x_2-x_1}{t_2-t_1}$, যথন t_2-t_1 এর মান যতদূর সম্ভব ছোট। এই গতিবেগ পজিটিভ বা নেগেটিভ ্হইতে পারে। 1.5 (iii) চিত্রে দেখ

চিত্ৰ 1.5 (iii)

যে বস্তুটি যদি ভান দিকে যায় তবে x_2 দূরত্ব x_1 দূরত্ব হইতে বেশী এবং x_2-x_1 পজিটিভ। গতিবেগ x_2-x_1/t_2-t_1 ও পজিটিভ। বস্তুটি বাঁদিকে গেলে x_2 , x_1 হইতে ছোট, ফলে x_2-x_1 নেগেটিভ, এবং ঐ গতিবেগও নেগেটিভ, হইবে (চিত্র 1-5 iv)। লক্ষ্য রাখিবে যে, মূলবিন্দুর ভানদিকে অক্ষের তীর চিত্তের



অভিমূখে পজিটিভ্ স্থানাফ ও বাঁদিকে নেগেটিভ্ স্থানাফ। গতিবেগও ঐরপ ধরিতে হইবে। 1-5 (ii) চিত্রে শুঁয়াপোকার গতিবেগ পজিটিভ্ হইতে কোথায় বাঁদিকে চলিতে স্কুক্ত করিল ও পূর্বের গতিবেগ হইতে নেগেটিভ্ হইল তাহা লক্ষ্য করিবে।

1. 6. ত্বরণ (Acceleration): চলমান বস্তর গতিবেগের পরিবর্তনের হারকে ত্বরণ বলে। একটি নির্দিষ্ট সময়ের অন্তর অন্তর, উহা যতই ক্ষুদ্র হউক না কেন, গতিবেগের সমমানের পরিবর্তনকে ত্বমম ত্বরণ বলে। অন্যথায় ত্বরণ পরিবর্তনশীল হইবে।

ত্বনের পরিমাণ ও দিক্ আছে—উহাদের যে কোন একটি পরিবর্তিত হ্ইলেই ত্বরণের পরিবর্তন হইবে।

মনে কর কোন বস্তুর গতিবেগ একটি নির্দিষ্ট সময়ের আরম্ভে সেকেণ্ডে 100 সেমি. ছিল, এক সেকেণ্ডের পর গতিবেগ সেকেণ্ডে 110 সেমি. হইল। ঐ সময়ের মধ্যে উহার গতিবেগ সেকেণ্ডের পর গতিবেগ সেকেণ্ডে 110 সেমি. হইল। ঐ সময়ের ব্যবধানে $\frac{100+110}{2}=105$ সেমি/সেকেণ্ড হইবে। পরবর্তী একসেকেণ্ডের পর উহার গতিবেগ সেকেণ্ডে 120 সেমি. ও পরবর্তী এক এক সেকেণ্ড অন্তর যথাক্রমে 130 সেমি, 140 সেমি. ইত্যাদি হয়, তবে গতিবেগের পরিবর্তন স্থম এবং এই পরিবর্তনের হার সেকেণ্ডে 10 সেমি. হইবে। ঐ বস্তুর গড় গতিবেগ দিতীয় সেকেণ্ডের পর সেকেণ্ডে 115 সেমি, তৃতীয় সেকেণ্ডের পর সেকেণ্ডে 125 সেমি. ইত্যাদি হইবে। বস্তুর গতিবেগ হইল সরণ সরণ সেকিণ্ডের পর সেকেণ্ডে 125 সেমি. ইত্যাদি হইবে। বস্তুর গতিবেগ হইল সরণ সরণ সেকিণ্ডিমিটারে ও সময় সেকেণ্ডে লইলে গতিবেগের একক হইবে সেটিমিটার/সেকেণ্ড। ত্বরণ = গতিবেগ্ । গতিবেগের একক সেকিটমিটার/সেকেণ্ড হইলে ত্বণের একক হইবে সেটিমিটার/সেকেণ্ড হইলে ত্বণের একক হইবে সেটিমিটার/

উদাহরণে বস্তুটির ত্বরণ হইবে 10 সেমি /(সেকেণ্ড) 2 । এখন $t_1,\,t_2,\,t_3$ এই সময়ের

আরস্তে যদি কোন বস্তুর গতিবেগ যথাক্রমে $v_1,\,v_2$ ও v_3 হয় তবে t_3-t_1 এর মান যথেষ্ট ক্ষুদ্র হইলে t_1 সময়ে উহার স্বরণ হইবে

$$f = \frac{v_3 - v_1}{t_3 - t_1}$$
 1.6 (1)

কোন চলমান পদার্থের গতিবেগ ক্রমশঃ হ্রাস পাইলে ঐ হ্রাসের হারকে **নেগেটিভ**্
ত্বরণ বা মন্দন (Retardation) বলে। যদি একটি ক্রতগামী মোটরগাড়ী থামিবার
এক মিনিট পূর্ব হইতে গতিবেগ সেকেণ্ডে 10 সেমি/সেকেণ্ড হারে কমিতে থাকে তবে
ত্বরণ হইবে — 10 সেমি./সেকেণ্ড)² অথবা মন্দন = 10 সেমি/সেকেণ্ড)²

1. 7. ঋজুরেখ গতি (Rectilinear motion).

এখন একটি সরলরেখায় কোন বস্তুর স্থ্যম গতি সহজ সমীকরণের দারা প্রকাশ করা যাইতে পারে।

স্থম গতিবেগে (Uniform velocity) চলমান কোন বস্তু t সেকেণ্ডে যে পথ অতিক্রম করিবেঃ

বস্তুটির স্থম গতিবেগ যদি v হয়, তবে বস্তুটি প্রতি সেকেণ্ডে v দূর্ব অতিক্রম করিবে।

অতএব 2 সেকেণ্ডে মোট দূর্ব অতিক্রম করিবে 2v
3 " " " 3v
4 " " " 4v

ī

অতএব t সেকেণ্ডে ঐ দূর্ব s হইলে

s=vt 1.7 (1)

tv

উদাহরণ 1. বাতাসে শব্দের গতিবেগ সেকেণ্ডে 1100 ছুট। কোন ব্যক্তি বিজ্যতের ঝলক দেখিবার 2 সেকেণ্ড পরে যদি বজ্রের শব্দ শুনিতে পায়, তবে কতদূরে বজ্রপাত হইয়াছে ?

আলোর গতিবেগ শব্দের গতিবেগের তুলনায় এত বেশী যে, ঐ ব্যক্তির নিকট আলো পৌছিতে যে সময় লাগে তাহা নগণ্য। অতএব বজ্রপাতের দূরত্ব

 $s = vt = 1100 \frac{$ ফুট $\times 2$ সেকেণ্ড= 2200 ফুট।

উদাহরণ 2. আলোর গতিবেগ সেকেণ্ডে 3×10^{10} সে. মি /সেকেণ্ড হইলে সূর্য হইতে পৃথিবীর 1.5×10^{13} সে. মি. দূরত্বে সূর্যের আলো পৌছিতে কত সময় লাগিবে ?

$$t=\frac{s}{v}=\frac{1.5\times10^{13}}{3\times10^{10}}$$
 সে. মি. $=500$ সেকেণ্ড $=8\frac{1}{3}$ মিনিট

উদাহরণ 3. একটি মোটরগাড়ী 4°5 ঘন্টায় 135 মাইল যায়। (ক) উহার গড় গতিবেগ কত? (খ) ঐ গতিবেগে 6 ঘন্টায় উহা কতদূর যাইবে? (গ) 600 মাইল যাইতে ঐ গতিবেগে কত সময় লাগিবে?

(ক)
$$v = \frac{s}{t} = \frac{135 \text{ মাইল}}{4.5 \text{ ঘটো}} = 30 \text{ মাইল/ঘণ্টা}$$

(খ)
$$s = vt = \frac{30 \cdot \text{মাইল}}{\text{ঘণ্টা}} \times 6 = 180 \text{ মাইল}$$

(গ)
$$t = \frac{s}{v} = \frac{600 \text{ মাইল}}{30 \text{ মাইল/ঘণ্টা}} = 20 ঘণ্টা$$

উদাহরণ 4. একটি মোটরগাড়ী 2 ঘণ্টা ঘণ্টাপ্রতি 40 কিলোমিটার ও পরে 1½ ঘণ্টাপ্রতি 30 কিলোমিটার চলিল। (ক) উহা মোট কত দূরত্ব অতিক্রম করিল, (থ) ঐ দূরত্ব চলিতে তাহার গড় গতিবেগ কত ছিল?

(ক)
$$s = v_1 t_1 + v_2 t_2 = \frac{40 \text{ কিমি}}{\text{ঘণ্টা}} \times 2 \text{ च.} + \frac{30 \text{ কিমি}}{\text{ঘণ্টা}} \times 1.5 \text{ च.} = 125 \text{ কিমি$$

(খ) 125 কিমি পথ 3'5 ঘণ্টায় অতিক্রম করিলে
$$\frac{1}{v} = \frac{s}{t} = \frac{125}{3'5} \frac{6}{5} \ln = 36 \frac{125}{5} \frac{125}{5}$$

1.8. ত্বরণ সহ ঋজুরেখ গতি (Rectilinear motion with acceleration)
কোন বস্তু সরলরেখায় চলিলে তাহার যদি স্থাম ত্বরণ থাকে, তবে সহজ সমীকরণের
সাহায্যে উহার গতিবেগ, সময়, ত্বরণ ও অতিক্রান্ত দূরত্ব প্রভৃতির পরম্পর সম্বন্ধ নির্ণয়
করা যায়।

বস্তু সরলরেথায় স্থেম ত্বরণের সহিত চলিলে, যদি ত্বরণ f, সময়ের ব্যবধান t, $u \otimes v$ যথাক্রমে প্রাথমিক ও শেষ গতিবেগ হয় এবং ঐ সময়ে অতিক্রান্ত দূরত্ব s হয় তবে,

$$(\Phi) \quad v = u + ft \tag{1.8}$$

(4)
$$s = ut + \frac{1}{2}ft^2$$
 1.8 (2)

(5)
$$v^2 = u^2 + 2fs$$
 1.8 (3)

1.8. (ক) মনে কর T সময়ের প্রারম্ভে বস্তুর প্রাথমিক গতিবেগ u, স্থম ত্বরণ f হইলে, প্রতি সেকেণ্ডে বস্তুর গতিবেগ f সেমি./সেকেণ্ড বাড়িয়া যায়।

1 সেকেণ্ডের পর গতিবেগ হয় u+f
2 " " u+2

3 " " " u+3f

t ,, ,, u+tf

অতএব শেষ গতিবেগ v=u+ft

1.8 (1)

প্রাথমিক গতিবেগ u হইতে যে গতিবেগ বাড়ে তাহা দ্বরণ × সময় এই গুণফলের সমান।

তাই, এই সমীকরণ হইতে পাওয়া যায় $v-u=f\times t$

অথবা
$$f = \frac{v - u}{t}$$
 18(4)

কোন বস্তু স্থির অবস্থা হইতে চলিতে থাকিলে তাহার প্রাথমিক গতিবেগ $u\!=\!0$, তথন $1.8\,(1)$ সমীকরণ হইবে

$$y=ft$$
 1.8(5)

উদাহরণ I. একটি স্থির মোটরগাড়ী চলিয়া 10 সেকেণ্ডে 40 মিটার গতিবেগ পাইল। (i) উহার ত্বরণ কত ? (ii) উহার ত্বরণ স্থম হইলে 15 সেকেণ্ড পরে উহার গতিবেগ কত হইবে ?

(i)
$$f = \frac{v}{t} = \frac{40 \text{ fa}/\text{cyl.}}{10 \text{ cyl.}} = 4 \text{fa}/\text{cyl.}$$

(ii)
$$v = ft = 4$$
মি./সে×15 সে.=60 মি./সে.

উদাহরণ 2. (i) একটি মোটরগাড়ীর গতিবেগ 1.5 সেকেণ্ডে 20 কি./ঘ. হইতে 30 কি./ঘ. বাড়িলে উহার ঘরণ কত? (ii) ঐ একই ঘরণে মোটরগাড়ীর গতিবেগ 30 কি /ঘ. হইতে কী পরিমাণ সময়ে 36 কি./ঘ. হইবে?

(i)
$$f = \frac{v - u}{t} = \frac{30 \text{ fs/fs.} - 20 \text{ fs/fs.}}{1.5 \text{ cy.}} = 6.7 \text{ (fs/fs.)/cy.}$$

(ii)
$$t = \frac{v - u}{f} = \frac{36 \text{ fe}/\text{च} - 30 \text{ fe}/\text{च}}{6.7 \text{ (fe}/\text{च})/37} = 0.9$$
 সেকেণ্ড।

1.8. (খ) আমরা 1.7(i) সমীকরণ হইতে পাই

$$s = \nu t$$

কোন চলমান বস্তুর নির্দিষ্ট সময়ের t ব্যবধানে যে গড় গতিবেগ থাকে, তাহা জানিলে s এর মান পাওয়া সহজ হইবে। মনে কর বস্তুটির হুরণ f স্থেম, ফলে প্রাথমিক গতিবেগ u হইতে বস্তুটির স্থেমহারে গতিবেগ সময়ের সহিত বাড়িতেছে। অতএব গড় গতিবেগ

$$v = \frac{u+v}{2}$$

এখানে প্রাথমিক গতিবেগ u ও শেষ গতিবেগ u+ft ; অতএব

$$\bar{v} = \frac{u + u + ft}{2} = u + \frac{1}{2}ft$$

অতিকান্ত দ্রত $s=vt=ut+\frac{1}{2}ft^2$

1'8 (2)

বস্তুটি স্থির অবস্থা চইতে চলমান হইলে u=0

$$s = \frac{1}{2}ft^2$$
 1.8 (6)

উদাহরণ 1. একটি গাড়ী স্থবম ত্বরণ 8মি./(সেকেণ্ড)²। (i) স্থির অবস্থা হইতে উহা কত সময়ে 24 মি/সে গতিবেগ পাইবে ? (ii) ঐ সময়ে গাড়ীটি কত পথ অতিক্রম করিবে ?

(i)
$$t = \frac{v}{f} = \frac{24 \text{ ম}/\text{সে}}{8 \text{ ম}/\text{সে}} = 3 সেকেণ্ড$$

(ii) প্রাথমিক গতিবেগ v=0

$$s = \frac{1}{2}ft^2 = \frac{1}{2} \times 8 \frac{\hat{N}}{(27.)^2} \times (3 \text{ CFI.})^2 = 36 \hat{N}.$$

উদাহরণ 2. একটি মোটরগাড়ীর ব্রেক্ 6 মি./(সে)² মন্দন দারা গাড়ীটি থামাইতে পারে। (i) 30 মি./সে. গতিবেগ হইতে স্থির অবস্থায় আসিতে উহার কত সময় লাগে? (ii) ব্রেক কবিয়া সম্পূর্ণ থামাইবার সময় উহা কত পথ অতিক্রম করিবে?

(i)
$$t = \frac{v}{f} = \frac{30 \text{ মি /সে}}{6 \text{ ম./(সে)}^2} = 5 সেকেণ্ড$$

(ii) এখানে u ও f এর পজিটিভ, ও নেগেটিভ, মান লক্ষণীয়। u=+30 মি/সে., f=-6 মি/(সে.) 2 $s=ut+\frac{1}{2}ft^2=30\frac{\text{মি.}}{\text{সে.}}\times 5$ সে. $-\frac{1}{2}\times 6\frac{\text{মি.}}{(\text{সে.})^2}\times (5\text{ স.})^2$ = 75 মিটার

1.8. (গ) এখন প্রমাণ করা যায় যে $v^2 = u^2 + 2fs$

1.8~(4) সমীকরণ হইতে পাওয়া যায় $t = \frac{v - u}{f}$;

t এর মান সমীকরণে বসাইলে

$$s = u\left(\frac{v - u}{f}\right) + \frac{1}{2}f\left(\frac{v - u}{f}\right)^{2}$$

$$= \frac{uv - u^{2}}{f} + \frac{v^{2} - 2v + u^{3}}{2f}$$

$$= \frac{v^{2} - u^{3}}{2f}$$

উভয় পাৰ্যকে 2f দিয়া গুণ করিলে $2f_S=v^3-u^3$ উভয় পার্যে u^2 যোগ করিলে $v^2=u^3+2f_S$ \cdots 1.8 (3) কোন বস্তু স্থির অবস্থা হইতে চলিলে u=0

 $v^2 = 2fs$ 1.8 (7)

উদাহরণ I. একটি বস্তু স্থির অবস্থা হইতে 10 মি./(সে.) ব্রুণে যাত্রা করিল।
(i) 0'5 সে. উহা কত পথ যাইবে ? (ii) 0'5 সেকেণ্ডের পর উহার গতিবেগ কত
হইবে ?

- (i) s=½ft²=½×10 মি./(সে.)²×(0.5 সে.)²=1.25 মিটার

1'9. **ভরবেগ** (Momentum): কোন বস্তু সরলরেখায় চলিলে তাহার ভর ও গতিবেগের গুণফলকে ঐ বস্তুর **ভরবেগ** বলে।

ভরবেগ p হইলে m ভরের বস্তুর v গতিবেগে উহার রৈথিক (linear) ভরবেগ হইবে, $p=m\times v$ 1'9 (1)

গতিবেগের দিক্ ও পরিমাণ, উভয়ই আছে বলিয়া ভরবেগেরও ঐ হুইটি ধর্ম আছে। গতিবিভার গণনায় কয়েকটি বিষয়ে লক্ষ্য রাখা দরকার। স্বরণ, গতিবেগ, ভরবেগ ইত্যাদি সংখ্যার দিক্ ও পরিমাণ আছে বলিয়া উহা পজিটিভ, বা নেগেটিভ, যে কোনটিই হুইতে পারে।

মনে কর, f নেগেটিভ, ও u পজিটিভ,—এথানে উহারা পরস্পর বিপরীতম্থী হইবে। ফলে বস্তুটি মূলবিন্দুর ডানদিকে গিয়া একসময় গতিবেগ শৃশু হইবে ও উণ্টাদিকে চলিতে থাকিবে। গতিবেগ উল্টা হওয়ার পর মূলবিন্দু হইতে x সরণ মোট অতিক্রান্ত দূরত্ব অপেক্ষা কম হইবে। গতিবিভার প্রধান সমীকরণগুলি ব্যবহার করিতে হইলে কোন গণনায় উহাদের মধ্যে u, v, f, t, প্রভৃতি সংখ্যার কোন একটি অজানা

সংখ্যা গণনার প্রশ্ন থাকিবে। তখন এমন একটি সমীকরণ বাছিয়া লইতে হইবে যাহাতে জানা সংখ্যাগুলির সঙ্গে অজানা সংখ্যা থাকে এবং অন্ত কিছু না থাকে।

প্রশাবলী

- পরমগতি ও আপেক্ষিকগতি ব্যাখ্যা কর। আমাদের নিকট কোন্টি বেশী প্রয়োজনীয় ও কেন?
- 2. ঋজুরেথায় কোন বিন্দুর ত্বরণ বলিতে কী ব্ঝায় ? প্রমাণ কর যে, ঋজুরেথায় স্থম ত্বরণ বিশিষ্ট বস্তার গতিবেগ প্রতি পরবর্তী সেকেণ্ডে সমান্তর প্রগতি (arithmetic progression) মানিয়া চলে।
 - প্রমাণ কর s=ut+½ ft²।
- 4. একটি ট্রেন কোন ষ্টেশন হইতে রওয়ানা হইয়। হির অবস্থা হইতে গতিবেগ বাজিয়া 2 মিনিটে সর্বোচ্চ স্থ্যম গতিবেগ 60 মা./ঘ. হইল। পরিবর্তনশীল গতিবেগে ট্রেনটি কত দ্বত্ব অতিক্রম করিল? [উ: 5280 ফুট]
- 5. একটি গাড়ী 30 মি/সে গতিবেগ কমিয়া 6 সেকেণ্ডে থামিয়া গেল। উচার মন্দন কত? গাড়ীটির গতিবেগ 40 মি./সে. হইলে একই মন্দনে গাড়ীটি থামিতে কত সেকেণ্ড লাগিত? [উঃ 5 মি./সে.²; 8 সেকেণ্ড]
- কোন বস্তর তাৎক্ষণিক গতিবেগ শৃয় হইলে উহার তাৎক্ষণিক ত্বরণ কি অবশ্রহ
 শৃয় হইবে ? উদাহরণসহ ব্যাখ্যা কর।
- 7. কোন বস্তু মূলবিলু হইতে 15 সেমি/সেকেও গতিবেগে যাত্রা করিল। উহার ত্বরণ না থাকিলে x স্থানাম্বে 3 সেকেও পরে উহার অবস্থান নির্ণয় কর।

[উঃ 45 সেটিমিটার]

- 8. একটি বস্ত X অক্ষে 5 সেমি/সেকেণ্ড গতিবেগে স্থবম স্বরণসহ মূলবিন্দু অতিক্রম করিল। 2 সেকেণ্ড পরে উহার X স্থানাম্ব 6 সেন্টিমিটার। উহার স্বরণের মান ও দিক্ নির্ণয় কর।

 [উঃ -2 সেমি/(সেকেণ্ড)²; নেগেটিভ্ X দিক্]
- 9. সাধারণ অবস্থায় শব্দের গতিবেগ 1130 ফু./সে.। এই গতিবেগ (ক) মি /সে, (খ) মাইল/সে., (গ) মাইল/ঘণ্টা তে কত হইবে ? [উঃ কে) 345, (খ) 214, (গ)770]
- 10. জনৈক ব্যক্তি 2'1 মাইল দূরে একটি বাড়ীতে বিহাৎ ঝলক দেখিল। বজের শব্দ শুনিতে তাহার কত সময় অপেক্ষা করিতে হইবে ? [উঃ 9'4 সেকেও]
- 11. একটি বস্তু স্থমসত্তরণসহ 10 মিঃ/(সে)² স্থির অবস্থা হইতে যাত্রা করিল।

 (ক) 0.5 সেকেণ্ডে উহা কতদূর যাইবে? (খ) 0.5 সেকেণ্ড পরে উহার গতিবেগ

 কৃত হইবে?

 [উঃ (ক) 1.25 মিটার, (খ) 5 মি./সে.]

স্কেলার ও ভেক্টর (Scalars and Vectors)

Syllabus: Scalars and Vectors, composition and resolution of vectors. Representation of vector by co-ordinates. Addition of vectors by geometrical and analytical methods. Relative velocity and accleration.]

1'10. স্কেলার ও ডেকটর :

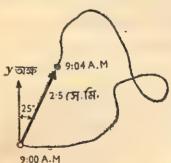
ত্রিমাত্রিক দেশে (Three-dimensional space) এমন অনেক রাশির পরিমাপের প্রয়োজন হয় যাহাদের পরিমাণ ও একটি নিদিষ্ট দিক উভয়ই আছে। এইরূপ রাশিকে ভেকটর (vector) বলে। সরণ, গতিবেগ, স্বরণ, ভরবেগ—উহারা ভেকটর।

উদাহরণস্বরূপ দীঘা হইতে হাওড়া হইয়া বর্দ্ধমান 225 কিলোমিটার পথ, কিছ দীঘা হইতে উত্তরে 225 মিটার গেলে তুমি বর্দ্ধমান পৌছিবে না। তোমাকে নির্দিষ্ট দিকে 225 কিমি. যাইতে হইবে। দীঘা হইতে বর্দ্ধমানের এই দূরত্ব বা সরণ একটি ভেকটর রাশি। ইহার পরিমাণ ও দিক্ উভয়ই আছে।

ভেকটরের দিতীয় উদাহরণ হইল গতিবেগ। বাস্তব দিক্ হইতে ভাবিলে দেথিবে যে, পূর্বদিকে 60 কিমি./ঘণ্টা গতিবেগে চলা ও ঠিক ঐ বেগে পশ্চিমদিকে চলার মধ্যে যথেষ্ট পার্থক্য আছে। বস্তুর গতিবেগ বুঝাইতে একটি নির্দিষ্ট সময়ে উহা কত দূরত্ব অতিক্রম করে, শুধু ইহা বলিলে চলিবে না, উহার সহিত বস্তুটির গতি কোন্দিকে ভাহাও বলিভে হইবে।

গতিবেগ বলিতে তাই উহার পরিমাণ ও দিক্ উভয়ই উল্লেখ করিতে হইবে। **দ্রুতি** (speed) বলিতে আমরা শুধু বেগের পরিমাণ বলি, উহার দিক্ উল্লেখ করি না। যে রাশির পরিমাণ আছে অথচ দিক্ নাই উহাকে স্কেলার (scalar) বলে। অতএব ক্রতি একটি স্কেলার রাশি। গড় গতিবেগ ও গড় জ্রতি নির্ণয়ের নিয়ম স্মান কিন্তু বস্তুর সঠিক গতিপথ নির্ণয় করিতে, ও

জানা একস্তি প্রয়োজন।



চিত্ৰ 1°10 (i)

কোন বস্তু যে হারে কোন সরলপথ ও বক্রপথ অতিক্রম করে তাহাকে **দ্রুতি** বলে। তাই ক্রতি হইতে আমরা গতির পরিমাণটুকুই জানিতে পারি,

তাৎক্ষণিক গতিবেগ নির্ণয় করিতে গতির দিক

मिक नदश।

1'10 (i) চিত্রে একটি ভুঁয়া পোকার 4 মি. সময়ের ব্যবধানে বক্র গতিপথ দেখান হইয়াছে। একটি নির্দিষ্ট দিক হইতে 25° কোণ করিয়া একটি সরলরেখায় উহার সরণ 2.5 সেমি. ও গড় গতিবেগ 0.6 সেমি./মিনিট। বক্রপথে উহার গড় জ্রুতিও এ পরিমাণ হইবে। কিন্তু ঐ বক্রপথের কোন একটি বিন্দুতে গতিবেগ বলিতে ঐ বিন্দু হইতে স্পর্শক টানিলে উহার গতির দিক্ পাওয়া যাইবে ও পরিমাণ বিভিন্ন বিন্দুতে ভিন্ন হইবে।

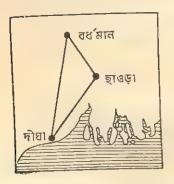
ক্রতি ছাড়া স্কেলার রাশির অন্তান্ত উদাহরণ হইল সময়, ভর, তাপমাত্রা, বৈহ্যতিক আধান, ঘনত্ব ও শক্তি।

সাধারণতঃ ভেক্টর রাশি বড় অক্ষরে অথবা অক্ষরের মাথায় একটি তীর চিহ্ন দিয়া

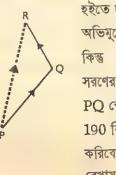
দেখান হয়। যেমন গতিবেগ ব্ঝাইতে V বা ν এবং জ্রুতি ব্ঝাইতে ν অক্ষর

ব্যবহৃত হয়। বর্জমান হইতে দীঘা পর্যন্ত সরণ দূর্ত্ব PR=225 কি. মি. বলিলে

দীঘা যদি P বিন্দু হয়, R বিন্দু বর্জমান ও Q বিন্দু হাওড়া হয়, তবে 1.10 (ii) চিত্রে PQভেক্টর বলিতে দীঘা হইতে হাওড়া যাওয়ার গতি বৃঝিতে হইবে। QP রাশিতে হাওড়া







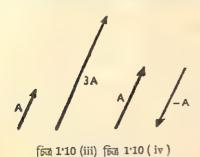
হইতে দীঘা [1'10 (ii)]
অভিমুখে সরণ বুঝাইবে।
কিন্তু চুই ক্ষেত্রেই ঐ
সরণের শুধু মান বলিতে
PQ স্কেলার রাশি অর্থাৎ
190 কিমি. সংখ্যাটি নির্দেশ
করিবে। একটি সরল
রেখায় গতি চুই দিকে
হইতে পারে। তীর চিহ্ন

দিয়া উহাদের একটি দিকের গতি নির্দিষ্ট করা হয়। সরণের পরিমাণ বৃঝাইতে লেখচিত্রে এক মিলিমিটার সমান 10 মিটার ধরিয়া 1'9 সেমি. দীর্ঘ লাইন টানিয়া PQ=190 কিমি. দেখান যায়।

গতিবেগের ক্ষেত্রে ঘণ্টায় 100 কিমি. ব্ঝাইতে ঐরপ রেখা ব্যবহার করিতে হয়। মনে কর, কোন বস্তু একটি নির্দিষ্ট বিন্দু হইতে ঘণ্টায় 20 কিমি. দক্ষিণে যায়। এক মিলিমিটার সমান 10 মি. ধরিলে একটি 20 মিমি. তীরচিহ্নিত লাইন টানিয়া উহা ব্ঝান যায়। পরে বস্তুর গতিবেগ পূর্বদিকে ঘণ্টায় 30 কিমি. হইলে ঐ রেখার লম্ব পূর্বদিকে 30 মিটার তীরচিহ্ন লাইন টানিয়া দেখান হয়। অবশ্য স্থবিধা অনুষায়ী লেখচিত্রের ক্ষেল ঠিক করিয়া লইতে হয়। উহা এক মিলিমিটার সমান 1 মিটার

বা 10 মিটার যাহাই লওয়া হউক না কেন, ঐ স্কেল সেই নির্দিষ্ট গণনায় একই রাখিতে হইবে।

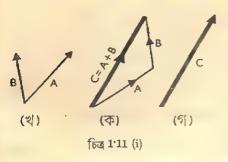
এখন মনে কর A একটি ভেক্টর রাশি, উহার সহিত স্কেলার রাশি 3 গুণ করিলে



দিক্ চিচ্ছের পরিবর্তন হইবে না, কিন্তু উহার
মান 3A হইবে। 1'10 (iii) চিত্রে ভেক্টর
ও স্কেলারের গুণফল দেখান হইল। ভেক্টর
রাশির সহিত বিয়োগচিহ্ন গুণ হইলে, ঐ
রাশির পরিমাণ এক থাকিলেও উহার
দিক্ সম্পূর্ণ বিপরীত হইয়া যাইবে (1.10 (iv)
চিত্র)।

1'11, ভেক্টর রাশির যোগ ও বিয়োগঃ

বীজগণিতের সমীকরণ হইতে একটি ভেক্টর সমীকরণের পার্থকা আছে। যেমন PR = PQ + QR এইরূপ স্থেলার যোগফলের মত ভেক্টর সমীকরণ নহে। কারণ দীঘা হইতে বর্জমান, হাওড়া হইয়া ঘুরপথে গেলে সোজাপথ হইতে প্রায় 65 কিমি. বেশী যাইতে হয়। এখন 1.11 (1) এই ভেক্টর সমীকরণ অনুযায়ী PQ ও QR যুক্ত করিয়া PR পাইতে হইলে PRQ ত্রিভুজ আঁকিতে হইবে। যে কোন তুইটি ভেক্টর, তাহা ঘুরণ, গতিবেগ যাহাই হউক না কেন, যুক্ত করিতে এই পদ্ধতি কাজে লাগে।



পদার্থ (I)-2

লক্ষ্য কর যে, ত্রিভুজের উপাংশ A ও B ভেক্টর তুইটির তীর্চিহ্ন ঘড়ির কাঁটার বিপরীত দিকে কিন্তু লব্ধি C ভেক্টরের তীর্চিহ্ন উল্টা অর্থাৎ ঘড়ির কাঁটার দিকে।

কীঘা হইতে বর্দ্ধমান সোজা পথে C বা ঘুরপথে A+B তে একই ক্রিয়া হয়। Cকে

A ও B উপাংশের লব্ধি (resultant) বলে। 1.11 (i) (খ) চিত্রে কে। চিত্রের

ক্রিভুজের A ও B বাহুর স্মান্তরাল তুইটি রেখা একবিন্দু হইতে দেখান হইয়াছে।

A
$$C = A$$

B

C

R

Figs 1-11 (ii)

1'11 (i) চিত্রে ছুইটি যে কোন ভেক্টর যোগ করিবার ত্রিভুজ পদ্ধতি দেখান হইল।

A ও B ছুইটি ভেক্টর যোগ করিতে হইলে A ও B এর সমান্তরাল ও সমান ছুইটি
রেখা টানিয়া ত্রিভুজের সংলগ্ন ছুইটি বাহু আঁক। এখন C রেখা টানিয়া ত্রিভুজটি এমন
ভাবে সম্পূর্ণ কর যেন C ভেক্টরের তীরচিহ্নটি 1'11 (i) A ও B ভেক্টর ছুইটির
বিপরীতম্থী থাকে। এখন C লব্বি ভেক্টরটি ত্রিভুজের C বাহুর সমান ও সমান্তরাল
একটি রেখা অন্তর্ক টানিয়া দেখাইতে পার। A+B এর পরিবর্তে C বা C এর

পরিবর্তে A+B ব্যবহার করিতে পার, কিন্তু উহাদের মান ও দিক্ অপরিবৃতিত রাখিতে হইবে।

একই পদ্ধতিতে তুইয়ের অধিক ভেক্টরও যুক্ত করা হয়। 1-11 (ii) চিত্রে A, B, \rightarrow \rightarrow C, D এই চারিটি ভেক্টর একটি বহুভূজের দ্বারা যুক্ত করিয়া লন্ধি ভেক্টর R বাহির করা হইয়াছে।

লক্ষ্য কর যে, উপাংশ ভেক্টরগুলি যেকোনক্রমে বহুভূজে সাজাও না কেন, R একই হইবে—ফলের কোন পরিবর্তন হইবে না।

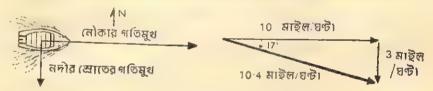
चर्था९, A+B→B+A

1'11(2)

ভেক্টর অঙ্গনের হারা গতিবেগ সংক্রান্ত প্রশ্নের কিভাবে মীমাংসা করা যায় ভাহা উদাহরণ দিয়া বৃঝিতে পারিবে।

উদাহরণ 1. একটি নৌকা 10 মাইল/ঘন্টা গতিবেগে পূর্বদিকে অগ্রসর হইল। নদীর স্রোত 3 মাইল/ঘন্টা গতিবেগে দক্ষিণ দিকে বহিতেছে। কলে পৃথিবীর সহিত্ত আপেক্ষিকভাবে নৌকার গতিবেগ কী হইবে ?

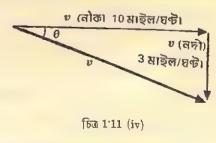
1.11 (iii) চিত্রে ভেক্টরের সাহায্যে এই প্রশ্নের সমাধান দেখান হইল। সাধারণ গণনার জন্ত মাপকাঠি ও প্রোট্রাক্টর-এর সাহায্যে ভেক্টর অঙ্কন হইতে নৌকার প্রথম



চিত্ৰ 1°11 (iii)

গতি ও নদীর স্রোতের গতির যুক্ত লব্ধি ভেক্টর হইতে নৌকাটির গতিবেগ কী হইল এবং উহা কতটা বাঁকিল তাহা বৃঝিতে পারিবে। আরও স্ক্ষভাবে গণনা করিতে

হইলে ত্রিকোণমিতির সাহায্য লইতে হইবে। 1.11 (iv) চিত্রে ঐ পদ্ধতি দেখান হইল। নৌকার গতিবেগ v_1 স্রোতের গতিবেগ v_2 র লম্ব বলিয়া পিথাপোরাস্ উপপাত্ত অমুযায়ী [চিত্র 1.11 (iv)] নৌকার আপেক্ষিক

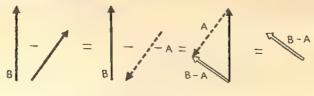


গতিবেগ $v=\sqrt{{v_1}^2+{v_2}^2}=\sqrt{100+9}$ মাইল/ঘণ্টা=10.4 মাইল/ঘণ্টা।

 v_1 ও v_2 এর সন্নিহিত কোণ θ র মান পাইতে হইলে ত্রিকোণমিতি অনুযায়ী $\tan \theta$ $= \frac{v_2}{v_1} = \frac{3 \text{ মাইল/ঘ.}}{10 \text{ মাইল/ঘ.}} = 0.3$

কোণ 🖯	সাইন	কোসাইন	ট্যানজেণ্ট
14°	.242	970	*249
15°	'2 59	966	268
16°	276	961	287
17°	.292	956	*306
18°	.309	951	'325
19°	·326	946	344
20°	342	'940	364

ত্রিকোণমিতি সারণীর উপরের অংশটি দেখিলে বৃঝিতে পারিবে যে, 17° কোণের ট্যানজেন্ট 0.3 এর কাছাকাছি, কারণ $\tan 17^\circ = 0.306$, ডিগ্রীতে $\theta = 17^\circ$ বলা যাইতে পারে। ফলে নোকার আপেন্দিক গতিবেগ দাঁড়াইল উত্তর-পূর্ব 17° কোণে 10.4 মাইল/ঘন্টা।

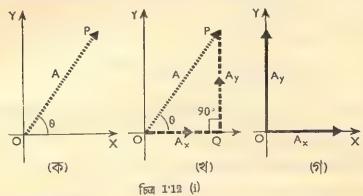


চিত্ৰ 1'11 (ᢦ)

1:12. একটি ভেক্টরকে আয়তাকার উপাংশে বিশ্লেষণ ঃ

 $1.12 (i) (\pi)$ চিত্রে মনে কর A একটি ভেক্টর। ঐ ভেক্টরের মূলবিন্দুকে মূলবিন্দু O ধরিয়া $OX ext{ '8 } OY$ পরম্পর লম্বভাবে তুইটি অক্ষ টান। মনে কর $OX ext{ '8 } \to$ A র সন্নিহিত কোণ θ । A অপর দিক হইতে OX এর উপর PQ লম্ব টান। $\angle PQO = 90^\circ$ । এখন 1.12 (i) খ চিত্রের মত ত্রিভুজ হইল।

এখন 1.12 (i) গ চিত্রে দেখ A ভেক্টর সরাইয়া $A_{\mathcal{X}}$ ও $A_{\mathcal{Y}}$ যথাক্রমে আয়তাকার তুইটি বিশ্লেষিত x ও u-ম্থী উপাংশ পাওয়া গেল।



OPQ ত্রিভূজে

$$\cos \theta = \frac{OQ}{OP} = \frac{Ax}{A}$$
, অভএৰ $Ax = A \cos \theta \cdots$ 1.12(3)

এবং
$$\sin \theta = \frac{QP}{QP} = \frac{Ay}{A}$$
, অভএব $Ay = A \sin \theta \cdots$ 1.12(4)

মূল A ভেক্টরের পরিমাণ ও θ কোণ দেওয়া থাকিলে নিচের ত্ইটি স্থ দিয়া উহার আয়তাকার উপাংশ পাওয়া যাইবে।

$$Ax = A \cos \theta$$
 ... $1 \cdot 12(5)$
 $Ay = A \sin \theta$... $1 \cdot 12(6)$

θ কোণ জানা থাকিলে, cos θ ও sin θ জানিবার জন্ম ত্রিকোণ্মিতি সারণীর সাহায্য লইতে হইবে।

উদাহরণ 1. একটি এরোপ্লেন 200 মিটার/সেকেণ্ড গতিবেগে অম্বভূমিক দিকের সহিত 20° কোন করিয়া উপরে উঠিতেছে। উহার উল্লম্ব ও অম্বভূমিক গতিবেগ কত ?

অমুভূমিক উপাংশ=200 cos 20°

উল্লম্ব উপাংশ=200 sin 20°

ত্রিকোণমিতি সারণীতে দেখ যে,

cos 20°=0'9397 এবং sin 20°=0'3420

অতএব অন্নভূমিক উপাংশ 200×0'9397=187'94 মিটার/সেকেণ্ড উল্লম্ব উপাংশ 200×0'3420=68'40 মিটার/সেকেণ্ড

22.7.05

2827

লক্ষ্য কর যে, 187'94 এবং 68'40 এর যোগফল 200 নহে—(187'94)² +(68'40)²=200²

ছুইটি আয়ুতাকার উপাংশের লব্ধি (resultant) ভেক্টর নির্ণয় ঃ

1.12 (i)খ চিত্রের OPQ ত্রিভূজ হইতে পিথাগোরাস উপপাত অনুযায়ী পাওয়া যায় OP²=OQ²+QP² ··· ··· 1.12(7)

অথবা $A^2 = Ax^2 - Ay^2$

$$A = \sqrt{Ax^2 + Ay^2} \qquad \cdots \qquad \cdots \qquad 1'12(8)$$

এবং
$$\tan \theta = \frac{OP}{OQ} = \frac{Ay}{Ax}$$
 অথবা $\theta = \tan^{-1}\left(\frac{Ay}{Ax}\right)$ 1 12(9)

heta এমন একটি কোণ যাহার স্পর্শকের মান $rac{A_{1'}}{A_{.x}}$ । এই মান জানা থাকিলে সারণী হুইতে hetaর মান পাওয়া যাইবে।

1:13 আপেক্ষিক গতিবেগ ও আপেক্ষিক তুরুণ ঃ

সাধারণতঃ কোন একটি নির্দিষ্ট বিন্দ্র পরিপ্রেক্ষিতে গতিবেগ ধরা হয়। কোন কোন ক্ষেত্রে একটি চলমান বস্তুর গতিবেগের আপেক্ষিকে অন্ত একটি চলমান বস্তুর গতিবেগ নির্ণয় করিতে হয়।

যথন তুইটি চলমান বস্তু তাহাদের মধোর দ্রত্বের মান বা দিক্ বা উভয়ই পরিবর্তন করে, তথন একটির সহিত অন্যটির অপেক্ষিক গতিবেগ থাকে। · Aর সহিত Bর আপেক্ষিক গতিবেগ Bর গতিবেগের সহিত Aর সমমান অথচ বিপর্বাতমুখা গতিবেগ যুক্ত করিয়া পাওয়া যাইবে।

যথন A ও B যথাক্রমে u ও v গতিবেগে একই দিকে চলে তথন Aর তুলনায় Bর আপেক্ষিক গতিবেগ (v-u)। উহারা বিপরীত দিকে চলিলে ঐ আপেক্ষিক গতিবেগ v-(-u) অর্থাৎ (v+u)।

ভেক্টর সমীকরণের সাহায্যে এইরূপ আপেক্ষিক গতিবেগ ও আপেক্ষিক ত্বরুণ নির্ণয় করা যায়।

প্রশাবলী

় 1. ভেক্টর V উত্তর-পূর্ব দিকে 30 মি/সে. গতিবেগ নির্দেশ করে। নিম্নলিখিত ভেক্টরগুলির মান ও দিক্ নির্ণয় করঃ (ক) 5V (খ) – V (গ) – 3V (ঘ) 3V – V (ছ) V +2V (চ) V – 2V [উঃ (ক) 150 মি/সে. উত্তর-পূর্ব (খ) 30 মি/সে. দক্ষিণ-পশ্চিম (গ) 90 মি/সে. দক্ষিণ-পশ্চিম (ঘ) 60 মি/সে. উত্তর-পূর্ব (ছ) 90 মি/সে. উত্তব-পূর্ব (চ) 30 মি/সে. দক্ষিণ-পশ্চিম।

- 2. কোন ভেক্টরের একটি উপাংশ শৃত্য না হইলে এ ভেক্টরের মান কি শৃত্য হইতে পারে ?
- কতিপয় ভেক্টয় এক সয়তলে অবস্থিত না হইয়া শৃয়্য় লিজি দেখায়। সর্বনিয়
 কয়টি ভেক্টয় হইলে এয়প ঘটিতে পায়ে?
- 4. একটি ট্রেন 50 মা./ঘ. গতিবেগে উত্তর হইতে পূর্বে 30° কোণে যাইতেছে। উহার গতিবেগ উত্তর ও পূর্বদিকে ছুইটি আয়ত উপাংশে সংশ্লিষ্ট কর।

[উঃ 25 মা./ঘ পূর্ব ; 43°3 মা./ঘ উত্তর]

5. একজন ডাক্হরকরার গতিপথ নিম্নরপ

ক) ৡ মা: পূর্ব (श) ৡ মা: উত্তর (গ) ৡ মাইল উত্তর-পূর্ব (ল) ৡ মা: দক্ষিণ
 (ভ) 1 মা: দক্ষিণ-পশ্চিম।

যাত্রাশেষে ঐ ডাকহরকরার যাত্রারস্তের বিন্দু হইতে কত সরণ হইবে ?

[উ: 0.85 মাইল, 30.2° পশ্চিম হইতে দক্ষিণ]

- 6. 10 সেন্টিমিটার মানের একটি ভেক্টর OX, OY, OZ এই তিনটি আয়তাকার অক্ষের সহিত সমান কোণ করিয়া অবস্থিত। উহাদের তিনটি আয়তাকার উপাংশ নির্ণয় কর।

 [উ: 5'76 সেন্টিমিটার]
- 7. সম্রাট নামক রণতরী 20 মা./ঘ পশ্চিমদিকে যাইতেছে। ঐ সময় দক্ষিণপূর্ব বাতাদের গতিবেগ 15 মা./ঘ। উহার চিমনীর ধোঁয়া কোন্ দিকে বাঁকিবে ?

[উ: 40° উত্তর হইতে পূর্ব]

8. তুইটি ভেক্টর A ও B এর সায়তাকার উপাংশ যথাক্রম Ax, Ay এবং Bx ও By। উহাদের লব্ধি R = A + B

প্রমাণ কর যে,

- (ক) Rএর উপাংশ (Ax+Bx) এবং (Ay+By)
- (1) $R^2 = \sqrt{(Ax + Bx)^2 + (Ay + By)^2}$
- (গ) R এবং X অক্ষের কোণ θ হইলে

$$\tan \theta = \frac{Ay + By}{Ax + Bx}$$

- (দ্ব) উপরের ফল হইতে A, B, C, D যে কোন সংখ্যক ভেকটরের যোগফল নির্ণয় কর।
 - (%) OX, OY, OZ এই ত্রিমাত্রিক অক্ষে উপরের ফল প্রয়োগ কর।
- এক শহর হইতে অয় শহরে ঘাইতে একটি গাড়ী পশ্চিমে 20 মাইল, উত্তরে
 মাইল ও দক্ষিণ-পূর্বে 40 মাইল যায়। শহর তুইটির ত্রত্ব কত ? [উঃ 94 মাইল]

রৈথিক গতি (Linear motion)

[Syllabus: Newton's laws of motion, inertia, units of force, impulse and impulsive forces, conservation of linear momentum—elastic collisions of particles moving in the same line, jets and rockets. Friction, static and kinetic friction, co-efficient of friction.]

1.14. নিউটনের গতিসূত্র ঃ

স্থার আইজাক্ নিউটন তিনটি মোলিক নিয়মের প্রতিষ্ঠা করেন। এই নিয়মগুলি গতিবিদ্যা ও জ্যোতির্বিজ্ঞানের ভিত্তি বলিয়া পরিগণিত হইয়াছে। এই নিয়মগুলি স্বতঃ-সিদ্ধের মত হইলেও এই নিয়মগুলির উপর ভিত্তি করিয়া পার্থিব বস্তু ও জ্যোতিঙ্কের অবস্থান ও গতি নিখুঁতভাবে প্রকাশ করা যায়।

প্রথম নিয়ম: বাহিরের কোন বল প্রযুক্ত না হইলে, প্রত্যেক বস্ত তাহার স্থির অবস্থায় থাকে অথবা সরলরেখায় স্থম গতিতে চলিতে থাকে।

দিতীয় নিয়ম: গতির পরিবর্তন অর্থাৎ ভরবেগের পরিবর্তনের হার প্রযুক্ত বলের অন্মুপাতী এবং ঐ পরিবর্তন প্রযুক্ত বলের দিক্ ধরিয়া ঘটে।

তৃতীয় নিয়ম: প্রত্যেক ক্রিয়ার সমমান ও বিপরীত প্রতিক্রিয়া আছে।

প্রথম নিয়মের গুইটি দিক্ আছে। প্রথম দিক্ হইল জড় পার্থিব বস্তব ধর্ম, যাহা

আডেয়ের নিয়ম বলিয়া অভিহিত হয়। এই নিয়ম অহ্যায়ী জড় বস্তব কোন অবস্থা

হইতে নড়িবার প্রবৃত্তি নাই। ঐ অবস্থা স্থির হউক অথবা সরলরেথায় গতিই হউক।
প্রথম অবস্থা স্থিতিজাত্য ও দ্বিতীয়টি গতিজাত্য।

- 1.15. স্থিতিজাত্যঃ ট্রেনে অথবা ট্রামগাড়ীতে একটু আল্গাভাবে বসিয়া থাকিলে দেখিবে যে, ট্রেন বা গাড়ী হঠাৎ চলিতে আরম্ভ করিলে তুমি পিছন দিকে মুঁকিয়া পড়িবে। তাহার কারণ হইল, গাড়ীর সহিত দেহের নিচের অংশ হঠাৎ সামনের দিকে গতিশীল হয়—দেহের উপরের অংশ স্থিতিজাড্যের জন্ম স্থির অবস্থায় থাকিতে চায় বলিয়া এইরূপ ঘটে।
- 1.16. গতিজাত্য ও একটু অসাবধানে চলন্ত বাস বা ট্রামগাড়ী হইতে নামিতে গেলে সামনের দিকে আছাড় খাইয়া পড়িতে হয়—তাহার কারণ মাটিতে পা রাখামাত্রই দেহের নিচের অংশ হঠাৎ স্থির অবস্থায় আসে, অথচ উপরের অংশ গতিজাড্যের দরুল গতিশীল থাকে, তাই আছাড় খাইয়া পড়িতে হয়।

প্রথম নিয়মের দ্বিতীয় দিক্টি হইল যে উহা বলের সংজ্ঞা নির্ণয় করিয়া দেয়। ঐ নিয়ম হইতে জানিতে পারা যায় যে বল যে বস্তুর উপর ক্রিয়া করে, তাহাকে গতি দেয় অথবা গতীয় অবস্থার পরিবর্তন ঘটায়।

1'17. বল (Force) থকোন জড়বস্ত আপনা হইতে তাহার অবস্থার পরিবর্তন ঘটাইতে পারে না—তাহা স্থির বা গতিশীল অবস্থা যাহাই হউক না কেন। যে বাহিরের কারণে কোন বস্তুর স্থির বা গতিশীল অবস্থার পরিবর্তন ঘটে তাহাই বল। বল কোন বস্তুর উপর ক্রিয়া করিলে উহা বস্তুর স্থির অবস্থার সরলরেথার স্থম গতি পরিবর্তন করে বা পরিবর্তনের চেষ্টা করে।

ভরবেগের কথা পূর্বেই বলা হইয়াছে। দ্বিতীয় নিয়মে বল পরিমাপের পদ্ধতির কথা বলা হইয়াছে।

মনে কর একটি অপরিবর্তনীয় বল $P,\ m$ ভরের বস্তুর উপর ক্রিয়া করে। u যদি বস্তুর গতিবেগ ও f ত্বরণ হয়, তবে নিউটনের দ্বিতীয় নিয়ম অনুযায়ী,

P ব ভরবেগ $(m \times u)$ পরিবর্তনের হার

« m× us পরিবর্তনের হার

 αmf

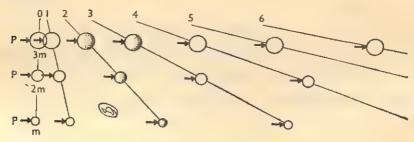
= km.f.(k একটি নিত্য সংখ্যা) 1'17(1)

আমরা যদি বলের একক এমন ভাবে লই, যাহাতে ঐ একক বল একক ভরের উপর একক ত্বন উৎপাদন করে, তবে $m=1,\,f=1.$

যথন P=1, তথন k=1 হইবে, ও আমরা পাই P=mf 1.17(2)

অতএৰ বল= ভর× ত্বরণ

1-17 (i) চিত্রে P মানের বল বিভিন্ন ভরের উপর প্রযুক্ত হইলে, ত্বরণ কীভাবে ভরের বিপরীত অনুপাতী হয় তাহা দেখান হইল। 1, 2, 3, 4, 5, 6, সেকেণ্ডে সরণ লক্ষ্য কর।



চিত্ৰ 1·17 (i)

C. G. S. পদ্ধতিতে বলের একক **ডাইন্** (dyne)। এক গ্রাম্ ভরকে এক সেটিমিটার/(সেকেণ্ড)² ত্বরণ দিতে যে বলের প্রয়োজন তাহাই এক ডাইন্।

উদাহরণ 1. মনে কর একটি 4 কিগ্রা. ফুটবলের উপর 10⁶ ডাইন্ বল প্রয়োগ করা হইল। 6 সেকেও পরে উহার গতিবেগ ও সরণ কত হইবে ?

1.17 (2) সমীকরণ হইতে পাওয়া যায়

$$P = mf$$

P ও m এর মান ধরিয়া

$$f = \frac{P}{m} = \frac{10^6 \text{ wiln}}{4 \text{ fo all}} = 2.5 \text{ hibits/(সেকেণ্ড)}^2$$

নিউটনের দ্বিতীয় নিয়ম অনুযায়ী f ত্বরণের দিক্ P এর দিক্ অভিমূথে হইবে। 6 সেকেণ্ড পরে 1.8 (5) সমীকরণ অনুযায়ী

$$v=ft$$

$$v=2.5\frac{\text{ম.}}{(\text{ সেকেণ্ড})^2} \times 6 \text{ সেকেণ্ড} = 15 \frac{\text{মিটার}}{\text{সেকেণ্ড}}$$

1.8 (6) সমীকরণ অন্থায়ী সরণ $s = \frac{1}{2} f t^3$

$$s = \frac{1}{2} \times 2.5 \frac{\text{ম.}}{(\mathcal{O}_{1..})^2} \times (6 \text{ M.})^2$$

$$= \frac{1}{2} \times 2.5 \frac{\text{ম.}}{(\mathcal{O}_{1..})^2} \times 36 \text{ (সেকেণ্ড)}^2$$

$$= 45 \text{ মিটার}$$

6 সেকেণ্ড পরে 4 কিগ্রা, বল 10° ডাইন বলের দারা 45 মি. যাইবে ও উহার গতিবেগ হইবে 15 মি./সে



চিত্ৰ 1'17 (ii)

1'17 (ii) চিত্রে বলপ্রয়োগে তুটবল t=1, 2, ইত্যাদি সেকেণ্ডে সময়ের সহিত্ কীভাবে গতিবেগ ও সরণ-জনিত দূরত্ব অতিক্রম করে তাহা দেখান হইল।

1'18. বলের আবেগ'ঃ বলের আবেগ (impulse) হইল বল যে সময়ের জন্ম কোন বস্তুর উপর ক্রিয়া করে, ঐ সময় ও বলের গুণফল।

1.8 (1) স্থীকরণ অভ্যায়ী $v = u + ft = u + \frac{p}{m} \cdot t$

বলের আবেগ= $p \times t = m(v-u) = mv - mu$ 1.17 (3)

অতএব বলের আবেগ=ভরবেগের পরিবর্তন।

1'19. আবেগ প্রণোদিত বল: যে বৃহৎ বল অন্ন সময়ের জন্ম কোন বস্তর উপর ক্রিয়া করে, ফলে বলের আবেগ বেশী হইলেও বস্তর সরণ নগণ্য হয়, তাহাকে আবেগ প্রণোদিত বল (impulsive force) বলে।

স্থির অবস্থায় কোন বস্তুতে আবেগ প্রণোদিত বল প্রযুক্ত হইলে 1 17 (3) স্মীকরণ নিমরূপ হইবে

Pt = mv 1.19 (1)

এই অবস্থায় সরণ নগণা হয় বলিয়া কেবল ভরবেগের পরিবর্তন হইলেই বস্ততে আবেগের সৃষ্টি হইবে।

1'20. বলের একক : C.G.S. পদ্ধতিতে বলের একক **ডাইন্** (dyne) যাহা একগ্রাম ভরের উপর ক্রিয়া করিলে 1 সেমি./(সেকেণ্ড)² ত্বরণ উৎপন্ন করে।

F.P.S. পদ্ধতিতে বলের একক **পাউণ্ডাল্** (poundal) যাহা এক পাউণ্ড ভরের উপর ক্রিয়া করিলে 1 ফুট/দেকেণ্ড)² ত্বন উংপন্ন করে।

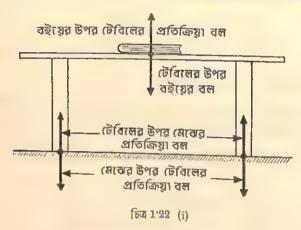
121. বলের ভৌত স্বাধীনতাঃ নিউটনের দ্বিতীয় নিয়ম অন্থসারে বস্তর গতি প্রযুক্ত বলের গতির দিক্ম্থী হয়। যদি তুই বা অধিক বল একযোগে কোন বস্তুর উপর ক্রিয়া করে তবে প্রত্যেক বলই অন্যনিরপেক্ষভাবে তাহার ক্রিয়া করিবে। অতএব উহাদের মিলিত ক্রিয়া প্রত্যেক স্বলের ক্রিয়া পৃথকভাবে গণনা করিয়া ঐ ক্রিয়ার যোগফলের সমান হইবে। ইহা বলের ভৌত স্বাধীনতা নামে অভিহিত হয়।

সার্কাসে দেখিয়া থাকিবে যে, লোড়সওয়ার ছুটন্ত বোড়ায় হঠাৎ উপরের দিকে লাফাইয়া উঠে। কিন্তু তাহার অন্তভ্যমিক গতিবেগ বোড়ার গতিবেগের সমান ও অপরিবতিত থাকে এবং তাহার উল্লম্ব গতিবেগের উপর ঐ অন্তভ্যমিক গতিবেগ নির্ভর করে না। সেই কারণে সওয়ার কিছ্ক্ষণের পর আবার ঘোড়ায় চড়িয়া বসিতে পারে—পিছাইয়া পড়ে না।

1.22. নিউটনের তৃতীয় নিয়ম: একটি বস্তু দিতীয় কোন বস্তুর উপর যদি বল প্রয়োগ করে তবে দিতীয় বস্তুটিও বিপরীত দিকে যে সমমানের বল প্রয়োগ করিবে, তাহাকে প্রতিক্রিয়া বলে। ছই বস্তুর মধ্যবর্তী এই অলোক্ত বলকে পীড়ন (stress) বলে। তাই নিউটনের তৃতীয় নিয়ম প্রতিক্রিয়ার নিয়ম অথবা পীড়নের নিয়ম নামে অভিহিত হয়।

অভিজ্ঞতা হইতেই এই নিয়মের তাংপর্য ব্বা যায়। ত্ইটি বস্তুর ক্রিয়া অন্যোক্তভাবে জড়িত। বস্তু তুইটি স্থির অথবা গতিশীল যাতাই হউক না কেন এবং উহারা পরস্পর স্পৃষ্ট হউক বা দূর হইতে ক্রিয়া করুক, এই নিয়ম সবক্ষেত্রেই থাটে। যেহেতু প্রত্যেক <mark>বলই সমান ও বিপরীত প্রতি</mark>ক্রিয়া লইয়া চলে, প্রকৃতির সব বলই বস্তুর অংশগুলিতে পীড়নের স্ঠেষ্ট করে।

 মনে কর টেবিলে একটি বই আছে। বইটির ওজন W নীচের দিকে চাপ দিতেছে। যেহেতু বইটি নিচে চলিয়া যায় না, তাই প্রমাণ হয় য়ে, ঐ গতি টেবিলের



উর্দ্ধমূথী সমমানের বল কর্তৃক প্রতিরোধ পাইয়া আটকাইয়া আছে। এই উর্দ্ধমূথী বল W-র'ক্রিয়ার একই সরলরেখায় বিপরীত দিকে ক্রিয়া করিতেছে। [চিত্র 1'22 (i)]।

2. মাটিতে হাঁটিবার সময় আমরা যখন একটি পা পিছনের দিকে ফেলি, তখন

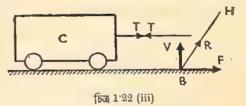


মাটি সামনের দিকে সমান প্রতিক্রিয়া করে। এই সামনের প্রতিক্রিয়াতে আমরা হাঁটিয়া আগাইতে পারি। আমাদের পায়ের পিছনের গতি মাটিতে সামনের দিকে প্রতিক্রিয়া স্বষ্টি করে। [চিত্র 1'22 (ii)]। মাটির আপেক্ষিক রহন্তর ভরের জন্ম উহার গতি ধরা পড়েনা। কিন্তু আমাদের পায়ের উপর মাটির প্রতিক্রিয়া আমাদের হাঁটাতে বাধা দেয়না, তাহার কারণ ক্রিয়া প্রতিক্রিয়ার জোড়া বলপ্রথক্ বস্তর উপর ক্রিয়া করে।

3. বেষাড়ার গাড়ী ও হোড়া । মনে কর C গাড়ীটি H ঘোড়া টানিতেছে [চিত্র 1'22 (iii)]। ঘোড়া দড়ি দিয়া গাড়ীর সহিত বাঁধা আছে। ঘোড়া গাড়ী C সামনে টানিবার সময় দড়িতে যে টান (tension) হয় তাহাই ক্রিয়া এবং ঘোড়ার উপর

গাড়ীর পশ্চাৎমূখী টান হইল প্রতিক্রিয়া শক্তি। T টান ক্রিয়ার সমান ও বিপরীতমুখী হইলেও গাড়ী সামনে চলে, তাহার কারণ হইল ঘোড়ার পা মাটিতে নিচের দিকে যথন

তির্যক ভাবে পড়ে, তথন মাটিও ঘোড়ার পায়ে সমান ও বিপরীত ক্রিয়া R স্বষ্টি করে। এই প্রতিক্রিয়া R-এর উল্লম্ব উপাংশ ঘোড়ার ওজন ধরিয়া রাখে এবং অন্নভূমিক উপাংশ



F ঘোড়াকে সামনে আগাইয়া লয়। F যথেষ্ট বেশী হইলে যদি চাকা ও মাটির ঘর্ষণবল কি ছাড়াইয়া যায়, তবে গাড়ী চলিতে থাকে।

T, F ७ f এর সম্পর্ক হইল

$$F-T=mx$$
, 1.22 (1)

$$T-f=Mx, 122 (2)$$

x= ঘোড়া ও গাড়ীর সাধারণ ত্বরণ, m= ঘোড়ার ভব, $\mathbf{M}=$ গাড়ীর ভর।

1'22 (1) ও 1'22 (2) যোগ করিয়া পাওয়া যায়

$$F - f = (m + M)x$$
 1.22 (3)

লক্ষ্য রাখা প্রয়োজন যে, ক্রিয়া যতক্ষণ থাকিবে, প্রতিক্রিয়াও ততক্ষণ থাকিবে। ক্রিয়া ও প্রতিক্রিয়া একই বস্তুর উপর প্রযুক্ত হইলে তাহা সাম্যাবস্থায় থাকে, কিন্তু ঘোড়া ও গাড়ীর বেলায় ক্রিয়া ও প্রতিক্রিয়া বিভিন্ন বস্তুর উপর প্রযুক্ত হয় বলিয়া গাড়ী চলিতে পারে।

1'23. বৈখিক ভরবেগের নিত্যতা : (Conservation of linear momentum) বৈথিক ভরবেগ সম্পর্কে আমরা পূর্বে আলোচনা করিয়াছি। তৃই বা ততোধিক বস্তু তাহাদের অন্যোগ্য প্রতিক্রিয়ায়, বাহিরের বল প্রযুক্ত না হইলে, তাহাদের যে কোন দিকে বৈথিক বেগ নিত্য থাকিবে।

বাহিরের কোন শক্তির প্রয়োগ না হইলে ভরবেগ m v পরিবর্তিত হইতে পারে না কিন্তু উহার উপাদান বস্তুকণাগুলির ভরবেগ বাহিরের শক্তি ছাড়াও পরম্পরের মধ্যে পুনর্বন্টিত হইতে পারে। কিন্তু এই পুনর্বন্টনের সর্ত এই যে মোট ভরবেগ পরিবর্তিত হইবে না। এই নীতি হইল রৈখিক ভরবেগের নিত্যতাবাদ অর্থাৎ বাহিরের কোন শক্তি বস্তুকণা সমষ্টির কোন তন্ত্রের (system) উপর যে ক্রিয়া করে তাহার পরিমাণ শৃষ্য হইলে, ঐ তন্ত্রের মোট রৈথিক ভরবেগ নিত্য থাকিবে।

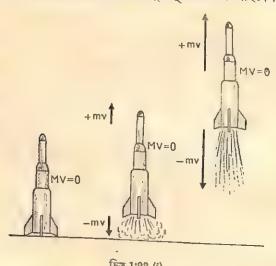
মনে কর m ভরের একটি বস্তুকণা স্থির অবস্থায় আছে। উহা হঠাৎ বিস্ফোরিত হইয়া m_1 ও m_2 ভরের হুইটি কণিকায় বিভক্ত হইয়া একে অপরের হইতে দূরে সরিয়া গেল। বাহিরের কোন শক্তি ছাড়াই, আভ্যন্তরীন শক্তিতে এই বিস্ফোরণ ঘটিয়াছে। যেহেতু m এর ভরবেগ বিস্ফোরণের পূর্বে শৃ্য্য ছিল, বিস্ফোরণের পর $\,m_1\,$ ও $\,m_2\,$ এর <mark>ভ</mark>রবেগের যোগফলও শৃন্ম হইবে। v_1 ও v_2 উহাদের শেষ গতিবেগ হইলে

$$mv = O = m_1 \ v_1 + m_2 \ v_2$$
 1.23 (1)

এবং
$$v_2 = -\frac{m_1}{m_2}v_1$$
 1.23 (2)

1'23 (2) হইতে দেখা যায় যে উহাদের গতিবেগের দিক্ বিপরীতম্থী।

ব্রকেটের গতি ভরবেগের নিত্যভার নিয়মের উপর প্রতিষ্ঠিত। রকেট জালাইলে উহার বহিনিগত গ্যাস্ উচ্চ গতিবেগে নিচের দিকে ছুটিয়া চলে, ঐ গ্যাসের ভরবেগ তুলামূল্য করিতে রকেট উপরে উঠিয়া যায়। রকেটের স্থির অবস্থায় উহার ভরবেগ নাই। 1-23 (i) দিত্রে রকেটের গতিতে ভরবেগের তুলামূল্যতা দেখা যাইবে।



চিত্ৰ 1'23 (i)

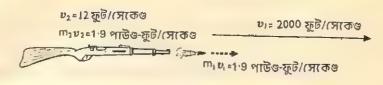
জেট্ প্লেনে বহির্নির্গত গ্যাস্ উচ্চ গতিবেগে নির্গত হয়। বৈথিক ভরবেগের নিত্যতা অন্ত্যায়ী গ্যাসের ভরবেগের বিপরীত দিকে ঐ মানের ভরবেগ লইয়া জেটটি চালিত रुहेदव ।

উদাহরণ 1. একটি 5 পাউণ্ড ওজনের রাইফেল হইতে '03 পাউণ্ড ওজনের গুলি 2000 ফুট/সে. গতিবেগে নির্গত হয়, রাইফেলের প্রতিঘাত গতিবেগ কত হইবে ?

বুলেটের ভর $m_1=rac{0.3}{\sigma}$ পাঃ, বন্দুকের ভর $m_3=rac{5}{\sigma}$ [g= অভিকর্ষ জনিত ন্বন, m_1 ভরের ওজন m_1 g ও m_2 ভরের ওজন m_2 g]

1'23 (2) मभीकत्र इट्रेंट दिश यांट्रेंद ख,

প্রতিঘাত গতিবেগ $v_2=-rac{0.03}{5}$ পাঃ/g imes 2000 ফুট/সে=-12 ফুট/সেকেণ্ড



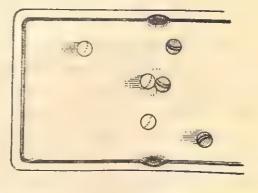
চিত্ৰ 1'23 (ii)

লক্ষ্য কর যে, g এর মান কাটাকাটি হওয়ায়, ওজনের অনুপাত ও ভরের অনুপাত সমান হইয়াছে।

1-23 (ii) চিত্রে বন্দুক ও গুলির ভরবেগ ও গতিবেগের পরিমাণ এবং দিক্ দেখান হইল। প্রতিঘাত গতিবেগের নেগেটিভ চিহ্ন হইতে উহার দিক্ ব্ঝিতে পারিবে।

একই সরলরেথায় তুই বা ততোধিক বস্তুর পরম্পর সংঘাত ক্রিয়ায় রৈথিক ভরবেগের

নিতাতা বজায় থাকে। মনে
কর একটি বল্ টেবিলের
উপর গড়াইয়া অন্য একটি
অত্বরূপ স্থির বল্কে আঘাত
করিল। প্রথম বলটি থামিয়া
গোল এবং দ্বিতীয় বল্টি
প্রথমটির গতিবেগে ঐ একই
দিকে গড়াইয়া গোল। প্রথম
বল্টির প্রাথমিক ও শেষ
গতিবেগ যথাক্রমে ৮২ ৪ ৮/1



চিত্ৰ 1'28 (iii)

এবং দ্বিতীয়টির প্রাথমিক ও শেষ গতিবেগ যথাক্রমে v_2 ও v'_2 হইলে রৈখিক ভরবেগের নিত্যতা অন্ত্যায়ী সংঘাতের পূর্বে ও পরে ঐ ভরবেগ সমান থাকিবে।

$$m_1v_1 + m_2v_2 = m_1v'_1 + m'_2v'_2$$
 1.23(3) সংঘাতের পূর্বে পরে

যেহেতু বল্ জুইটির $m_1\!=\!m_2$ ও দিতীয় বল্ স্থির অবস্থায় ছিল, $\nu_2\!=\!0$ ।

1'23 (3) সমীকরণ হইতে

$$v_1 = v'_1 + v'_2,$$
 1.23(4)

এই সমীকরণ সমাধান করিতে হয় v_1 অথবা v_2 কে শৃত্য ধরিতে হইবে। যদি v_2 শৃত্য হয়, তবে প্রথম বল্টি দিতীয় বল্টির মধ্য দিয়া চলিয়া গেল মনে হইবে—কিন্তু উহা অসম্ভব। অতএব

$$v_1 = 0$$
 এবং $v_2 = v_1$

অধাৎ প্রথম বল্টি থামিয়া গেল ও দিতীয়টি প্রথম বল্টির গতিবেগ পাইল।
[চিত্র 1'23 (iii)]

1.24. ঘর্ষণ (Friction): কঠিন বস্তুর তল সম্পূর্ণ সমতল নহে। উহা অল্পর অমস্থা। তাই ভিজা নহে এরপ ছুইটি কঠিন তল পরস্পর সংস্পর্শে আসিলে এবং একটি আর একটির উপর গড়াইয়া লইতে হইলে ঐ গতি বাধাপ্রাপ্ত হয়। ঐ বাধাকে মর্যণ বলে। বস্তুর ছুইটি তলের অণ্গুলির পারস্পরিক আকর্ষণ ও তলের উচ্-নিচুতে আটকাইয়া যাওয়া হইতে গর্ষণের উৎপত্তি হয়।

তুইটি তলের আপেক্ষিক গতির বিপরীতে সংস্পর্শের একই তলে ঘর্ষণকে একটি বল মনে করা যাইতে পারে।

টেবিলে একটি বই টানিয়া লইতে, মাটিতে একটি বাক্স টানিতে এইজন্ম কিছু বলের প্রয়োজন হয়—যাহা ঘর্ষণজনিত বাধাকে অতিক্রম করিতে পারে।

1.25. স্থিত ঘর্ষণ (Static friction): একটি তলে অন্ত একটি তল গড়াইয়া
লইতে যে বল প্রয়োগ করা হয়, তাহা যেমন শৃন্ত হইতে আন্তে আন্তে বাড়িতে
থাকে, ঘর্ষণ বলও সেইরপ আন্তে আন্তে অনুরূপভাবে বাড়িয়া চলে। প্রযুক্ত বলের
একটি উচ্চতম মান পর্যন্ত তুইটি তলই সাম্যাবস্থায় থাকে। এই অবস্থায় প্রযুক্ত বল ও
ঘর্ষণ বল সমান। প্রযুক্ত বল এই উচ্চসীমা অতিক্রম করিলে, বল যে তলটির উপর ক্রিয়া
করিতেছে, তাহা গতিশীল হয়। প্রযুক্ত বলের এই উচ্চতম মানই স্থিত ঘর্ষণের প্রান্ত
মান এবং উহাকে উক্ত তুইটি তলের সীমান্ত ঘর্ষণ বল (Limiting friction) বলে।

বিসর্প ও আবর্ত ঘর্ষণ (Kinetic friction): একটি তলের উপর আর একটি তল গড়াইয়া লওয়ার আরম্ভে যে বল প্রয়োজন, তাহা গড়াইয়া চলিতে থাকিলে যে বলের প্রয়োজন হয়, তাহা অপেক্ষা বেশী। তাই গড়াইয়া চলার শক্তি বা আবর্ত ঘর্ষণ (Rolling friction) সীমাস্থ ঘর্ষণ অপেক্ষা কম।

একটি বল মাটিতে গড়াইয়া যাওয়া আবর্ত ঘর্ষণের উদাহরণ। একটি তলের উপর কোন বস্তুকে টানিয়া লইলে, বস্তুর গতিশীল অবস্থায় যে ঘর্ষণবল ক্রিয়া করে, উহাকে বিসর্প ঘর্ষণ (Sliding friction) বলে। ঐ বলও সীমাস্থ ঘর্ষণ অপেক্ষা কম। আবর্ত বর্ষণ বিসর্প ঘর্ষণ অপেক্ষা কম মানের হয় বলিয়া যম্নপাতিতে যেথানে অপেক্ষাক্কত মস্থ গতির প্রয়োজন, যেমন সাইকেলে বল্বেয়ারিং (ball bearing) এবং ভারী যন্ত্রপাতিতে রোলার বেয়ারিং ইত্যাদিতে আবর্ত ঘর্ষণ কাজে লাগান হয়।

1'26. সীমাস্থ ঘর্ষণের নিয়মঃ

- চর্ষণ গতিকে সর্বদাই বাধা দেয়।
- বর্ষণ বল সংস্পৃষ্ট তুইটি তলের স্বাভাবিক প্রতিক্রিয়ার অনুপাতী।
- ঘর্ষণ বল সংস্পৃষ্ট তল তুইটির আয়তনের পরিমাপের উপর নিভর করে না,
 উহাদের ধর্ম ও অবস্থার উপর নিভর করে।

ঘর্ষণ শুণাঙ্ক (Coefficient of friction): যদি ছুইটি সংস্পৃষ্ট কঠিন তলের স্বাভাবিক প্রতিক্রিয়া R এবং সীমাস্থ ঘর্ষণ বল F হয়, তবে F/R একটি নিত্যসংখ্যা এবং ইহাকে ঘর্ষণের গুণাক্ষ μ বলা হয়। μ=F/R
1.26 (1)

যে কোন সংস্পৃষ্ট ছুইটি তলের # সর্বদাই এক হইতে কম অর্থাৎ ভগ্নাংশ। নিচের সারণীতে কয়েকটি বস্তুর # এর মান দেওয়া হইল।

সারণী-১ ঃ স্থিত বর্ষণের গুণান্ধ (#)
কঠি ও কঠি 0.3 হইতে 0.5
ধাতু ও কঠি 0.2 হইতে 0.6
চামড়া ও ধাতু 0.3 হইতে 0.6
শুক্ষ কংক্রীট রাস্তা ও রাবারের চাকা 0.7
ভিজা কংক্রীট রাস্তা ও রাবারের চাকা 0.5

প্রশাবলী

- 1. নিউটনের প্রথম নিয়ম হইতে বস্তুর জাডাধর্ম প্রমাণ কর।
- 2. নিউটনের দ্বিতীয় নিয়ম কি বল। উহা হইতে কীভাবে বলের পরিমাপ করা হয় ব্রাও।
- 3. নিউটনের দ্বিতীয় গতিস্থ লিখ ও গতিবেগের সমান্তরাল আয়তক্ষেত্রের নিয়ম হইতে বলের সমান্তরাল আয়তক্ষেত্রের নিয়ম কীভাবে পাওয়া যায় ব্যাখ্যা কর।
- 4. নিউটনের প্রথম গতিস্ত্ত হইতে বলের সংজ্ঞা ও দিতীয় গতিস্ত্ত হইতে বলের পার্মাণ কীভাবে পাওয়া যায় ব্যাখ্যা কর।
- 5. 200 টন ভরের একটি টেন 45 মা/ঘ গতিবেগ হইতে 2 মিনিটে 30 মা/ঘ গতিবেগে কমিল। (ক) উহার ভরবেগ কত পরিমাণ কমিবে? (খ) মন্দীভূত বলের গড়মান কত? [উঃ 9856000 FPS একক; 1'145 টন ওয়েট্]

পদার্থ (I)-3

- 7. সাধারণত ব্যবহার করা হয়, বলের এইরূপ এককগুলি কি ?
- ভরবেগ ও বলের আবেগ কাহাকে বলে ? উদাহরণসহ ভরবেগের নিত্যতা
 ব্যাখ্যা কর।
- 9. 10 গ্রাম্ ভরের একটি গুলি অবাধে নজিতে পারে এরপ 1 কিগ্রা ভরের বন্দুক হইতে ছোজা হইল। ঐ গুলি 990 গ্রাম্ ভরের কার্চ্যতে চুকিল। গুলির গতিবেগ 500 মি/সে হইলে বন্দুকের প্রতিঘাতবেগ ও কার্চ্যতে যোজিত গতিবেগ কত হইবে ?

[উঃ 5 মি/সে. ; 5 মি/সে]

- 10. ক্রিয়া ও প্রতিক্রিয়া বলের মান সমান ও দিক্ পরস্পরের বিপরীত। তাহা হইলে কোন বস্তর ত্রণ কীভাবে সম্ভব হয় ?
- 11. 1000 মেট্রন টন (1 মেট্রকিটন ≔1000 Kg) ভরের একটি ট্রেনকে স্থির অবস্থা হইতে 2 মিনিটে 6 মি/সে জরণ দিতে কত বল লাগিবে ?

[উ: 5×10° ডাইন]

12. 6400 Ib ট্রাকের 5 সেকেণ্ডে 20 ফু/সে চইতে 30 ফু/সে গতিবেগ বাড়াইতে ক) কত বল লাগে ? (খ) এই সময়ে ট্রাক্টি কতদূর যাইবে ?

[উঃ (ক) 400 lb, (খ) 125 ফুট্]

13. একটি ক্যাঙার মাটি হইতে লাফাইতে প্রথম 2 ফুটে যে স্থির বল প্রয়োগ করে তাহাতে সে 6 ফুট উচুতে লাফাইতে পারে। একটি বাচন ক্যাঙারু কোলে লইয়া উহা একই বলের দারা 5½ ফুট উচুতে লাফাইতে পারে। বাচন কাঙারুর ওজন কত ?

[🕏: 5'33 Ib]

- 14. 240 lb ওজনের একটি কাঠের বাল্ল মস্থা কাঠের মেজেতে অহুভূমিক দিকে সরাইতে নিম্নতম কত বল প্রয়োজন ?
- 15. 5 গ্রাম ভরের বস্তুতে 3'2 সেমি/(সেকেণ্ড)² ত্বরণ উৎপন্ন করিতে কত বলের প্রায়োজন ? [উঃ 16 ডাইন]
- 16. একটি আনততলে কোন বস্তু গড়াইয়। যাইবার মৃথে তলের নতিকোণের
 স্পর্শক ঘর্ষণের গুণাঞ্চের সমান—প্রমাণ কর।
- 17. ঘর্ষণের গুণান্ধ 0'25 হইলে 30° নতিকোণের আনততলে কোন বস্তুর ত্বরণ কত ? [উ: 9'14 ফুট/(সেকেও)²]
- 18. একটি বস্তু 30° নতিকোণ বিশিষ্ট আনততলে গড়াইয়া 76 ফুট অতিক্রম করিলে উহার গতিবেগ কত হইবে ? (ঘর্ষণ গুণায় = 0.2) [উ: 40 ফুট/সেকেণ্ড]

স্থিতিবিদ্যা (Statics)

Syllabus: Statics; Centre of mass, centre of gravity. Conditions of equilibrium of a system of particles.]

বিভিন্ন বল প্রযুক্ত হইলেও যে বস্তু স্থির গাকে উহার অবস্থা যে শাস্ত্রে পর্যালোচনা করা হয় তাহাকে স্থিতিবিত্যা বলে। ঐ সব বলের পরম্পার সম্পর্ক দৃঢ় বস্তুকে (rigid body) স্থির অবস্থায় রাথে।

যথন কতকগুলি বল কোন বস্তুর উপর প্রযুক্ত হইয়া ঐ বস্তুকে স্থির রাখে তখন ঐ বলগুলি সাম্যাবস্থায় (equilibrium) থাকে।

1'28. ভরের ভামক (Moment of mass) : একটি নিদিষ্ট বিন্দু বা তলের চারিদিকে ভরের ভ্রামক বলিতে ঐ বিন্দু বা তল হইতে দূরত্বের সহিত ঐ ভরের গুণফ্ল व्याय ।

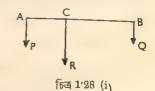
দৃঢ় বস্তুর উপর একাধিক বলের লব্ধি

(ক) সমমুখী সমান্তরাল বল:

কোন দৃঢ় বস্থর উপর একাধিক সমমুখী সমান্তরাল বল প্রযুক্ত হইলে এই বলগুলিকে সর্বদাই একটি লব্ধি দারা প্রকাশ করা যায়। এই লব্ধির দিক সমমূখী বলগুলির অভিমুখে

হয়। ছুইটি সমন্থা [চিত্র 1°28(i)] সমান্তরাল বলের লন্ধির মান ও অবস্থান বিন্দু নির্ণয় করিতে

1.28 (i) চিত্রের মত P. Q. (১ ক্রিটি ম্যান্সার্থার স্ব 1.28 (i) চিত্রের মত P ও Q ছইটি সমাস্তরাল বল উহাদের ক্রিয়ামুখের সহিত লম্ব AB দ্বারা যুক্ত কর।



উহাদের লব্বির অবস্থান বিন্দু হইবে AB রেখায় C বিন্দু এবং P×AC=Q×CB

1'28(1)

बश्रवा
$$\frac{AC}{CB} = \frac{Q}{P}$$
 1.28(2)

অর্থাৎ C বিন্দু AB রেথাকে উহার অভ্যন্তরে বলের বিপরীত অমুপাতে ছেদ করে।

এখন
$$\frac{AC}{AC+CB} = \frac{Q}{Q+P}$$
 1.58(3)

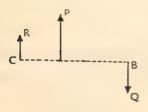
অথবা
$$\frac{AC}{AB} = \frac{Q}{Q+P}$$
 অথবা $AC = \frac{Q}{Q+P} \times AB$ 1.28(4)

1'28(1) সমীকরণে P, Q ও AB জানা থাকিলে C বিন্দুর অবস্থান জানা যায়। लि R=P+O

তৃতীয় একটি সমম্থী সমাস্তরাল বলও যুক্ত হইলে একই উপায়ে তিনটি বলের লক্ষি পাওয়া <mark>যায়। এইভাবে যে কোন সংখ্যক সমান্তরাল সম</mark>ম্থী বলের লব্ধি নির্ণয় করা হয়। অভিকর্ষ কেন্দ্র নির্ণয়ে এই নিয়মের প্রয়োগ করা হইয়া থাকে।

(थ) विপরীতমুখী সমান্তরাল বল :

কোন দৃঢ় বস্তুর উপর <mark>হুইটি সমান্তরাল</mark> বল বিপরীত মৃথে ক্রিয়া করিলে উহাদের ল<mark>ঞ্জি</mark> নির্ণয় করিতে P ও Qর ক্রিয়ামূথের সহিত লং AB আঁক। ধর P>Q । এখন BA রেথা C পর্যন্ত বিভৃত কর, যাহাতে CA×P=CB×Q 1'28 (5)



এখন 1'28 (ii) চিত্রে দেখ, C বিন্দু AB রেখাকে বাহিরে বল চুইটির বিপরীত অন্নপাতে ছেদ করে। C ছুইটি বলের লক্কির অবস্থান বিন্দ্, উহার দিক্ রুহত্তর বল P-এর অভিমৃথে এবং উহার মান R=P-Q.

हिन्न 1.28 (ii)

ত্ইটি বিপরীতম্থী সমান্তরাল বল সমান হইলে উহাকে **দৃন্দু** (couple) বলে। (বৃত্তীয় গতি স্রম্ভব্য)।

ভরকেন্দ্র (Centre of mass) 🕻 কোন বস্তুর বা দৃঢ় সংবদ্ধ বস্তুসমষ্টির ভরকেন্দ্র এমন একটি বিন্দু যাহার মধ্য দিয়া একটি সমতল প্রবিষ্ট করাইলে ভর সমষ্টির একপার্শ্বের ভামক ঐ বিন্দুর অন্যপার্শের ভর সমষ্টির ভামকের সমান হইবে। নিয়তাকার বস্তুর ভরকেন্দ্র ও তাহার জ্যামিতিক কেন্দ্র একই হইবে।

অভিকর্য কেন্দ্র (Centre of gravity) : অভিকর্ষের নিয়ম অন্থ্যায়ী পৃথিবী-পুর্চে প্রত্যেক বস্তু পৃথিবীর কেন্দ্রের দিকে আরুষ্ট হয়। ঐ বস্তর সমস্ত উপাদানের উপর আকর্ষী শক্তির মোট পরিমাণ উহার উপর পৃথিবীর আকর্ষী শক্তির সমান অর্থাৎ বস্তর ওজনের সমান। অতএব বস্তুর উপাদান কণাগুলির ওজন নিয়াভিম্থে পৃথিবীর ব্যাসার্দ্ধ বিবেচনায় সমান্তরাল বলসমষ্টি ধরা যাইতে পারে।

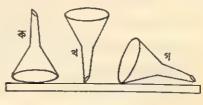
এই সমান্তরাল বলসমাষ্ট বল্পর যে নিদিষ্ট বিন্দুতে লব্ধি বলরূপে ক্রিয়া করে বিবেচনা কবা হয় তাহাই অ**ভিকৰ কেন্দ্ৰ**।

- যদিও বস্তুর অভিকর্ষ কেন্দ্রের মধ্য দিয়া তাহার ওজন সরলরেখায় ক্রিয়া করে, তথাপি বস্তুর মধ্যে ঐ কেন্দ্র নাও থাকিতে পারে। যেমন, একটি বুত্তাকার আংটার অভিকর্ষ কেন্দ্র তাহার জ্যামিতিক কেন্দ্র এবং উহা ফাঁকা জায়গা।
- 2. বস্তুর আকারের পরিবর্তন হইলে, তাহার অভিকর্ষ কেক্রও পরিবর্তিত হয়। যেমন, একটি দোজা তারের অভিকর্ষ কেন্দ্র তাহার মধ্যবর্তী বিন্দু, কিন্তু উহাকে বৃত্তাকা<mark>র</mark> করিলে তাহার জামিতিক কেন্দ্রের ফাঁকা জায়গায় ঐ কেন্দ্র পরিবর্তিত হয়।

বস্তুর সাম্যাবস্থা (Equilibrium of a body) । কোন বস্তুর উপর ক্রিয়াশীল এক বা একাধিক বলের পরিণতি শৃশ্য হইলে, অথবা উহাকে পাক দেওয়ার মত কোন স্থামক না থাকিলে বস্তুটি সাম্যাবস্থায় থাকে।

কোন বস্তু তাহার সাম্যাবস্থা হইতে সামাত্র সরাইলে তাহার উপর ক্রিয়াশীল বল যথন তাহাকে সাম্যাবস্থার ফিরাইয়া আনিতে চায় তথন বস্তুটির অবস্থাকে স্থায়ী

সাম্যাবস্থা বলে। একটি ঘনক এক পার্থে ছির ভাবে বসান থাকিলে, একটি কাচের ফানেলের মুখের দিক্টায় বসাইলে উহারা স্থায়ী সাম্যাবস্থায় থাকে। কোন বস্তু ভাহার সাম্যাবস্থা হইতে সামান্ত সরাইলে, উহার উপর ক্রিয়নীল বল উহাকে যথন আরও



হিত্ৰ 1·28 (iii)

সরাইতে চায়, এই অবস্থা বস্তুর **অস্থায়ী সাম্যাবস্থা**। একটি কাচের ফানেল তাহার নলের দিকটা স্থির বসান থাকিলে অস্থায়ী সাম্যাবস্থায় থাকে। যথন বস্তুকে কম বা বেশী সরাইলে উহা আগের অবস্থায় কিরিতে বা আরও বেশী সরিতে চায় না, তথন উহাকে বস্তুর **নিরপেক্ষ অবস্থা** বলে। 1–28 (iii) চিত্রে ফানেলের (ক) স্থায়ী সাম্যাবস্থা (থ) অস্থায়ী সাম্যাবস্থা ও (গ) নিরপেক্ষ সাম্যাবস্থা দেখান হইল।

প্রশাবলী

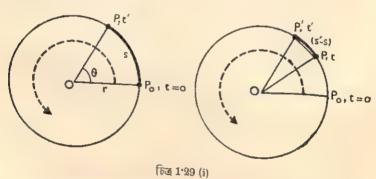
- 1. ভরের ভামক ও ভরকেন্দ্র কাহাকে বলে ?
- 2. বস্তুর সাম্যাবস্থায় অবস্থানের সর্ত কি ?
- বস্তর হায়ী, অন্থায়ী ও নিরপেক্ষ সাম্যাবন্থা কি উদাহরণসহ ব্যাখ্যা কর।
- কতিপয় সমন্থী সমান্তরাল অসমান বলের লবি নির্ণয় কর ও ঐ পদ্ধতিতে
 কীভাবে কোন বস্তয় অভিকর্ষ কেল পাওয়া যায় ব্যাখ্যা কর।
 - 5. একটি ঘন্দ বলিতে কী বুঝায় ব্যাখ্যা কর।

রত্তীয় গতি (Circular motion)

[Syllabus: Dynamics of circular motion. Rotational motion of a particle, angular velocity, angular acceleration, relation between angular velocity and linear velocity, angular momentum, moment of a force, about a point and about an axis, torque (statement only), couples, centripetal force, centrifugal force (as a pseudo force).

1'29. বৃজীয় গতি (Circular motion) গৈতিশাল বস্ত স্বভাবতঃ বক্রপথে চলিতে চায়। পৃথিবী ও গ্রহগুলির ক্ষের চারিদিকে গতি ও চক্রের পৃথিবীর চারিদিকে গতি প্রায় বৃত্তাকার। মহাকর্ষের নিয়ম হইতে তোমরা উহা জানিতে পারিবে। আমাদের ব্যবহারিক জীবনেও বৃত্তীয় গতির অনেক উদাহরণ পাইবে। একটি লাটিম যখন নিজের অক্ষের চারিদিকে ঘোরে, ঐ আবর্তন জনিত গতিও বৃত্তাকার।

সুষম র্জীয় গতি (Uniform circular motion) ও কোন বস্ত যথন বৃত্তাকারে স্থম গতিবেগে আবর্তন করে, 1-29 (i) চিত্রে দেখ যে ঐ বৃত্তপথের ব্যাসাদ্ধি r, ইহার কেন্দ্র O এবং বস্তুটি মনে কর গতিশীল হওয়ার প্রারম্ভে শৃত্য সময়ে Po অবস্থানে আছে, তথন t=0.



t সেকেণ্ডের পর বস্তুটি P বিন্দুতে সরিয়াছে এবং বৃত্তের পরিধি ধরিয়া উহা s দূরত্ব সরিয়াছে। এই সময়ে ব্যাসার্দ্ধ OP, θ কোণ সরিয়াছে। θ রেডিয়ান্ এককে পরিমাপ করা স্থবিধাজনক। θ রেডিয়ান্ হইল উহার বৃত্তচাপ ও ব্যাসার্দ্ধের ভাগফল।

$$\theta_{rad} = \frac{s}{r}$$
 1.29 (1)

লক্ষ্য কর যে বস্তুটি একবার পুরা বৃত্তটি আবর্তন করিলে, OP 360° ঘোরে এবং *s* তথন বৃত্তের পুরা পরিধি, $2\pi r$ । অতএব রেডিয়ানে

$$\theta = \frac{s}{r} = \frac{2\pi r}{r} = 2\pi$$
 (পুরা একটি আবর্তনের জন্ম)

জতএব $360^\circ = 2^\pi$ রেডিয়ান্ $180^\circ = \pi$ রেডিয়ান্ $90^\circ = \frac{\pi}{2}$ রেডিয়ান্

1 রেডিয়ান্= $\frac{360^{\circ}}{2\pi}$ =57'3'র কাছাকাছি হইবে।

যদি বস্তুটি স্থাম হারে চলে, তবে OP ব্যাসার্দ্ধ যে কোণ অস্কন করে তাহ। সময়ের অনুপাতী

 $\theta = \omega t 1.29 (2)$

ω একক সময়ে অন্ধিত কোন ও উহাই কৌণিক গতিবেগ (Angular motion)। উহা রেডিয়ান্/সেকেও এককে প্রকাশ করা হয়।

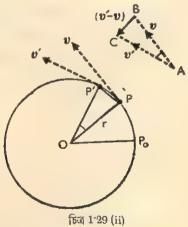
1'29 (1) স্মীকরণ হইতে

$$S = r\theta = r\omega t$$
 1.29 (3)
 $S = vt \ (v \rightarrow$ রৈবিক গতিবেগ) 1.29 (4)
 $v = \omega r$ 1.29 (5)

এই সমীকরণ হইতে রৈথিক গতিবেগ ও কৌণিক গতিবেগের সম্পর্ক ব্ঝা <mark>যাইবে।</mark> বুল্তের পরিধি বরাবর বস্তুটির গতিবেগ ν ।

স্বভাবতই ভূল হইতে পারে যে, বস্তুটি যখন বৃত্তপথে স্থ্যম গতিতে চলে তথন উহার স্বরণ নাই। কিন্তু গতিবেগ একটি ভেক্টর রাশি, তাই যদিও ইহার মানের পরিবর্তন

হইতেছে না, কিন্তু উহার দিক্ বৃত্তপথে অবিরাম পরিবর্তিত হইতেছে। বৃত্তি একবার ঘুরিয়া আদিতে এই ভেক্টর 360° ঘোরে। দিক্ পরিবর্তনের জন্ম যে ছরণ তাহা গতিবেগের মান পরিবর্তনের মতই ঘটিয়া থাকে। 1'29 (ii) চিত্রে দেখ, P হইতে P' বিন্দৃতে সরিতে গতিবেগের দিক্ কীভাবে পরিবর্তিত হয়। ABC ভেক্টর ত্রিভুজ দ্বারা P বিন্দৃতে প্রাথমিক গতিবেগ ৮ ও P' বিন্দৃতে প্রাথমিক গতিবেগ ৮ ও P' বিন্দৃতে প্রাতিবেগ দেখান হইয়াছে। এখন ৮



ভেক্টরে v'-v, যোগ করিলে v' পাওয়া যাইবে। v'-v, t-t' সময়ে গতিবেগের পরিবর্তন ও গড় বরণ $\frac{v'-v}{t'-t}$ । যথন t'-t অবকাশ অত্যন্ত ক্ষুদ্র, তথন P' ও P খুব

কাছাকাছি আসে এবং আমরা বস্তুটির P বিন্দৃতে তাৎক্ষণিক গতিবেগ পাইতে পারি। গতিবেগ ভেকটর O সর্বদা ব্যাসার্দ্ধের সহিত লম্বভাবে থাকে। অতএব OP ও ফ একে অপরের লম্ব ইয়া চুইটি শক্ত রডের মত পরস্পরকে জুড়িয়া চলে। যথন OP কোনো কোণে আবর্তন করে, তথন ভেক্টর ৮-ও সেই একই কোণে আবর্তন করে।

সতএব ∠POP'=∠BAC। OP=OP' এবং AB=AC, কারণ গতিবেগ্
আবর্তনকালে পরিবতিত হয় না।

অতএব POP' এবং BAC তুইটি সমদ্বিবাহু ত্রিভুক্ত।

$$\frac{BC}{AB} = \frac{PP'}{OP}$$
 অথবা $\frac{BC}{v} = \frac{PP'}{r}$ 1'29 (6)

যধন P' A-এর খুব কাছাকাছি থাকে, PP' জ্যা তথন PP' বৃত্তচাপের প্রায় সমান।

$$PP' = \nu(t' - t)$$
 1.29(7)

$$\frac{BC}{v} = v(t'-t)/r$$
 1.29(8)

$$BC = v^2(t'-t)/r$$
 1.29(9)

🕑 বিন্দৃতে ত্বরণের মান

$$a = \frac{BC}{t'-t}, \quad (য্থন t'-t) খুবই ছোট মাপের হয়)$$

$$= \frac{v^2 (t'-t)}{r(t'-t)}$$

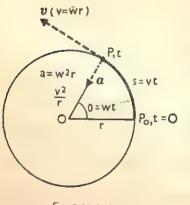
অর্থাৎ $a = \frac{v^2}{r}$

যেহেতু $v = \omega r$

$$a = \frac{(\omega_r)^2}{r} = \omega^2 r$$
 1.29(11)

P' যথন P এর খুব নিকটে, ∠CAB 0[°] ছইতে সামান্ত বেশী। যেহেতু ∠ABC=∠ACB, ABC ত্রিভুজের তিনটি কোণ সমান 180° ছইবে। ∠ABC=∠ACB=90° কাছাকাছি,

যথন P'P এর কাছাকাছি। বরণের দিক্ BC, v এর উপর লম।



চিত্ৰ 1·29 (iii)

যেহেতু v, বুজের P বিন্দ্র স্পর্শক রেখায় প্রকাশ করা যায়, জরণ হইবে ব্যাসার্দ্ধের অভিম্থী। লক্ষ্য কর যে, জরণ বৃত্তের কেন্দ্রের অভিম্থী [চিত্র 1-29 (iii) দেখ]।

যখন কোন বস্তু ১০ স্থ্যম কোণিক গতিবেগে এবং ১০ স্থ্যম রৈখিক গতিবেগে বৃত্ত পথে চলে, উহার ত্বরণ ব্যাসার্দ্ধ ধরিয়া কেন্দ্রের দিকে থাকে এবং উহার পরিমাণ

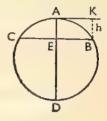
$$a = \omega^2 r$$
 1.29(13)

অথবা
$$a=v^2/r$$
 1.29(14)

a=v2/r বিকল্প প্রমাণঃ

পৃথিবীর চারিদিকে আবর্তনরত চল্লের হরণ কত হইবে তাহা পাইতে হইলে চল্লের কক্ষ একটি বৃত্ত আঁক। ধর, চল্ল ও গতিবেগে A হইতে B বিন্দৃতে যায়। A বিন্দৃতে

একটি স্পর্শক টান এবং K কিলু হুইতে চাক্রর B বিলুতে পতানর দূরত্ব h ধর। অভিকেক্র বল না থাকিলে চক্র B তে না গিয়া একই সময়ে K বিলুতে পৌছিত। 1-29 (iv) চিত্র অন্থ্যায়ী CB জ্যা ও AD ব্যাসাদ্ধি আঁক। জ্যামিতি হুইতে প্রমাণ পাওয়া যায় যে একটি বৃত্তের চুইটি জ্যা পরস্পর ছেদ করিলে ইহাদের প্রত্যেকের অংশ ভুইটির



চিত্ৰ 1.29 (iv)

গুণকল মন্ত জার চইটি মংশের গুণকলের সমান। E বিলু CB ও AD জ্যাদ্বয়ের ছেদবিলু।

অতএব
$$h$$
 (2R- h)= x^2 [x =E β] 1.29 (15)

$$h = \frac{x^2}{2R - h}$$
 1.29(16)

2R-h সংখ্যায় $2R,\ h$ হইতে অনেক বড় হওয়ায় এই সংখ্<mark>যায় h নগণ্য ধরা</mark> যাইতে পারে।

অতএৰ
$$h=x^2/2R$$

1'29(17)

এখন AK ও AB জ্যাকে বস্তুত স্থান ধরিয়া চল্রের AB সরণ CB জ্যাতে EB= x এই সরণের স্থান।

$$x=vt$$
 ... $h=\frac{(vt)^2}{2R}=\frac{1}{2} (v^2/R)t^2$ 1.29(18)
এখন $h=\frac{1}{2}at^2$ [1.8 (6) দেখ]
ভাতএৰ $a=v^2/R$ 1.29(14)

উদাহরণ 1. স্থের চারিদিকে পৃথিবীর গতি ও মহাকাশে স্থের গতি গণ্য না করিয়া বিযুবরেথায় অবস্থিত কোন বস্তুর কোণিক গতিবেগ, রৈথিক বেগ ও ত্বর্ণ গণনা কর।

পৃথিবীর ব্যাসার্দ্ধ=6'37×10° সেমি.। ঐ ব্যাসার্দ্ধের বৃত্তে বস্তুটি আবর্তিত হয়। 2π রেডিয়ান ঘুরিতে উহার সময় লাগে $24 \times 60 \times 60$ সেকেণ্ড

কৌণিক বেগ
$$\omega = \frac{2\pi}{24 \times 60 \times 6} = 7.27 \times 10^{-5}$$
 রেডিয়ান/সেকেণ্ড

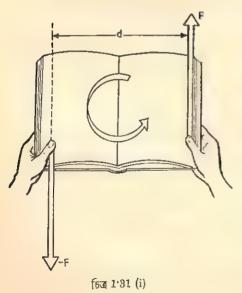
1'30, বলের ভামক (Moment of a force)

একটি নির্দিষ্ট বিন্দ্র চারিদিকে একটি বলের ভামক হইল বলের সহিত ঐ নির্দিষ্ট বিন্দু হইতে উহার ক্রিয়ার দিকের সহিত লম্বের গুণফল। ঐ লম্বের দৈর্ঘ্য বলের ভ্রামকের বাহু। অতএব যতক্ষণ ভামকের বাহু শৃশু না হয় অথবা বলটি অন্তর্হিত না হয় ততক্ষণ এই ভ্রামক অন্তর্হিত হইবে না।

নিউটনের স্থ অন্থায়ী, বল বস্তুর উপর ক্রিয়া করিলে উহার স্থির অবস্থা বা গতির পরিবর্তন হয়। এই গতি বৃতীয় বা সরলরেপায় হুইতে পারে। এখন প্রশ্ন উঠিবে যে বাহিরের বল প্রয়োগ করিলে বস্তুর গতি সরলরেপায় বা বৃতীয় কী হুইবে।

কি ধরণের গতি হইবে উহা বস্তুর অবস্থা ও উহার উপর বলের প্রয়োগ যে বিন্দুতে হয় তাহাদের উপর নির্ভর করিবে। বস্তুটি যদি মূক্ত অবস্থায় থাকে এবং বলের ক্রিয়ার অভিম্থ যদি অভিকর্ম কেন্দ্র হয়, তবে বস্তুর গতি সরলরেথায় হইবে। বলের ক্রিয়ার অভিম্থ যদি অভিকর্ম কেন্দ্র না হয় তবে বস্তুটি সরলরেথায় গতির সহিত বৃত্তীয় পথে চলিবে।

1'31. খন্থের ভাষক বা টর্ক (Moment of a couple or Torque)



একথানি খোলা বইয়ের ডানদিকের কোণ বাঁ হাতে ধর। ডানহাতে ও বাঁ দিকের কোণ বাঁ হাতে ধর। ডানহাতে বইটিকে ভোমার বিপরীত দিকে ঠেলিয়া রাখ ও সঙ্গে সঙ্গে বাঁ হাতে বইটিকে ভোমার দিকে টানিয়া রাখ। বাঁ হাতে প্রযুক্ত বল ডান হাতের বলের সমান ও বিপরীত দিকে হওয়া প্রয়োজন [চিত্র 1.31 (i)]। যেহেতু তুই হাতে প্রযুক্ত বল সমান, তাই বইয়ের উপর লব্ধি বল শূন্ত, ম্রবণও শূন্ত। তাই বইটি তোমা হইতে দূরে নড়িবে না। কিন্তু বইটি ছড়ির

কাঁটার বিপরীতে ঘুরিবে। কারণ বল ছুইটি স্মান ও বিপরীত হওয়ায় তাহারা পার্শের দিকে একে অন্ত হইতে স্বিয়া ধাইবে এবং ঘূর্ণন ক্রিয়ার স্পষ্ট করিবে।

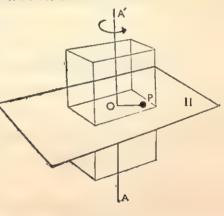
সমান ও বিপরীত জোড়া বল পাশের দিকে একটি মন্তুটি হইতে সরিয়া গেলে উহাকে দ্বন্দ্ব (couple) বলে ।

যদি তুইটি বলের পরিমাণ F হয় ও দূরত্ব d হয় তবে ঐ ঘদ্ধের ভামক হইবে Y=F. d.

ঐরপ ভামক **দৃন্দ কড় ক স্ষ্ট টর্ক** (Torque) নামে অভিহিত হয়। সরলরেথার গতিতে বলের ভূমিকা ও কৃত্তীয় গতিতে টর্কের ভূমিকা একই।

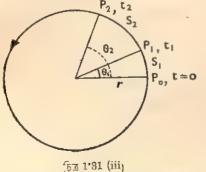
কোন দৃঢ় পদার্থ যথন একটি নির্দিষ্ট অক্ষের চারিদিকে আবর্তন করে তথন উহার

বিভিন্ন পরমাণ একে অপর হইতে একই দূরত্বে থাকে। পৃথিবী একটি অক্ষের চারিদিকে দৈনিক আবিতিত হয়, মোটরগাড়ীর চাকা রেথাকার অক্ষের চারিদিকে ঘোরে। লাটুর ঘূর্ণনও এর কা। এইরূপ আবর্তন গতিতে যে কোন আকৃতির দৃঢ় বস্তুর যে কোন ক্ষ্মুদ্র অকটি সমতলে আবর্তনের দ্বারা একটি বৃত্ত অস্কন করে [চিত্র 1 31 (ii)]!



চিত্ৰ 1°31 (ii)

1-31 (iii) চিত্রে এই বুজীয় গভি দেখান হইল। এই চিত্র হইতে Pর θ_2 ও θ_1 কোণের ছইটি অবস্থানের মধ্যে সময়ের পার্থক্য t_2-t_1 হইলে,

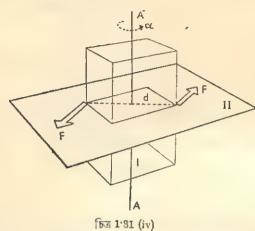


কৌণিক গতিবেগ
$$\omega=rac{(heta_2- heta_1)_r}{(t_2-t_1)}$$
 যথন t_2-t_1 যথেষ্ট ক্ষুদ্র মানের হইয়া থাকে। $1 ext{-}31\ (2)$

পূর্বে উল্লিখিত বৃত্তীয় গতির মত এই আবর্তনের গতিতেও বরণ আছে—

কারণ কোণিক গতিবেগের মান স্থম হইলেও P বিন্দুর দিক্ পরিবর্তিত হইতেছে

বলিয়া উহার কৌণিক তারণ আছে। t_2-t_1 সময়ের ব্যবধান যথেষ্ট অল্প হইলে কৌণিক তারণ $\alpha=\frac{(\omega_2-\omega_1)}{(t_2-t_1)}$ [চিত্র 1.31 (iv)] 1.31 (3)



জড়তা ভামক । সরলরেখার গতিতে তরের যে ভূমিকা থাকে, কৌণিক গতিতে জড়তা ভামকেরও একই ভূমিকা থাকে। M তরের দৃঢ় বস্তুটির P অংশের তর যদি m হয় এবং উহা অক্ষ হইতে যদি r দূরত্বে থাকে, তবে ঐ অংশের জড়তা ভামক হইবে mr^2 । অক্ষের চারিদিকে P এর মত বিভিন্ন অংশ ধরিয়া উহাদের প্রত্যেকের mr^2 যোগ করিয়া ঐ বস্তুর মোট জাড়োর ভামক পাওয়া যাইবে।

একটি দম্ব কোনো দৃঢ় বস্তুর উপর ক্রিয়। করিয়া উহাকে আবতিত করিলে, ঐ হন্দের বল আবর্তন অক্ষের লম্ম সমতলে অবস্থান করিবে এবং আবর্তনে অরণ এ স্টে করিবে।

এখন Y=I < 1°31 (4)
অর্থাৎ টর্ক= জড়তা ভ্রামক × কেণিক ত্রন 1°31 (4)

নিউটনের দ্বিতীয় গতিস্থতে সরল গতির সহিত কোণিক গতির সাদৃশ্য লক্ষ্য কর; $P\!=\!mf$ । টক বল P এর সহিত, জড়তা ভ্রামক ভর m এর সহিত ও ত্বরণ f, এর সহিত তলনা করা যাইতে পারে।

এখন কৌণিক ভরবেগ= [ω

থেছেতু 🍸 $= ext{I} imes ext{I} imes \omegaর সময়ের সহিত পরিবর্তনের হার$

= সময়ের সহিত I ωর পরিবর্তনের হার ··· ·· 1'31 (6)

অতএব টর্ক বলিতে সময়ের সহিত কোণিক ভরবেগের পরিবর্তনের হার বুঝাইবে।
উদাহরণ 1. একটি ঘ্র্ণামান টেবিলের ভর M ও ব্যাসাদ্ধ R; উচা ঘর্ষণহীন
বেয়ারিং-এর সাহায্যে ω_0 কোণিকবেগ ঘ্রিতেছে। m ভরের একটি মাকড়সা উল্লম্ব অবস্থায় উহার প্রান্তে আসিয়া পড়িল। এখন টেবিলের কোঁণিক বেগ কী হইবে ? পরে মাকড়সাটি টেবিলের কেন্দ্রের দিকে আগাইয়া গেল। কেন্দ্র হইতে r ব্যাসার্দ্ধের দূরত্বে মাকড়সাটি পৌছিলে টেবিলের কোঁণিক গতিবেগ ம₀ কত হইবে ? মাকড়সার ঐ ব্যাসার্দ্ধ ধরিয়া সামান্ত গতিবেগ ছাড়া টেবিলের সহিত অন্ত কোন আপেক্ষিক গতিবেগ নাই—ইহা ধরিয়া লইতে হইবে।

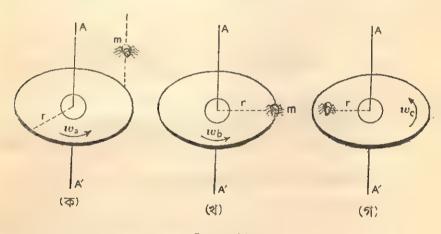
মাকড়সা ও টেবিলের মিলিত অবস্থায় গতিবেগ বিবেচনা কর। বাহিরের কোন দ্বন্ধ টেবিলে আরোপিত হয় নাই, কারণ বাতাসের বাধা বা ঘর্ষণ বল নাই। ফুলে কোণিক ভরবেগ পরিবর্তিত হইবে না। 1-31 (v) (ক) চিত্র দেখ। AA' অক্ষের চারিদিকে মাকড়সার টেবিলে পড়ার আগে কোন কোণিক বেগ ছিল না। উহার জাড়োর আমক

$$I_t = \frac{1}{2}MR^3$$
 1.31 (7)

এবং কৌণিক ভরবেগ $A = I_t \omega_a = \frac{1}{2}MR^2 \omega_a$ 1.31 (8)

1.31 (v) (ব) চিত্র দেখ। মাকড্সা টেবিলের একপ্রান্তে পড়ার পর উহার গতিবেগ ও টেবিলের গতিবেগ একই থাকে ও উহার মান ω_b হয়। মাকড্সার ভ্রামক

$$I_{sb} = mR^2$$
 1.31 (9)



চিত্ৰ 1:31 (v)

েটবিল ও মাকড়সার মিলিত ভামক $I_b = I_t + I_{s \ b}$ $= \frac{1}{2}MR^2 + mR^2$ $= \frac{1}{2}(M + 2m)R^2$ $1 \cdot 31 \cdot (10)$ কৌনিক ভরবেগ $A = I_b \omega_b = \frac{1}{2}(M + 2m)R^2 \omega_b$ $1 \cdot 31 \cdot (11)$

কৌণিক ভরবেগের নিত্যভার স্ত্র প্রয়োগ করিয়া এবং মাকড়সা টেবিলে নামিবার আগে ও পরে টেবিলের কৌণিক ভরবেগের সমীকরণের সাহায্যে পাওয়া যায়.

$$\frac{1}{2}(M+2m)R^{2}\omega_{b} = \frac{1}{2}MR^{2}\omega_{a}$$

$$1.31 (12)$$

$$w_{b} = \frac{M}{M+2m}\omega_{a}$$

$$1.31 (13)$$

ু মাকড়সা যথন কেন্দ্র হইতে r দূরত্বে আছে, টেবিল ও মাকড়সার কৌণিক বেগ তথন w, ধরা হইল। মাকডসার ভ্রামক

 $I_{sc} = mr_2$

মোট ছড়তা ভ্রামক $I_o = I_t + I_{sc} = \frac{1}{2}MR^2 + mr^2$ কৌণিক তর বেগ $A = (\frac{1}{2}MR^2 + mr^2)\omega_c$ 1'31 (14) কৌণিক তর বেগের নিত্যতার সূত্র অনুযায়ী

 $(\frac{1}{2}MR^2 + mr^2)\omega_c = \frac{1}{2}MR^2\omega_a$

$$\omega_c = \frac{\frac{1}{2}MR^2}{(\frac{1}{2}MR^2 + mr^2)} \times \omega_o$$
 131 (15)

$$= \frac{\omega_a}{\left(1 + \frac{2mr^2}{MR^2}\right)}$$
 1.31 (16)

লক্ষ্য কর যে, R=r হইলে উহা 1.31 (13) সমীকরণের সহিত সমান হয়। 1.31 (17) এখন বৃঝিতে পার যে, r যতই কম মানের হয় কোণিক বেগ ততই বাড়িতে থাকে, এবং কেন্দ্রে যখন r=0, তথন $\omega_o=\omega_a$ 1.31 (18)

1'32. অভিকেন্দ্র বল ও অপকেন্দ্র প্রতিক্রিয়া (Centripetal force and centrifugal reaction):

সামর। আগেই বৃত্তীয় গতির আলোচনা করিয়াছি। বৃত্তীয় গতিতে বস্তু তাহার দিক্ সর্বদাই পরিবর্তন করে। নিউটনের প্রথম স্ত্র অন্থয়ায়ী, কোন বস্তু স্থির নহে অথচ সরলরেথায় স্থমম গতিতে চলে না এবং বৃত্তীয় গতিতে গতি স্থমম হইলেও বস্তুর দিক্ পরিবর্তনের জন্ম উহার হরণ আছে, তাই একটি অভিকেন্দ্র বল বা কেন্দ্রানুগ বল (Centripetal force) আছে যাহা বস্তুটিকে সোজাপথে চলিতে না দিয়া বৃত্তাকারে আবৃত্তিত করে।

মনে কর তুমি একটি ঢিল দড়িতে বাঁধিয়া মাথার উপর ঘুরাইতে**ছ।** দড়ি দিয়া <mark>তুমি</mark>

্র টলের উপর অভিকেন্দ্র বল প্রয়োগ করিতেছ। দড়িটি ছিঁড়িয়া গেলে ঢিলটি বৃত্ত-পথের স্পর্শক ধরিয়া ছুটিয়া যাইবে। নিউটনের প্রথম স্থত্ত অনুযায়ী ইহা তথন স্থম সরল গতি লাভ করিবে। [1'32 (i) চিত্র]



চিত্ৰ 1'32 (i)

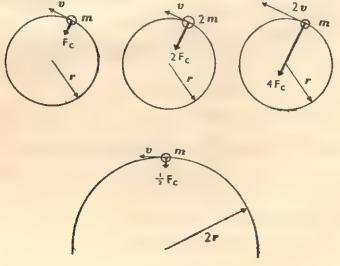
নিউটনের দ্বিতীয় স্থত্র হইতে আমরা পাই

বল = ভর × ত্বরণ

অতএব 1'29 (14) সমীকরণ হইতে দেখা যাইবে

অভিকেন্দ্র বল
$$F_o = \frac{mv^2}{r}$$

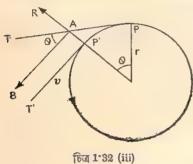
(m = বস্তুর ভর, v = স্থম গতি, r = বস্তু যে বৃত্তপথে প্রদক্ষিণ করিতেছে উহার ব্যাসার্দ্ধ)
ফলে বস্তুর ভর দিগুণ বেশী হইলে বস্তুকে একই স্থম বৃত্তীয় গতিতে রাখিতে অভিকেন্দ্র বলও দিগুণ বাড়াইতে হইবে। একই ভরের বস্তুকে দিগুণ বেগে ঘুরাইতে চারগুণ
মিভিকেন্দ্র বল প্রয়োজন হইবে। ব্যাসার্দ্ধ বাড়াইলে একই ভর ও গতিবেগের জন্ম



চিত্ৰ 1°32 (ii)

অভিকেন্দ্র বল কম হইবে। F_o ব্যাসাদ্ধি, ভর ও গতিবেগের উপর কীভাবে নির্ভর করে তাহা 1-32 (ii) চিত্রে দেখান হইল।

নিউটনের তৃতীয় সূত্র অমুযায়ী অভিকেন্দ্র বলের প্রতিক্রিয়াকে অপকেন্দ্র প্রতিক্রিয়া বলে। এই প্রতিক্রিয়া বল বুত্তীয় গতিপথে কেন্দ্র হইতে বাহিরের দিকে ক্রিয়া করে। এই



প্রতিক্রিয়াকে অপকেন্দ্র বল (Centrifugal force) বলা হইলেও ইহা স্রান্তবল (Pseudo force)। একটি ঢিল দড়িতে বাঁধিয়া মাথার উপর ঘুরাইলে উহা বুত্তীয় পথে ঘুরিতে থাকে। 1-32 (iii) চিত্রে লক্ষ্য কর যে, ঐ বৃত্তীয় পথের কেন্দ্র O, ব্যাসার্দ্ধ r এবং ঢিলটির স্থসম গতিবেগ প্রের যে কোন P বিন্দুতে গতিবেগ শশক PT ধরিয়া ক্রিয়া করে। সময়ের

ব্যবধান t খুব ছোট ধরিয়া t সময়ের পর ঢিলটির নৃতন অবস্থান P' এবং ঐ অবস্থানে v গতিবেগ P'T' স্পর্শক ধরিয়া ক্রিয়া করিবে।

PP' যোগ করিয়া OP' কে R পর্যন্ত বিদ্ধিত করিলে OR রেখা PT রেখাকে A বিন্দুতে ছেদ করিবে। বাহিরের কোন অভিকেন্দ্র বল উহাকে বৃত্তপথে চালিভ না করিলে উহা নিজের গতিতে t সময়ে ${f A}$ বিন্দুতে পৌছিবে এবং সর্ণ ${f P}{f A}={m v}t$ হইবে। ${f A}{f T}$ রেখায় ν গতিবেগ ছুইটি উপাংশে বিশ্লেষিত করা যায়। একটি উপাংশ $\nu \, \cos \, heta, \, P'T'$ এর সমান্তরাল AB রেখায় ক্রিয়া করিবে। অন্ত একটি উপাংশ ν sin θ বাহিরের দিকে OR রেখায় ক্রিয়া করে। t খুব ছোট হওয়ায় heta-ও ছোট হইবে, ফলে A, P, ও P'বিন্দুগুলি খুব কাছাকাছি থাকিবে।

অতএব $v\cos\theta=v$, কারণ θ প্রায় শৃক্ত হইলে $\cos\theta^\circ=1$, এবং $v \sin \theta = v \theta$, কারণ θ ছোট হইলে $\sin \theta = \theta$ ।

এখন বস্তুটি PT রেখায় না চলিয়া অপকেন্দ্র বলের ক্রিয়ায় বৃত্তীয় পথে চলায়, উহা জড়ীয় গতিতে A বিন্দৃতে না থামিয়া P' বিন্দৃতে পৌছে। গতিবেগের মাত্র ν cos θ উপাংশ এই গতিতে ক্রিয়া করে। অন্য উপাংশ νθ অন্তর্হিত করার জন্ম অভিকেন্দ্র বলের সমপরিমাণ বল প্রয়োগ করিতে হয়।

P বিন্দুতে বস্তুটির স্পর্শকম্থী গতিবেগের ν sin θ উপাংশ ছিল না। t সময়ের পর के डेशांश्म 2 म रहेशां छ।

অতএব বহিম্ থী গতিবেগ পরিবর্তনের হার $=rac{
u heta}{t}$

$$= \frac{v}{t} \cdot \frac{PP'}{r} \frac{\text{qestr}}{r} = \frac{v}{r} \cdot \frac{PP'}{t} \frac{\text{qestr}}{t} = \frac{v^2}{r} = w^2 r \quad \dots \quad 1.32 (2)$$

 w^2r কে **অভিকেন্দ্র ত্বরণ** বলা হয়। উহা বস্তুর জাডা গতি হইতে উছ্ত ও কেব্রু হইতে বহিম্থে ক্রিয়া করে। ঐ ত্বরণকে অন্তর্হিত করিয়া বস্তুকে বৃত্তীয় পথে চালিত করিতে অভিকেন্দ্র ত্বরণ w^2r ও তাহা উৎপন্ন করিতে অভিকেন্দ্র বলের প্রয়োজন হয়।

নৈখিক গতি ও আবর্তন গতির তুলনা

	রৈখিক গতি		অ	আৰৰ্তন গতি	
	1.	मृत्र य x	1.	কোণ θ	
	2.	গতিবেগ ৩	2.	কৌণিক বেগ ω	
	3.	ত্বরণ f	3.	কৌণিক স্বরণ এ	
	4.	ভর m	4.	জড়ের ভামক I	
		$\mathbf{I} = mr^2$ গুলির যুক্তাকল			
	5.	বল $P = mf$	5.	हेर्क τ=[∢	
	6.	ভরবেগ $p=mv$	6.	কৌণিক ভরবেগ A=Iw	
	7.	বল=সময়ের সহিত ভরবেগ	7.	টৰ্ক=সময়ের সহিত কৌণিক	
		পরিবর্তনের হার।		ভরবেগ পরিবর্তনের হার।	

8. বাহিরের বল প্রযুক্ত না হইলে রৈখিক 8. বাহিরের দ্বন্দ প্রযুক্ত না হইলে ভরবেগের নিত্যতা বজায় থাকে। কোণিক ভরবেগের নিত্যতা বজায় থাকে। উদাহরণ 1. একটি 80 gm. ভরের পাথরখণ্ড 100 cm. দীর্ঘ দড়ির সাহায়্যে বৃত্তপথে ঘ্রানে। হইতেছে। পাখরটি সেকেণ্ডে 4 বার বৃত্তটি পরিক্রম করিলে দড়িতে টান কত হইবে?

দড়ির টান $\mathbf{F} = \frac{mv}{r}$

$$m=80 \text{ gm, } r=100 \text{ cm, } v=\frac{2n\times r}{t}=\frac{2\times 3\cdot 14\times 100}{\frac{1}{4}}$$

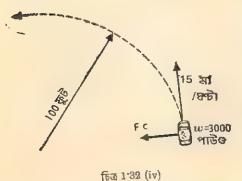
$$\therefore F=\frac{80}{100}\times\left(\frac{2\times 3\cdot 14\times 100}{\frac{1}{4}}\right)=80\times 100\times (32\times 3\cdot 14)^{2}$$

$$=80\times 100\times 10100=808\times 10^{5} \text{ dynes.}$$

একটি মোটরগাড়ী বাঁক ঘুরিতে যে অভিকেন্দ্র বলের প্রয়োজন হয়, তাহা সহচ্ছেই গণনা করা যায়।

পদার্থ (I)-4

উদাহরণ 2. একটি মোটরগাড়ীর ওজন 3000 lb. wt. উহা 15 মাইল/ঘণ্টা বেগে 100 ফুট ব্যাসার্দ্ধের একটি বাক লইল। গাড়ীটি বাক ঘ্রিতে যে অভিকেন্দ্র বল



প্রয়োজন তাহা নির্ণয় কর এবং ঘর্ষণ গুণাঙ্গ স্থির কর।

গাড়ীটির ভর M=
$$\frac{W}{g} = \frac{3000}{32 \text{ ফু/(সো})^2}$$

= 94 lb.

যেহেত্ 15 মাইল/ঘন্টা=22 ফু/সে. অভিকেক্ত বল

F_c =
$$\frac{94 \text{ lbs.} \times (22 \text{ ছ/(сл.)}^2}{100 \text{ ছ}}$$
 = 455 পাউও

এই 455 পা. অভিকেন্দ্র বল গাড়ীর চাকায় বাঁধানো রাস্তার ঘর্ষণ হইতে উৎপন্ন হয়। গাড়ীটি না পিছলাইয়া বাঁক লইতে যে নিয়তম ঘর্ষণ বল প্রয়োজন তাহা হুইল

$$F_f = \mu N$$

ঘৰ্ষণ গুণাফ
$$\mu = \frac{F_f}{N} = \frac{F_o}{W} = \frac{455 \text{ lb}}{3000 \text{ lb}} = 0.15$$

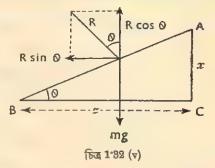
1'27 অন্থচ্ছেদে স্থিত ঘর্ষণের গুণান্ধ সারণীতে দেখিবে যে কংক্রীট্-বাঁধানো রাস্তায় গাড়ীর রাবার টায়ারের ঘর্ষণ গুণান্ধ 0'15 হইতে বেশী থাকে। কলে গাড়ী পিছলাইয়া পড়ে না।

উদাহরণ 3. রেল লাইনে ত্ই রেলের পাটাতে ট্রেন যথন বাঁক ঘ্রিতে থাকে তথন উহার চাকার প্রান্ত ও পাটার মধ্যে প্রতিক্রিয়া বল প্রয়োজনীয় অভিকেন্দ্র বল যোগান দেয়। পাটা ও চাকার মধ্যে উছ্ত অভিলম্ব প্রতিক্রিয়া বল ট্রেনের ওজনকে ধরিয়া রাখিতে ব্যয়িত হয় এবং বাঁক ঘ্রিবার জন্ম প্রয়োজনীয় অভিকেন্দ্র বল উৎপদ্ম করিতে যে অধিকতর ঘর্ষণের প্রয়োজন হয়, তাহাতে পাটা ঘুইটি পরম্পর সরিয়া তুর্ঘটনা ঘটিবার আশহা থাকে। তাই ঘূর্ঘটনা রোধ করিবার জন্ম ভিতরের পাটা অপেক্ষা বাহিরের পাটা একটু উচুতে রাখা হয়। উহাকে রেল লাইনের ব্যাক্ষিং (Banking) বলা হয়। অন্তভ্মিক তলের সহিত পাটা ঘুইটির তল যে কোন উৎপন্ন করে তাহাকে ব্যক্ষিং কোন বলে।

1'32 (v) চিত্রে দেখ, রেল লাইনের ভিতরের পাটী B বিন্দুতে ও বাহিরের পাটী A

বিন্দুতে অবস্থিত। লাইনের প্রতিক্রিয়া বল AB রেখার অভিলম্বে উদ্ধমুখে ক্রিয়া করে। উহা ব্যাদ্ধিং কোন ৫তে উল্লম্ব রেখার।vertical line) সহিত আনত থাকিবে। এই

প্রতিক্রিয়া বলকে অন্নভূমিক ও উল্লম্ব উপাংশে বিশ্লেষণ করিলে উল্লম্ব উপাংশ R cos θ টেনের ওজনকে ধরিয়া রাখিতে ব্যব্ধিত হইবে ও অন্নভূমিক উপাংশ R sin θ বাঁক ঘুরিবার প্রয়োজনীয় অভিকেন্দ্র বল সরবরাহ করিবে।



R
$$\cos \theta = mg$$
 (ট্রেনের ওজন) ··· ·· ·· 1'32 (3)

$$R \sin \theta = \frac{mv^{\parallel}}{r} \qquad \cdots \qquad 1.32 (4)$$

এই চুইটি সমীকরণ ভাগ দিলে

$$\tan \theta = \frac{v^2}{rg} \qquad \cdots \qquad 1.32 (5)$$

r=বাঁকের ব্যাসার্দ্ধ, $\nu=$ ট্রেনের গতিবেগ

লাইন তুইটির পরস্পর দূরত্ব z হইলে ও উচ্চতার ব্যবধান x হইলে

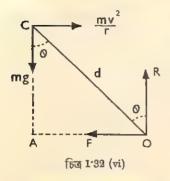
$$\tan \theta = \frac{x}{z} \qquad \therefore \quad \frac{x}{z} = \frac{v^2}{rg} \quad \text{and} \quad x = \frac{v^2 z}{i rg} \qquad 1.32 (6)$$

z-এর মান ট্রেনের গতিবেগ v ও বাকের ব্যাসার্দ্ধ r-এর উপর নির্ভর করিবে।

উলাহরণ 2-এ আমরা মোটরগাড়ীর বাঁক ঘুরিতে যে ঘর্ষণ বলের কথা বলিয়াছি— কোন বিশেষ রাস্তা পিচ্ছিল হইলে এই বল পাওয়া যায় না। সে সব রাস্তায় বাঁকের মুখে রাস্তার ব্যাক্ষিং করা না থাকিলে গাড়ী পিছলাইয়া পড়িতে পারে। তাই বাঁকের মুখে রাস্তা একটু হেলানো করার ব্যবস্থা থাকে।

উদাহরণ 4. সাইকেলে চড়িয়া বাঁক লইতে গেলে লক্ষ্য করিবে যে, কেন্দ্রাভিম্থা কাত হইয়া আরোহীকে সাইকেল চালাইতে হয়। তাহার কারণ হইল, বাঁক লইবার সময় অভিকেন্দ্র বলের প্রতিক্রিয়ার জন্ম অপকেন্দ্র বলের টাল সামলাইতে ঐরপ কাত হইয়া আরোহীকে একটি বিরুদ্ধ বলের স্বষ্টি করিতে হয় যাহাতে ঐ প্রতিক্রিয়া কাটান যায়।

 $1^{\circ}32 \ (vi)$ চিত্রে দেখ উল্লম্ব রেখার সহিত সাইকেল আরোহীকে heta কোণে হেলিয়া বাক লইতে হয় যাহাতে অপকেন্দ্র বল $\frac{mv^2}{r}$ ও আরোহীসহ সাইকেলের ভারকেন্দ্র C



হইলে CA দূরত্ব ইহাদের সমন্বয়ে যে দদ্দ স্টি হইবে, উহা মোট ওজন mg ও AOর দদ্ধের সমান হয়।

$$\frac{mv^2}{r} \times CA = mg \times AO$$

$$\frac{mv^2}{r} \times d \cos \theta = mg \times d \sin \theta$$
অথবা $\tan \theta = \frac{v^2}{gr}$... 1'32 (7)

ইহা হইতে দেখা যাইবে যে আরোহীর গতিবেগ বাড়াইলে নতি কোণ 🖰 বাড়াইতে হয়। বাঁকের ব্যাসার্দ্ধ কম হইলে 🖯 কোণও কমাইতে হয়।

প্রশাবলী

- কোনো অবস্থায় ত্বরণ ছাড়া কি বস্তব বৃত্তীয় গতি সম্ভব ? [উত্তর না]
- 2. অভিকেন্দ্র ও অপকেন্দ্র বল কাহাকে বলে ?
- 3. অপকেন্দ্র বল যে ভ্রান্তবল তাহা উদাহরণসহ উল্লেখ কর ।
- 4. 4 lb. ওজনের একটি লোহার বল 5 ফুট ব্যাসার্দ্ধের অফুভূমিক বুত্তে 15 ফুট/
 সেকেণ্ড গতিবেগে ঘুরাইতে কত বল প্রয়োজন ?

 [উ: 5.6 lb]
- 5. কোন ব্যক্তি এক বালতি জল উল্লখ তলে 3'1 ফুট ব্যাসার্দ্ধের বুত্তে ঘুরাইলে (ক) বালতির নিয়তম কত গতিবেগে বালতি হইতে জল পড়িবে না? (খ) প্রত্যেক আবর্তনে ঐক্নপ গতিবেগে কত সময় লাগিবে?

[উ: (क) 10 ফুট/সেকেণ্ড; (খ) 1'9 সেকেণ্ড।]

6. একটি গ্রামোফোন রেকর্ডের ব্যাস 12 ইঞ্চি, উহা মিনিটে 33 রার ঘোরে।
(ক) উহার কিনারায় একটি বিশ্ব ফুট/সেকেণ্ড হিসাবে রৈখিক গতিবেগ কত ? (খ)
ঐ বিশ্ব অভিকেন্দ্র ছরণ কত ?

[উঃ 1'74 ফুট/সেকেণ্ড ; 6'1 ফুট/(সেকেণ্ড)°]

7. নিম্নতর গতিবেগ হইতে উচ্চতর গতিবেগে মোটরগাড়ী বাঁক লওয়া কেন কষ্টকর ?
[উঃ উচ্চতর গতিবেগে না পিছলাইয়া বাঁক লইতে উচ্চতর বর্ষণ শক্তির প্রয়োজন]

নিম্নলিখিত কোণগুলি ডিগ্রীতে দেওয়া হইল—ঐগুলি রেডিয়ানে প্রকাশ কর:
 তি
 তে
 তি
 তি
 তি
 তি
 তি
 তি
 তি
 তি

[
$$\overline{\$}$$
: ($\overline{\$}$) $\frac{\pi}{6}$ =0.524, ($\overline{\$}$) $\frac{\pi}{4}$ =0.785 ($\overline{\$}$) $\frac{\pi}{3}$ =1.047 ($\overline{\$}$) $3\frac{\pi}{2}$ =4.712]

ইঞ্জিনীয়ারেরা মিনিটে আবর্তন (rpm=revolution per minute) হিসাব
 করেন। 100 rpm সমান কত রেডিয়ান/সেকেণ্ড হইবে ?

[উ:
$$10\frac{\pi}{3} = 10^{\circ}45$$
 রেডিয়ান্/সেকেণ্ড]

10. কোন বস্তু 3.5 রেডিয়ান/সেকেণ্ড কোণিক গতিবেগে 10 সেটিমিটার ব্যাসার্দ্ধের বৃত্তপথে চলিলে উহার (ক) বেগ কত ? (খ) ব্যাসার্দ্ধম্থী ত্বরণ কত ?

[উ: (ক) 17.5 সেমি./সেকেণ্ড; 61.3 সেমি./(সেকেণ্ড)²]

- 11. 12 গ্রাম্ ভরের কোন বস্তু 2 মিটার ব্যাসার্দ্ধের বৃত্তে দড়ি দিয়া ঘুরাইতে গিয়া 2000 ডাইন্ বলপ্রয়োগ করিলে দড়িটি ছি ডিয়া গেল। ঐ বস্তুর সর্বোচ্চ গতিবেগ কত ?
 - 12. রৈখিক গতি ও কোণিক গতি তুলনা করিয়া দেখাও যে,

$$\omega = \omega_0 + at$$

$$\theta = \omega_0 t + \frac{1}{2} at^2$$

$$\omega^2 = \omega_0^2 + 2a\theta$$

- 13. একটি গ্রামোকোন রেকর্ড মিনিটে 33 বার ঘোরে। 0'2 গ্রাম ভরের একটি মাছি উহার কেন্দ্র হইতে ৪ সে. মি. দূরে বসিল। মাছিটির কোণিক ভরবেগ কত ?

 তিঃ 44'6 গ্রাম (সেটিমিটার)²/সেকেণ্ড বি
- 14. 40 lb. টানে 4 ফুটের একটি দড়ি ছিঁ ডিয়া যায়। (क) ঐ দড়িতে 3 lb. ওজনের একটি পাথর সর্বোচ্চ কত গতিবেগে ঘুরানো যাইতে পারে? (খ) সেকেণ্ডে ঐ গতিবেগে পাথরটি কত পাক ঘুরিবে? (অভিকর্ম নগণ্য ধরিয়া)

[উঃ 41'3 ফুট/সে.; সেকেণ্ডে 1'64 পাক ঘুরিবে।]

ষষ্ঠ অধ্যায়

কার্য, শক্তি ও ক্ষমতা

(Work, Energy and Power)

[Syllabus: Definition of work, relevant units, work done by and against a force. Mechanical energy—Kinetic and Potential forms. Conservation of energy—with the case of a freely falling body as an example. Power—definition, units.]

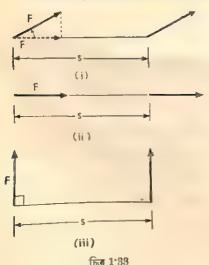
1.33. **本**1 (Work)

আমরা যখন একটি ইটের দেওয়ালে ধাকা দিই, দেওয়ালটি নড়ে না। অথচ একটি ছোট পাথরের টুকরায় ঐরপ আঘাত দিলে উহা কিছুদ্রে গিয়া পড়ে। এই ছুইটি ঘটনার পার্থক্য কি ? দেওয়ালের ক্ষেত্রে আমরা যে বল প্রয়োগ করিয়াছি তাহা বস্ততঃ সরিয়া যায় নাই। পাথরের টুকরার বেলায় আমাদের হাতের বল গতিশীল হইয়াট্টকরাটিকে দ্রে সরাইয়াছে।

একটু ভাবিলেই দেখিবে যে, কোন বল বস্তকে গতিশীল করিলে বলের সর্ব হয়। কার্য (W) হইল, বল (F) ও তাহার ক্রিয়া জনিত সরণের (s) গুণফল।

 $W = Fs \qquad \cdots \qquad 1.33(1)$

বল একটি দূরত্ব লইয়া ক্রিয়া করিলে তবে কার্য সম্পাদিত হয়।



দেওয়ালে ধাকা দিয়া উহাকে
কিছুমাত্র সরাইতে না পারিলে আমরা
বল প্রয়োগে ক্লান্ত হইতে পারি, কিন্তু
উহাতে কোন কার্য সম্পাদিত হয় না।

→

যাইবে যে s সরণ F বলের দিকে

সমান্তরাল হইবে। কিন্তু F ও s

সমান্তরাল না হইয়া ৫ কোণে পরম্পর

আনত হইলে

1'33 (1) সমীকরণ হটতে দেখা

W=Fs cos θ 1.33(2) বল ও সরণ পরম্পর লম্ব হইলে θ

=90° বা cos 90°=0 হইবে। তখন কাৰ্যও সম্পাদিত হইবে না।

1'33 চিত্রে (i) θ নতিকোণে, (ii) সমান্তরাল অবস্থায় ও (iii) লম্বভাবে বল ও সরণের প্রস্পার সম্পর্কের সহিত কার্যের পরিমাণ দেখান হইয়াছে।

বল ও সর্ণ লম্বভাবে থাকিলে কার্য সম্পাদিত হয় না—উহার উদাহরণ হইল

অভিকর্ষ শক্তি। 1'33 (iv) (a) চিত্রে দেখ যে বস্তুর ওছন mg উহার অন্তভূমিক সরণে কোন কায করে না। যখন আমরা কোন বস্তু পৃথিবীপৃষ্ঠের উপরে তুলি, তখন

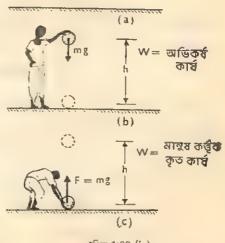
অভিকর্ষ শক্তির সমান্তরালে সরণ ঘটে বলিয়া কার্য সম্পাদিত হয়।

অভিকর্ষ শক্তি বস্তুকে পৃথিবীর কেন্দ্রাভিম্থে টানিয়া রাখে। ঐ শক্তির বিরুদ্দে বাহিরের শক্তি প্রয়োগ করিয়া
ক্য ভরের বস্তুকে h উচ্চতার তুলিতে যে কার্য সম্পন্ন হয় তাহা

$$W = F_s = mgh$$

আবার h উচ্চতা হইতে m ভরের কোন বন্ধ পৃথিবীপৃষ্ঠে পড়িলে, যে কার্য হয় উহার পরিমান





मंडिख 1°33 (iv)

(Fig. 1:93 (v)

134, কার্যের একক

পরম একক (Absolute units): CGS পদভিতে কার্যের একক জার্গ (erg)।

1 dyne বল প্রয়োগ করিয়া বলের প্রয়োগবিন্দু যদি বলের অভিমূপে 1 সেটিমিটার সরানো

যায় তবে যে কার্য হয় তাহাকে আর্গ্য বলে। FPS পদ্ধতিতে 1 Poundal বল প্রয়োগে বলের প্রয়োগবিন্দ্ 1 ফুট সরিয়া গেলে যে কার্য করা হয় তাহাকে ফুট পাউগুলা একক বলে।

অভিকর্মীয় একক (Gravitational units): CGS পদ্ধতিতে কার্যের অভিকর্মীয় একক গ্রাম্-সেণ্টিমিটার (Gram-centimeter)। 1 গ্রাম্ ভরের বস্তকে অভিকর্ম বলের বিরুদ্ধে 1 সে.মি. উচ্চতায় তুলিতে যে কার্য করা হয় তাহাকে গ্রাম-সেণ্টিমিটার কার্য বলে।

1 গ্রাম-দে.মি. = ৫ আর্গ = 981 আর্গ

FPS পদ্ধতিতে কার্যের একক **ফুট পাউগু** (Foot-Pound)। 1 lb. ভরের বস্তুকে অভিকর্ষ বলের বিরুদ্ধে 1 ফুট উর্দ্ধে তুলিতে যে কার্য করা হয় তাহাকে ফুটপাউগু বলে।
1 ফুটপাউগু⇔ু ফুটপাউগুল=32 ফুটপাউগুল

ব্যবহারিক একক (Practical units): জুল (Joule)

1 জুল্=10° আর্গ

কার্যের এককের রূপান্তর :

1 ফুট-পাউণ্ডাল=1 পাউণ্ডাল×1 ফুট

1 পাউণ্ডাল্= 13825 ভাইন্ এবং 1 ফুট=30⁻48 সে.মি.

অভএব 1 ফুট পাউণ্ডাল্=13825 × 30°48 আৰ্গ

=4'214 × 105 wif

1 ফুট-পাউণ্ড=- 32 ফুট পাউণ্ডাল

 $=32 \times 4.214 \times 10^{5}$ with

~1°35×107 আর্গ

~1'35 জুল্

1'35. ক্ষমতা (Power): কার্য করিবার হারকে ক্ষমতা বলে।

মনে কর, একটি গরুর গাড়ীতে তুমি 2 কি.মি. পথ 1 ঘণ্টায় অতিক্রম করিলে, ঘোড়ার গাড়ীতে ঐ পথ $\frac{1}{4}$ ঘণ্টায় যাইতে পারিতে। অতএব ঘোড়ার গাড়ীর কার্য করিবার হার বা ক্ষমতা গরুর গাড়ী হইতে চারগুল বেশী। ক্ষমতা মাপা হয় রুত কার্য W ও সময় (t) এর অমুপাত ধরিয়া—

ক্ষমতা
$$P = \frac{\text{কাৰ্য}(W)}{\text{সময়}(t)}$$

1'36 ক্ষমতার একক:

CGS পদ্ধতিতে ক্ষমতার পরম একক হইল সেকেণ্ডে এক আর্গ অর্থাৎ এক আর্গ/ সেকেণ্ড।

FPS পদ্ধতিতে পরম একক এক ফুটপাউণ্ডাল্/সেকেণ্ড এবং অভিকর্ষীয় একক এক ফুটপাউণ্ড/সেকেণ্ড।

ব্যবহারিক একক: ওয়াট্ (Watt)=1 জুল্/সেকেণ্ড=10⁷ আর্গ/সেকেণ্ড
কিলোওয়াট্ (Kilowatt)=1000 ওয়াট্

অশ্বশক্তি (Horsepower)

FPS পদ্ধতিতে ক্ষমতার ব্যবহারিক একক হিসাবে অশ্বশক্তি বহুল প্রচলিত। এক অশ্বশক্তি (H. P.)=33000 ফুট-পাউগু/মিনিট

=550 ফুট-পাউণ্ড/সেকেণ্ড

বান্দীয় এঞ্জিনের আবিষ্কর্তা জেমন্ ওয়াট্ একটি অশ্বের ক্ষমতা মাপিতে একটি কয়লাখনির 220 ফুট গভীরতা হইতে একটি অশ্বের সাহায্যে 150 পাউও বস্তু উদ্ভোলনের পরীক্ষায় এক মিনিট সময় প্রয়োজন হয় দেখিতে পান। এই পরীক্ষার ফল হইতে অশ্বশক্তি একক প্রচলিত হয়।

1:37. ক্ষমতার এককের রূপান্তর:

(ক) 1 ফুটপাউণ্ড=(1.356×10⁷) আর্গ,
 550 ফুটপাউণ্ড=(746×10⁷) আর্গ,

অতএব 1 অশ্বশক্তি=550 ফুটপাউগু/সেকেণ্ড=746×10⁷ আর্গ/সেকেণ্ড =746 ওয়াট্

- 1 কিলোওয়াট্=^{1,000}=1'34 অথশক্তি (H. P.).
- (খ) 1 কিলোওয়াট=1°34 H. P.=(1°34×550) ফুটপাউণ্ড/সেকেণ্ড কাৰ্য=ক্ষমতা×সময় (সেকেণ্ড)
 - 1 কিলোওয়াট্-ঘণ্টা=(1°34×550)(60×60) ফুট-পাউণ্ড =2653200 ফুটপাউণ্ড।

মনে রাখিতে হইবে যে, একটি সাধারণ অশ্বের ক্ষমতা 3/4 H. P.। একজন সমর্থ মান্ত্রের ক্ষমতা 1/7 H. P.। মোটরগাড়ীর ক্ষমতা 6 হইতে 30 H. P., জীপগাড়ীর ক্ষমতা 20 হইতে 80 এবং গ্যাস্ এঞ্জিনের ক্ষমতা 1/2 হইতে 270 H. P. হইতে পারে—আবার একটি যুদ্ধ-জাহাজের ক্ষমতা একলক্ষ H. P.রও বেশী হওয়া সম্ভব।

1'38, কার্য ও ক্ষমতার সম্পর্ক :

ক্ষমতা কার্যের হার প্রকাশ করে।

ক্ষমতা
$$(\mathbf{P}) = \frac{\phi$$
ার্য (\mathbf{W}) সময় (t)

$$W = P \times t$$

1'38 (1)

<mark>অত</mark>এব **ওয়াট-ঘণ্টা** বা **কিলোওয়াট-ঘণ্টা** প্রভৃতি কার্যের একক।

উদাহরণ 1. একটি 200 কি. গ্রা. ওজনের ব্রোঞ্জ্যতিকে তুলিতে দশহাজার জুল কার্য করা হইলে উহা কত উচুতে তোলা হয় ?

$$W = F.S. = mgh$$

$$h = \frac{W}{mg} = \frac{10^4 \text{J}}{200 kg \times 9 \text{ 8m/s}^3} = 5^{\circ} 1$$
 মিটার

উদাহরণ 2. 150 পাউও ওজনের একজন লোক 5 সেকেণ্ডে 10 ফুট উচ্ সিঁড়ি বাহিয়া উঠে। উহার নিম্নতম ক্ষমতা অধশক্তিতে প্রকাশ কর।

উক্ত লোকটি সিঁ ড়ি বাহিয়া উঠিতে পায়ের দারা অন্তত নিজের ওজন 150 lb. বল অতিকর্ম কেন্দ্র অভিমুখে প্রয়োগ করিবে।

$$P = \frac{W}{t} = \frac{F.s}{t} = \frac{150 \text{ lb} \times 10 \text{ ft}}{5s} = 300 \frac{ft - \text{lb}}{s}$$
$$= \frac{300 \text{ ft} - \text{lb/s}}{(550 \text{ ft} - \text{lb/s})/\text{H P}} = 0.55 \text{ H.P.}$$

1'39. 神像 (Energy)

যান্ত্রিক শক্তি (Mechanical Energy)ঃ যান্ত্রিক কায় করিবার সামুর্থ্যকে যান্ত্রিক শক্তি বলে। বস্তু ভাহার অবস্থান, বহিরাক্কৃতি, গতি ইত্যাদি যে কোন অবস্থায় মোট যে কাজ করিতে পারে ভাহা দিয়া ঐ বস্তুর শক্তির পরিমাপ হয়।

স্থভাবতঃ কার্যের ও শক্তির একক সমান হইয়া থাকে। অতএব আর্গ, ফুটপাউণ্ড, জুল্ প্রভৃতি কার্যের একককে শক্তির এককও ধরা হয়। নায়েগ্রা জলপ্রপাতের পতনশীল জল বিহাৎ উৎপাদন করিতে ডায়নামে। চালানোর মত কার্য করে—তাই ঐ জলপ্রপাতের শক্তি আছে। ঘড়ির প্রিংএ দম দিয়া উহাতে শক্তি সঞ্চার করা হয় বলিয়া উহা ঘড়ি চলিতে সাহায্য করে। বাতাসের শক্তি আছে, তাই উহা নৌকা চালনার কার্য করিতে পারে। কোন বস্তু যে মোট কার্য করিতে পারে তাহাই সেই বস্তুর শক্তি। সময়ের সহিত উহার কোন সম্পর্ক নাই। কিন্তু ক্ষমতা বলিতে সময়ের সহিত কাথের হার বুঝার কিন্তু মোট কার্যের সহিত উহার সম্বন্ধ নাই।

1'40 ্যান্ত্রিক শক্তির তুইটি রূপ ঃ

যান্ত্রিক শক্তির একটি রূপ হইল **স্থৈতিক** (Potential) শক্তি ও অহাটি হইল গতীয় (Kinetic) শক্তি।

(ক) গভীয় শক্তিঃ কোন গতিশীল বস্তুর গতিজনিত শক্তিকে গভীয় শক্তি বলে। গতিশীল বস্তু স্থিতিশীল অবস্থায় আসিবার পূর্বে বাহিরের প্রযুক্ত বলের বিক্রেরে যে কার্য করে তাহা দ্বারা গতীয় শক্তির পরিমাপ হয়।

রাইফেল-নির্গত গতিশীল গুলি, পতনশীল বস্তু, উহাদের গতীয় শক্তি আছে।

একটি গতিনীল বস্তুর গতিবেগ v ও ভর m হইলে, উহাকে স্থিতিনীল <mark>অবস্থায়</mark> আনিতে. মনে কর, P বলপ্রয়োগ করা হইল। বল -f হরণের দ্বারা বস্তুটিকে স্থির অবস্থায় লইয়া আসে, কারণ P=mf.

এখন বস্তুটি এই বলের প্রভাবে স্থির অবস্থায় আর্দিতে ও দূরত্ব অতিক্রম করে।

অতএৰ
$$0=v^2+2(-fs)$$
 [1.9 মঃ]
∴ $f.s=\frac{1}{2}v^2$ 1.40 (1)

অতএব বস্তুটির গতীয় শক্তি = স্থির হইবার পূর্বে সম্পাদিত কার্য

$$=P.s=mf.s=m\frac{v^2}{2}=\frac{1}{2}mv^2$$
 1.40 (2)

অতএব কোন বস্তুর গতীয় শক্তি উহার ছর ও গতিবেগের বর্গের গুণফলের অর্থেক।

FPS পদ্ধতিতে m পাউণ্ডে, v ফুট/সেকেণ্ডে হইলে

গতীয় শক্তি= $\frac{1}{2}$ mv^2 ফুটগাউণ্ডাল্ (lb×ft²/sec²=ft×lb×ft/sec²=ফুট-পাউণ্ডাল্)

$$=\frac{1}{2} mv^2/g$$
 ফুটপাউও (g=32'2)

CGS পদ্ধতিতে m গ্রামে ও v সেন্টিমিটার/সেকেণ্ডে হইলে গতীয়শক্তি

 $=\frac{1}{2} mv^2$ আর্গ (gm × cm s²/sec²

 $= cms \times gm \times cms/sec^2 = cms \times dynes = erg$

= ½ mv²/g গ্রাম্-সেটিমিটার

(g = 981).

উদাহরণ 1. 1 কিলোগ্রাম ওজনের একটি বল 5 মি./সে. বেগে ছুড়িলে উহার গতীয়শক্তি $=\frac{1}{2}mv^2=\frac{1}{3}\times 1kg.\times \left(5.\frac{m}{\mathrm{sec}}\right)^2$

=12'5 জুল্

উদাহরণ 2. একটি 3200 lb ওজনের মোটরগাড়ী ঘণ্টায় 15 মাইল বেগে চলিলে উহার গতীয়শক্তি $=\frac{1}{2}mv^2=\frac{1}{2}\frac{w}{\sigma}v^2$.

$$= \frac{1}{2} \frac{3200 \text{ lb}}{32 \text{ft/sec}^2} \times \left(22 \frac{ft}{sec}\right)^2 = 24200 \text{ ft. lb.}$$

 $=2.4 \times 10^4$ ft. lb.

ঐ গাড়ীটি ঘণ্টায় 60 মাইল চলিলে

উহার গতীয়শক্তি=
$$\frac{1}{2}\frac{w}{g}v^2 = \frac{1}{2} \times \frac{3200 \text{ lb}}{32ft/sec^2} \times \left(88\frac{ft}{\text{sec}}\right)^2$$

 $=387200 \text{ ft. lb}=3.9\times10^5 \text{ ft lb.}$

গতীয়শক্তি গতিবেগের বর্গের অত্পাতী বলিয়া ঘণ্টায় 15 মাইল গতিবেগ 60 মাইলে বাড়িলে গতীয় শক্তি 16 গুণ বাড়িয়া যায়। তাই উচ্চ গৃতিবেগে মোটরগাড়ীর হুর্ঘটনা বেশী ভয়ন্বর হইয়া থাকে।

উদাহরণ 3. সাধারণ বস্ততে ইলেক্ট্রন নামক যে ক্ষ্দ্র বস্তকণা থাকে, উহার ভর $9.1 \times 10^{-81}~{
m kg}$ ও মৃক্ত ইলেক্ট্রন টেলিভিসন্ পর্দায় আলোর ঝলক উৎপাদন করিয়া ছবি ফুটাইয়া তোলে। ঐসব ইলেক্ট্রনের গতিবেগ 3×10^7 মিটার/সেকেণ্ড হইলে

উহাদের গতীয়শক্তি= $\frac{1}{2}$ $mv^2=\frac{1}{2}\times 9.1\times 10^{-3.1} \text{kg} \times \left(3\times 10^7 \frac{m}{\text{SeC}}\right)^2$ $=4.1\times 10^{-1.6}$ জল

ষ্র্ণমান বস্তুর গতীয়শক্তি: বৃত্তাকারে ঘূর্ণমান বস্তু যে বলের সাহায্যে গতিশীল হয় উহা টর্ক (Torque) গ্রীক অক্ষর দ দ্বারা ব্ঝানো হয়। রৈথিক গতির বল P এর সহিত উহা তুলনীয় ও উহার ভর M। জড়তা ভ্রামক I এবং ত্বরণ f ও কোনিক ত্বরণ এ পরস্পর অন্তরূপ ধরিলে বস্তুটি স্থির (constant) কৌণিক বেগে আবভিত হয়।

অতএব ঐরপ ঘূর্ণমান বস্তরগতীয়শক্তি $=\frac{1}{2}$ $I\omega^2$ 1.40 (2)

উদাহরণ 4. 1.31 অহচ্ছেদে 1 উদাহরণে মাকড়সার গতীয়শক্তি কী হইবে দেখা যাইতে পারে। ধর, টেবিলে পড়িবার আগে মাকড়সার গতীয়শক্তি নগণ্য ছিল। টেবিলের গতীয় শক্তি $=\frac{1}{2}$ I_t $\omega_a{}^2=\frac{1}{4}$ $MR^2\omega_a{}^2$ 1.40 (3)

মাকড়সা টেবিলে পড়ার পর টেবিলের

গতীরশক্তি =
$$\frac{1}{2} \left(I_t + I_{sb} \right) \omega_b^2 = \frac{1}{4} (M + 2m) R^2 \omega_b^2$$
 1.40 (4) 1.31 (13) সমীকরণ হইতে ω_b র মান ধরিয়া

$$E_{b} = \frac{1}{4} (M + 2m) R^{2} \left(\frac{M}{M + 2m} \right)^{2} \omega_{a}^{2}$$

$$= \frac{1}{4} M R^{2} \omega_{a}^{2} \left(\frac{M}{M + 2m} \right) = E_{a} \left(\frac{M}{M + 2m} \right)$$
1.40 (5)

E_b E_a হইতে ক্ষ্ত্রের, তাহার কারণ মাকড়সা টেবিলে পড়িবার পর উহার পায়ের বেগ হইতে টেবিলের বেগ বেশী ছিল। টেবিল ও উহার পায়ের বর্ষণে মাকড়সা টেবিলের সমান গতীয়শক্তি৷ পাইল। কিন্তু যে গতীয়শক্তি হ্রাস হইল তাহা টেবিল ও মাকড়সার পায়ের পরস্পর আঘাতে তাপ উৎপাদনে ব্যয়িত হইয়াছে।

মাকড়সা যখন টেবিলের কেন্দ্র হইতে r দূরত্বে আছে, উহার গতীয়শক্তি

$$E_{c} = \frac{1}{2} (I + I_{so}) \omega_{o}^{2}$$

$$= \frac{1}{2} (\frac{1}{2} MR^{2} + mr^{2}) \omega_{o}^{2}$$

$$= \frac{1}{4} MR^{2} \left(1 + \frac{2mr^{2}}{mR^{2}}\right) \omega_{o}^{2}$$
1.40 (6)

1'31 (13) এবং 1'31 (16) সমীকরণ হইতে দেখান যায়

$$W_{c} = \frac{(M+2m)}{M} \frac{w_{b}}{\left(1 + \frac{2mr^{2}}{MR^{2}}\right)}$$
 1.40 (7)

অতএব,

$$E_{c} = \frac{1}{4} MR^{2} \left(1 + \frac{2mr^{2}}{MR^{2}} \right) \left(\frac{M + 2m}{M} \right)^{2} \frac{\omega_{b}^{2}}{\left(1 + \frac{2mr^{2}}{MR^{2}} \right)^{2}}$$

$$= \frac{1}{4} (M + 2m)R^{2} \omega_{b}^{2} \frac{(M + 2m)}{M \left(1 + \frac{2mr^{2}}{MR^{2}} \right)}$$
1'40 (8)

1'40 (5) সমীকরণ হইতে

$$E_a = E_b \frac{M + 2m}{\left(M + 2m \frac{r^2}{R^2}\right)}$$
 1.40 (9)

1·40 (9) হইতে দেখা যায় যে r, R হইতে কম হওয়ায় বন্ধনীভূক্ত লব, হর হইতে বৃহত্তর; অতএব E_o, E_b হইতে বৃহত্তর।

মাকড়সাটি কেন্দ্রের দিকে চলিলে গভীয় শক্তি বাড়ে, তাহার কারণ টেবিলে চলিতে মাকড়সা যে বল প্রয়োগ করে তাহাতে উহার গভীয় শক্তি বাড়িয়া যায়। কেন্দ্রের বিপরীত দিকে টেবিলের কিনারার দিকে চলিতে মাকড়সাকে টেবিলের গায়ে আঁকড়াইয়া থাকিতে হয় ও গভীয় শক্তির পরিমাণ যেটুকু হ্রাস হয় তাহা উহার পায়ের পেশীতে সঞ্চিত হয়।

(খ) সৈতিক শক্তি (Potential energy): একটি পাথরের টুক্রা h উচ্চতা হইতে পৃথিবীপৃষ্ঠে পড়িলে উহা মাটিতে পড়িয়া ছিন্দের স্মষ্টি হয়—টুক্রাটি ভারী ও বেশী উচ্চতা হুইতে পড়িয়া কাৰ্য করে। তাই h উচ্চতায় অবস্থিত কোন বস্তুর কাৰ্য করিবার সামর্থ্য আছে। আমরা জানি h উচ্চতায় m ভরের কোন বস্তুকে তুলিতে যে কার্য হুয় তাহার পরিমাণ W = mgh

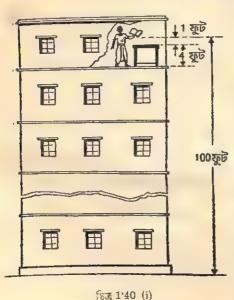
h উচ্চতা হইয়া পড়িতে গিয়া পাথরের টুকরাটি একই পরিমাণ কার্য করে। অতএব h উচ্চতার পাথরের স্থিত অবস্থায় যে শক্তি আছে তাহা

1'40 (11)

m=বস্তার ভর, g= অভিকর্নীয় তারণ, h=পৃথিবীপৃষ্ঠ হইতে অবস্থানের উচ্চতা C.~G.~S. পদ্ধতিতে সৈতিক শক্তি=mgh আর্গ (g=981)

=mh গ্রাম্ সেন্টিমিটার

F. P. S. পদ্ধতিতে স্থৈতিক শক্তি=mgh ফুটপাউণ্ডাল্ (g=32'2) =mh ফুটপাউণ্ড



উচ্চতা h এর উপর স্থৈতিক শক্তির মান নির্ভর করে বলিয়া h=0 বিন্দৃটি কোথায় ধরা হইতেছে তাহা লক্ষ্য রাখিতে হইবে। যেমন একটি 1 পাউণ্ড ওজনের বই টেবিল হইতে 1 ফুট উচুতে তুলিলে, ঐ টেবিল, হইতে উহার স্থৈতিক শক্তি 1 ফুটপাউণ্ড কিন্তু ঐ ঘরের মেজে হইতে উহার স্থৈতিক শক্তি 4 ফুটপাউণ্ড এবং বাড়ীর উপরের কোন তলায় 100 ফুট উচুতে বইটির অবস্থান হইলে পৃথিবীপৃষ্ঠ হইতে এই স্থৈতিক শক্তি 100 ফুট উচ্তে এই স্থৈতিক শক্তি 100 ফুট পাউণ্ড হইবে। [চিত্র 1:40 (i)]

উদাহরণ 1. একটি 0'5 কি. গ্রা. ওজনের আপেল মাটি হইতে 5 মিটার উচুতে গাছে ঝুলিতেছে। উহার মাটি হইতে স্থৈতিক শক্তি কত ?

ৈছতিক শক্তি=mgh

$$=0.5 \text{ kg.} \times 9.8 \frac{m}{\text{sec}^2} \times 5 \text{ m} = 24.5 \text{ J} (ब्र्ल्)$$

উদাহরণ 2. 3200 lb. ওজনের একটি গাড়ী 100 ফুট উঁচু পাহাড়ের উপর আছে। পাহাড়ের পাদদেশ হইতে উহার স্থৈতিক শক্তি কত ?

হৈতিক শক্তি=wh=3200 lb. × 100 ft.=320000 ft lb.

h-x

এই স্থৈতিক শক্তি গাড়ীটির 60 মাইল/ঘন্টা বেগে যে গভীয় শক্তি হয় তাহা অপেক্ষা কম [(क) উদাহরণ 2 দেখ]। গাড়ীটি 60 মা/ঘ বেগে চলিয়া কোন স্থির বস্তুর স্থিত ধাক্কায় যে ক্ষতি হইবে, উহা 100 দট উচু হইতে পাহাড়ের নিচে পড়িতে ক্ষতির তুলনায় বেশী।

পথিবীপৃষ্ঠ হইতে উর্ন্নে উত্তোলিত বস্তু ছাড়া বস্তুর আক্বতিগত কারণে স্থৈতিক শক্তি থাকিতে পারে। ঘড়ি বা গ্রামোফোনের স্প্রিংএ দম দিলে উহাতে সঙ্কুচিত অবস্থায় স্থৈতিক শক্তি সঞ্চিত হয়। যখুটি চলিয়া ঐ শক্তি গতীয় শক্তিতে পরিণত হয় ও স্রিংটি সাধারণ অবস্থায় ফিরিয়া আসে।

পৃথিবীর নিজেরই সূর্যের অবস্থান হইতে স্থৈতিক শক্তি আছে। উহার আবর্তন গতি বন্ধ হইলে, উহা স্থপ্রে পড়িয়া যাইবে। একটি লোহার পেরেকের নিকটবর্তী চুষকের অবস্থান হইতে স্থৈতিক শক্তি থাকে ব'লয়া পেরেকটি আলগা করিলে উহা চুম্বকের দিকে ছুটিয়া যায়। একটি প্রিংএ ভারী পদার্থ ঝুলাইলে উহা দীর্ঘায়িত হয় ও তথন উহাতে স্থৈতিক শক্তি থাকে। পদার্থটি ছাড়। পাইলে স্প্রিংটি তাহার পুর্বের সঙ্কৃচিত অবস্থায় ফিরিয়া আসে।

1'41. শক্তির নিত্যতা (Conservation of energy):

আমরা বাতাসে যদি একটি ঢিল নিক্ষেপ করি, আমাদের কার্য উহাকে গভীয় শক্তি দেয়; ঢিলটি যতই উপরে উঠে উহার গতীয় শক্তি কমিয়া স্থৈতিক শক্তিতে পরিণত

হয়। এভাবে স্বাধিক উচ্চতায় উহাতে শুধু স্থৈতিক শক্তিই থাকে। ঢিলটি আবার যথন অভিকর্ষ বলের সাহায্যে নিচে পড়িতে থাকে, উহাতে গতীয় শক্তি থাকে এবং মাটিতে পডিয়াও উহা কার্য করে। এই কার্য তাপীয় শক্তির আকারে মাটিতে ছড়াইয়া পড়ে।

1'41 (i) চিত্রে দেখ, ঢিলটি h উচ্চতা হইতে 🗴 দুরত্বে পিডিলে তখন উহার স্থৈতিক শক্তি=mg(h-x)

পৃথিতীর পৃষ্ঠ 1'41 (1) ত্রিচ 1°41 (i) ঐ সময়ে ইহার গতীয় শক্তি= র mv²= র m × 2gx 1'41(2) অতএব, ঐ বিন্দৃতে স্থৈতিক শক্তি +গতীয় শক্তি

= mg(h-x) + mgx = mgh

1.41 (3) 1'40 (ii) হইতে দেখ যে h উচ্চতান্ন ইহাই ঢিলটির স্থৈতিক শক্তি। বাভাসের বাধা নগণ্য ধরিলে দেখা যায় যে, কোন বস্তু নিচে পড়িবার সময় উহার মোট শক্তি একই থাকে। উহাই শক্তির নিত্যতা। মাটিতে পড়িয়া উহার স্থৈতিক শক্তি না থাকিলেও যে গতীয় শক্তি থাকে উহাও তাপীয় শক্তিতে রূপান্তরিত হয় অর্থাৎ শক্তি কথনোই বিনষ্ট হয় না।

বাহিরের প্রভাবমূক্ত কোন বস্তুতে একপ্রকার শক্তি অগ্যপ্রকার শক্তিতে উহার মধ্যে রূপাস্তরিত হইতে পারে, কিন্তু উহার মোট শক্তির পরিমাণ নিত্য থাকে—উহাকে শক্তির নিত্যতার নিয়ম বলে।

1'42, শক্তির রূপান্তর ঃ

পূর্বেই বলিয়াছি, ঢিলের গতীয় শক্তি মাটিতে পড়িয়া তাপ শক্তিতে রূপান্তরিত হয়। যান্ত্রিক শক্তির তাপীয় শক্তিতে রূপান্তরের ইহা একটি উদাহরণ।

ষে সব বিভিন্ন শক্তি পরম্পার রূপান্তরিত হইতে পারে তাহা হইল (1) যান্ত্রিক শব্জি, (2) তাপীয় শক্তি, (3) আলো, (4) শব্দ, (5) চুম্বকীয়, (6) বৈত্যতিক, (7) রাসায়নিক শব্জি, (8) পরমাণ্র নিউক্লীয় শক্তি।

1'43 ৰল, কাৰ্য ও ক্ষমতার একক :

	পদ্ধতি	একক	বাবহৃত একক	
বল	C. G. S.	Dyne (ডাইন্)	গ্রাম্ওরেট(=981 dynes	
	F. P. S.	Poundal (পাউত্থাল্)	(অভিকৰ্ণীয় একক)	
কাৰ্য	C. G. S.	Erg (স্বার্গ)	2 Joule=107 erg	
			22 Kilowatt-hour=36-1012 ergs	
	F. P. S.	Foot-poundal	222 gm-cm=981 ergs	
		(ফুট্পাউভাল্)		
		Foot-pound=32		
•		Foot-poundal		
·		(মহাক্ষীয় একক)		
ক্ষতা	C. G. S.	One Erg/Sec	Watt=1 g/Sec=107 ergs	
	F. P. S.	One Foot-Poundal/	জ্বৰান্তি (h. p.)=550 Foot-pound/Sec	
		Sec	Participation of the control of the	

প্রশাবলী

- মিনিটে 90 লিটার হারে জ্বল পাম্পে 20 মিটার উপরে তুলিতে কত ক্ষমতা
 প্রয়োজন ?

 ডি: 294 ওয়াট]
- 2. 10 ছুট প্রত্যেক বাহু বিশিষ্ট একটি খনাকার জ্বলাধার মাটি হইতে 20 ছুট উচ্চে জলে পূর্ণ আছে—উহার স্থৈতিক শক্তি কত ? [উ: 1'56×10° ft. lb.]

3. একটি রেলগাড়ী স্থির গতিবেগে পাহাড়ের উপরে উচুতে উঠিতেছে। ঐ গাড়ীর শক্তির উৎস নির্ণয় কর। শক্তির বিভিন্ন রূপান্তর এক্ষেত্রে কীভাবে ঘটে ভাহাব্যাখ্যা কর।

শুক্র:—জলম্ভ কয়লা ঐ শক্তির উৎস। ঐ শক্তি পথের ঘর্ষণ, বাতাসের প্রতিরোধ ও অভিকর্ষের বিপরীতে রেলগাড়ীটিকে চালাইতেছে ও কার্য সম্পন্ন হইতেছে। কয়লার শক্তির উৎস সূর্য। সূর্যই সমস্ত শক্তির উৎস।

- 4. 10 মিটার উঁচ্ হইতে 100 গ্রাম একটি কঠিন পদার্থ নিচে পজিল। g=980 cm/sec² হইলে পদার্থটির গতীয়শক্তি কত? [উ: 98×10⁸ আর্ম]
 - 5. পাউণ্ড, পাউণ্ডাল ও পাউণ্ডওয়েটের পার্থক্য কী বল।

প্রমাণ কর যে অভিকর্ষজনিত অবাধ পতনশীল বস্তুর গতীয় ও স্থৈতিক শক্তির যোগফল সর্বদাই শ্বির থাকে।

 100 গ্রাম একটি লোহার বল 10 মিটার উঁচু হইতে পড়িল। মাটিতে ছুঁইবার সময় উহার গতিবেগ কত হইবে? (g=980 cm./sec²)

[উ: 1400 সেন্টিমিটার/সেকেণ্ড]

- 7. 3200 lb. ওজনের একটি গাড়ীর গতিবেগ ঘণ্টায় 40 মাইল হইলে উহার গতীয় শক্তি কত? [উ: 1.72×10⁵ ft. lb.]
- 100 lb. বলের সাহায্যে 80 lb. ওজনের বস্তু 20 ফুট উচ্তে ভোলা হইল,
 ক) ঐ বল কর্তৃক কত কার্য সম্পন্ন হইল ?
- (খ) ঐ ওজনের স্থৈতিক শক্তির কত পরিবর্তন হইল ? (গ) ঐ ওজনের গতীয় শক্তির কত পরিবর্তন হইল ?

[উ: (ক) 2000 ft. lb.; (ব) 1600 ft. lb.; (গ) 400 ft. lb.]

9. 1970 এটানে পৃথিবীর জনসংখ্যা ছিল 3.5×10^9 এবং 2×10^{20} জুল কার্য মন্ত্র্যাজাতি কর্তৃক ঐ বংসর সম্পাদিত হইয়াছে। মাথাপিছু ব্যবহৃত ক্ষমতার পরিমাণ হিসাব কর। (1 year= 3.15×10^7 sec.)।

[উ: 1800 ওয়াট অথবা 2 4 h. p.]

- 10. 2 গ্রাম ওজনের একটি পতক '4 মিটার/সে. গতিবেগে উড়িলে উহার গতীয়
 শক্তি কত ? [ঊ: 1.6×10-4]
- 11. টেলিভিসন্ পরদায় আমরা ষে ছবি দেখি উহা ইলেক্ট্রনের আঘাতে পরদায় আলোর উৎপাদনে ছবি হইয়া ধরা দেয়। ঐসব ইলেক্ট্রনের ভর 9'1×10⁻⁸¹ kg. ও গতিবেগ 3×10⁷ মিটার/সেকেও। ঐরপ একটি ইলেক্ট্রনের গতীয় শক্তি কত ?

[के: 4.1×10-16 1]

12.	100 ফুট উচু হইতে এক	খণ্ড পাথর কেলা হ ইল ।	কত উচ্চতায় উহার অর্দ্ধেক
শক্তি স্থৈ	তিক ও অর্দ্ধেক শক্তি গতী	य ञ्डेरव ?	[উ: 50 ফুট]

13. একটি ইলেক্ট্রনের গভীয় শক্তি 10⁻¹⁰ আর্গ হইলে, উহার গতিবেগ কত ?
[উঃ 4.7 × 10⁸ সেটি/সেকেণ্ড]

14. কোন বস্তুর ভরবেগ বিগুণ বাড়িলে উহার প্রাথমিক ও শেষ গভীয় শক্তির অনুপাত কত হইবে ? ডিঃ 1 : 4]

্র বস্তুর গতীয় শক্তি দিগুণ বাড়িলে উহার প্রাথমিক ও শেষ ভরবেগের অনুপাত কত ?

প্রথম অধ্যায় মহাকর্ষ (Gravitation)

[Syllabus: Gravitation: Newton's law of universal gravitation. Constant of gravitation (no experimental details on the determination of the Gravitational Constant). Gravitational attraction for extended bodies. Gravitational attraction of the earth. Laws of falling bodies. Variation of acceleration due to gravity. Simple pendulum. Motion of planets, satellites. Escape velocity (no deduction). Weightlessnes in orbiting satellites.]

2.1. নিউটনের মহাকর্ষ-সূত্র : "এই বিশ্বে, প্রতিটি বস্তকণা একে অপরকে আকর্ষণ করে। এই আকর্ষণী বলের দিক বস্তকণা ছুইটির সংযোগকারী সরলরেখা বরাবর; এবং ইহার পরিমান উহাদের ভরের গুণফলের সহিত সমান্থপাতিক ও উহাদের মধ্যে দূরত্বের বর্গের বর্গের বাস্তান্থপাতিক।" ইহাই মহাকর্ষ-সূত্রে (Law of Universal Gravitation).

যদি m_1 ও m_2 -কে বস্তুকণা তৃইটির ভর ধরা হয়, এবং উহাদের মধ্যে দূরত্ব যদি au হয়, তাহা হইলে উপরোক্ত হত্ত অনুসারে, বস্তুকণা তৃইটির মধ্যে মহাকর্ষীয় বলের মাত্রা F-কে লেখা যায়,

$$F \propto m_1 m_2$$
 প্রবং $\dot{F} \propto \frac{1}{r^2}$ স্থাবাং, $F \propto \frac{m_1 m_2}{r^2}$ মধাং, $F = G.\frac{m_1 m_3}{r^2}$ 2.1(1

G একটি ধ্রুবক, এবং ইহার পরিমাণ যে কোনও ছুইটি বস্তুকণার ক্ষেত্রে একই থাকে। G-কে **নিউটনের মহাকর্ষ ধ্রুবক** (Constant of Gravitation) বলা হয়।

যেহেতু, বস্তুকণা ছুইটির মধ্যে মহাকর্ষীয় বলের প্রভাব এমনই যে উহারা পরস্পারকে আকর্ষণ করে, স্বতরাং m_2 ভরবিশিষ্ট বস্তুকণার জন্ম m_1 ভরবিশিষ্ট বস্তুকণার উপর বলকে একটি ভেক্টর রাশি হিসাবে নিম্নলিখিত ভাবে লেখা যায়,

$$\overrightarrow{F}_{1} = G. \frac{m_{1}m_{2}}{r^{2}} \quad \xrightarrow{r_{2}-r_{1}}, \quad \overrightarrow{r}_{2}-r_{1} \mid =r. \quad 2.1(2)$$

ভেক্টর r_1 এবং r_2 যথাক্রমে বস্তুকণা 1 এবং 2 এর অবস্থান নির্দেশ করিতেছে। অনুদ্ধপভাবে, m_2 -ভর বিশিষ্ট বস্তুকণার উপর বলকে লেখা যায়

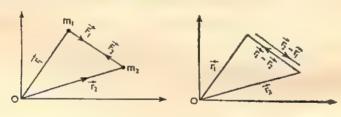
$$F_{2} = G \cdot \frac{m_{1}m_{2}}{r^{2}} \quad \xrightarrow{\begin{array}{c} \rightarrow \\ r_{1}-r_{2} \\ \hline | \rightarrow \rightarrow \\ | r_{1}-r_{2} \end{array}}, \quad \xrightarrow{\begin{array}{c} \rightarrow \\ r_{1}-r_{2} \\ \hline \end{array}} = r \qquad 2.1(3)$$

$$ightarrow
ightarrow
ightarr$$

2.1(2) এবং 2.1(3) সমীকরণ ছইটি তুলনা করিয়া দেখা যায়,

$$\overrightarrow{F}_2 = -\overrightarrow{F}_1$$

অথাৎ F_1 এবং F_2 বল তৃইটির একটি অপরটির বিপরীতম্থী। 2.1 (i) চিত্তে \rightarrow \rightarrow F_1 এবং F_2 বলের দেক দেখানো হইয়াছে।



िट 2.1 (i)

উপরোক্ত আলোচনা হইতে আমরা দেখিতেছি যে, মহাকর্ষের প্রভাব m_1 এবং m_2 র উপরে একই সঙ্গে প্রযুক্ত হুইটি বল F_1 এবং F_2 ছারা বর্ণনা করা যায়। নিউটনের গতিবিষয়ক দ্বিতীয় সূত্র হুইতে আমরা বলিতে পারি যে, এই বল হুইটির প্রভাবে বস্তুকণা হুইটির জরণ হুইবে। এইভাবে m_1 এবং m_2 বস্তুকণার যে গতির স্থাষ্ট হুইবে, তাহা মহাকর্ষের প্রভাবেই। এই ধরণের মহাকর্ষীয় গতির কিছু উদাহরণ পরবর্তী অন্তুচ্ছেদ শ্বলিতে আলোচনা করা হুইবে।

নিউটনের মহাকর্ষ-সূত্র আবিষ্কার হইবার পূর্বে অনেক জাগতিক ঘটনাই রহস্তে আবৃত ছিল। পৃথিবীর সব বস্তুকেই উপরে ছুঁড়িয়া দিলে উহারা উপরে কিছুদ্র গিয়া পুনরায় পৃথিবীপৃষ্টে ফিরিয়া আসে। গাছ হইতে পাতা খসিয়া গেলে উহা উপরের দিকে উঠিয়া না গিয়া নিচের দিকে পৃথিবীপৃষ্টে আসিয়া পড়ে। এই সমস্ত ঘটনা ছাড়াও পৃথিবী কেন স্থের চারিদিকে কিমা চাঁদ কেন পৃথিবীর চারিদিকে আবর্তিত হয়, এসব ঘটনার কোন সহজবোধ্য ব্যাখ্যা ছিল না। মহাকর্ষ-স্ত্ত স্বীকার করিয়া লইলে উপরোক্ত এবং আরও অনেক ঘটনার মধ্যে সামঞ্জশু আনা সম্ভব।

অবশ্য, মহাকর্ষ-সূত্র স্বীকার করিয়া লইলেও প্রশ্ন থাকিয়া যায় যে বস্তকণার মধ্যে এই প্রকার পারম্পরিক আকর্ষণের কারণ কি? এই শতান্দীর শুরু হইতেই আইনষ্টাইন প্রমুথ অনেক বৈজ্ঞানিকই এই প্রশ্নের উত্তর সন্ধান করিয়াছেন। এ বিষয়ে এখনও কোনও শেষ সিদ্ধান্তে আসা সম্ভব হয় নাই।

2.2. নিউটনের মহাকর্ষ ধ্রুবক (Constant of Gravitation): 2:1 অন্থড়েদের আলোচনা হুইতে দেখা যাইতেছে যে, মহাকর্ষের প্রভাবে আকর্ষণী বলের মাত্রা জানিতে হুইলে শুধু m_1 , m_2 এবং r-এর মাত্রা জানিলেই চলিবে না, 'G'-এর অর্থাৎ মহাকর্ষ ধ্রুবকের মাত্রা কত তাহাও জানা প্রয়োজন। অন্য সমস্ত রাশির মতুই G-এর মাত্রা জ্ঞাপক সংখ্যা উহার এককের উপর নির্ভর করে। C. G.S. একক ব্যবহার করিলে, 2.1(1) সমীকরণকে লেখা যায়,

$$F$$
 (ডাইন্স)=G (G-এর একক)× $\frac{m_1 m_2 (rac{1}{2} rac{1}{2} rac{1}{2})}{r^2 (
m CP, \
m IL^2)}$, 2.2(1)

2.2(1) সমীকরণে F, G, m_1, m_3 এবং r বল, মহাকর্ষ ধ্রুবক, ভর ইত্যাদি বাশির মাত্রা জ্ঞাপক সংখ্যা। উপরোক্ত সমীকরণের তুই দিকের একক একই করিতে হইলে, G-এর একককে, নিম্নলিখিত ভাবে ধরিতে হইবে.

পরীক্ষাগারে পরিমাপ করিয়া দেখা গিয়াছে যে, এই এককে (অর্থাৎ, ডাইন (সে.মি)² -এ)

G-এর মাত্রা জ্ঞাপক সংখ্যা হইল.

$$G = 6.6576 \times 10^{-8}$$
 ... 2.2(3)

 $2.2\,(1)$ সমীকরণে, $m_1\!=\!m_2\!=\!1$, এবং $r\!=\!1$ ধরিলে, F (ডাইনস্ $)\!=\!6.6576$ $imes 10^{-8}$ ডাইনস্ হয়। অর্থাৎ 1 গ্রাম ভরবিশিষ্ট ডইটি বস্তুকণা 1 সে.মি. দূরত্বে অবস্থিত হইলে, উহাদের পরস্পারের উপরে প্রযুক্ত মহাকর্ষীয় আকর্ষণ বলের মাত্রা $6.6576 imes 10^{-8}$ ডাইনস্, বা G ডাইনস্)

উদাহরণ: এক কে. জি. ভরবিশিষ্ট একটি বস্তু 100 কে. জি. ভরবিশিষ্ট অপর একটি বস্তু হইতে 100 মিটার দ্রত্বে অবস্থিত হইলে, প্রথম বস্তুর উপর দ্বিতীয় বস্তুর মহাকর্ষীয় আকর্ষণ বলের পরিমাণ কত ? এই বলের প্রভাবে প্রথম বস্তুটি স্থির অবস্থা হইতে শুরু করিয়া এক সে. মি. যাইতে কত সময় লইবে? বিস্তু ত্ইটিকে বস্তুকণা, এবং এক সে. মি. দূরত্বের মধ্যে মহাকর্ষীয় আকর্ষণ বল বিশেষ পরিবর্তিত হয় না, ইহা ধরিয়া লইতে পারা যায়।)

উত্তর : 2.1 (2) সমীকরণ হইতে,

$$F_1 = G \cdot \frac{10^3 \times 10^5}{(10^4)^3}$$
 ডাইনস
$$= 6.6576 \times 10^{-8}$$
 ডাইনস

 $\mathbf{F_1}$ বলের জন্ম 10^8 গ্রাম বস্তুর ত্বরণ, f, হইবে

$$f = \frac{F_1}{10^3} \frac{$$
 সে. মি. $}{(সেকেণ্ড)^3} = 6.6576 \times 10^{-11}$ সে. মি./(সেকেণ্ড) 2

অতএব স্থির অবস্থা হইতে 1 সে. মি. দূরত্ব অতিক্রম করিতে 10° গ্রাম বস্তুর সমষ্ক্র লাগিবে,

$$t=\sqrt{rac{2 imes 1}{f}}$$
 সেকেণ্ড $\sqrt{rac{2}{6.7 imes 10^{-11}}}$ সেকেণ্ড $\cong 10^5$ সেকেণ্ড $pprox 30$ ঘণ্টা।

এরূপ ক্ষেত্রে, আমরা যদি 30 ঘণ্টা ধরিয়াও পর্যবেক্ষণ করি, তাহা হইলেও বস্তুটির কোনও গতি দেখিতে পাওয়া যাইবে না. কারণ F_1 -এর মাজা, ঘর্ষণজাত প্রতিক্রিয়ার তুলনায় অনেক কম হইবে। অবশ্য, বস্তু তুইটির মধ্যে একটির ভর খুব বেশী হইলে, অপরটির উপর ইহার প্রভাব সহজেই দেখিতে পাওয়া যায়। যেমন, পৃথিবীর ভর খুব বেশী বলিয়া পৃথিবীপৃষ্ঠে ছোটখাটো বস্তুর উপর পৃথিবীর মহাকর্ষীয় আকর্ষণের প্রভাব সহজেই দেখা যায়।

2.3. সাধারণ আকার ও আয়তন বিশিষ্ট বস্তুর মহাকর্মীয় আকর্ষণ ঃ

সাধারণ আকার ও আয়তন বিশিষ্ট বস্তুকে বস্তুকণা বলিয়া ধরা যায় না। আসলে,

সাধারণ আকার ও আয়তনের সমস্বত্ব বস্তুর মধ্যে একই ভর বিশিষ্ট বহুসংখ্যক বস্তুকণা

স্থমভাবে অবস্থিত, ইহাই ধরিতে হইবে। এইরূপ একটি বস্তুর মধ্যে প্রত্যেক বস্তুকণাই

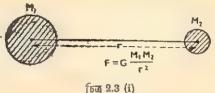
অপর বস্তুর প্রত্যেক বস্তুকণাকে মহাকর্ষীয় আকর্ষণী বলের দ্বারা আকর্ষণ করিবে। এই

বলগুলির প্রত্যেকটিকে ভেক্টর যোগেব নিয়্ম অমুসারে যোগ করিলেই একটি বস্তুর উপর

অপরটির প্রভাব জানা যাইবে। বস্তু দুইটি যে কোনও আকার ও আয়তনের হুইতে পারে,

এবং সেক্ষেত্রে বলগুলির প্রত্যেকটিকে যোগ করা অপেক্ষাক্ত ছটিল গাণিতিক পদ্ধতি

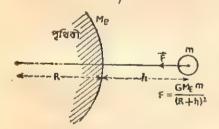
ছাড়া সম্ভব নয়। অবশ্য, কতকগুলি বিশেব ক্ষেত্রে এই যোগফলকে খুব সরলভাবে প্রকাশ করা যায়। তুইটি সমস্ত্র নিরেট গোলকের ক্ষেত্রে দেখানো যায় যে, ইহারা একে অপরকে এমন-



ভাবে মহাকর্ষীয় বলে আকর্ষণ করে যে, ইহাদের প্রভোকের সমন্ত ভর যেন ইহাদের কেলে মবস্থিত; এবং তথন ইহাদিগের প্রত্যেককে ইহাদের ভরবিশিষ্ট এক একটি বৃষ্ণ-কণারূপে কল্পনা করা যাইতে পারে। 2.3 (i) চিত্রে ত্বইটি নিরেট গোলকের মহাকর্ষীয় আকর্ষণের ফল দেখানো হইয়াছে।

2.4. পৃথিবার মহাকর্মীয় আকর্ষণ (অভিকর্ষ): বিপুল পরিমাণ ভর বিশিষ্ট হওয়ায় পৃথিবী এবং ইহার পৃষ্ঠদেশে এবং নিকটবতী অঞ্চলে অবস্থিত বস্তুর মধ্যে উল্লেখযোগ্য মহাকর্ষীয় আকর্ষণী বল ক্রিয়া করে। ধরা যাউক, পৃথিবী এক**টি সমস্বস্থ** নিরেট গোলক, এবং ইহার ভর $\mathbf{M}_{_{\mathrm{I\!E}}}$; স্কুতরাং পৃথিবী ও অন্ত একটি m ভর বিশিষ্ট বস্তুর মধ্যে নিম্নলিখিত মহাকর্ষীয় বল ক্রিয়া করিবে,

$$F = G. \frac{M_E m}{m^2}$$
 2.4 (1)



চিত্ৰ 2.4 (i)

$$F = G \cdot \frac{M_E m}{(R+h)^2}$$

এখানে পৃথিবী ও অন্ত বস্তুটির কেন্দ্র-দ্বয়ের মধ্যে দূরত্ব ৮ ধরা হইয়াছে। বস্তুটির উপর প্রযুক্ত বলের দিক পৃথিবীর কেন্দ্রের দিকে, 2.4 (i) চিত্র দ্রম্ভব্য।

পৃথিবীর ব্যাসার্থ R ধরিলে, 2.4 (1) সমীকরণকে লেখা যায়,

2.4 (2

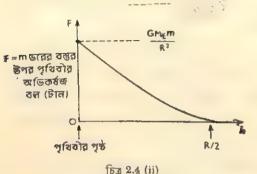
2.4 (2) স্মীকরণে, $h = \gamma$ থিবী ও বস্তুর কেন্দ্রের সংযোগকারী সরলরেখা বরাবর পৃথিবীপৃষ্ঠ হইতে বস্তুটির কেন্দ্রের দূরস্ব।

আমরা 2.4 (2) সমীকরণকে নিম্নলিখিত পরিবর্তিত আকারে লিখিতে পারি,

$$F = \frac{GM_{E}^{m}}{(R+h)^{2}} = G \cdot \frac{M_{E}^{m}}{R^{2}(1+\frac{h}{R})^{2}} = G \cdot \frac{M_{E}^{m}}{R^{2}} \left(1+\frac{h}{R}\right)^{-2}$$

$$=G.\frac{M_Em}{R^2}(1-\frac{2h}{R})$$
, (h কে R এর তুলনার অনেক কম বরিয়া) 2.4 (3)

2.4 (ii) চিত্রে, 2.4.(3) সমীকরণের লেপচিত্র দেখানো হইয়াছে। স্থতরাং দেখা



যাইতেছে যে, কোনও একটি বস্তুর উপর পৃথিবীর মহাক্ষীয় আকর্ষণ, বস্তটি পথিবীপটে থাকিলে সর্বাপেক্ষা নেশী, এবং বস্তুটিকে পৃথিবী প্ৰষ্ঠ হইতে যতই উচ্চতার লইয়া যাওয়া আকর্ষণী বল ততই কমিতে থাকে। এই উচ্চতা যথন পথিবীর

ব্যাসার্ধের অর্ধেক, তথ্য আকর্ষণী বল প্রায় শুলু হয়।

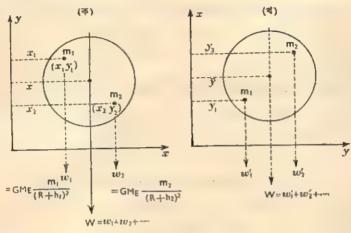
বস্তুটি নিরেট গোলক না হইলে, উহার প্রত্যেক বস্তুকণার উপর পৃথিবীর মহাকর্মীয় আকর্ষণী বল পৃথকভাবে বিনেচনা করিতে হইবে, এবং উহাদের যোগফল বস্তুর উপর পথিবীর আকর্ষণের মাত্রা নির্দেশ করিবে।

পৃথিবী-পূর্চে বা অদিক উচ্চতায় কোনও বস্তুর মধ্যস্থিত প্রত্যেক বস্তুকণার পৃথিবীর কেন্দ্র হইতে দূরত্ব প্রায় R কিংবা আরও বেশী। বস্তুর দৈর্ঘ্যের তুলনায় R অনেক বেশী

বলিয়া পথিবীর কেন্দ্রের দিকে প্রতিটি বস্তকণার উপর মহাকর্ষীয় বলের দিকগুলি একে অপরের সহিত অতিশয় ক্ষুদ্র কোণে আনত হইবে। এই কোণের পরিমাণ এতই কম যে ঐ বলগুলিকে পরস্পরের সমান্তরাল ধরা যাইতে পারে [2.4 (iii) চিত্র দ্রষ্টবা]।

এক্ষেত্রে, বস্তুটি যে কোনও স্থাম আকারের হুইলে এই সমান্তরাল বলগুলিকে যোগ করিয়া বস্তুটির উপর পৃথিবীর মোট মহাকর্ষীয় আকর্ষণী বলের হিসাব করা যাইতে পারে। ধরা যাউক 'ক' একটি চ্যাপ্টা বৃত্তাকার বস্তু [চিত্র 2.4 (iv)]। ইহার মধ্যে ma ভর-বিশিষ্ট বস্তুকণার অবস্থিতি (x_1, v_1) , m_2 ভর বিশিষ্ট বস্তুকণার অবস্থিতি (x_2, v_2) , সমান্তরাল বলের যোগফল বাহির করিবার নিয়ম 'গতিবিজা' আলোচিত হইয়াছে। এই নিয়মান্তসারে, বস্তুটির উপর পথিবীর মহাকর্মীয় বলের যোগফলের মাত্রা হইল.

এবং ইহার দিক পৃথিবীর কেন্দ্রের অভিমুখে। 'গতিবিভা' অধ্যায়ে ইহাও আলোচিত হুইয়াছে যে, যেকোনও একদিকে, সমান্তরাল একাধিক বলের ভ্রামকের যোগকল



চিত্ৰ 2.4 (iv)

বলগুলির যোগফলের ভামকের সমান। ত্বতরাং, ্রাণ-অক্ষের দিকে ভামক বিবেচনা করিলে আমরা পাই,

$$(w_1 + w_2 + \cdots)_{x} = w_1 x_1 + w_2 x_2 + \cdots$$

$$\vdots \quad x = \frac{w_1 x_1 + w_2 x_3 + \cdots}{w_1 + w_3 + \cdots}$$
2.4 (5)

ু হইল বলগুলির যোগকলের ৫-অবস্থান।

এখন যদি বস্তুটিকে এবং অক্ষরেখা ছুইটিকে একই সঙ্গে 90° ডিগ্রী ঘোরানো হর, [2'4 (iv) চিত্রের 'খ' অংশ], তাহা হইলে সমান্তরাল বলগুলি x-অক্ষরেখা বরাবর ক্রিয়াশীল হইবে। সমান্তরাল বলগুলির যোগফল একই থাকিবে, এবং ইহার y-অবস্থানের মান হইবে

(x, v) অবস্থানের বিন্দুকে বস্তুটির ভরকেন্দ্র বলে। স্কুতরাং, আমরা বলিতে পারি বে, কোনও বস্তুর উপর পৃথিবীর মোট মহাকর্ষীয় বলের দিক বস্তুর ভরকেন্দ্রের মধ্য দিয়া যায়। বস্তুর আয়তন পৃথিবীর ব্যাসার্দ্ধের তুলনায় কম, (h<< R), স্কুতরাং,

$$\overline{x} = \frac{m_1 x_1 + m_2 v_2 + \cdots}{m_1 + m_2 + \cdots}$$

$$\overline{y} = \frac{m_1 y_1 + m_2 y_2 + \cdots}{m_1 + m_2 + \cdots} \qquad \cdots \qquad 2.4 (7)$$

উপরের আলোচনা হইতে আমরা বলিতে পারি যে কোনও বস্তুর উপর পৃথিৱীর মোট মহাকর্ষীয় বল লম্বভাবে নিচের দিকে প্রযুক্ত হয় (মর্থাৎ, ইহা পৃথিবীর কেন্দ্রের দিকে আকর্ষণী বল)। এই বলের মাতা W এবং ইংার দিক বস্তুর ভরকেন্দ্রের মধ্য দিয়া যায়। মোট বল W, এবং ভরকেন্দ্রের অবস্থান যথাক্রমে 2.4 (4) এবং 2.4 (7) সমীকরণে বর্ণিত হইয়াছে।

2.5. বস্তুর অবাধ-পতনের নিয়ম (Laws of freely falling bodies)
"বাতাসের ঘর্ষণ জনিত প্রতিরোধ বাদ দিলে, যে কোনও আকার, আয়তন বা
ওজনের সকল বস্তুই পৃথিবীপৃষ্টের একই স্থানে অবাধ-পতনের সময় একই স্বরণের সকে
গতিশীল হয়। গতিপথের দৈর্ঘা খুব বেশা না হইলে অবাধ-পতনের সময় সর্বক্ষণই
স্বরণের মাত্রা একই থাকে।" এই তথা গুলিকেই অবাধ-পতনের নিয়ম বলা হয়।
পরীক্ষাগারে নানাপ্রকার পরীক্ষার হারা এই তথাগুলির যথার্থতা প্রমাণিত হইয়াছে।

পরীকাঃ উচ্চ-গতি সম্পন্ন একটি ন্টুবোম্নেপিক আলোক-উৎস লওয়া হইল। ইহা ঘারা একাদিক্রমে অনেকগুলি তীব্র আলোক-ঝলক তৈয়ারী করা যায়। পরপর ছইটি আলোক-ঝলকের সময় ব্যবধান ইচ্ছামত কমানো বাড়ানোর ব্যবস্থা রাখিতে হইবে। এই আলোক-উৎসের সাহায়ে একটি গল্ক্ বলের অবাধ-পতনের সময় ক্যামেরায় ছবি তোলা যায়। ক্যামেরার শাটার অবাধ-পতনের সময় সর্বক্ষণের জন্ম খুলিয়া রাখা হয়, এবং যথনই আলোর ঝলক আসে, ঠিক সেই মূহুর্তে বলের অবস্থানের ছবি ফিলো উঠিয়া যায়। এই ভাবে একই ফিলোর উপরে বলের বিভিন্ন মূহুর্তে অবস্থানের ছবি পাওয়া সম্ভব। প্রতিটি আলোক-ঝলকের স্থায়িত্ব এত অন্ধ সময়ের জন্ম প্রের এক সেকেণ্ডের দশলক্ষ ভাগের একভাগ। যে ক্রতগতি সম্পন্ন কোনও বস্তবর ছায়া-ছবিতেও কোন অম্পন্টতা দেখা যায় না।

সমান সময়-ব্যবধানে তৈয়ারী আলোক-ঝলকণ্ডলি বলের সমগ্র গতিকে কতকণ্ডলি
নিদ্ধিষ্ট সমান সময় ব্যবধানে ভাগ করিয়া দেয়। সময়-ব্যবধানগুলি সমান বলিয়া, যে
কোনও পরপর তুইটি আলোক-ঝলকের মধ্যে বলের গতিবেগ ফটোগ্রাফে বলের ছায়াছবির
অবস্থানের পার্থক্যের সমান্তপাতী। বলের গতিবেগ অবাধ-পতনের সময় সমান থাকিলে
বলের ছায়াছবিগুলির মধ্যে দূরত্ব একই থাকিবে। কিন্তু দেখা যায় যে ছায়াছবিতে
বলের অবস্থানের পার্থক্য ক্রমশঃ বাড়িয়া যাইতেছে। ইহা হইতে প্রমাণ হয় যে, অবাধপতনের সময় বলের গতিবেগ ক্রমেই বাড়িয়া যায়; অর্থাৎ গতিবেগ ত্বিত হয়। বলের
পরপর তুইটি অবস্থান তুলনা করিয়া ঐ সময় ব্যবধানে বলের গতিবেগ কত পরিবতিত
ইইয়াছে তাহা নির্ণয় করা যায়। নির্খুত পরিমাপের দ্বারা দেখা গিয়াছে যে, প্রতিটি সময়

নাবধানেই বলের গতিবেগের পরিবর্তন একই। স্থতরাং, বস্তুর অবাধ-পতনের সময় সর্বক্ষণই স্বরণের মাত্রা একই থাকে। 2.5 (i) চিত্রে উপরে বর্ণিত পরীক্ষার একটি

কটো গ্রাফের চিত্র দেখানে। হইল। চিত্রে, উপরের বলটির প্রাথমিক গতিবেগ শৃক্ত।

এই পরীক্ষা মন্ত যে কোনও বস্তু লইয়া করা যায়, কিন্তু সবক্ষেত্রেই কল একই হইবে। যে কোনও বস্তুর ক্ষেত্রেই দেখা যায় যে গতিবেগের দ্বনের মাত্রা একই থাকে। বস্তুর অবাধ-পতনের সময় গতিবেগের দ্বনের মাত্রা একই থাকে। বস্তুর অবাধ-পতনের সময় গতিবেগের দ্বনের কারণকে অভিকর্যন্ত ত্বরণ (Acceleration due to gravity) বলা হয়; এবং ইহার মাত্রা '৪' অক্ষরের দ্বারা স্থচিত করা হয়। পৃথিবীপৃষ্ঠের উপর কিংবা ইহার নিক্টবর্তী স্থানে,

2.4 (2) সমীকরণে অভিকর্মজ বলের পরিমাণ স্থাচিত হইয়াছে। এই সমীকরণ ব্যবহার করিয়া অভিকর্মজ বল অবাধ-পতনের সময় বস্তুর গতিবেগে কত জরণ স্বষ্ট করিবে তাহা বাহির করা যায়। নিউটনের দিতীয় গতিস্ত্র অনুসারে, কোনও বল F, m ভরবিশিষ্ট কোনও বস্তুর উপর প্রযুক্ত হইলে, তজ্জনিত জ্বণের পরিমাণ f হইলে



हिन्तु 2.5 (i)

$$f = \frac{F}{m}$$

এই ক্ষেত্রে, 2.4 (2) সমীকরণ হইতে আমরা পাই,

$$g = \frac{GM_E}{(R+h)^2}$$
 2.5 (2)

2.5~(2) সমীকরণ হইতে দেখা যায় যে, অভিকর্মজ ত্বরণ 'g' বস্তুর ভর কিংবা ইহার আকার বা আয়তনের উপর নির্ভর করে না । R এর তুলনায় h খুবই ছোট হইলে $g=(GM_E)/R^2$; স্থতরাং পৃথিবীপৃষ্ঠে 'g' একটি ধ্রুবক ।

অবাধ পতনের পরীক্ষা দারা 'g' এর পরিমাপ করা যায় ; এবং নিউটনীয় মহাকর্ষ গ্রুবক G ও পৃথিবীর ব্যাসার্ধ R এর মান ব্যবহার করিয়া 2.5 (2) সমীকরণের সাহায্যে পৃথিবীর ভর, M_{p} , নির্ণয় করা যায়।

2.6. অভিকর্মজ তুরণের মাত্রাভেদ:

পৃথিবীপৃচের সর্বত্র অভিকর্মজ ত্বরণের মাত্রা এক থাকে না। পৃথিবীপৃষ্ট হইতে উচ্চতার জন্মও অভিকর্মজ ত্বরণের মাত্রা পরিবর্তিত হয়। অভিকর্মজ ত্বরণের এই প্রকার মাত্রাভেদ নিম্নে আলোচিত হইল।

- (A) উচ্চতার জন্য মাত্রাভেদ: 2.5 (2) সমীকরণে R এর তুলনায় h ছোট হইলেও, উচ্চতার পরিবর্তনের সহিত h-এর মান পরিবর্তিত হয়, 'g'-এর মানও উচ্চতার সহিত পরিবর্তিত হয়। উপরোক্ত সমীকরণ হইতে দেখা যায়-য়ে, পৃথিবীপৃদে 'g'-এর মাত্রা স্ব্রাপেক্ষা বেশী এবং যত বেশী উচ্চতায় যাওয়া যায় 'g'-এর মাত্রা ততই কমিয়া যায়।
- (B) অক্ষাংশের জন্য মাত্রাভেদ: পৃথিবীপৃষ্ঠে বিভিন্ন স্থানে '৪'-এর মাত্রা বিভিন্ন দেখা যায়। ইহার কারণ, পৃথিবীপৃষ্ঠে বিভিন্ন স্থানে পৃথিবীয় কেন্দ্র হইতে দূরত্ব R একই থাকে না। পৃথিবী একটি স্থম গোলক নয়। ইহার উত্তর ও দক্ষিণ দিক কিছুটা চাপা এবং বিষ্ব রেখা মঞ্চল কিছুটা ফীত। স্কৃতরাং বিষ্বরেখা মঞ্চলে Rএর-পরিমাণ বেশী এবং ইহা ফক্ষাংশের সহিত ক্রমশং কমিতে কমিতে মেক্র অঞ্চলে স্বাপেক্ষা কম হয়। স্কৃতরাং '৪'-এর মাত্রা মেক্র মঞ্চলে স্বাপেক্ষা বেশী এবং বিষ্বরেখা মঞ্চলে স্বাপেক্ষা কম।
 - (C) স্থানীয় কারণে 'g'-এর মাত্রাভেদঃ পৃথিবীর বিভিন্ন স্থানে থনিজ আকর, ভূগভিস্থ তৈল, ইত্যাদি থাকার জন্ম ঐ সকল স্থানের ভূস্তরের বস্তপ্তলির ঘনত পৃথিবীর গড় ঘনত্বের তুলনায় কম বেশী হয়। ইহার ফলে অভিকর্ষজ্ঞ বলের তারতম্য হইয়া 'g'-এর মাত্রার পরিবর্তন ঘটে। পৃথিবীর বিভিন্ন স্থানে ভূপুষ্ঠে 'g'-এর পরিমাপ করিয়া ভূগভিস্থ খনিজ আকরের সন্ধান পাওয়া সম্ভব।
 - (D) পৃথিবীর আহ্নিক গতির জন্ম 'g'-এর মাত্রাভেদ: অভিকর্মজ ত্বরণ



চিত্ৰ 2.6 (i)

পরিমাপ করিবার জন্ম আমরা যখন বস্তুর অবাধ-পতনের পরীক্ষা করি, তথন আমরা দেখি যে, বস্থ উল্লম্ভাবে পৃথিবীপৃষ্ঠের দিকে পতিত হইতেছে। এই বস্তুকে যদি পৃথিবীপৃষ্ঠের বাহিরে মহাশৃন্মের কোন স্থির অবস্থান হইতে দেখা হইত তাহা হইলে দেখা যাইত যে, পৃথিবীর কেন্দ্রের দিকে উল্লম্ব ভাবে গতি ছাড়াও বস্তুটি পৃথিবীর সহিত শৃন্মে একটি বৃত্তাকার পথে ঘুরিতেছে [2.6(i) চিত্র দ্রস্টব্য]।

স্ত্রাং অভিকর্ষজ বল, অর্থাৎ

$$F = G \frac{M_E m}{R^2}$$

্যে অরণ স্মষ্টি করিতেছে তাহাকে তুই ভাগে ভাগ করিয়া কল্পনা করা যায়।

(i) বৃত্তাকার পথে গতিশীল হওয়ার জন্ম ত্বন, যাহার পরিমাণ

$$a=rw^2$$
, ... 2.6(1)

w হইল পৃথিবীর ও বস্তুটির কৌণিক গতিবেগ; এবং

(ii) পৃথিবীর সহিত ঘৃণায়মান পর্যবেক্ষক, পৃথিবীর কেন্দ্রের দিকে বস্তর যে জ্বন পরিমাপ করিতেছে তাহা। ইহার পরিমাণ হইল 'g'। স্থতরাং

$$G\frac{M_E}{R^2} = g + rw^2 2.6(2)$$

 $G\frac{M_{E}}{R^{2}}$ কে go লিখিয়া 2.6 (2) স্মীকরণ হইতে লেখা যায়,

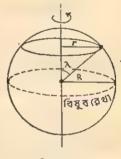
$$g = g_0 - rw^2 \qquad \cdots \qquad 26(3)$$

স্থতরাং আমরা দেখিতেছি যে পৃথিবীপৃঞ্চে যে '৪' আমরা পরিমাণ করি, তাহা]

 g_0 হইতে rw^2 পরিমাণ কম। 2.6(2) সমীকরণে r হইল বস্তর মহাশৃন্তে বৃত্তাকার পথের ব্যাসার্ধ। কোন স্থানের অক্ষাংশ λ হইলে, বস্তর বৃত্তাকার পথের ব্যাসার্ধ r_{λ} এবং 2.6 (ii) চিত্রামুসারে,

$$r_{\lambda} = R \sin \lambda$$

 $r\lambda$ যে সমতলে অবস্থিত, উহা ঐ স্থানের (λ অক্ষাংশ)
পৃথিবীপৃষ্ঠের উপর উল্লম্ব তলের সহিত ($90-\lambda$) ডিগ্রী কোনে
আনত। স্বতরাং r অভিমুখী স্বরণের উল্লম্ব উপাংশ= $rw^2 \sin \lambda$ ।



চিত্ৰ 2.6(ii)

2'6(3) সমীকরণকে এক্ষেত্রে লেখা যায়,

$$g = g_0 - rw^2 \sin \lambda$$

$$= g_0 - Rw^2 \sin^2 \lambda \qquad \cdots \qquad 2.6 (4)$$

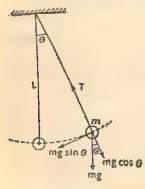
2.6(4) সমীকরণ হইতে দেখা যায় যে, কেবলমাত্র মেক্দ্রয়ে (λ=0), g-এর পরিমাণ go-এর সমান, এবং অন্ত যেকোনও স্থানে ইহা go-এর চেয়ে কম।

নিম্নের সারণীতে 'g' এর মান অক্ষাংশ ও পৃথিবীপৃষ্ঠ ('সম্দ্রতল) হইতে উচ্চতার সহিত কিভাবে পরিবর্তিত হয়, তাহার উদাহরণ দেওয়া হইল।

বিভিন্ন	স্থানে	g-এর	প্রীক্ষালব্ধ	মান।
---------	--------	------	--------------	------

স্থান	অক্ষাংশ (উত্তর-গোলার্ধ) :	সমূদ্রতল হইতে উচ্চতা (মিটার)	অভিকর্ষজ হরণ সে.মি /ংসেকেণ্ড)²
জ্যামাইকা	18°	0	978.591
বাম্ভা	32°	0	979 806
ডেনভার	40°	1638	979.609
গ্রানল্যাণ্ড	70°	0	982.534

2.7 সরল দোলক (Simple Pendulum) । কোন স্থানে '৫'-এর পরিমাপ করিবার জন্ম সরল দোলক ব্যবহার করা যাইতে পারে। 2.7(i) চিত্রে একটি সরল দোলক



চিত্ৰ 2°7(i)

দেখানো হইয়াছে। একটি ভারহীন, অপ্রসারণশীল তারের একপ্রান্থে একটি বস্তু-কণিকাকে সংযুক্ত করিয়া তারটিকে একটি স্থির ও অনমনীয় বিন্দু হইতে উল্লম্বভাবে ঝুলাইয়া সরল দোলক তৈয়ারী করা হয়। দোলককে উল্লম্ব দিক হইতে ও রেডিয়ান কোণ স্থানাস্তরিত করিলে বস্তুকণিকার (বা দোলকশিণ্ডের) সাম্যাবস্থা হইতে অবস্থান-দূর্ম্ব Lo, L হইল দোলকের দৈখ্য। দোলক পিণ্ডের ভর ক্ল হইলে ইহার উপর এই অবস্থায় উল্লম্ব অভিকর্ষক্ত বলের পরিমাণ করে। এই উল্লম্ব বলকে ছইটি উপাংশে ভাগ করা যায়।

ইহার একটি উপাংশ তারের দৈর্ঘ্য বরাবর এবং অপরটি তারের দৈর্ঘ্যের উল্লম্বনিক। এই উপাংশ ছুইটি যথাক্রমে mg cos θ এবং mg sin θ । mg cos θ উপাংশ তারের মধ্যে দৈর্ঘ্য বরাবর টানের স্থাষ্ট করে এবং mg sin θ উপাংশ দোলকণিগুকে ইহার সাম্যাবস্থার দিকে গতিশীল করে এবং এই গতির ছবণ g sin θ . θ -র পরিমাণ কম হুইলে sin $\theta = \theta$ এবং ছবণের মাত্রা হয় $g\theta$. অর্থাৎ দোলকণিগুরে গতির ছবণ $g\theta$, ইহার অবস্থানের উপর নির্ভরশীল।

স্থৃতরাং দোলকপিণ্ডের গতি অবাধ-পতনের গতির স্থায় নির্দিষ্ট এক স্বরণশীল গতি নয়, ইহার স্বরণ গতির বিভিন্ন পর্যায়ে বিভিন্ন হইয়া থাকে। এই জন্ম, দোলকপিণ্ডের গতি কিছুটা জটিল; কিন্তু ও খুব ছোট হইলে, দোলকপিণ্ড সরল স্থম পর্যায়বৃত্ত গতিতে গতিশীল হয়।

গাণিতিক পদ্ধতিতে দেখানো যায় যে, এই পর্যায়বৃত্ত গতির পর্যায়, T, হইলে

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{a}}$$

- 2.7 (1) স্মীকরণের যথার্থতা পরীক্ষা ছারা প্রমাণ করা যায়। সরল দোলকের ক্ষেত্রে পরীক্ষা করিয়া দেখা যায় যে,
- (A) দোলকের দোলনকাল (পর্যায়) দোলকের দৈর্ঘ্যের বর্গমূলের সমান্থপাতী;
 এবং (B) দোলকের দোলনকাল দোলকপিণ্ডের ভরের উপর নির্ভর করে না।
 (A) এবং (B) তে বণিত পরীক্ষালন্ধ তথ্যগুলিকে সরল দোলকের নিয়ম
 (Laws of Simple Pendulum) বলে। প্রথম নিয়ম অন্থুসারে,

 $T \leftarrow \sqrt{L}$ 2.7.(2)

হতরাং $T=K\sqrt{L}$, 2.7.(3)

K একটি ধ্রুবক।

বিভিন্ন দৈর্ঘ্যের দোলক লইয়া একই স্থানে উহাদের দোলনকাল পরিমাপ করিয়া K-এর মান নির্ণয় করা যায়, এবং 2.7(1) সমীকরণের সহিত তুলনা করিয়া 'প্র'-এর মাত্রা নির্ণয় করা যায়।

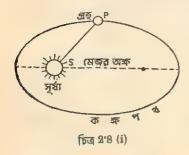
দোলকের দৈর্ঘ্য মাপিবার সময় দোলক যে স্থান হইতে ঝুলানো হইয়াছে, সেই বিন্দু হইতে দোলক-পিণ্ডের ভর-কেন্দ্র পর্যন্ত দৈর্ঘ্য মাপিতে হইবে। দোলকের সাহায্যে '&' পরিমাপ করিলে নিম্নলিথিত কারণে সংশোধন প্রয়োজন:

- (1) 2.7(1) সমীকরণ নিভূলি, যদি θ<4°। প্রকৃত পরীক্ষায় 6 বেশী হওয়ায়
 2.7.(1) সমীকরণের কিছু সংশোধন প্রয়োজন,
 - (2) তারের ওজন ও সম্প্রসারণশীলতার জন্ম সংশোধন,
- এবং (3) যে বিন্দু হইতে দোলক ঝুলানো হইয়াছে, তাহা বস্তুতঃ দোলকের ওজনের জন্ম স্থির না থাকিয়া কিছুটা নামিয়া আসে। ইহার জন্মও সংশোধন প্রয়োজন।

কৌণিক বিস্তার, θ , কম থাকিলে সরল দোলকের পর্যায় উহার কম্পনের কৌণিক বিস্তারের উপর নির্ভর করে না; পর্যায় শুধুমাত্র দোলকের দৈর্ঘ্যের উপর নির্ভরশীল। স্থতরাং উপযুক্ত দৈর্ঘ্যের সরল দোলক লইয়া উহা দারা ঘড়ির কাঁটার গতি নিয়ন্ত্রিত করিয়া দোলক ঘড়ি (Pendulum Clock) নির্মাণ করা হয়। ঘড়ি চলিবার সময় দোলকের কৌণিক বিস্তার কিছু কম-বেশী হইলেও দোলকঘড়ি ঠিক সময় দেখাইবে।

পূর্বেই উল্লেখ করা হইয়াছে যে দোলকের সাহায্যে অভিকর্মন্ধ-ত্বরণের পরিমাপ করা হয়। ভৃগর্ভস্থ খনিজ আকরের সন্ধানে পৃথিবীপৃষ্ঠের বিভিন্ন স্থানে অভিকর্মজ-ত্বরণের নিখুঁত পরিমাপ করিবার জন্ম উন্নত ধরণের দোলক আবিদ্ধৃত হইয়াছে। এই প্রকার দোলকের সাহায্যে '৪' এর খুব অল্প পরিমাণ পরিবর্তনও ধরা পড়ে।

- 2.8. গ্রন্থ উপগ্রেকের গতি (Motion of planets and satellites) জ্যোতিবিদ্দের বহু শতান্দীর পর্যবেক্ষণের কল বিবেচনা করিয়া কেপ্লার (Kepler) সূর্যের চারিদিকে গ্রহের গতির নিমোক্ত বৈশিষ্ট্যগুলি আবিদ্ধার করেন।
 - (1) স্থ্য হইতে কোন গ্রহের সংযোগকারী সরলরেখা, SP, গ্রহের গতিকালে



- সমান সময়ের মধ্যে সমান পরিমাণ আয়তক্ষেত্র অতিক্রম করে [2.8. (i) চিত্র স্তষ্টব্য]।
- (2) গ্রহগুলি স্থাকে ফোকাসে রাখিয়া উহার চারিদিকে উপবৃত্তাকার পথ অতিক্রম করে।
- (3) বিভিন্ন গ্রহের ক্ষেত্রে, একবার স্থর্য প্রদক্ষিণের সময়-এর বর্গ গ্রহটির গতিপথের মেজর অক্ষের ঘন-এর সমান্ত্রপাতী।

<mark>উপরোক্ত বৈশিষ্ট্যগুলি কেপলারের গ্রহ-সূত্র</mark> নামে বিখ্যাত।

গ্রহগুলি উপবৃত্তাকার পথে গতিশীল বলিয়া, উহাদের গতি ত্বরণশীল। এবং কেপ্লারের গ্রহ-স্ত্র বিশ্লেষণ করিলে দেখা যায় যে,

- (A) স্বরণের দিক, গ্রহ এবং স্থারে সংযোগকারী সরলরেখা বরাবর;
- (B) স্বরণের পরিমাণ স্থ হইতে গ্রহের দূরত্বের বর্গের বিষমাত্মপাতী;
- এবং (C) ত্বরণ ও সূর্য ছইতে গ্রহের দূরত্বের বর্গের বিষম-অন্থপাতান্ধ সকল গ্রহের ক্ষেত্রে একই।

বিশ্লেষণের ফল, (A), (B), (C) গইতে নিউটন 2.1 অনুচ্ছেদে বর্ণিত মহাকর্ষীয় সূত্রের অবতারণা করেন। নিউটনের মহাকর্ষীয় সূত্র এবং নিউটনের গতি-স্থত্তের উপর ভিত্তি করিয়া স্থ্মওলের গ্রহগুলির গতির খুঁটিনাটি বৈশিষ্ট্য গাণিতিক পদ্ধতিতে বিশ্লেষণ করা হইয়াছে এবং এই বিশ্লেষণের ফল জ্যোতির্বিজ্ঞানের বহু সংখ্যক নিখুঁত পরীক্ষার দারা সত্য বলিয়া প্রমাণিত হইয়াছে।

গ্রহের চতুর্দিকে পরিভ্রমণশীল উপগ্রহের গতিও উপরোক্ত পদ্ধতিতে বিশ্লেষণ করা হইয়াছে। উদাহরণ স্বরূপ, পৃথিবীর চারিদিকে চাঁদের গতি সংক্রান্ত একটি উদাহরণ এখানে বণিত হইল।

ধরা যাউক, চাঁদ পৃথিবীর অভিকর্মজ বলের প্রভাবে পৃথিবীর চারিদিকে a ব্যাসার্ধের বৃত্তাকার পথে স্থির গতিতে ঘুরিতেছে। পৃথিবী এবং চাঁদের মধ্যে মহাকর্মজ বলের জ্ঞা স্বরণ, চাঁদের বৃত্তাকার পথে গভির স্বরণের সমান। স্কৃতরাং

$$a_m = \frac{v^2}{a} = \frac{4\pi^2 a}{T^2}$$
 28.(1)

v= টাদের গতিবেগ, T= টাদের পৃথিবীকে একবার পরিভ্রমণের সময় কাল, এবং a_m = টাদের গতির স্বরণ।

পৃথিবীপৃষ্ঠে, অর্থাৎ পৃথিবীর কেন্দ্র ইংতে R (পৃথিবীর ব্যাসার্থ) দূরত্বে অভিকর্মজ ত্বরণকে '৫' ধরিলে, কেপ্লারের গ্রহস্থতের বিশ্লেষণের (B) ফল ব্যবহার করিয়া আমরা পাই,

$$\frac{g}{a_m} = \frac{a^2}{\mathbb{R}^2},$$
 2.8.(2)

অতএব, 2.8.(1) এবং 2.8.(2) সমীকরণ একত্র করিয়া

$$g = a_m \frac{a_2}{R_2} = \frac{4\pi^2 a^3}{R^2 T^2}$$
 2.8(3)

ইহা জানা আছে,

T=27 দিন 7 ঘণ্টা 43 মিনিট=39,343 মিনিট
2\pi R=4×107 মিটার
a=60 R.

উপরোক্ত তথ্য ব্যবহার করিয়া 2.8(3) সমীকরণ হইতে পাওয়া যায়,

$$g = \frac{2\pi 60^8 \times 4 \times 10^7 \text{ মিটার}}{(39,343 \times 60 \text{ সেকেণ্ড})^2} \approx 974 \text{ সে.মি./(সেকেণ্ড)}^2$$

এইভাবে পৃথিবীর চারিদিকে চাঁদের গতি পর্যবেক্ষণ করিয়া '৫'-এর পরিমাপ করা যায়। পৃথিবীপৃষ্ঠে অবাধ-পতনের পরীক্ষা দারা বা দোলকের সাহায্যে দেখা যায় g=980 সে.মি./(সেকেণ্ড)², এবং এই তুই পরিমাপের মধ্যে পার্থক্য এতই কম যে, ইহাকে নিউটনের মহাকর্ষ-স্ত্তের একটি স্থদ্য প্রমাণ হিসাবে ধরা যাইতে পারে।

কৃত্রিম উপগ্রহ: আমরা আগেই দেখিয়াছি যে পৃথিবীর অভিকর্মজ বলের প্রভাবে পৃথিবীর উপগ্রহ উহার চারিদিকে উপবৃত্তাকার পথে ঘুরিবে। বিশেষ অবস্থায় কক্ষপথ উপবৃত্তাকার না হইয়া বৃত্তাকার হইতে পারে। আমরা এইরূপ বৃত্তাকার পথে পরিভ্রমণরত পৃথিবীর উপগ্রহের গতি বর্ণনা করিব। এইরূপ অবস্থায় পৃথিবীর অভিকর্মজ বল উপগ্রহকে বৃত্তাকার পথে ঘুরাইবার জন্ম প্রয়োজনীয় কেন্দ্রান্থগ বল যোগাইবে।

যদি কক্ষপথের ব্যাসার্ধ r, উপগ্রহের ভর m এবং পৃথিবীর ভর ${
m ME}$ হয়, তবে উপগ্রহের উপর অভিকর্ষজ্ব বলের পরিমাণ হইবে,

$$F_1 = G. \frac{MEm}{r^2}$$
 2.8(4)

এবং বৃত্তাকার পথে উপগ্রহের গতিবেগ v হইলে, কেন্দ্রান্থগ বলের পরিমাণ হইবে,

$$F_2 = \frac{mv^2}{r}$$
 2.8(5)

যেহেতু, এক্ষেত্রে F₁=F₂, উপরের সমীকরণ ছুইটি হইতে আমরা পাই,

$$v^2 = \frac{GME}{r}$$
 2.8.(6.)

স্থুতরাং দেখা যাইতেছে যে, উপগ্রহের গতিবেগ উহার ভরের উপর নির্ভর করে না। উপগ্রহের বৃত্তাকার পথের ব্যাসার্ধ বেশী হইলে গতিবেগ কম হইবে।

পৃথিবীর আহ্নিক গতি উপেক্ষা করিলে পৃথিবীপৃষ্ঠে অভিকর্ষজ ত্বরণের পরিমাণ

$$g_o = \frac{GME}{R^2}$$

স্থতরাং, 2.8.(6) সমীকরণে GME-র পরিবর্তে goR2 লিখিলে,

$$v^2 = g_0 \frac{R^2}{r}$$
 2.8(7)

উদাহরণ: পৃথিবীপৃষ্ঠ হইতে 100 কিলোমিটার উপরে পৃথিবীর চারিদিকে বুভাকার পথে পরিভ্রমণরত উপগ্রহের গতিবেগ এবং উহার পৃথিবী প্রদক্ষিণের সময় কত? (পৃথিবীর ব্যাসার্ধ=6500 কিলোমিটার)

এক্ষেত্রে, উপগ্রহের কক্ষপথের ব্যাসার্ধ r পৃথিবীর ব্যাসার্ধ R এর প্রায় সমান। স্থতরাং 2.8.(7) সমীকরণ হইতে,

$$v^2 = g_0 R.$$
 2.8(8)

অতএব,

$$v = \sqrt{g_0 R} = \sqrt{(980 \frac{c \eta. \lambda}{(c \eta cos)^2} \times 6500 \text{ fo.} \lambda. \times 10^5 \frac{c \eta. \lambda}{(o. \lambda)})}$$

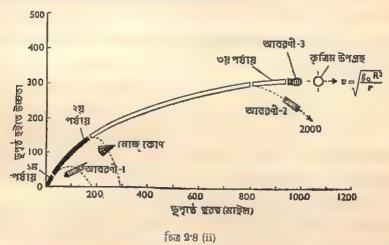
$$\simeq \sqrt{63.7 \times 10^{10} \frac{c \eta. \lambda.}{c \eta coss}} \approx 8 \frac{\text{fo.} \lambda.}{c \eta coss}$$

$$\approx 30,000 \frac{\text{fo.} \lambda.}{\text{spect}}$$

একবার পৃথিবী প্রদক্ষিণের সময় T হইলে,

$$T=\frac{2\pi r}{v}$$
 \approx 1 3 ঘণ্টা \approx 30 মিনিট।

উপরের উদাহরণ হইতে আমরা দেখিতে পাই যে, ক্বাত্রিম উপগ্রহকে পৃথিবীপৃষ্ঠের উপরে 100 কি.মি. দ্রুত্বে প্রদক্ষিণ করিতে হইলে উহার গতিবেগ ঘণ্টায় প্রায় 30,000 কি.মি. হইতে হইবে। যদি কোনও কারণে উহার গতিবেগ পরিবর্তিত হয় (য়েমন, উপগ্রহ হইতে রকেট ছুড়িয়া উহার গতিবেগের পরিবর্তন করা য়ায়), তবে উহার কক্ষপথ পরিবর্তিত হয়য়া 2.8 (7) সমীকরণ অন্তুসারে নতুন এক ব্যাসার্থের বুজাকার কক্ষপথে পরিণত হইবে। স্কতরাং কোন পূর্বনির্দিষ্ট কক্ষপথে ক্বাত্রিম উপগ্রহকে স্থাপন করিতে হইলে, ইহাকে পৃথিবীপৃষ্ঠ হইতে ঐ উচ্চতায় উঠাইতে হইবে, এবং পৃথিবীপৃষ্ঠ ইতে ঐ উচ্চতায় উঠাইতে হইবে, এবং পৃথিবীপৃষ্ঠ উল্লম্ব দিকের আড়াআড়ি দিক বরাবর উপয়ুক্ত গতিবেগ উপগ্রহটিতে সঞ্চার করিতে হইবে। এই গতিবেগের পরিমাণ 2.8 (7) সমীকরণ হইতে পূর্বেই নির্ণয় করিয়া লওয়া য়ায়। রকেটের সাহাযো এইভাবে পৃথিবী প্রদক্ষিণকারী উগগ্রহকে উহার পূর্বনির্দিষ্ট কক্ষপথে স্থাপন করা হয় [2.8.(ii) চিত্র দ্রম্ভব্য]।



কৃত্রিম উপগ্রহের চারিদিকে তিনটি আবরণী থাকে এবং উহার। রকেটের জ্ঞালানী বহন করে। জ্ঞালানী শেষ হইয়া গেলে আবরণীগুলি বিভিন্ন পর্যায়ে রকেটের দেহ হইতে থুলিয়া আসে। বায়ুমগুলের সহিত ঘর্ষণে উভ্ত তাপে যাহাতে রকেট ও উপগ্রহ ক্ষতিগ্রস্ত না হয় সেজন্য উহাদিগকে নোজ কোণে ঢাকিয়া রাখা হয়। বায়মগুল পার হইয়া গেলে (প্রায় 150 মাইল উপরে) নোজ কোণ রকেট দেহ হইতে

খূলিয়া আসে।

বিগত কয়েক বৎসরে বহুসংখ্যক ক্লব্রিম উপগ্রহ পৃথিবীর চারিদিকে বিভিন্ন নির্দিষ্ট কক্ষপথে প্রতিস্থাপিত হইয়াছে। ইহাদের মধ্যে কতকগুলি ক্লব্রিম উপগ্রহকে এমনভাবে কক্ষপথে স্থাপন করা হইয়াছে যাহাতে উহারা পৃথিবীপৃষ্ঠের উপরে কোনও বিশেষ স্থানের উদ্ধাকাশে অবিচল অবস্থায় থাকে; অর্থাৎ উহাদের কোণিক গতিবেগ পৃথিবীর দৈনিক আবর্তনের কোণিক গতিবেগের সমান। এই সকল উপগ্রহে নানাপ্রকার যন্ত্রপাতি আছে। ইহাদের সাহায্যে উচ্চ বার্মণ্ডলের ভৌতিক অবস্থা পর্যবেক্ষণ করা হয়। তাহা ছাড়া, বার্প্রবাহ, বার্মণ্ডলে মেঘ সঞ্চার প্রভৃতি ঘটনার পূর্বাভাসও কুত্রিম উপগ্রহের মধ্যে স্থাপিত আধুনিক যন্ত্রের দারা জানিতে পারা যায়। কুত্রিম উপগ্রহের বিদ্যুৎ-চুম্বকীয় গ্রাহক ও প্রেরক যন্ত্রের সাহায্যে পৃথিবীর যে কোনও স্থান হইতে অন্ত যে কোনও স্থানে সংবাদ পরিবেশন বা টেলিভিসনে ছবি-পাঠানো আজ অতি বাস্তব ঘটনা। ইহা বিশেষ উল্লেখযোগ্য যে কুত্রিম উপগ্রহকে কক্ষপথে স্থাপন করা এবং ইহার সাহায্যে উপরোক্ত পরীক্ষাদি চালু করার পিছনে যে যন্ত্রকুশলতার অবদান আছে তাহা ক্ষেকে বৎসর আগেও মান্ত্রের কল্পনার বস্তু ছিল। কৃত্রিম উপগ্রহ সংক্রান্ত গবেষণার ফলে মান্ত্র্যকে অনেক নতুন ধরণের সমস্থার সন্মুখীন হইতে হয় এবং এই সব সমস্থা সমাধানের প্রচেষ্টাকালে বিজ্ঞান ও প্রযুক্তিবিভার প্রভৃত অগ্রগতি সম্ভব হইয়াছে।

2.9. কুত্রিম উপগ্রহে ভারশূন্যতা: কোনও স্থানে m-ভরবিশিষ্ট বস্তর ভার বা ওজনের পরিমাণ, W, হইলে,

W = mg 2.9 (1)

2.9 (1) সমীকরণে '৫' হইল ঐ স্থানে অভিকর্মজ ত্বরণ। আমরা আগেই আলোচনা করিয়াছি যে বস্তুর অবাধ-পতনের পরীক্ষাদারা কিংবা দোলকের সাহায্যে যে কোনও স্থানের '৫' পরিমাপ করা যায়। mg হইল ঐ স্থানে বস্তুর উপর অভিকর্মজ বল এবং ইহার জন্ম বস্তুটি পৃথিবীর কেন্দ্রের দিকে আক্ষিত হয়।

ক্বরে। আমরা ক্রতিম উপগ্রহের মধ্যে থাকিয়া পর্যবেক্ষণ করিলে দেখিতে পাইব যে, ইহার মধ্যে কোনও বস্তুই পৃথিবীর কেন্দ্রের দিকে পড়িয়া যাইতেছে না। বস্তুতঃ উপগ্রহের মধ্যে আমরা অবাধ-পতনের পরীক্ষা করিলে দেখিতে পাইব, g=0, এবং 2.9 (1) সমীকরণ অমুসারে আমরা বলিতে পারি যে, উপগ্রহের মধ্যে সব বস্তুই ভারহীন। ক্রত্রিম উপগ্রহে নভোচারীদের অভিজ্ঞতা হইতে ইহার সত্যতা প্রমাণিত হয়। নভোচারীদের অভিজ্ঞতা হইল, উপগ্রহদের মধ্যে যে কোনও বস্তুকে যে কোনও স্থানে রাখিলে উহা সেই স্থানেই শৃত্যে ঝুলস্ত অবস্থায় থাকিয়া যায়। নভোচারীরাও উপগ্রহের তলদেশ হইতে অল্প একটু লাকাইলেই শৃত্যে ঝুলস্ত অবস্থায় থাকিতে পারে।

উপরোক্ত ঘটনাগুলি সহজেই বুঝা যায়। স্থায়ী কক্ষপথে উপগ্রহকে ঘুরিতে হইলে, উহার গতিবেগ এবং কক্ষপথের ব্যাসার্থ এমনই হওয়া চাই যাহাতে পৃথিবীর অভিকর্মজ বল পুরাপুরিই 2'6 অন্থচ্ছেদে বণিত প্রথম প্রকার ত্বরণের স্থাষ্ট করে। স্থতরাং দ্বিতীয় প্রকার ত্বরণ, অর্থাৎ ৫ শৃশু হইয়া যায়, এবং উপগ্রহের মধ্যে সব বস্তুই নভোচারীর কাছে ভারহীন মনে হয়।

উপগ্রহটি নিজেও ভারহীন, কারণ উপগ্রহ হইতে পর্যবেক্ষণ করিলে দেখা যায় যে, ইহা পৃথিবীর কেন্দ্রের দিকে পড়িয়া যাইতেছে না।

কোনও বস্তু পৃথিবীর কেন্দ্রের দিকে পড়িয়া যাইতেছে কিনা তাহা পর্যবেক্ষণ করিয়া আমরা বস্তুটির ওজন বা উহার উপর পৃথিবীর মহাকর্ষীয় আকর্ষণের অস্তিত্ব জানিতে পারি। যেমন, গাছ হইতে আপেল পৃথিবীর কেন্দ্রের দিকে পড়িয়া যায় দেখিয়া আমরা জানিতে পারি যে আপেলের ওজন আছে, ইহা তারশৃত্য নহে। চোখে দেখা ছাড়াও অন্য এক উপায়েও আমরা বস্তুর ভারের অন্তিত্ব জানিতে পারি। যেমন, কোনও বস্তু হাতে ঝুলাইলে হাতের মাংসপেশীতে আমরা টান অহুতব করি। অর্থাৎ বস্তুর উপর পৃথিবীর আকর্ষণী বল আমাদের মাংসপেশীর উপর বিকার (strain) স্বষ্টি করে এবং মাংসপেশীর স্থিতিস্থাপকতার জন্য উহার মধ্যে পীড়নের (stress) স্বষ্টি হয়। এই পীড়নের অহুত্তিই আমাদিগকে জানাইয়া দেয় যে বস্তুটি ভারশৃন্য নহে। নিজে অহুতব না করিয়াও আমরা একটি স্প্রীঙ্ তুলাদণ্ডে বস্তুটি ঝুলাইয়া দিয়া স্প্রীঙ্রের বিকার বা পীড়ন পর্যবেক্ষণ করিয়াও বস্তুটির ভারের অন্তিত্ব জানিতে পারি। কৃত্রিম উপগ্রহের মধ্যে স্প্রীঙ্ তুলাদণ্ডের সাহায্যেও দেখা যায় যে বস্তুগুলি ঐস্থানে ভারশৃন্য।

এখন, কৃত্রিম উপগ্রহে নভোচারীর অবস্থা আলোচনা করা যাউক্। সে কি নিজেকে ভারশূল্য বলিয়া মনে করিবে? আমরা সাধারণতঃ নিজেদের ভার বা ওজনের অন্তর্ভূতি পাই আমাদের মাংসপেশীর পীড়নের মাধ্যমে। আমরা যখন পৃথিবীপৃষ্ঠে দাঁড়াইয়া থাকি, তখন পৃথিবীপৃষ্ঠ স্থায়ী ও কঠিন বলিয়া এবং পায়ের মাংসপেশী স্থিতিস্থাপক বলিয়া উহা কিছুটা বিকৃত হয় এবং তজ্জনিত পীড়নের অন্তর্ভূতিই আমাদিগকে আমাদের নিজেদের ভার সম্বন্ধে সচেতন করে। কিন্তু যদি পৃথিবীপৃষ্ঠও '৪' অরণে পৃথিবীর কেন্দ্রের দিকে ভান্ধিয়া পড়িত তাহা হইলে আমরা ও পৃথিবীপৃষ্ঠ একই অরণে পৃথিবীর কেন্দ্রের দিকে গতিশীল হইতাম, এবং পায়ের মাংসপেশীতে বিকৃতি না হওয়ার জন্ম আমরা আমাদের ভার অন্থতব করিতাম না। অর্থাৎ যেহেতু নভোচারী এবং কৃত্রিম উপগ্রহ উভয়েই একই প্রকার ম্বরণে গতিশীল, নভোচারী নিজের ভার অন্থতব করিবে না।

2.10. নিজ্ঞমণ গতিবেগঃ m_1 এবং m_2 ভরবিশিষ্ট এবং r দূরত্বে অবস্থিত তুইটি বস্তুর মধ্যে মহাকর্ষীয় বল আলোচনা করা যাউক। m_1 ভরবিশিষ্ট বস্তুর উপর m_2 ভরবিশিষ্ট বস্তুর মহাকর্ষীয় বল 2.1(2) সমীকরণে বর্ণিত হইয়াছে। এখন যদি m_1 বস্তুকে m_2 হইতে দূরে লইয়া যাওয়া হয় তাহা হইলে m_1 -এর উপর প্রযুক্ত আকর্ষণী

বলের বিরুদ্ধে কান্ধ করিতে হইবে। আমরা জানি, কোনও বলের বিরুদ্ধে কাজের পরিমাণ বলের মাত্রা এবং বলের দিক বরাবর অতিক্রান্ত দূরত্বের গুণফলের সমান। কিন্তু, মহাকর্ষীয় বল বিভিন্ন দূরত্বে বিভিন্ন মাত্রার, স্থতরাং m_1 বস্তুকে m_2 হইতে অসীম দূরত্বে লইয়া যাইতে হইলে মোট যে পরিমাণ কান্ধা করিতে হইবে, তাহা গাণিতিক পদ্ধতিতে নির্ণয় করা বেশ জটিল। অবশ্য, এইরূপ গণনার ফল নিম্নলিখিত ভাবে লেখা যায়।

$$V(r) = 2.G. \frac{m_1 m_2}{r}$$
 2.10 (1)

V(r) হইল, m_1 ভরবিশিষ্ট বস্তকে m_2 ভরবিশিষ্ট বস্তর r দূরত্ব হইতে, অসীম দূরত্বে লইয়া যাইবার সময় মোট কাজের পরিমাণ। V(r) কে m_1 এবং m_2 বস্ত দুইটির r-দূরত্বে থাকাকালীন মহাকর্ষীয় 'স্থিতি-শক্তি'ও বলা হয়।

 m_1 ভরবিশিষ্ট বস্তুটিকে যদি m_2 -ভরবিশিষ্ট বস্তুর মহাকর্ষীয় বলের প্রভাব হইতে নিচ্চাস্ত হইতে হয়, তবে ইহাকে V(r) কাজ করিতে হইবে। স্কুতরাং, m_1 ভরবিশিষ্ট বস্তুর গতিবেগ, Ve এমনই হওয়া চাই যাহাতে ইহার গতিশক্তি অস্ততঃপক্ষে V(r)-এর সমান হয়। অর্থাৎ,

$$\frac{1}{2}m_1 V_e^2 = \frac{2Gm_1 m_2}{r}$$
 2.10 (2)

অথবা,
$$V_s^2 = \frac{4G.m_s}{\tau}$$
 2.10 (3)

 V_s কে m_2 ভরবিশিষ্ট বস্তুর মহাকর্ষীয় প্রভাব হইতে r দূরত্বে অবস্থিত কোনও বস্তুর নিক্রমণ গতিবেগ (Escape velocity) বলে। 2'10 (3) সমীকরণ হইতে দেখা যায়, যে নিক্রমণ গতিবেগ বস্তুর ভরের উপর নির্ভর করে না।

উপরের আলোচনা হইতে আমরা সহজেই বৃঝিতে পারি, পৃথিবীপৃষ্ঠের কোনও বস্তুর পৃথিবীর অভিকর্ষজ বলের প্রভাব হইতে মুক্ত হইতে যে নিক্রমণ গতিবেগ প্রয়োজন তাহার পরিমাণ,

$$V_{\bullet}^{2} = \frac{4GME}{R} = 4g_{o}R.$$

অথবা,
$$V_e = 2\sqrt{g_0 R}$$
 2'10 (4)

স্থতরাং আমরা দেখিতেছি যে কোনও বস্তুর পৃথিবীপৃষ্ঠে 2 $\sqrt{g_0R}$ পরিমাণ গতিবেগ থাকিলে উহা পৃথিবীর অভিকর্ষজ্ঞ বলের প্রভাব হইতে মৃক্ত হইয়া পৃথিবী হইতে অসীম দূরত্বে চলিয়া যাইবে।

পৃথিবীপৃষ্ঠের নিকটে উহার বায়ুমণ্ডলে বিভিন্নপ্রকার গ্যাসের অণু-পরমাণুগুলি বায়ুমণ্ডলের তাপমাত্রা অনুসারে একপ্রকার গড়পড়তা গতিবেগে সর্বদাই গতিশীল। ইহার মধ্যে হান্ধা অণু-পরমাণুগুলির গতিবেগ ভারী ভারী অণু-পরমাণুগুলির গতিবেগ আরী ভারী অণু-পরমাণুগুলির গতিবেগ বায়ুমণ্ডলীয় তাপমাত্রা বেশী হইলে প্রথমে হান্ধা অণু-পরমাণুগুলির গতিবেগ বাড়িয়া নিক্রমণ গতিবেগের বেশী হইতে পারে এবং তখন উহারা পৃথিবীর বায়ুমণ্ডল ছাড়িয়া অসীম শৃত্যে চলিয়া যাইতে পারে। এইজ্য় বারণা করা হয় যে, বায়ুমণ্ডলের স্পষ্টির সময় উহার তাপমাত্রা এমনই ছিল যাহাতে হান্ধা গ্যাস, যথা হাইড্রোজেন, হিলিয়াম ইত্যাদি পৃথিবীর অভিকর্ষজ বলের প্রভাব হইতে মৃক্ত হইয়া শৃত্যে ছড়াইয়া পড়িয়াছে। আজিকার বায়ুমণ্ডলে ইহাদের দেখিতে পাওয়া যায় না।

প্রশাবলী

- 1. আপেল পৃথিবীর পৃষ্ঠে পড়ে। আপেলের উপর পৃথিবীর মহাকর্ষজ বল, পৃথিবীর উপর আপেলের মহাকর্ষজ বলের সমান। তাহা হইলে, পৃথিবী আপেলের উপর পড়েনা কেন?
- 2. পৃথিবীপৃর্চে অভিকর্ষজ ত্বরণ=980 সে.মি./(সেকেণ্ড) 2 হইলে, পৃথিবীর ভর কভ ? (পৃথিবীর ব্যাসার্ধ= 6.38×10^8 সে.মি. এবং $G=6.67\times10^{-8}$ আর্গ-(সেমি) 2 /(গ্রাম) 2)।
- অমুভূমিক তলের সহিত θ ডিগ্রী কোণে আনত একটি ঘর্ষণহীন তলে নিমাতি
 মুখী বস্তার গতির ত্বরণ কত হইবে ?
- 4. দেখাও যে, বস্তার অবাধ-পতনের সময়, প্রথম সেকেণ্ডে বস্তাটি যতথানি দ্রত্ব অতিক্রম করে, তাহার সহিত কোন নির্দিষ্ট t-সেকেণ্ড সময় ব্যবধানের বর্গ গুণ করিলে, ঐ সময় ব্যবধানে বস্তাটি যতথানি দূরত্ব অতিক্রম করিবে তাহা পাওয়া যায়।
- 5. পৃথিবীর বিষ্বরেশা অঞ্লে g=0 হইতে হইলে, পৃথিবীতে দিনের দৈর্ঘ্য কত
 হওয়া দরকার ?
- 6. যে সরল-দোলকের দোলনকাল 2 সেকেণ্ড, ভাহাকে সেকেণ্ড-দোলক বলো। অভিকর্ষজ ত্বরণের পরিমাণ 980 (সেমি)/(সেকেণ্ড)² ধরিয়া সেকেণ্ড-দোলকের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
- 7. বিষ্বরেখা অঞ্চল হইতে মেরুদেশে লইয়া গোলে সরল-দোলকের দোলনকালের কি পরিবর্তন হইবে ? এই পরিবর্তনের কারণ কি ?
- একটি দোলক-ঘড়ি পৃথিবীপৃষ্ঠে ঠিক সময় দেয়। উহাকে পাহাড়ের উপর
 লইয়া গেলে উহার সময় জত না মন্থর দেখাইবে; কারণসহ ব্যাখ্যা কর।

- 9. সরল দোলকের দোলনকাল নিম্নলিখিত পরিবর্তনে কিভাবে পরিবর্তিত হইবে?
- (ক) নিম্ন তাপমাত্রার স্থান হইতে দোলককে উচ্চতাপমাত্রার স্থানে লইয়া গেলে;
- (খ) যেস্থানে ৪-এর মান অপেক্ষাকৃত কম, দোলককে সেইস্থানে লইয়া গেলে;
- (গ) ফাঁপা দোলক-পিণ্ডকে জলে পরিপূর্ণ ভতি করিলে,
- (ঘ) ফাঁপা দোলক-পিণ্ডের পরিবর্তে একটি নিরেট সীসার দোলকপিণ্ড ব্যবহার করিলে,
 - (ভ) ফাঁপা দোলক-পিণ্ডের অর্ধেক পারদ দারা ভতি করিলে।
- সম্পূর্ণ দোলনের অর্ধেককে দোলকের "বিট্" বলে। সেকেণ্ড দোলকের দৈর্ঘ্য
 বৃদ্ধি করিলে সারাদিনে দোলকটির কতগুলি বিট্ কমিয়া যাইবে ?
- 11. চাঁদের ভর পৃথিবীর ভরের 1/81 এবং ইহার ব্যাসার্ধ পৃথিবীর ব্যাসার্ধের 1/4। চন্দ্রপূর্চে বস্তুর অবাধ-পতনের ত্বরণ কত হইবে ?
- 12. পৃথিবীপৃষ্ঠ হইতে 400 মাইল উচ্চতায় বৃত্তাকার পথে ক্বত্রিম উপগ্রহ স্থাপন করিতে হইলে উহাকে 400 মাইল উচ্চতায় তুলিয়া কত পরিমাণ অন্নভূমিক গতিবেগ দিতে হইবে ? (পৃথিবীর ব্যাসার্য = 4000 মাইল)
- 13. পৃথিবীপৃষ্ঠ হইতে কত উচ্চতায় বৃত্তাকার পথে কৃত্রিম উপগ্রহ ঘুরিতে থাকিলে, উহার অবস্থান পৃথিবীপৃষ্ঠের কোনও নির্দিষ্ট স্থির বস্তুর তুলনায় একই থাকিবে ?
 - 14. ক্বত্রিম উপগ্রহে ভারহীনতা বলিতে কি বুঝায় ?

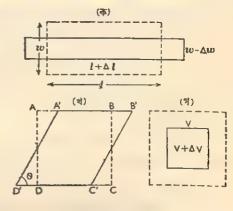
দ্বিতীয় অধ্যায় পদার্থের স্থিতিস্থাপকতা

(Elastic Properties of Matter)

[Syllabus: Stress, Strain. Elastic limit, Hooke's law, Elastic modulii—Young's modulus, Bulk modulus, Rigidity modulus, Poisson's ratio.]

2.11. বিকৃতি (Strain) । সাধারণ অবস্থায় বস্তুর একটি নির্দিষ্ট আকার ও আয়তন থাকে। যথন বস্তুকে বিকৃত করা হয়, অর্থাৎ সাধারণ অবস্থার আকার ও

আয়তন পরিবতিত হইয়া যায়, তখন
আমরা বলি যে বস্তর মধ্যেকার পদার্থের
বিক্তিত হইয়াছে। 2.11 (i) চিত্রে
পদার্থের বিভিন্ন প্রকারের বিকৃতি
দেখানো হইয়াছে। চিত্রের (ক) অংশে
বস্তুটির দৈর্ঘ্য বৃদ্ধি পাইয়াছে এবং
প্রস্থচ্ছেদ সঙ্কৃচিত হইয়াছে। (খ) অংশে
বস্তুর একজোড়া বিপরীত উপরিতল
একে অপরের তুলনায় একপাশে সরিয়া
গিয়াছে, এবং (গ) অংশে বস্তুটি সকল-



চিত্ৰ 2.11 (i)

দিক হইতেই সমপরিমাণে সঙ্গুচিত হইয়াছে। (ক) এবং (থ) অংশে দেখানো বিক্কৃতির ফলে বস্তুর আকারের কোন পরিবর্তন হয় নাই, কিন্তু (থ) অংশে চিত্রিত বিক্কৃতির কলে বস্তুর আকার পরিবর্তিত হইয়াছে। (ক), (থ) এবং (গ) অংশে চিত্রিত বিক্কৃতিকে যথাক্রমে দৈর্ঘ্য বিকৃতি, কৃন্তুন বিকৃতি এবং আয়তন বিকৃতি বলা হয়।

বিক্কৃতির পরিমাপের জক্ত ইহাদিগকে নিম্নলিখিত স্থত্তের আকারে প্রকাশ করা হয়।

(A) দৈর্ঘ্য-বিকৃতি (Longitudinal Strain) ৈ দৈর্ঘ্যের পরিবর্তনের পরিমাণ এবং বিকৃতির পূর্বের দৈর্ঘ্যের পরিমাণের অমুপাতকে দৈর্ঘ্য-বিকৃতি বলা হয়। বিকৃতির পূর্বে দৈর্ঘ্য l এবং বিকৃত অবস্থায় দৈর্ঘ্য $l+\Delta l$ স্কৃতিন

$$\frac{\Delta l}{l}$$
 = দৈৰ্ঘা বিকৃতি (Longitudinal strain) 2.11. (1)

বিক্কৃতির ফলে দৈর্ঘ্য কমিয়া গেলে, ঐ বিক্কৃতিকে দৈর্ঘ্য স্থাস (Compression) বিক্কৃতি এবং দৈর্ঘ্য বাড়িয়া গেলে উহাকে দৈর্ঘ্য বৃদ্ধি বিক্কৃতি (Tensile strain) বলা হয়। এই ছুই ক্ষেত্রে Δl যথাক্রমে নেগেটিভ ও পজিটিভ হয়।

বস্তুটি সিলিণ্ডারের আকারের হইলে, দৈর্ঘ্য-বিক্কৃতির সময় উহার প্রস্থচ্ছেদের ব্যাস পরিবর্তিত হইবে। যদি প্রস্থচ্ছেদের ব্যাসের পরিবর্তনকে Δw দ্বারা স্থচিত করা হয়, তবে Δw এবং Δl এর অনুপাতকে **পয়সাঁর অনুপাত** (Poisson's ratio) বলা হয়। অর্থাৎ,

$$\frac{\Delta w}{\Delta l}$$
 = পয়দার অনুপাত (Poisson's ratio) 2.11. (2)

(B) কুন্তন-বিকৃতি (Shearing strain) 2 2.11. (i) চিত্রের (খ) অংশে, যদি তুইটি বিপরীত উপরিতল পরস্পর সাপেক্ষে AA' + DD' = 2AA' পরিমাণে সরিয়া যায় এবং AD যদি বিকৃতির পূর্বে তল তুইটির মধ্যে দূরত্ব হয়, তবে 2AA' এবং AD-র অনুপাতকে কুন্তন-বিকৃতি বলে। চিত্র হইতে

$$2AA' = AD. \cot \theta$$
 2.11. (3) $\theta = \angle DD'A'$.

AD অপেক্ষা AA' অনেক কম হইলে আমরা লিখিতে পারি,

$$\frac{2AA'}{AD} = 90^{\circ} - \theta = \alpha = \pi$$
ন্তন-বিক্নতি (Shearing strain)

2.11 (4)

(C) **আয়তন-বিকৃতি** (Volume strain)ঃ বিকৃতির জন্ম আয়তনের পরিবর্তনের পরিমাণ এবং বিকৃতির পূর্বেকার আয়তনের অনুপাতকে আয়তন বিকৃতি বলে। বিকৃতির সময় বস্তুটি সব দিকেই একই পরিমাণে সঙ্কৃতিত বা প্রসারিত হইলেই উহাকে আয়তন বিকৃতি বলা হয়। বিকৃত অবস্থায় আয়তন V + △ V এবং বিকৃতির পূর্বেকার আয়তন V হইলে,

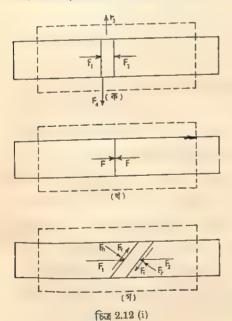
$$\frac{\Delta V}{V}$$
 = আয়তন-বিকৃতি 2.11. (5)

উপরোক্ত স্তত্ত্তলি হইতে দেখা যাইতেছে যে একই প্রকারের ছইটি রাশির অন্থ-পাতকে বিক্নতি বলা হয়। অর্থাৎ বিক্নতি একটি শুদ্ধ সংখ্যা দারা প্রকাশ করা যায়, ইহার কোনও মাত্রা (Dimension) নাই।

2.12. পীড়ন (Stress) । যথনই কোনও বস্তুকে বিক্বত করা হয়, তথনই বস্তুর
মধ্যে কতকগুলি বলের স্থাষ্ট হয়। এই বল বস্তুকে উহার পূর্বের আকার ও আয়তনে
ফিরাইয়া লইয়া যাইতে চায়। এই বলকেই বস্তুর স্থিতিস্থাপক-বল বলা হয়।
বিক্বিত বস্তুর মধ্যে স্থিতিস্থাপক বলের বিক্যাস জানিতে হইলে বস্তুর মধ্যে বিভিন্ন তলের

উপর এই বল কিভাবে কাজ করিতেছে তাহা জানা প্রয়োজন। বিক্বত বস্তর মধ্যে যে কোনও এক তল করনা করিয়া উহার মধ্য দিয়া যে স্থিতিস্থাপক বল কাজ করিতেছে তাহাকে তুইটি উপাংশে ভাগ করা যায়। ইহার মধ্যে একটি উপাংশ তলের উল্লম্থ দিকে এবং অপর উপাংশ তলের স্পর্শক অভিমুখে। তলের উল্লম্থদিকে প্রতি একক পরিমাণ তলের উপর প্রযুক্ত স্থিতিস্থাপক বলের নাম, উল্লম্থ পীড়ন (Normal stress)। তলের স্পর্শক অভিমুখে প্রতি একক পরিমাণ তলের উপর প্রযুক্ত স্থিতিস্থাপক বলের নাম স্পর্শক পীড়ন (Tangential or shearing stress)। বিক্বত বস্তর মধ্যে উল্লম্থ পীড়ন ও স্পর্শক পীড়নের উল্লেখ করিলেই উহা কোন্ তলের মধ্য দিয়া প্রযুক্ত তাহাও সঙ্গে সঙ্গেই উল্লেখ করিতে হইবে। বিভিন্ন তলের মধ্য দিয়া প্রযুক্ত পীড়নের পরিমাণ বিভিন্ন, স্ক্তরাং বিক্বত বস্তর মধ্যে পীড়নের বিস্থাস বর্ণনা করিতে হইলে কতকগুলি বিশেষ তলের মধ্য দিয়া প্রযুক্ত পীড়নের পরিমাণ নির্দেশ করা প্রয়োজন।

উদাহরণ স্বরূপ, ধরা যাউক কোনও বস্তু দৈর্ঘ্য বিক্কৃতি দ্বারা বিক্কৃত ইইয়াছে। এখন দেখা যাক ইহার মধ্যে পীড়নের বিশ্বাস কিরূপ। 2.11 (i) চিত্রের (ক) অংশে এই



দৈর্ঘ্য-বিক্কতি দেখানো হইয়াছে। এই বস্তুর মধ্যে একটি পাতলা প্রস্থচ্ছেদ কল্পনা করা যাউক; 2°12 (1) চিত্রের (ক) অংশ। ধরা যাউক এই প্রস্থচ্ছেদ দৈর্ঘ্যের সহিত সমকোণে আনত। যেহেতু স্থিতিস্থাপক বল বস্তুকে বিক্কতির পূর্বের আকার ও আয়তনে ফিরাইয়া লইতে চায়্ম স্থতরাং চিত্রে F_1 , F_2 এবং F_3 , F_4 ছারা এই বল স্থচিত করা যায়। বস্তুর এই অংশ যেহেতু গতিহীন, F_1 -কে F_2 -র এবং F_3 -কে F_4 -এর. সমান হইতে হইবে। এখন যদি এই অংশকে ক্রমশঃ আরও পাতলা কল্পনা করা যায় তাহা হইলে শেষ প্রস্থ ইহা

দৈর্ঘ্যের সহিত সমকোণে আনত একটি তলে পরিণত হইবে। এবং ইহার মধ্য দিয়া $F_1 = F_2 = F_n$ বল দুইদিকে প্রযুক্ত হইবে। এই একজোড়া বলই তলটির মধ্য দিয়া উল্লম্ব-পীড়ন। এই পীড়নের পরিমাণ T_n , নিম্নলিখিতরূপে স্থাচিত করা হয়;

উল্লম্ব-পীড়নের পরিমাণ,
$$T_n = \frac{F_n}{\sqrt{5}}$$
 2.12 (1)

2.12 (i) চিত্রের (খ) অংশে তলের বামদিকের অংশে যে F লেখা হইয়াছে তাহাকে বামদিকের অংশের উপর জানদিকের অংশ দ্বারা প্রযুক্ত স্থিতিস্থাপক বল বলিয়া ধরা যাইতে পারে। অন্ত্রূরপভাবে, জানদিকের অংশের উপর বামদিকের অংশ দ্বারা প্রযুক্ত স্থিতিস্থাপক বল জানদিকের অংশে F দ্বারা স্থাচিত করা হইয়াছে বলিয়া ধরা হয়।

অনুরূপভাবে, F₃ এবং F₄কে উপরে বিবেচিত তলের সঙ্গে সমকোণে আনত তলের উপর উল্লম্ব পীড়ন হিসাবে ধরা যায়।

2'12 (i) চিত্রে (গ) অংশে দৈর্ঘ্যের সহিত θ কোণে আনত একটি তলের মধ্য দিয়া প্রযুক্ত পীড়ন বর্ণিত হইয়াছে। এখানে উল্লম্ব এবং স্পর্শক, তুই প্রকারের পীড়নই বর্তমান। স্পর্শক-পীড়নের পরিমাণ T_s , নিম্নলিখিতরূপে স্থচিত করা হয়,

ম্পর্শক পীড়নের পরিমাণ,
$$T_s = \frac{F_T}{\sigma$$
তের ক্ষেত্রকল 2 12. (2)

উপরের উদাহরণ হইতে ব্ঝা যায় যে বিক্কৃত বস্তুর মধ্যে পীড়নের বিস্থাস বর্ণনা করিবার সময় কোন তলের মধ্য দিয়া পীড়ন প্রযুক্ত, তাহার উল্লেখ প্রয়োজন।

বিক্ততি এবং পীড়ন কিভাবে পরিমাপ করা হয়, তাহার কিছু সরল উদাহরণ পরবর্তী অনুচ্ছেদে বর্ণিত হইবে।

2¹³. স্থিতিস্থাপকতা এবং হুকের সূত্র (Elasticity and Hooke's Law):

পূর্বের অন্থচ্ছেদে, পদার্থের বিক্কতি এবং তজ্জনিত পীড়নের আলোচনা করা হইয়াছে। আমরা জানি, প্রতিটি পদার্থ ই অণু-পরমাণুর সমবায়ে গঠিত। এই অণু-পরমাণুগুলি পদার্থের মধ্যে সততই গতিশীল এবং ইহাদের মধ্যে বিশেষ ধরণের আকর্ষণী ও বিকর্ষণী বল ক্রিয়া করে। এই সমস্ত ক্রিয়া-প্রতিক্রিয়া মিলিয়া পদার্থের মধ্যে যে মোট শক্তি নিহিত থাকে তাহাই পদার্থের স্বাভাবিক আকার ও আয়তন নিয়ন্ত্রিত করে। প্রকৃতিতে ইহা একটি পরীক্ষিত সত্য যে, বস্তুর আকার ও আয়তন এমনই হয় যাহাতে ঐ মোট শক্তির পরিমাণ দর্বাপেক্ষা কম থাকে। বস্তুকে অল্প পরিমাণ বিক্কৃত করিলেই স্বাভাবিক অবস্থার তুলনায় মোট শক্তি বাড়িয়া ষায়, এবং বিক্কৃত অবস্থায় বিক্কৃতি উৎপাদনকারী বল সরাইয়া লইলেই বস্তুটি পুনরায় সর্বাপেক্ষা কম শক্তির স্বাভাবিক আকার ও আয়তনে ফিরিয়া আসিতে চায়। সর্বাপেক্ষা কম শক্তির স্বাভাবিক আকার ও আয়তনেই স্বাভাবিক আকার ও আয়তনেই ক্রিয়া আকার ও আয়তনে কিরয়া আকার ও আয়তনে কিরয়া আকার ও আয়তনে কিরয়া আকার ও আয়তনে কিরয়া আকার ও আয়তনে ক্রিরয়া আকার ও আয়তনে ক্রিরয়া আকার ও আয়তনে ক্রিরয়া আকার ও আয়তনে ক্রিরিয়া আকার ও আয়তনে ক্রিরয়া আকার ও আয়তনে ক্রিরয়া আকার ও আয়তনে ক্রিরয়া আসে। একটি ধাতু-নির্মিত তারের ত্রিদিক্রে

বল দ্বারা টান দিলে উহার দৈর্ঘ্য বিক্কৃতি হয়। টানের বল সরাইয়া লইলে তারটি পূর্বের দৈর্ঘ্যে ফিরিয়া আসে। কিন্তু বিক্কৃতির পরিমাণ খুব বেশী হইলে, নৃতন আকার ও আয়তনে অণু-পরমাণুর বিশ্তাস এমনভাবে পরিবর্তিত হইয়া যাইতে পারে, যে ঐ নৃতন অবস্থাতেই মোট শক্তির পরিমাণ সর্বাপেক্ষা কম হয়। সেইজগ্র দেখা যায় য়ে, বিক্কৃতির পরিমাণ খুব বেশী হইলে টান সরাইয়া লইলেও তারটি পূর্বের দৈর্ঘ্যে ফিরিয়া আসে না। টান সরাইয়া লইলেও বিক্কৃত-বস্তু যে নৃতন আকার ও আয়তনে থাকিয়া যায় তাহাকে বস্তুর স্থায়ী বিকৃতি (Permanent set) বলে। স্থায়ী বিকৃতি স্কৃত্ববার জন্ম বস্তুর যে বিকৃতির বা পীড়নের প্রয়োজন, তাহাকে ঐ পদাথের স্থিতিস্থাপকতার সীমা (Elastic limit) বলা হয়।

বিকৃতির পরিমাণ যদি আরও বৃদ্ধি করা হয়, তাহা হ<u>ইলে পদার্থের মধ্যে পীড়ন-</u>বিগ্রাস এমন হয় যে, বস্তুটি টুকরা-টুকরা হইয়া ভাদিয়া যায়। যে পীড়নের জগু বস্তু ভাদিয়া যায় তাহাকে বস্তুর **চূর্ণ-পীড়ন** (Breaking stress) বলে।

ততেকর স্থিতিস্থাপকতার সূত্র ঃ "স্থিতিস্থাপকতার সীমার মধ্যে দেখা যায় যে, পদার্থের মধ্যে স্থ পীড়ন পদার্থের বিকৃতির সমান্থপাতী।" ইহাই হুকের স্ত্র। স্থতরাং হুকের স্ত্র অনুসারে,

পীড়ন ∝ বিক্বতি

অথবা, পীড়ন=C× বিকৃতি

2.13 (1)

C একটি ধ্রুবক, এবং ইহাকে পদার্থের **স্থিতিস্থাপকতার ধ্রুবক** (Elastic constant) বলে। যেহেতু বিক্নতির মাত্রা নাই, পীড়নের মাত্রাই স্থিতিস্থাপকতার ধ্রুবকের মাত্রা; অর্থাৎ স্থিতিস্থাপকতার ধ্রুবকের মাত্রা হইল, একক পরিমাণ ক্ষেত্রের উপর বল।

একই পরিমাণ বিক্কৃতির জন্ম বিভিন্ন পদার্থে বিভিন্ন পরিমাণ পীড়নের স্ফষ্টি হয়। যে পদার্থে একই পরিমাণ বিক্কৃতির জন্ম পীড়নের পরিমাণ বেশী, সেই পদার্থের স্থিতিস্থাপকতা বেশী। 2.13. (1) সমীকরণ হইতে দেখা যায় যে, এই ক্ষেত্রে পদার্থ টির স্থিতিস্থাপকতার ধ্রুবকের পরিমাণ বেশী হইবে।

স্থতরাং স্থিতিস্থাপকতার গ্রুবকের পরিমাণই স্থচিত করে কোন্ পদার্থ বেশী স্থিতিস্থাপক। বেশী স্থিতিস্থাপক পদার্থে স্থিতিস্থাপকতার গ্রুবকের পরিমাণ বেশী হইবে।

2.14. স্থিতিস্থাপকতার গুণাঙ্ক (Elastic modulii) :

বিভিন্নপ্রকার বিকার ও তজ্জনিত পীড়ন বর্ণনা করিবার জন্ম বিভিন্ন প্রকার স্থিতি-স্থাপকতার ধ্রুবক প্রয়োজন। ইহাদের মধ্যে কতকগুলি বিশেষ ধরণের বিকারের ক্ষেত্রে যে ধ্রুবক ব্যবহার করা হয় তাহাদিগকে স্থিতিস্থাপকতার গুণান্ধ বলে। নিম্নে ইহাদের কয়েকটির সংক্ষিপ্ত আলোচনা করা হইল।

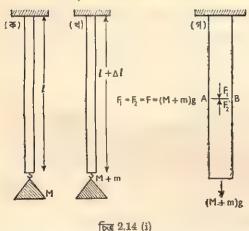
(A) ইয়তের শুণাঙ্ক (Young's modulus): দৈর্ঘ্য বিকৃতির সময়ে পদার্থের মধ্যে দৈর্ঘ্যের সহিত সমকোণে আনত তলের মধ্য দিয়া যে উল্লম্ব পীড়ন কাজ করে, সেই উল্লম্ব পীড়ন ও দৈর্ঘ্য বিকৃতির অন্থপাতকে ইয়ণ্ডের শুণাঙ্ক Y বলে। স্থতরাং ইয়ণ্ডের শুণাঙ্ক উপরোক্ত বিশেষ অবস্থায় স্থিতিস্থাপকতার ধ্রুবক।

2.11.(i) এবং 2.12. (i) চিত্রান্থসারে, একটি তারের ক্ষেত্রে, ইয়ঙের গুণান্ধ,

$$Y = {F/($$
 তারের দৈর্ঘ্যের সহিত সমকোণে আনত প্রস্তচ্চেদের ক্ষেত্রফল $) \over \Delta l/l} 2.14(1)$

উপরোক্ত সমীকরণ ব্যবহার করিয়া ইয়ঙের গুণান্ধ নির্ণয় করিবার একটি পদ্ধতি নিমে বর্ণিত হইল।

কোনও ধাতু-নির্মিত একটি তার লইয়া উহাকে একটি স্থির বিন্দু হইতে ঝুলাইয়া



দেওয়া হইল। 2.14. (i) চিত্রাহুসারে তারের অপর প্রান্তে M
ভরের একটি ওজন দিয়া এই
অবস্থায় তারের দৈর্ঘ্য । মাপা
হইল। ইহার পর M ভরকে
বাড়াইয়া (M+m) করিয়া ঐ
তারেরই পরিবর্তিত দৈর্ঘ্য
(l+ \Delta l) মাপা হইল। এই তুইটি
দৈর্ঘ্য হইতে তারের দৈর্ঘ্য-বিকৃতি
(\Delta ll), পাওয়া যাইবে।

উল্লম্ব পীড়নের পরিমাপের জন্ম 2.14 (i) চিত্রের (গ) অংশ দ্রষ্টব্য । তারের দৈর্ঘ্যের সহিত সমকোণে আনত AB প্রস্থচ্ছেদ বিবেচনা করা যাউক । তারের AB প্রস্থচ্ছেদের উপরের অংশের উপর নীচের অংশের টানের বল F_1 । তারের ওজনকে কম বলিয়া উপেক্ষা করিলে, 2.14 (i) চিত্রের (গ) অংশ অন্মসারে, F_1 এর পরিমাণ (M+m)g এর সমান । 'g' হইল অভিকর্ষজ অরণ । তারটি যেহেতু দ্বির, $F_1=F_2=F$, এবং F=(M+m)g. তারের প্রস্থচ্ছেদের ব্যাসার্ধ r হইলে ইহার ক্ষেত্রফল πr^2 । স্কৃতরাং উলম্ব পীড়নের পরিমাণ

$$T_n = \frac{(M+m)g}{\pi r^2}$$
 2.14(2)

স্থতরাং, 2.14 (1) সমীকরণ অন্তসারে,

$$Y = \frac{(M+m)g}{\pi r^2} / \left(\frac{\Delta l}{l}\right)$$

$$= \frac{(M+m)g}{\pi r^2} \cdot \frac{l}{\Delta l}.$$
2.14 (3)

উদাহরণঃ একটি ইম্পাত-নির্মিত তারের এক প্রান্তে 1 কিলোগ্রাম ভরের ওজন দিয়া উহাকে একটি স্থির বিন্দু হইতে ঝুলাইয়া দেওয়া হইল। তারটির প্রস্থচ্ছেদের ব্যাসার্থ 1 মিলিমিটার। ভরের পরিমাণ শতকরা 10 ভাগ বাড়াইয়া দেখা গেল যে, তারের দৈর্ঘ্য শতকরা 17×10⁻² ভাগ বাড়িতেছে। ইম্পাতের ইয়ঙের গুণান্ধ নির্ণয় কর। (ইহা জানা আছে যে g=980 সে.মি./(সেকেণ্ড)² এবং $\pi=3.14$).

$$2.14$$
 (3) সমীকরণে,
$$\frac{\Delta l}{l} \times 100 = 17 \times 10^{-2} \quad \therefore \quad \frac{l}{\Delta l} = \frac{100}{17} \times 10^{2}.$$

$$\frac{m}{M} \times 100 = 10. \quad \therefore \quad m = M \times 10^{-1} \quad \text{এবং } (M+m) = M(1+10^{-1}).$$

$$nr^{2} = 3.14 \times (0.1)^{2} \quad (\text{ শ.ম. })^{2} = 3.14 \times 10^{-2} \quad (\text{ শ.ম. })^{2}$$

$$4 = \frac{M(1+10^{-1}) \times 980}{3.14 \times 10^{-2}} \times \frac{100 \times 10^{2}}{17}$$

$$= \frac{10^{3}(1+10^{-1}) \times 980 \times 10^{4}}{3.14 \times 17 \times 10^{-2}} \quad \frac{\text{with}}{(\text{শ.ম.})^{2}}$$

$$= 2 \times 10^{12} \quad \frac{\text{with}}{(\text{শ.ম.})^{2}}.$$

(৪) কাঠিত্যের শুণাঙ্ক (Rigidity modulus): স্পর্শক-পীড়ন এবং তদম্যায়ী ক্তবন বিকৃতির অমূপাতকে কাঠিত্যের গুণাঙ্ক, S, বলে। অর্থাৎ,

$$S = \frac{\pi \sqrt{4\pi} - 2\pi \sqrt{5\pi}}{\pi \sqrt{3\pi} - 2\pi \sqrt{5\pi}}$$

$$= \frac{FT/A}{a}$$
2.14 (4)

FT=তলের উপর স্পর্শক বরাবর বল, A=তলের ক্ষেত্রফল, এবং ৫ ⇒কৃন্তন বিক্বতির পরিমাণ।

যে সকল পদার্থ রুন্তন-বিক্কতির সময়ে স্থির বা গতিহীন থাকে, সেইসব পদার্থকে কঠিন পদার্থ বলে।

উদাহরণ: একটি সমচতুকোণ তামার পাতের ক্ষুদ্রতর আয়তাকার বিপরীত তলের উপর প্রযুক্ত স্পর্শক বরাবর বলের সাহায্যে ক্লন্তন বিক্কতির স্বষ্টি করা হইয়াছে। পাতটির বাহুর দৈর্ঘ্য 30 সে. মি. এবং ইহার বেধ 1 সে. মি.। ক্লন্তন বিক্কতির ফলে

বিপরীত তল ছইটি $\frac{1}{2}$ মি. মি. পরিমাণ পরস্পর সাপেক্ষে সরিয়া গিয়াছে। তামার কাঠিন্সের গুণান্ধ $0.42 \times 10^{1.2}$ তাইন্স হইলে তল ছইটির উপর প্রযুক্ত মোট বলের পরিমাণ কত ?

কুন্তন-বিকৃতি = 0.05 সে. মি. = 1.67 × 10⁻³.

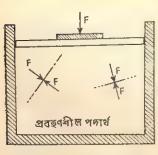
ম্পূৰ্মক-পীড়ন=
$$\frac{F_{\rm T}}{30 \times 1}$$
 ডাইন্স $($ সে. মি. $)^2$

FT=তলের উপর প্রযুক্ত স্পর্শক অভিমুখে মোট বলের পরিমাণ।

কাঠিন্সের গুণান্ধ,
$$S = \frac{F_T/30}{1.67 \times 10^{-3}}$$
 $\frac{\text{ভাইন্স}}{(\text{ সে. মি, })^2}$ $\frac{\text{বেহতু,}}{\text{বেহতু,}}$ $S = 0.42 \times 10^{+12}$ $\frac{\text{ভাইন্স}}{(\text{ সে. মি. })^2}$ $\frac{F_T/30}{1.67 \times 10^{-3}} = 0.42 \times 10^{12}$ অথবা, $F_T = 0.42 \times 10^{12} \times 1.67 \times 10^{-3} \times 30$ ভাইন্স $= 2.1 \times 10^{14}$ ভাইন্স।

(C) আয়তন শুণাক্ষ (Bulk modulus)ঃ একটি প্রবহণশীল পদার্থ, অর্থাৎ তরল বা গ্যাসীয় পদার্থ, বিবেচনা করা যাউক। প্রবহণশীল পদার্থে কুন্তন-বিকৃতির স্পষ্ট করিলে পদার্থ টির মধ্যে প্রবাহের স্পষ্ট হইবে, এবং কুন্তন-বিকৃতি দৃরীভূত না হওয়া পর্যন্ত প্রবাহ স্থায়ী হয়। স্বতরাং তরল বা গ্যাসীয় পদার্থ যথন স্থির থাকে, অর্থাৎ ইহার মধ্যে প্রবাহ না থাকিলে ধরিয়া লওয়া যায় যে, পদার্থের মধ্যে সর্বত্রই কুন্তন-বিকৃতি ও স্পর্শক-পীড়নের পরিমাণ শৃত্য। এক্ষেত্রে, পদার্থের বিকৃতির সময় ইহার মধ্যে কোনও তল কল্পনা করিলে উহার মধ্য দিয়া শুধুমাত্র উল্লম্ব-পীড়ন কাজ করে।

পদার্থের মধ্যে যে কোনও তলের ক্ষেত্রে ইহা প্রযোজ্য। এই বিশেষ ধরণের



দেখানো হইয়াছে। এই চাপের কলে ভরণ বা চিত্র 2.14 (ii) গ্যাসের আয়তন কমিয়া যায়। বিকৃতির <mark>পূর্বে</mark> আয়তন V, এবং বিকৃতির ফলে আয়তন V + △V হইলে,

পীড়নকে উদকৈতিক চাপ (Hydrostatic Pressure) বলা হয়। পরবর্তী অধ্যায়ে উদকৈতিক চাপ সম্পর্কে আরও বিশদ আলোচনা করা হইয়াছে। তরল বা গ্যাদীয় পদার্থের উপরিতলের উপর সর্বক্ত একই পরিমাণ উল্লম্ব বল প্রয়োগ করিয়া এই প্রকার পীড়নের ক্ষষ্টি করা যায়। 2.14 (ii) চিত্রে ইহা দেখানো হইয়াছে। এই চাপের ফলে তরল বা গ্যাপের আয়তন কমিয়া যায়। বিক্কতির পূর্বে

$$\frac{\triangle V}{V}$$
= আয়তন-বিক্কৃতি।

যদি বিক্কৃতি উৎপাদক বলের পরিমাণ F এবং উপরিতলের ক্ষেত্রফল A হয়, তাহা হইলে পীড়ন বা উদক্তৈতিক চাপ, P হইবে

$$\frac{F}{A} = P =$$
 উদ্ধৈতিক চাপ 2.14 (5)

পদার্থটির আয়তন গুণাঙ্ক, B, উদক্ষৈতিক চাপ ও আয়তন-বিক্কৃতির অহুপাত। অর্থাৎ,

স্বায়তন-গুণাক,
$$B=-\frac{P}{\Delta V}$$
 2.14 (6)

2 14 (6) সমীকরণে একটি নেগেটিভ্ চিহ্ন ব্যবহার করা হইয়াছে। উদস্থৈতিক চাপ বৃদ্ধি পাইলে সকলক্ষেত্রেই আয়তন কমিয়া ধায়, নেগেটিভ্, চিহ্ন ইহাই স্থাচিত ক্রিতেছে।

আয়তন গুণাঙ্কের বিপরীত রাশিকে প্রবহণশীল পদার্থের 'আয়তন-হ্রাসান্ধ' (Compressibility), K, বলে।

অথাৎ আয়তন-হাস,
$$K = \frac{1}{B} = -\frac{1}{P} \frac{\Delta V}{V}$$
 2'14 (7)

কঠিন পদার্থেও আয়তন গুণান্ধ 2.14 (6) সমীকরণ দারাই নির্দিষ্ট। কঠিন পদার্থের আয়তন-বিক্বতি করিতে হইলে ইহা এমনভাবে করিতে হইবে যাহাতে তিনটি পরস্পর সমকোণে আনত অক্ষ-বরাবর একই দৈর্ঘ্য-বিক্বতি হয়।

উদাহরণ: স্ট্যাণ্ডার্ড বায়ুমণ্ডলীয় চাপে $\left(10^6 \frac{\text{ডাইন্স}}{(সে. মি.)^2} \right)$ কিছু পরিমাণ জলের

আয়তন এক হাজার লিটার। $10^8 \frac{$ ডাইনস্ উদক্তৈতিক পীড়নের সময় ঐ পরিমাণ

জলের আয়তন কত কমিবে ? জলের আয়তন-হ্রাসান্ক,K=50 × 10⁻¹² (সে. মি.)² । ডাইন্

2:14 (7) সমীকরণ অহুসারে,

$$\Delta V = -K$$
. P. V.
= $-50 \times 10^{-12} \times 10^8 \times 10^6$ (সে. মি.) 3
= -5000 (সে. মি.) 8

স্থুতরাং, আয়তন 5000 (সে. মি.)³ পরিমাণ কমিবে। পদার্থ (1)—7 (2.14-I) সারণীতে কতকগুলি সাধারণ পদার্থের স্থিতিস্থাপকতার গ্রুবকের পরিমাণ উল্লেখ করা হইয়াছে।

সারণী (2[·]14₋I) কতকগুলি সাধারণ পদার্থের স্থিতিস্থাপকতার ধ্রুবকের পরিমাণ

পদাৰ্থ	ইয়ঙের গুণাস্ক, Y, 10 ¹² <u>ভাইনস্</u> (সে. মি.) ²	কাঠিগ্রের গুণান্ধ S, 10 ¹² ডাইনস্ (সে. মি.) ²	আয়তন গুণাহ B, 10 ¹² ডাইনস্ (সে. মি.) ²	আয়তন হ্রাসাম্ব K, 10 ⁻¹² (সে. মি.) ² ডাইনস্
অ্যালুমিনিয়াম তামা সীসা নিকেল কাচ ইস্পাত জল	0°70 1°10 0°16 2°1 0°55 2°0	0°24 0°42 0°056 0°77 0°23 0°84	0°70 1°40 0°077 2°6 0°37 1°9	
পারদ শিসারিন				50 3 [.] 8 22

প্রশাবলী

- 2 মিটার দৈর্ঘ্য এবং 0'5 মি.মি. ব্যাসের একটি ভামার তারে 3 কেজি ভর
 বিশিষ্ট একটি বস্তু ঝুলানো হইয়াছে। তামার ইয়ঙের গুণাক=1'1×10¹³ ডাইন্স/
 (সেমি.)² হইলে তারটির দৈর্ঘ্য কত মি.মি. বাড়িবে ?
- 2. ½ (ইঞ্চি) ওপ্রতেছদের একটি ইম্পাতের তারে 2 টন ভরের একটি এলিভেটার বুলানো আছে। ইম্পাতের স্থিতিস্থাপকতার সীমা = 60,000 পাউগু/(ইঞ্চি) ; স্থতরাং ঐ তারে পীড়নের পরিমাণ স্থিতিস্থাপকতার সীমার 1/4 এর মধ্যে রাখিতে হইলে এলিভেটারে সর্বাপেক্ষা বেশী কত পরিমাণ ত্বরণ দেওয়া যাইতে পারে ?
- 3. সমুদ্রের উপরিতলে এক (ফুট)³ জলের ওজন 64 পাউও। সমুদ্রের গভীরতায় যেথানে উদস্থৈতিক চাপের পরিমাণ 4500 পাউও/(ইঞ্চি)², সেথানে এক (ফুট)³ জলের ওজন কত? (বায়ুমণ্ডলীয় চাপ=15 পাউও/(ইঞ্চি)² এবং জলের আয়তন হ্রাসাঙ্ক= 50×10^{-6} , প্রতি একক পরিমাণ বায়ুমণ্ডলীয় চাপে)

উদস্থিতি বিজ্ঞান (Hydrostatics)

[Syllabus: Hydrostatics: Density, Specific Gravity, (methods of determination of Sp. Gravity not required), Archimedes' principle (demonstration), flotation, pressure in fluids, transmission of fluid pressure, Pascal's law and its application. Air pressure and its measurements. Siphon, principles of lift pump, Compression pump, Vacuum pump.]

2.15. ঘনত্ব ও আপেক্ষিক ঘনত্ব (Density and specific gravity) :

শ্বির প্রবহণশীল পদার্থের আলোচনা "উদস্থিতি-বিজ্ঞানের" বিষয়বস্তু। যে পদার্থে প্রবাহের স্থাষ্ট করা যায় তাহাকে প্রবহণশীল পদার্থ বলে। স্কুতরাং তরল ও বায়বীয় ঘই প্রকার পদার্থ ই প্রবহণশীল পদার্থ। তরল ও বায়বীয় পদার্থের মধ্যে একটি বিশেষ লক্ষণীয় পার্থক্য আছে। চাপের কলে বায়বীয় পদার্থের আয়তন পরিবর্তনের মাত্রা যথেষ্ট বেশী, তুলনায় তরল পদার্থে এই পরিবর্তনের মাত্রা খ্বই কম। 2.14 অমুচ্ছেদে বর্ণিত আয়তন হ্রাদান্ধ তরল পদার্থের ক্ষেত্রে খুবই কম। উদস্থিতি-বিজ্ঞানের আলোচনায় আমরা তরল পদার্থের আয়তন-হ্রাদান্ধকে কম বলিয়া উপেক্ষা করিব।

কোনও সমস্বত্ব পদার্থের ঘনত্ব, একক পরিমাণ আয়তনের মধ্যে ঐ পদার্থের ভরের পরিমাণ। স্থতরাং সি. জি. এস. পদ্ধতিতে ঘনত্ব প্রকাশ করা হয় এক ঘন-সেটিমিটারে কত গ্রাম পদার্থ থাকে, তাহার পরিমাণ দ্বারা।

(রো) চিহ্ন দারা ঘনত্ব স্থানিত করা হয়। স্বতরাং লেখা যায় য়ে,

$$\rho = \frac{m}{v}$$
 2.15 (1).

v=পদার্থের আয়তন, এবং m=v আয়তনে ভরের পরিমাণ। 2.15-1 সারণীতে ক্তকগুলি সাধারণ পদার্থের ঘনত্ব দেওয়া হইল।

সারণী 2.15-I: ঘনতু

পদার্থ	ঘনত,	পদার্থ	খনত্ব
'।स थ	গ্রাম/সি- সি-		গ্রাম/দি- দি-
তামা	8.9	রূপা	10.5
আালুমিনিয়াম	2.7	ইম্পাত	7.8
লোহা	7.8	পারদ	18.6
শাটিনাম	91.4	শ্লি দারিন	1.26
শীসা	11'9	खन	1.00
সোনা	19'8		

কোনও পদার্থের ঘনত্ব ও জলের ঘনত্বের অনুপাতকে পদার্থটির আপেক্ষিক ঘনত্ব বলে। তৃইটি একই প্রকার রাশির অনুপাত বলিয়া আপেক্ষিক ঘনত্ব মাত্রাহীন এবং ইহা বিশুদ্ধ সংখ্যা দ্বারা স্থচিত হয়।

2.16. প্রবহণশীল পদার্থে চাপ: উদক্ষৈতিক চাপ (Pressure in fluids): 2.14 অন্তচ্চেদে উদক্ষৈতিক চাপের কথা বলা হইয়াছে। ঐ আলোচনায় প্রবহণশীল পদার্থের প্রজন বিবেচনা করা হয় নাই। সেইজন্ত, প্রবহণশীল পদার্থের মধ্যে যে কোনও স্থানেই একই পরিমাণের উদক্ষিতিক চাপের কথা উল্লেখ করা হইয়াছে।

প্রক্তপক্ষে, আমরা জানি যে, পৃথিবীপৃষ্ঠ হইতে যত উচ্চতায় যাওয়া যায়, বায়ুমণ্ডলায় চাপ তত হ্রাস পায়। সমুদ্রের মধ্যেও গভীরতার সঙ্গে চাপ বৃদ্ধি পায়। স্থতরাং
প্রবহণশীল পদার্থের সকল স্থানেই উদস্থৈতিক চাপ এক নয়। এক বিন্দু হইতে অফ্র বিন্দুতে উদস্থৈতিক চাপ ভিন্ন হইতে পারে বলিয়া উদস্থৈতিক চাপের সংজ্ঞা নিম্নোক্তভাবে
করা হয়।

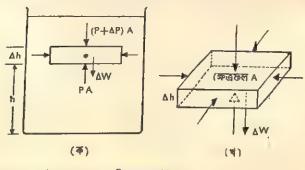
প্রবহণশীল পদার্থের কোন এক বিন্দুতে একটি ক্ষুদ্রায়তনের তল কল্পনা করা যাউক, এবং এই তলের ক্ষেত্রফল= $\triangle A$. যদি $\triangle F$ বল এই তলের উপর লম্বভাবে কাজ করে, তাহা হইলে ঐ বিন্দুতে উদক্ষৈতিক চাপ, P, হইল,

$$P = \frac{\Delta F}{\Delta A}$$
 2 16. (1)

বশ, ΔF , প্রবহণশীল পদার্থের বিভিন্ন বিন্দৃতে প্রবহণশীল পদার্থের ওজনের জ্বন্থ বিভিন্ন হইবে, এবং ইহার ফলেই বিভিন্ন বিন্দৃতে উদক্ষৈতিক চাপ কম-বেশী হইবে।

উদাহরণ: একটি প্রবহণশীল পদার্থে, তলদেশ হইতে h উন্নতিতে উদবৈস্থতিক চাপ, P, কত হইবে ?

2.16 (i) চিত্রে, একটি পাত্রে তরল পদার্থ লওয়া হইয়াছে। ইহার মধ্যে ছোট ছোট অংশ কলনা করিলে আমরা বলিতে পারি যে, ইহারা প্রত্যেকেই স্থির অবস্থায়



চিত্ৰ 2'16 (i)

আছে। এইরপ একটি অংশ একটি প্লেট-এর আকারে করনা করা যাউক, ইহার ক্ষেত্রকল=A এবং প্রস্থ $=\Delta h$ । তরলের ঘনত্ব ρ (রো) হইলে অংশটির ভর =(PA) Δh এবং প্রজন, $\Delta w = (PgA)\Delta h$ । চারিপাশের তরল এই অংশের উপর সকল তলেই লম্বভাবে বল প্রয়োগ করিতেছে। যেহেতু অংশটি স্থির, মোট অমুভূমিক বল এবং মোট উল্লম্ব বল-এর পরিমাণ শুন্ত।

অংশের তলদেশে উপরের দিকে উল্লম্ব বলের পরিমাণ P. A. এবং উপরিতলের উপর নিচের দিকে উল্লম্ব বলের পরিমাণ $(P+\Delta P)A$ । অংশের মধ্যে তরলের ওজন, Δw নিচের দিকে উল্লম্ব বল। স্থতরাং মোট উল্লম্ব বল (উপরের দিকে),

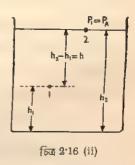
$$=PA-(P+\Delta P)A-(\rho gA)\Delta h=0$$
 মথবা, $\Delta P=-\rho g\Delta h$ 2.16. (2)

 $2\ 16\ (2)$ সমীকরণে দেখা যাইতেছে যে, ছুইটি বিন্দুর উন্নতির প্রভেদ $\triangle h$ হুইলে তুই বিন্দুতে উদস্থৈতিক চাপের প্রভেদ $\triangle P = P_g \triangle h$ হুইবে। যেহেতু P এবং g উভয়েই পজিটিভ রাশি, $\triangle h$ পজিটিভ তেনিতের বৃদ্ধি P হুইলে P নেগেটিভ P উদস্থৈতিক চাপের হ্রাস P হুইবে।

প্রবহণশীল পদার্থের তলদেশ হইতে h_1 এবং h_2 উন্নতিতে চাপ যথাক্রমে P_1 এবং P_2 হইলে 2.16 (2) সমীকরণ অনুসারে,

$$P_2 - P_1 = - Pg (h_2 - h_1).$$

এখানে, উন্নতির সহিত P এবং g এর পরিবর্তন উপেক্ষা করা হইয়াছে। উপরোক্ত সমীকরণকে 2:16 (ii) চিত্রে প্রদর্শিত একটি খোলা-মূখ পাত্তে রাখা তরলের ক্ষেত্রে প্রয়োগ করা যাক। যে কোনও উন্নতির 1নং বিন্দু লওয়া



ইইল, এবং ধরা যাক এই বিন্দৃতে চাপের পরিমাণ P। তরলের উপরিতলে 2নং বিন্দু লইলে, সেথানে চাপের পরিমাণ হইবে বায়ুমণ্ডলীয় চাপ $P_{f A}$ । স্বতরাং

$$P_A - P = -\rho g (h_2 - h_1)$$
 অবথা, $P = P_A + \rho g h$. 2.16. (3)

উপরোক্ত আলোচনা হইতে দেখা যাইতেছে যে প্রবহণশীল পদার্থে কোনও বিন্দৃতে উদক্ষৈতিক চাপ পদার্থের ধারকের আকার বা আয়তনের উপর নির্ভর করে না; এবং একই গভীরতায় সকল বিন্দৃতেই চাপের পরিমাণ একই। প্রবহণশীল পদার্থে উদবৈষ্টিক চাপের এই বৈশিষ্ট্য নিম্নলিখিত পরীক্ষার ঘারা প্রমাণিত হয়। একটি থিস্ল্ কানেল লইয়া উহার নলের এক ইঞ্চি পরিমাণ রাখিয়া বাকী অংশ কাটিয়া কেলা হইল। কানেলের মুখ একটি পাতলা রবারের চাদর দিয়া ঢাকিয়া দেওয়া হইল, যাহাতে কানেলের মুখ দিয়া কোনও বাতাস ইহার মধ্যে ঢুকিতে না পারে।



চিত্ৰ 2·16 (iii)

একটি কাচের দীর্ঘ নলে রঙীন কোন তরল পদার্থের একটি ছোট পেলেট প্রবেশ করাইয়া নলটিকে অমুভূমিক ভাবে একটি টেবিলের উপর রাখা হইল। কানেলের নল এবং কাচের নলটিকে একটি রবাবের নলের সাহায্যে যুক্ত করা হইল। ফানেলের মুখে রবার চাদরে অল্ল চাপ দিলেই দেখা যাইবে, যে পেলেটটি কাচের নলের খোলা মুখের দিকে চলিয়া যাইতেছে। অর্থাৎ পেলেটটি কাচের নলের খোলা মুখের দিকে চলিয়া গোলে ব্ঝিতে হইবে যে রবার-চাদরের উপর চাপ বৃদ্ধি পাইতেছে।

এইবার একটি বড় কাচপাত্রে জল লইয়া ফানেলটিকে আন্তে আন্তে নিচের দিকে লইয়া গেলে দেখা যাইবে যে, পেলেটটি কাচের নলের খোলা-মুখের দিকে সরিয়া যাইতেছে। ইহা হইতে প্রমাণিত হয় যে, জলের মধ্যে গভীরতা বৃদ্ধি পাইলে ঐ বিন্তুতে উদক্তৈতিক চাপের পরিমাণও বৃদ্ধি পায়। 2.16 (3) সমীকরণে এই বৃদ্ধির পরিমাণ বর্ণনা করা হইয়াছে। এইবার কানেলটিকে নির্দিষ্ট কোন গভীরতায় রাখিয়া ফানেলের মুখ আত্তে আত্তে চারিদিকে ঘুরাইলে দেখা যাইবে যে পেলেটটি হির আছে। ইহা হইতে প্রমাণিত হয় যে, প্রবহণশীল পদার্থে কোন বিন্তুতে উদক্তৈতিক চাপ সবদিকেই সমান থাকে। 2.16 (iii) চিত্রে এই গরীক্ষার ব্যবস্থা দেখানো হইয়াছে।

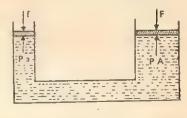
- 2.17. প্রবহণশীল পঢ়ার্থে চাপের সঞ্চালন (Transmission of fluid pressure):
- 2.16 (3) সমীকরণে PA যদি বর্ধিত বা হ্রাসপ্রাপ্ত হয়, P এর পরিমাণও ঠিক সেই পরিমাণে বর্ধিত বা হ্রাসপ্রাপ্ত হইবে। অর্থাৎ তরলের উপরে চাপের বৃদ্ধি বা হ্রাস হইলে, তরলের মধ্যে সকল বিল্তেই একই পরিমাণে চাপের বৃদ্ধি বা হ্রাস হইবে। ইহা হইতে বলা যায় যে প্রবহণশীল পদার্থের যে কোনও বিল্তে চাপ পরিবর্তিত হইলে এই পরিবর্তন পদার্থের সকল বিল্তে সঞ্চালিত হইয়া যায়। ফরাসী বৈজ্ঞানিক পাস্ক্যাল (Pascal) সপ্তদশ শতাব্দীতে প্রবহণশীল পদার্থের এই ধর্ম আবিদ্ধার করেন।

পাস্ক্যালের নিয়ম (Pascal's law): কোনও আবদ্ধ, স্থির, প্রবহণশীল

পদার্থে প্রযুক্ত উদক্তৈতিক চাপ ইহার সকল অংশেই এবং বারকণাত্তের গাত্তে, পরিমাণে কিছুমাত্র হ্রাসপ্রাপ্ত না হইয়াই, সঞ্চালিত হয়।

পাসক্যালের নিয়মের উপর ভিত্তি করিয়া হাইড্রোলিক চাপ উৎপাদক যন্তের (Hydraulic Press) উদ্ভাবন করা হয়। 2.17 (i) চিত্রে হাইড্রোলিক

চাপ-উৎপাদক যন্ত্রের কার্যপ্রণালী ব্যাখা।
করা হইয়াছে। তৈল জাতীয় কোন
তরল পদার্থের উপর একটি কুন্দ্র প্রস্থচ্ছেদের
পিষ্টনের সাহায্যে অল্প পরিমাণ বল, f
সরাসরি প্রয়োগ করা হয়। ধরা যাউক্,
এই পিষ্টনের প্রস্থচ্ছেদের ক্ষেত্রকল=a.



िक्त 2°17 (i)

ইহার ফলে তরলের মধ্যে উদ্দৈষ্টিক চাপের স্বষ্ট হয়, এবং ইহার পরিমাণ, $P=\frac{f}{a}$ । এই চাপ সংযোগকারী নলের মধ্যস্থিত তরলের মধ্য দিয়া সঞ্চালিত হইয়া অপর প্রান্তে অপেক্ষাকৃত বড় ব্যাসের সিলিগুারের তরলে চলিয়া যায়। এই সিলিগুারে যে পিষ্টন লাগানো থাকে, তাহার প্রস্থচ্ছেদের ক্ষেত্রফল=A, এবং ইহা a অপেক্ষা অনেক গুণ বড়। যেহেতু তুইটি সিলিগুারেই উদক্ষৈতিক চাপের পরিমাণ একই, স্কুতরাং

$$P = \frac{f}{a} = \frac{F}{A}$$

 $2\,17(1)$ সমীকরণ হইতে দেখা যাইতেছে যে F,f অপেক্ষা $rac{A}{a}$ গুণ বেশী।

যেহেতু A, a অপেক্ষা বেশী, F-ও f অপেক্ষা বেশী। স্থতরাং হাইড্রোলিক চাপ উৎপাদক যন্ত্রের সাহায্যে যে কোন বল fকে বেশ কয়েক গুণ বৃদ্ধি করা যায়। এই বৃদ্ধির পরিমাণ পিষ্টন তুইটির ক্ষেত্রফলের অন্তুপাতের সমান।

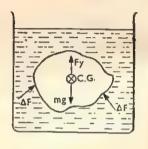
মোটরগাড়ীর গ্যারেজে গাড়ীকে উচ্চে তুলিবার জন্ম যে যন্ত্র ব্যবহার করা হয়
তাহাও হাইড্রোলিক চাপ উৎপাদক যন্ত্রের কার্যকৌশলের উপর ভিত্তি করিয়া উদ্ভাবিত
হইয়াছে। ইহা ছাড়া আরও অনেক ক্ষেত্রেই বল বৃদ্ধির উপায় হিসাবে উপরে বর্ণিত
প্রবহণশাল পদার্থের বৈশিষ্ট্য ব্যবহার করা হয়।

2.18. আর্কিমিডিসের সূত্র (Archimedes' Principle) :

খৃষ্টপূর্ব দ্বিতীয় শতাব্দীতে গ্রীস্ দেশে আর্কিমিডিস জন্মগ্রহণ করেন। তৎকালীন বিজ্ঞানের নানা বিষয়ে আর্কিমিডিসের অবদান অসামান্ত। তরল বা বায়ব পদার্থে কোনও কঠিন বস্তু নিমজ্জিত থাকিলে উহার উপর যে প্লবতা বল কাজ করে, আর্কিমিডিসই সর্বপ্রথম ইহা লক্ষ্য করেন। এবিবয়ে তিনি যে স্থত্তের আবিষ্ণার করেন, তাহা
আর্কিমিডিসের স্ত্র নামে বিখ্যাত। আমরা এই পরিচ্ছেদে প্লবতা বল, উপরোক্ত স্ত্র,
ভাসমান বস্তুর নিয়ম প্রভৃতির আলোচনা করিব।

2.18(i) চিত্তে অসম রেখা দারা কোনও স্থির প্রবহণশীল পদার্থের মধ্যে ইহার যে কোনও এক অংশের সীমারেখা দেখানো হইয়াছে। চারিপাশের পদার্থ ঐ সীমারেখার

উপর লম্বভাবে বল প্রয়োগ করিতেছে এবং ছোট তীর চিহ্ন দ্বারা একই পরিমাণ ক্ষেত্রফল $\triangle A$ এর উপর প্রযুক্ত এই বলগুলি $\triangle F$ দেখানো
হইরাছে। এই বল এর পরিমাণ $\triangle F = P. \triangle A$,
এবং উদস্থৈতিক চাপ P পদার্থের উপরিতল হইতে $\triangle A$ তলের গভীরতার উপরই নির্ভর করে,
সীমারেখার আকার বা তলগুলি উল্লম্ম দিকের সহিত
কিভাবে বিশ্বস্তা, তাহার উপর নির্ভর করে না।



हिन्न 2.18(i)

প্রবহণশীল পদার্থটি স্থির বলিয়া অন্নভূমিক দিকে বলগুলির, উপাংশের যোগফল শৃন্ত, এবং উল্লম্ব দিকে বলগুলির উপাংশের যোগফল F_y ঐ সীমারেখার মধ্যস্থিত পদার্থের ওজন, m_g ,-এর সমান হইবে, এবং ইহা ঐ অংশের পদার্থের ভরকেন্দ্রের মধ্য দিয়া প্রযুক্ত হইবে।

এখন, ধরা যাউক যে, ঐ অংশের পদার্থ বাহির করিয়া লওয়া হইয়াছে এবং একই আকারের ও আয়তনের একটি কঠিন বস্তু ঐ স্থানে প্রতিস্থাপিত করা হইয়াছে। কঠিন বস্তুর উপর উদব্যৈতিক চাপ পূর্বের মতই থাকিবে, অর্থাৎ চারিপাশের প্রবহণশীল পদার্থ কঠিন বস্তুর উপর পূর্বের মত একই প্রকার বল প্রয়োগ করিবে। স্কৃতরাং কোনও স্থির প্রবহণশীল পদার্থে কোনও কঠিন বস্তু প্রবেশ করাইলে, কঠিন বস্তুটি যে পরিমাণ প্রবহণশীল পদার্থ সরাইয়া নিজের স্থান করিয়া লইবে, সেই পরিমাণ প্রবহণশীল পদার্থের ওজনের সমান বল উল্লম্বদিকে কঠিন বস্তুর উপর প্রযুক্ত হইবে। এই বল অপসারিত প্রবহণশীল পদার্থের ভরকেক্রের মধ্য দিয়া কাজ করিবে।

ঐ কঠিন বস্তুর ওজন, ইহার উপর প্রযুক্ত উল্লম্ব বল F_y -এর সমান নাও হইতে পারে। আবার কঠিন বস্তুটি সমস্বন্ধ না হইলে ইহার ভরকেন্দ্র F_y -এর প্রয়োগ-দিক-এর মধ্যে নাও পড়িতে পারে। ইহার ফলে, কঠিন বস্তুটিতে ইহার নিজের ভরকেন্দ্রের মধ্য দিয়া (উপরে বা নিচের দিকে) বল এবং দুন্দ্ব কাজ করিবে। স্থৃত্রাং বস্তুটি উপরে বা নিচের দিকে স্থানাস্তরিত হইতে পারে এবং দ্বন্দের ফলে ঘুরিয়াও যাইতে পারে।

আর্কিমিডিসের সূত্র: কোনও বস্তু প্রবহণশীল পদার্থে নিমজ্জিত হুইলে ইহার উপর অপসারিত প্রবহণশীল পদার্থের ওজনের সমান উল্লম্ব **দিকে একটি প্লবতা বল কাজ করিবে।** উপরের আলোচনা হইতে আমরা দেখিলাম যে, এই প্রবতা বল অপসারিত পদার্থের ভরকেন্দ্রের মধ্য দিয়া যাইবে।

ভাসমান বস্তু (Floating body): কোনও বস্তু তরল বা বায়ব পদার্থে পুরাপুরি নিমজ্জিত অবস্থায় অথবা কোনও তরল পদার্থের উপরিতলে আংশিক নিমজ্জিত অবস্থায় স্থির থাকিলে ঐ বস্তুকে ভাসমান বস্তু বলে। সাবমেরিন সমুদ্রের বিভিন্ন গভীরতার ভাসমান থাকে, আবার নোকা ইত্যাদি জল্যান তরল পদার্থের উপরিতলে আংশিক নিমজ্জিত অবস্থায় ভাসমান থাকে। স্বভাবতই ভাসমান বস্তুর ক্ষেত্রে, প্রবতা বল বস্তুর ওজনের সমান হইতে হইবে, এবং বস্তুর ও প্রবহণশীল পদার্থের ভরকেন্দ্র একই উল্লম্ব বেখায় থাকিতে হইবে।

উদাহরণ: একখণ্ড ইস্পাত পারদের উপরিতলে আংশিক নিমজ্জিত অবস্থায় ভাসমান। ইস্পাত এবং পারদের ঘনত্ব যথাক্রমে 7'8 গ্রাম/সি.সি এবং 13.6 গ্রাম/সি.সি. হুইলে, ইস্পাতথণ্ডের আয়তনের কত অংশ পারদের উপর থাকিবে ?

ধরা যাউক, ইম্পাত খণ্ডের আয়তন=Vo সি.সি.। পারদের উপরে ইম্পাতখণ্ডের আয়তন V সি.সি. হইলে নিমজ্জিত আয়তন $=(V_0-V)$ সি.সি.। স্থতরাং অপস্ত পারদের আয়তন $=(V_0-V)$ সি.সি. এবং অপস্ত পারদের ভর $=(V_0-V)$ 13.6গ্রাম। ইম্পাতথণ্ডের ভর = $V_0 \times 7.8$ গ্রাম। ভাসমান বস্তুর নিয়ম অনুসারে,

ইম্পাতখণ্ডের ওজন= অপস্ত পারদের ওজন

অর্থাৎ, 7.8Vog=13.6 (Vo-V)g.

অথবা, 7'8 Vo=13'6 (Vo-V)

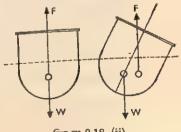
অথবা, 13.6 V=(13.6-7.8)Vo

 $\frac{V}{V_0} = \frac{13.6 - 7.8}{13.6} = 0.43.$

স্থতরাং ইম্পাতথণ্ডের আয়তনের 0'43 অংশ পারদের উপরে থাকিবে।

নৌক। ইত্যাদি জল্যান জলের উপরিতলে আংশিক নিমজ্জিত অবস্থায় ভাসে।

এক্ষেত্রে, নৌকাটি যদি কোনও কারণে এক-পাশে হেলিয়া যায়, তাহা হইলে অপস্ত জলের ভরকেন্দ্র আগের তুলনায় স্থানাস্তরিত হয়। ইহার ফলে, প্রবতা-বল এবং নৌকার ওজন নৌকার উপরে ছন্দ্রের স্ফটি করে। 2.18. (ii) চিত্তে অন্তরূপ একটি অবস্থা দেখানো হইয়াছে।



চিত্ৰ নং 2.18. (ii)

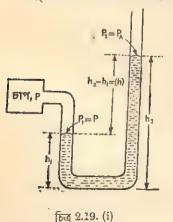
ভাসমান বস্তুর আকৃতি এমনভাবে তৈয়ারী করা হয় যাহাতে এই দ্বন্ধ ভাসমান বস্তুকে পূর্বের অবস্থায় পুনরায় কিরাইয়া আনিতে পারে। সেইজ্যু এই দ্বুকে সংশোধনী দ্বন্দু বলে 2'18 (ii) চিত্রে F এবং W এর সমবায়ে যে হৃদ্ধ সৃষ্টি হইয়াছে তাহা সংশোধনী ক্ষু।

2.19. বায়ুর চাপ:

বায়ু এবং অন্তান্ত গ্যাসীয় পদার্থ তরল পদার্থের মতই প্রবহণনীল পদার্থ। স্থির বায়ুর মধ্যেও উদবৈষ্তিক চাপ ক্রিয়া করে। ইহাকে বায়ু-চাপ বলে। পাস্ক্যাল-এর স্তত্র এবং আর্কিমিভিদের সূত্র বায়ু-চাপের ক্ষেত্রেও প্রযোজ্য। বায়ুতে ভাসমান বস্তুও উপরে বর্ণিত নিয়মগুলি মানিয়া চলে।

পথিবীর চারিদিকে ঘিরিয়া যে বায়ুমণ্ডল বর্তমান, তাহার প্রত্যেক বিন্দুতেই নির্দিষ্ট বায়ুচাপ আছে। বায়ুমগুলের উপরিতল হইতে h গভীরতায় বায়ুচাপের পরিমাণ কত তাহা নির্ণয় করিতে হইলে 2.16. (3) সমীকরণ ব্যবহার করা যাইবে না। কারণ, ঐ সমীকরণে ঘনত্ব P এবং অভিকর্যজ ত্বরণ g-কে উল্লম্ন h দূরত্বের মধ্যে অপরিবর্তিত থাকে বলিয়া ধরা হইয়াছে। বস্ততঃ, পৃথিবীপৃষ্টে বায়ুচাপের পরিমান নির্ণয়ের সময় h-এর মান হইবে প্রায় দেড়শত মাইল। এবং এই দূরত্বের মধ্যে বায়ুর ঘনত্ব P এবং অভিকর্ষজ ত্বরণ g উভয়ুই অনেকথানি পরিবর্তিত হুইবে। স্কুতরাং সুরাসুরি পরিমাপের দারাই বায়্চাপ নির্ণয় করা প্রয়োজন। এই পরিমাপ পদ্ধতির মূলনীতি নিয়ে বণিত হইল।

বায়ুচাপ পরিমাপের পদ্ধতি:



(ক) বায়্চাপ পরিমাপের সহজ্তম যক্ত ২ইল একমুখ খোলা ম্যানোমিটার। 2.19 (i) চিত্রে ইহার মূল গঠন-প্রণালী দেখানো হইয়াছে। U-এর আকুতি-বিশিষ্ট একটি কাচের নলে যে-কোনও এক প্রকার তরল পদার্থ লওয়া হয়। ইহার একদিক, যে চাপের, P, পরিমাপ করিতে হইবে, সেই চাপে রাখা হয়, এবং অন্ত মুখ খোলা খাকে এবং সেখানে চাপ PA, বায়ুমণ্ডলীয় চাপের সমান!

বামদিকের তরল-স্তম্ভের তলদেশে চাপের পরিমাণ

এবং ডানদিকের তরল-স্তম্ভের তলদেশে চাপের পরিমাণ

$$P_A + Pgh_2$$

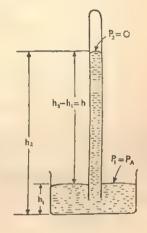
P তরলের ঘনত্ব নির্দেশ করিতেছে। যেহেতু, এই হুই চাপ তরলের একই <mark>আনু-</mark> ভুমিক তলে ক্রিয়াশীল, স্থুতরাং ইহারা সমান; অর্থাৎ

$$P + \rho g h_1 = P_A + \rho g h_2$$
এবং $P - P_A = \rho g (h_2 - h_1) = \rho g h.$ 2.19 (1)

চাপ, P-কে পরম চাপ, এবং (P - PA .-কে গেজ-চাপ বলা হয়। 2'19 (1) সমীকরণে দেখা যাইতেছে যে গেজ-চাপ তৃইদিকের তরলস্তস্তের উচ্চতার প্রভেদের সঙ্গেসমান্ত্রপাতিক।

খে। মানোমিটার ছাড়া আরও একটি যন্ত বায়্-মঙলীয় চাপ পরিমাপের জন্ম ব্যবহৃত হয়; ইহাকে ব্যারোমিটার বলে। 2.19. (ii) চিত্রে ইহার মূল গঠন-প্রণালী দেখানো হইয়াছে। একটি দীর্ঘ একম্থ খোলা কাচনল পারদে পূর্ণ করিয়া, পারদপূর্ণ একটি পাত্রে ইহাকে উন্টাইয়া ড্বাইয়া রাখা হয়। নলের মধ্যে পারদস্তস্তে উপরিভাগে গুধুমাত্র পারদের বাষ্প থাকে। মাধারণ তাপমাত্রায় এই পারদ্বাস্পের চাপ খুবই কম, স্কুতরাং ইহাকে উপেক্ষা করা যায়।

ইংা সহজেই বুঝা যায় যে, বায়ুমণ্ডলীয় চাপ = PA হইলে,



চিত্ৰ 2.19. (ii)

$$P_{A} = P_{\mathcal{R}} (h_2 - h_1) = Pgh.$$

h=পারদস্তস্তের উচ্চতা এবং ho=পারদের খনস্ব।

পারদ মানোমিটার এবং পারদ ব্যারোমিটার প্রায়ই বিভিন্ন পরীক্ষাগারে চাপ পরিমাপের জন্ম ব্যবহৃত হয়। সেইজন্ম বার্মওলীয় চাপ কিংবা অন্ত কোনও গ্যাসের চাপকে নির্দেশ করা হয়, এত "সেন্টিমিটার পারদ" কিন্দা এত "ইঞ্চি পারদ" এইভাবে। "সেন্টিমিটার পারদ" চাপের একক হইল, বল/(ক্ষেত্রফল) এবং সি. জি. এক্, পদ্ধতিতে ডাইন্স্/ (সে. মি.)²।

উদাহরণঃ কোনও একদিনে ব্যারোমিটারে উচ্চতা 76'0 সে.মি. ইইলে সেইদিনে বায়ুমণ্ডলীয় চাপের পরিমাণ কত ?

পারদস্তস্তের দৈর্ঘা বায়ুমণ্ডলীয় চাপ PA ছাড়াও P এবং ৪ এর উপর নির্ভর করে। স্থতরাং পারদের ঘনত্ব এবং স্থানীয় অভিকর্ষজ ত্বরণের পরিমাণ জানা প্রয়োজন। ঘনত্ .P, তাপমাত্রার সহিত পরিবর্তিত হয় এবং স্থানীয় অক্ষরেখা ও সমুদ্রের উপরিতল হইতে ইহার উচ্চতার উপর ৫ নির্ভর করে। প্রত্যেক ব্যারোমিটারের সঙ্গে একটি তাপমান যন্ত্রও থাকে। ইহা ছাড়া, তাপমাত্রা, উচ্চতা ও অক্ষরেখার জন্ম যে সংশোধন প্রয়োজন তাহাও একটি সারণীতে লিপিবদ্ধ করিয়া অথবা একটি লেখচিত্রে নির্দেশ করিয়া দেওয়া হয়।

যদি ধরা যায়,
g=980 সৈ.মি /(সেকেণ্ড)²
এবং P=13'6 গ্রাম/সি.সি.

তাহা হইলে,

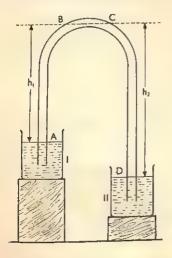
$$P_{A} = 13.6 \frac{\text{গ্রাম}}{(\text{সে.মি.})^{3}} \times 980 \frac{\text{সে.মি.}}{(\text{সেকেণ্ড})^{2}} \times 76 \text{ সে.মি.}$$

$$= 1,013,000 \frac{\text{ভাইন্স্}}{(\text{সে.মি.})^{2}}$$

 $1.013 imes 10^6 \ rac{\ {
m wilder}^7}{\ (\ {
m cr.ln.}\)^2}$ চাপকে "এক বায়ুমণ্ডল" চাপ বলা হয়।

10⁶ ভাইনস্ চাপকে বলা হয় এক "বার", এবং এক 'বার'-এর এক হাজার ভাগের এক ভাগকে বলা হয় এক "মিলিবার"। স্থতরাং বায়ুমগুলীয় চাপ প্রায় 1000 মিলিবার।

2.20. এই অন্নচ্চেদে, আমরা সাইফন এবং কোনও আবদ্ধ পাত্রে গ্যাসীয় পদার্থে চাপ বৃদ্ধি ও হ্রাস করিবার জন্ম ব্যবহৃত চাপ উৎপাদক পাম্প এবং ভ্যাকুয়াম পাম্পের কার্য-প্রণালী বর্ণনা করিব।



हिन्द 2.20 (i)

(A) সাইফন: সাইফন হইল, তুইমুথ থোলা একটি বাঁকানো নল; ইহার মধ্যে এক-দিকের নলের দৈর্ঘ্য অপর দিকের নলের দৈর্ঘ্যের চেয়ে কম বা বেশী। 2 20. (i) চিত্রে সাইফন দেখানো হইয়াছে।

তরলভতি ছুইটি পাত্র ছুইটি বিভিন্ন
সমতলে থাকিলে, অপেক্ষাকৃত বেশী উচ্চতায়
অবস্থিত পাত্রের তরল অপর পাত্রে সাইফনের
সাহায্যে স্থানাস্তরিত করা যায়। প্রথমে সাইফনকে ঐ তরলদ্বারা পূর্ণ করিতে হুইবে, এবং
উহাকে 2'20 (i) চিত্রের স্থায় উন্টাইয়া পাত্রছুইটির তরলের মধ্যে সাইফনের খোলা মুখ

ত্রইটি ডুবাইতে হইবে। এইভাবে সাইকনকে উন্টাইয়া ধরিবার সময় যাহাতে উহার. মধ্যে বাতাস না ঢুকিয়া যায়, তাহার ব্যবস্থা করিতে হইবে। এখন দেখা যাইবে যে অধিক উচ্চতায় পাত্র হইতে তরল সাইফনের মধ্য দিয়া নিচের পাত্রে চলিয়া যাইতেছে।

2.20 (i) চিত্রে, A এবং D তলে তরলের উপর চাপের পরিমাণ PA বায়ুমণ্ডলীয় চাপের সমান। এখানে, A এবং D তলের মধ্যে উল্লম্ব দূরত্বের জন্ম উহাদের উপর বায়ুমণ্ডলীয় চাপের পার্থক্য অল্ল বলিয়া উপেক্ষা করা যাইতে পারে। B-বিন্দুতে চাপের প্রিমাণ = $P_A - \rho g h_1$, $ho = ভরলের ঘনত। C-বিন্দৃতে চাপের প্রিমাণ = <math>P_A$ - Pgh₂। স্থতরাং B ও C বিন্দু একই উচ্চতায় অবস্থিত হইলেও উহাদের মধ্যে চাপের প্রভেদ আছে। যেহেতু $h_2>h_1$, B-বিন্দুতে চাপের পবিমাণ C-বিন্দু হইতে বেশী , স্বতরাং তরল B হইতে C বিন্দুর দিকে প্রবাহিত হইবে। অর্থাৎ I পাত্র হইতে II পাত্রে তরল স্থানাস্তরিত হইবে।

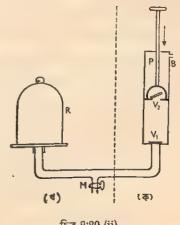
যথন A এবং D একই সমতলে আসিয়া যাইবে, তখন $h_1 = h_2$ এবং B ও C বিন্দুতে চাপের পরিমাণ একই হওয়ার ফলে তরলের প্রবাহ বন্ধ হইয়া যাইবে অর্থাৎ I ও II পাত্রের মধ্যে তরলের স্থানান্তরও বন্ধ হইয়া যাইবে।

কোনও আবদ্ধ স্থানে জমিয়া যাওয়া তরল এইভাবে সাইফনের সাহায্যে নিমুসমতলে স্থানান্তরিত করা যায়। শোচাগারে সাইফনের নীতি অনুসারেই ফ্লাস কাজ করে।

(B) ভ্যাকুয়াম পাম্প: 2.20. (ii) চিত্রের (ক) অংশে একটি ভ্যাকুয়াম পাম্প দেখানো হইয়াছে। চিত্রের (খ) অংশে যে পাত্রের মধ্যে ওাাকুয়াম করা হইবে, সেই

পাত্র এবং পাত্রে চাপ মাপিবার জন্ম ম্যানো-মিটার ব্যবহার করিবার ব্যবস্থা দেখানো হইয়াছে।

পাষ্পটি মূলতঃ একটি ব্যারেল নল, B, এবং উহার তলদেশে ভাল্ব V1 লইয়া গঠিত। ইহার মধ্যে পিষ্টন P উপরে-নিচে চলাচল করিতে পারে এবং পিষ্টনের সহিত ভাল্ব, V 2 যুক্ত থাকে। পিষ্টন উপরে-নিচে চলাচল করিবার সময় ব্যারেলের গায়ে এমন-ভাবে লাগিয়া থাকে যাহাতে পিষ্টনের গা বাহিয়া কোন বায়ব পদার্থ বাহির হইয়া না



हिन 2:20 (ii)

যায়। ভাল্ব $m V_1$ এবং $m V_2$ উভয়েই শুধু উপরের দিকে খুলিতে পারে; এবং $m V_2$: উপরের দিকে বায়ুমণ্ডলের সহিত যুক্ত।

ব্যারেল নল B, ধাতব নলের মধ্য দিয়া কেল্রস্থলে ছিদ্র বিশিষ্ট একটি পাটাতনের সহিত যুক্ত। যে পাত্রের মধ্যে ভ্যাকুয়াম্ করা হইবে, সেই পাত্র বা রিসিভার R, এই পাটাতনের উপর বসানো থাকে, এবং পাটাতন ও পাত্রের মুখের মধ্যে-ভেসেলিন্ জাতীয় রেসিন লাগানো হয়। ইহার ফলে বাহির হইতে বাতাস রিসিভারের মধ্যে চ্কিতে পারে না।

রিসিভারের মধ্যে চাপ পরিমাপের জন্ম M ছিপি যুক্ত একটি নলের ব্যবস্থা থাকে। এই নলের সৃহিত ম্যানোমিটার লাগানো যাইতে পারে।

কার্যপ্রণালী: ধরা যাক্, প্রথমে পিটন তাহার সর্বনিয় অবস্থানে অর্থাৎ Bনলের তলদেশে ভাল্ব V_1 এর ঠিক উপরে আছে। পিটন যথন উপরের দিকে আসিবে
তথন ব্যারেল ও পিষ্টনের তলদেশের মধ্যবর্তী স্থানে অংশতঃ ভ্যাকুয়াম স্বাষ্টি হইবে।
পিষ্টনের নিচে ব্যারেলের মধ্যে চাপ কম হওয়ায় রিসিভারের উচ্চচাপ অঞ্চল হইতে
বায়ু ব্যারেলের মধ্যে প্রবেশ করিবার চেষ্টা করিবে এবং ভাল্ব V_1 উপরের দিকে খুলিয়া
থাইবে। ইহার ফলে রিসিভারের কিছু বায়ু ব্যারেলের মধ্যে চুকিয়া যাইবে।

ইহার পর পিষ্টন যথন নিচের দিকে আসিবে, তথন পিষ্টন এবং ভাল্ব V_1 এর মধ্যবর্তী স্থানে চাপ বৃদ্ধি পাইবে। স্কৃতরাং V_1 বন্ধ হইয়া যাইবে, এবং পিষ্টন ও V_1 এর মধ্যবর্তী স্থানের আয়তন বেশ কিছুটা কমিয়া যাওয়ার ফলে চাপ বৃদ্ধির পরিমাণ যথেষ্ট হওয়ায় ভাল্ব V_2 উপরের দিকে খুলিয়া যাইবে। ইহার ফলে পিষ্টন ও ভাল্ব V_1 এর মধ্যবর্তী বায়্ V_2 র মধ্য দিয়া বাহির হইয়া বায়্মগুলে মিশিয়া যাইবে।

স্থৃতরাং দেখা যাইতেছে যে, পিষ্টনের একবার নিচ হইতে উপর এবং উপর হইতে নিচে যাতায়াতের ফলে রিসিভারের কিছু পরিমাণ বায়ু বাহির হইয়া আসিতেছে। এই ভাবে কয়েকবার উপর নিচে পিষ্টন যাতায়াত করিলে রিসিভারের বায়ুর পরিমাণ অনেক কমিয়া যাইবে, এবং শেষ পর্যস্ত রিসিভারে ভ্যাকুয়ামের স্ঠেই ইইবে।

কোনও এক আবদ্ধ স্থানে এবং নির্দিষ্ট তাপমাত্রায় বায়ব পদার্থের পরিমাণই উহার চাপ নিয়ন্ত্রিত করে। পদার্থের পরিমাণ বৃদ্ধি পাইলে চাপ বাড়িবে এবং পরিমাণ স্থাস পাইলে চাপও কমিয়া যাইবে। স্থতরাং ম্যানোমিটারের সাহায্যে চাপ পরিমাপ করিয়া রিসিভারের মধ্যে বায়ব পদার্থের পরিমাণ বা উহার ভ্যাকুয়ামের অবস্থা জানিতে পারা যায়।

এই ক্ষেত্রে, ইহা উল্লেখযোগ্য যে রিসিভারের মধ্যে চাপের পরিমাণ যখন এতই কমিয়া যায় যে উহা ভাল্ব্ V_1 এর ওজনের চেয়েও কম তখন পিটনকে উপরের দিকে তুলিলেও রিসিভার হইতে বায়ু ব্যারেলে প্রবেশ করিতে পারে না। স্থতরাং V_1 এর

ওজনই নির্দিষ্ট করিয়া দেয় যে, এই পাম্পের সাহায্যে রিসিভারের মধ্যে কত কম চাপ স্থাষ্টি করা সম্ভব।

পিষ্টনকে গ্-বার উপরে-নিচে চালাইলে রিসিভারের চাপ কত কমিবে ভাহার হিসাব নিচে দেওয়া হইল।

ধরা যাক্, V = রিসিভার ও সংযোগকারী নলের মিলিত আয়তন, v = ব্যারেলের আয়তন,

এবং P= পিষ্টনের সর্বনিম্ন অবস্থানে, রিসিভারের মধ্যে বায়ুর প্রাথমিক চাপ। স্থতরাং প্রথমবার পিষ্টন উপরে ওঠার কলে রিসিভার ও নলের মধ্যেকার বায়ুর আয়তন V হুইতে বাড়িয়া (V+v) হুইল। এই আয়তন বৃদ্ধির ফলে চাপ ক্ষিয়া যাইবে। ধরা যাক্, এই চাপের পরিমাণ P_1 । স্থতরাং বয়েলের পুত্র অন্ত্র্পারে,

$$PV = P_1(V + v).$$

खर्शर,
$$P_1 = P\left(\frac{V}{V+v}\right)$$
 2.20 (1)

দিতীয় বার পিষ্টন উপরে ওঠার আগে রিসিভারের মধ্যে চাপ P_1 থাকিবে, এবং পিষ্টন উপরে ওঠার ফলে আয়তন বৃদ্ধির জন্ম এই চাপ কমিয়া P_2 হইয়া যাইবে। P_2 - এর পরিমাণ হইবে,

$$P_{2} = P_{1} \left(\frac{V}{V+v} \right)$$

$$= P_{1} \left(\frac{V}{V+v} \right)^{2}$$
2.20 (2)

মতরাং পিষ্টনের n বার উঠা-নামার ফলে, রিসিভারে চাপের পরিমাণ হইবে,

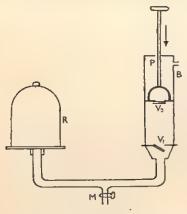
$$P_n = P\left(\frac{V}{V+v}\right)^n \qquad 2.20. (3)$$

আধুনিক বিজ্ঞান ও প্রযুক্তিবিভায় ভ্যাকৃয়াম পাম্পের অপরিহার্যতা সর্বজন-স্বীকৃত।
অতি উচ্চমানের ভ্যাকৃয়াম তৈয়ারী করিবার জন্ত অনেক জটিল ভ্যাকৃয়াম পাম্প উদ্ধাবিত হইয়াছে। সব পাম্পেই পিষ্টনকে বৈত্যাতিক শক্তির সাহায্যে উপরে নিচে উঠা-নামা করানো হয়।

ভ্যাকুয়াম ক্লিনার হিসাবে ভ্যাকুয়াম পাষ্প দৈনন্দিন কার্যে ব্যবহৃত হয়।

(C) চাপ-উৎপাদক পাদ্প: 2.20. (iii) চিত্তে একটি চাপ উৎপাদক পাদ্প

দেখানো হইয়াছে। ইহার গঠন-কৌশল ভ্যাকুয়াম্ পাস্পের মতই। পার্থক্য ভুধু



চিত্ৰ নং 2.20 (iii)

এই যে, ভাল্ব V_1 এবং V_2 উভয়েই শুধূ নিচের দিকে খুলিতে পারে।

কার্যপ্রশালী: ধরা যাউক্, প্রথমে পিষ্টন ব্যারেলের উপরের দিকে আছে। পিষ্টনকে যথন নিচের দিকে নামানো হইতেছে, তথন ব্যারেলের মধ্যে বায়ুর আয়তন কমিয়া যাইতেছে এবং ইহার চাপ বায়ুমণ্ডলীয় চাপের তুলনায় বেশী। ইহার ফলে ভাল্ব, V_2 বন্ধ হইয়া যাইবে। পিষ্টনের ক্রমাগত নিচে আসার জন্ম চাপ আরও বাড়িলে ভাল্ব, .V1 নিচের

দিকে খুলিয়া যাইবে, এবং ব্যারেলের বায়্ রিসিভারের মধ্যে প্রবেশ করিবে।

ইহার পর পিষ্টনকে উপরের দিকে উঠাইলে, V_1 এবং পিষ্টনের মধ্যবর্তী স্থানে ভ্যাকুয়াম স্থাষ্ট হইবে। রিসিভারে চাপ বেশী থাকায় ভাল্ব, V_1 বন্ধ হইয়া যাইবে। কিন্তু V_1 এবং পিষ্টনের মধ্যবর্তী স্থানে চাপের তুলনায় বায়ুমণ্ডলীয় চাপ বেশী হওয়ায় ভাল্ব, V_2 নিচের দিকে খুলিয়া যাইবে এবং বায়ুমণ্ডল হইতে কিছু বায়ু পিষ্টনে প্রবেশ করিবে। ইহার পর পিষ্টনকে নিচের দিকে নামাইবার সময় এই বায়ু পুনরায় রিসিভারে প্রবেশ করিবে।

পিষ্টনকে n-বার উপরে-নিচে চালাইলে রিসিভারে চাপ কত বাড়িবে তাহার হিসাব নিচে দেওয়া হইল।

ধরা যাক্, $\rho = \pi$ ায়ুমণ্ডলীয় চাপে বাতাসের ঘনত। স্থতরাং রিসিভারে প্রাথমিক বাতাসের ভরের পরিমাণ= ∇P . একবার পিষ্টন উপর হইতে নিচে আসার জন্ম যে বাতাস রিসিভারে প্রবেশ করিল, তাহার ভরের পরিমাণ= ∇P . এবং রিসিভারে মোট বাতাসের ভর= $(\nabla P + \nabla P)$.

দ্বিতীয়বার পিষ্টন নিচে আসার ফলে রিসিভারে মোট বাতাসের ভর হইবে =(VP+2vP).

স্থতরাং n-বার পিষ্টনের ওঠা-নামার ফলে রিসিভারে মোট বাতাসের ভরের পরিমাণ হুইবে $(\nabla \rho + n \mathbf{v} \rho) = (\nabla + n \mathbf{v}) P$. এই পরিমাণ ভরের বাতাস ∇ আয়তন বিশিষ্ট রিসিভারের মধ্যে আবদ্ধ আছে। স্থতরাং ইহার ঘনত্ব, $\rho_n = \left(\frac{\nabla + n \mathbf{v}}{\nabla}\right) \rho$ $= \left(1 + n \cdot \frac{\mathbf{v}}{\nabla}\right) \rho$.

ষেহেতু চাপ ঘনত্বের সমান্ত্রণাতিক, স্থতরাং আমর। লিখিতে পারি,

$$P_n = P\left(1 + n \quad \frac{V}{V}\right) \qquad \qquad 2.20 (4)$$

ফুটবলের ব্লাডারে বাতাস ভরিবার জ্ঞা এই প্রকার পাম্পই ব্যবহৃত ১র।

উদাহরণ: ব্যারেল এবং রিসিভারের আয়তনের অন্নপাত 1:20 ২ইলে, রিসিভারে চাপ এক বায়ুমণ্ডলীয় চাপ হইতে বৃদ্ধি করিয়া 3 গুণ করিতে হইলে কতবার পিষ্টনের উপরে-নিচে করা প্রয়োজন ?

এখানে, P=1 বায়ুমণ্ডলীয় চাপ

$$Pn=3$$

এবং
$$\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{V}} = \frac{1}{20}$$

আমাদিগকে n-এর মান বাহির করিতে হইবে। 2.20. (4) স্মীকরণ ব্যবহার করিয়া,

$$3 = 1 \times \left(1 + n \frac{1}{20}\right)$$

অথবা, $1 + \frac{n}{20} = 3$

অথবা, $\frac{n}{20} = 2$

স্তরাং, n=40

(D) জল-উত্তোলক পাম্প : ইহা মূলতঃ একটি ভ্যাকুয়াম্ পাম্প। 2.20.(iv)

চিত্রে একটি জল-উত্তোলক পাম্প দেখানো হইল। পিষ্টনের উপরে-নিচে যাওয়ার ফলে প্রথমে AB নলের মধ্যন্থিত বাতাস বাহির হইয়া যায়। তখন ট্যান্থের জলের উপরি-তলে বায়ুমণ্ডলীয় চাপ AB নলের মধ্য দিয়া জলকে ঠেলিয়া উপরে তুলিয়া দেয়। AB নল এবং ব্যারেল জলে পূর্ণ হইয়া যাইবার পরেও ভ্যাকুয়াম্ পাম্পের কার্যপ্রণালী অন্নসারে প্রতিবার পিষ্টনের উঠা-নামার সময় কিছু পরিমাণ জল নির্গম নল N-এর মধ্য দিয়া বাহির হইয়া আসে।

ট্যান্থের উপরিত্তল হইতে নির্গম-নলের উন্ততা এমন ইওয়া প্রয়োজন যাহাতে এই উন্ততার এবং এক ্সে.মি.)² ক্ষেত্রের সিলিগুরে যত জল ধরে তাহার ওজন বায়ুমণ্ডলীয় টাপের চেয়ে কম থাকে। উচ্চতা ইহা অপেক্ষা বেশী হইলে পাম্প চালাইলেও বায়ুমণ্ডলীয় চাপ জলকে উপরে ঠেলিয়া উঠাইতে পারিবে না।

পদার্থ (I)--8



हिन्द् 2.20 (iv)

উদাহরণ: জল ব্যবহার করিয়া ব্যারোমিটার তৈয়ারী করিলে, সাধারণ বায়ুমণ্ডলীর চাপে বাারোমিটারের উচ্চতা কত হইবে ?

বায়ুমণ্ডলীয় চাপ =
$$1.013 \times 10^6 \frac{$$
 ডাইন্স $}{($ সে.মি. $)^2$

জলের ঘনত্ব P=1.

অতএব, ব্যারোমিটার উচ্চতা h সে.মি. হইলে,

$$1.013 \times 10^6 = 1 \times 980 \times h$$

∴
$$h = \frac{1.013 \times 10^6}{980} = 1033.6$$
 সে.মি. $\cong 34$ ফিট।

স্থুতরাং জ্বল উত্তোলক পাম্পের সাহায্যে 34 ফিটের উপরে জ্বল উত্তোলন করা সম্ভব নয়।

2.21. পৃষ্ঠ-টান (Surface Tension): তরল পদার্থের উপরিভলের ক্ষেত্রকল রৃদ্ধি করিতে হইলে, দেখা যায় যে ইছার জন্ম কিয়ৎ পরিমাণ কার্য (work) করার প্রয়োজন। একক পরিমাণ ক্ষেত্রকল রৃদ্ধির জন্ম যে পরিমাণ কার্য করা প্রয়োজন, তাহাকে পৃষ্ঠটানের গুণাঙ্ক (Coefficient of Surface Tension) বলা হয়। ইহাকে ২ (আল্ফা) চিহ্ন দারা স্টিভ করা হয়। স্থতরাং, △S পরিমাণ ক্ষেত্রকল বৃদ্ধির জন্ম কার্যের পরিমাণ, △W, ইইবে,

$$\triangle W = \angle \triangle S \qquad 2.21 (1)$$

উপরোক্ত সমীকরণ হইতে দেখা যায় যে, পৃষ্ঠটানের গুণাঙ্কের একক সি. জি. এস. পদ্ধতিতে, আর্গ বিস্কৃতি বিশ্ব হি

তরল পদার্থের উপরিতলের ক্ষেত্রফল বৃদ্ধি করিতে হইলে কিছু কার্য করার প্রয়োজন কেন, তাহা সহজেই বৃঝা যায়। তরলের মধ্যে অণুগুলি উহাদের চারিপার্থের অণু ঘারা আকর্ষিত হয়। এই আকর্ষণের জন্ম অণুগুলি একত্র সমবেত হইয়াই তরলের ফ্রাষ্ট হইয়াছে। আমরা যদি তরলের উপরিতলের অনেক নিচে কোনও একটি অণুর কথা ভাবি, তাহা হইলে দেখিব যে উহার চারিপার্থেই অন্ম অণু থাকায় উহাদের মোট আকর্ষণী বল শৃন্ম হইয়া যাইবে। কিন্তু তরলের উপরিতলে কোনও অণুর কথা চিন্তা করিলে দেখা যাইবে যে ইহা শুধুমাত্র উপরিতলের নিচের অণুঘারাই নিচের দিকে আক্ষিত হইবে, উপরিতলের উপর দিকে তরলের অণু না থাকায় ঐ দিকে কোন

আকর্মণ থাকিবে না। শুধু উপরিতলের কোনও অণুর ক্ষেত্রেই যে একথা থাটে তাহা নহে, উপরিতলের অন্ন নিচেও অণুর উপর নিচের দিকেই একটি মোট বল কাজ করে। তরলের উপরিতলের ক্ষেত্রফল বৃদ্ধি করার অর্থ হইল, তরলের মধ্যকার কোনও অণুকে উপরিতলে লইয়া আসা। উপরিতলে অণুর সংখ্যা বৃদ্ধি করিলেই উপরিতলের ক্ষেত্রফল বৃদ্ধি পাইবে। কিন্তু কোনও অণুকে উপরিতলে লইয়া আসিতে হইলেই ইহার উপর প্রযুক্ত নিচের দিকে মোট বলের বিরুদ্ধে কায করিতে হইবে। স্বতরাং তরলের উপরিতলের ক্ষেত্রফল বৃদ্ধি করিতে হইলে অণুগুলির মধ্যে পারম্পরিক বলের বিরুদ্ধে কিছু কার্য করার প্রয়োজন হয়।

পৃষ্ঠটানের গুণাঙ্কের আলোচনায় সব সময় অণুগুলির মধ্যে পারম্পরিক বলের কথ তুলিলে, অনেক ক্ষেত্রেই অপ্রয়োজনীয় জটিলতার স্পষ্ট হয়। উপরের আলোচনা হইতে আমরা দেখিতেছি যে, উপরিতলের ক্ষেত্রফল বৃদ্ধির জন্ম অতিরিক্ত কার্যের প্রয়োজনের হয় বলিয়াই পৃষ্ঠটানের কথা উঠে। ক্ষেত্রফল বৃদ্ধির জন্ম অতিরিক্ত কার্যের প্রয়োজনের প্রকৃত কারণ ভূলিয়া গিয়া আমরা ধরিতে পারি যে তরলের উপরিতলে যেন একটি বল, তলের স্পর্শক অভিমুখে কাজ করে। স্কতরাং এই অবস্থায় উপরিতলের ক্ষেত্রফল বৃদ্ধি করার অর্থ ঐ বলের বিক্তর্কে কাজ করা। যেহেতু, এ-র একক আর্গ/(সে. মি. 1², এবং

 $\frac{\text{আর্গ}}{(\ \ \text{লে } \ \ \mathbb{A}.\)^2} = \frac{\text{ভাইন/লে. } \ \mathbb{A}.}{(\ \ \text{লে. } \ \mathbb{A}.\)^2} = \frac{\text{ভাইন}}{\text{r. } \ \mathbb{A}.}$

শামরা ২-কে প্রতি একক দৈর্ঘ্যে প্রযুক্ত একটি বল হিসাবেও কল্পনা করিতে গারি।

বস্তুত: তরলের উপরিতলে যে কোনও বিন্দুর মধ্য দিয়া একক দৈর্ঘ্যের একটি সরলরেখা টানিয়া, ২-কে ঐ সরলরেখার উপর লফভাবে, তরলের উপরিতলে ঐ বিন্দুতে স্পর্শ ক অভিমুখে একটি বল হিসাবে ধরা যাইতে পারে। এইভাবে ২-র সংজ্ঞা নির্দেশ করিলে উহা উপরের সংজ্ঞার সহিত সমার্থক। কিন্তু, এখানে ২-র একক হইবে, সি. জি. এস্. পদ্ধতিতে, ভাইন, ।

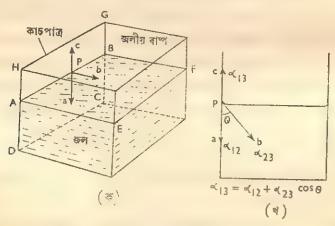
তরলের উপরিতলের বৈশিষ্ট্য আলোচনার সময় স্থবিধামত উপরের তুইটি সংজ্ঞার যে কোনও একটি ব্যবহার করা হয়।

আমরা জানি যে তরলের উপরিতল বলিতে তরল এবং উহার উপরে যে বায়ব পদার্থ আছে, এই তুইয়ের মধ্যে সীমা নির্দেশক তলকেই ব্ঝায়। স্কুতরাং কোনও তরলের পৃষ্ঠটানের বল উল্লেখ করিলেই ইহাও উল্লেখ করিতে হইবে যে তরলের উপর কি প্রকার বায়ব পদার্থ আছে। তরল ও উহার উপরিতলের বায়ব পদার্থ, উভয়ের মিলিত বৈশিষ্ট্যই পৃষ্ঠটানের গুণাঙ্কের মাত্রা নির্ণয় করে। 2.21-1 সারণীতে কয়েকটি তরল পদার্থের পৃষ্ঠটানের গুণাকের মান নির্দেশ করা হইল।

সারণী 2.21-1, তরল পদার্থের পৃষ্ঠটানের গুণাঙ্ক

তরল পদার্থ	তরলের উপরে বায়ব- পদার্থ	তাপমাত্রা °C	পৃষ্ঠটানের গুণাঙ্ক ডাইনদ্ সে.মি.
বেশীর ভাগ তরল পদার্থ			
_	তরলের সম্প্রুক্ত বাচ্প	20	20 – 40.
জল	সম্পৃত্ত জলীয় বাশ্প	20	73.
তরল তামা	হাইড্রোজেন গ্যাস	1131	1103.
পারদ	পারদের সম্পৃক্ত বাষ্প	20	470.
তরল নাইট্রোজেন	নাইট্রোজেন গ্যাস	- 183	6'2
তরল হিলিয়াম	হিলিয়াম গ্যাস	- 268'8	0.098

আবার, তরলপদার্থ যথন কোনও কঠিন পদার্থের পাত্তে রাখা হয়. তখন কঠিন ও তরলের সীমা নির্দেশক তলের উপরেও পৃষ্ঠটানের বল কাজ করে। এই পৃষ্ঠটানের গুণাঙ্কের মাত্রা তরল-বায়বীয় পৃষ্ঠটানের গুণাঙ্কের মাত্রা হইতে সম্পূর্ণ ভিন্ন।



চিত্ৰ 2.21 (i)

ধরা যাক্, একটি কাচের পাত্রে জল রাখা হইয়াছে। 2.21-(i) চিত্রের কে) অংশে ALFE তরল-বায়বীয় তল, ABCD তরল-কঠিন তল এবং ABCH কঠিন-বায়বীয় তল। এই তিনটি তল AB রেখায় পরস্পরের সহিত মিলিত হইয়াছে। AB রেখার

P বিল্তে Pa, Pb, এবং Pc রেখাগুলি যথাক্রমে ABCD, ABFE এবং ABGH তলের ঐ বিল্তে স্পর্শক অভিমুখে টানা হইয়াছে। স্কুতরাং Pa অভিমুখে তরল-কঠিন, Pb অভিমুখে তরল-বায়বীয় এবং Pc অভিমুখে কঠিন-বায়বীয় পৃষ্ঠটানের বল কাজ করিবে। চিত্রের খে। অংশে একটি প্রস্ক্রেছে P বিল্ এবং Pa, Pb, Pc স্পর্শকগুলি পৃথকভাবে দেখানো হইয়াছে। কঠিন, তরল ও বায়বীয় পদার্থকে যথাক্রমে 1, 2, 3 ধরিলে, Pa অভিমুখে পৃষ্ঠটানের বলকে 4, 4, 40 অভিমুখে 4, 42 এবং 44 অভিমুখে 44 আভিমুখে 45 বলখা যায়। বরা যাউক্, 44 45 কাচের গাত্র বরাবর মোট বলের পরিমাণ শৃত্য উপাংশের পরিমাণ হইবে 45 তরলের উপরিতল স্থির থাকিবে না। অর্থাৎ,

$$a_{12} + a_{23} \cos \theta = a_{13}$$

অথবা,
$$\cos \theta = \frac{\alpha_{13} - \alpha_{12}}{\alpha_{13}}$$
 2.21. (2)

θ-কে ত্পাৰ্কাণ (Angle of contact) বলে।

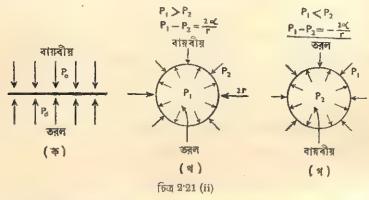
2.21 (2) সমীকরণ হইতে দেখা যাইতেছে যে, কঠিন-তরল এবং কঠিন-বায়বীয় পৃষ্ঠটানের মাত্রা সমান হইলেই স্পর্শকোণ $\theta = 90^\circ$ হইতে পারে; এবং তখনই তরলের উপরিতল পাত্রের গাত্রদেশে সমকোণে নত থাকিবে। অর্থাৎ, তরলের উপরিতল সর্বত্ত অস্কুভূমিক থাকিবে।

যদি ব₁₈ > ব₁₉ হয়, অর্থাৎ কঠিন-বায়বীয় পৃষ্ঠটানের মাত্রা, কঠিন-তরল পৃষ্ঠটানের চেয়ে বেশী হয়, তাহা হইলে স্পর্শকোণ 0, 90° হইতে কম হইবে। এইরূপ ক্ষেত্রে বলা হয় যে, কঠিন পদার্থ টি তরলে ভিজিয়া যাইবে। পাত্রটি কাচের ও তরলটি জল হইলে এবং তরলের উপরে জলীয় বাহ্প থাকিলে এইরূপ অবস্থার উদ্ভব হয়।

অপর পক্ষে, $\alpha^{13} < \alpha^{12}$ হইলে, স্পর্শকোণ θ , 90° হইতে বেশী হইবে। সাধারণ অবস্থায় কাচের পাত্রে পারদ রাখিলে এইরপ অবস্থার উদ্ভব হয়। স্পর্শকোণ 90° হইতে বেশী হইলে বলা হয় যে, তরলটি কঠিন পদার্থকে ভিজাইতে পারিবে না।

তরলের বক্র উপরিতলে চাপ: আমরা যদি তরল ও উহার উপরে বায়বীয় পদার্থের সীমা নির্দেশক তলের উপর পৃষ্ঠটানের বল উপেক্ষা করি, তাহা হইলে, তরল ও বায়বীয় পদার্থ একে অন্মের উপর সীমাতলের মধ্য দিয়া একই পরিমাণ চাপ প্রয়োগ করে। কিন্তু পৃষ্ঠটানের বলের জন্ম এই চুই চাপ বস্তুতঃ এক নয়। ইহা দেখানো যায় যে, একটি γ ব্যাসার্থ বিশিষ্ট বক্ততলের মধ্য দিয়া বায়বীয় পদার্থের উপর তরলের চাপের পরিমাণ তরলের উপর বায়বীয় পদার্থের চাপের তুলনায় $\frac{2\alpha}{r}$ পরিমাণ বেশী বা কম.

হইতে পারে। যে ক্ষেত্রে বক্ততলের কেন্দ্রবিন্দু বায়বীয় পদার্থের মধ্যে থাকে সেক্ষেত্রে চাপের পরিমাণ কম, এবং যে ক্ষেত্রে বক্ততলের কেন্দ্রবিন্দু তরলে থাকে সেক্ষেত্রে চাপের পরিমাণ বেশী হয়। 2.21. (ii) চিত্র দ্রস্তিব্য



2.21 (ii) চিত্রের (খ) অংশে দেখা যাইতেছে কোন বায়বীয় পদার্থের মধ্যে তরলের বিন্দু থাকিলে তরলের মধ্যে চাপ বেনী থাকা প্রয়োজন। স্কতরাং তরলের পৃষ্ঠটান বেনী হইলে এই চাপ তুলনায় বেনী হইবে, এবং তরলের বিন্দু স্থাষ্ট ত্বরান্বিত হইবে। অমুরূপভাবে, চিত্রের (গ) অংশ হইতে দেখা যায় যে তরলের মধ্যে বায়বীয় বৃদ্বুদ্ তৈরী ত্বরান্বিত হইবে, যদি তরলের পৃষ্ঠটানের গুণাস্ক কম করা যায়।

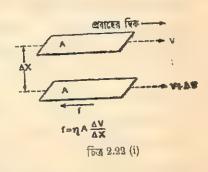
জ্বলের মধ্যে সাবান জাতীয় পদার্থ দ্রবীভৃত হইলে জলের এ কমিয়া যায়, এবং বাতাসের বৃদ্বৃদ্ (কেনা) তৈরী সহজ হইয়া পড়ে। ইহা ছাড়া জলের এ এইভাবে কমানোর ফলে জল ও কোন কঠিন পদার্থের মধ্যে পৃষ্ঠটান, এ12ও কমিয়া যায় এবং জলের পক্ষে কঠিন পদার্থকে ভিজানো সহজ হইয়া পড়ে। এই ছই ভাবেই সাবান-জল ময়লা পরিষ্কারে বিশেষ উপযোগী হইয়া উঠে।

2.22. তরল ও বায়বীয় পদার্থে প্রবাহ (Motion in fluids): কোন তরল বা বায়বীয় (প্রবহণশাল) পদার্থের যে কোনও তুই বিন্দুর মধ্যে চাপের প্রভেদ স্পষ্ট করিলে উচ্চচাপের অঞ্চল হইতে নিয়চাপের অঞ্চল অভিমূখে পদার্থ স্থানাস্তরিত হইবে। এই স্থানাস্তরকেই প্রবহণশাল পদার্থের প্রবাহ (Flow) বলে।

ধরা যাউক, একটি কাচের নলে কোন তরলপদার্থ লইয়া উহার ছই প্রান্তে চাপের প্রভেদ সৃষ্টি করা হইল। তাহা হইলে নলের মধ্য দিয়া তরল প্রবাহিত হইবে। তরলের যে অংশ কাচের নলের গাত্র স্পর্শ করিয়া আছে, তাহার প্রবাহ নলের গাত্রের সহিত ঘর্ষণজাত প্রতিক্রিয়ার জন্ম বাধা পাইবে। অর্থাৎ নলের মধ্যস্থিত জলকে যদি কতকগুলি সমকেন্দ্রিক নলের আঁকৃতি-বিশিষ্ট অংশের সমষ্টি বলিয়া কল্পনা করা হয়, তবে একেবারে বাহিরের অংশটির প্রবাহগতি অন্ম অংশগুলির প্রবাহগতির তুলনায় কম হইবে। ইহার ফলে, প্রবহমান তরলের কিছু আক্লতিগত পরিবর্তন হইবে। ইহা কঠিন পদার্থের কল্পন বিকারের সঙ্গে তুলনীয়।

সাক্রতা (Viscosity): তরল বা বায়বীয় পদার্থের মধ্যে প্রবাহের সময় এই আরুতিগত পরিবর্তনের বিরুদ্ধে যে বলের স্কৃষ্টি হয়, তাহাকে ঐ পদার্থের সাক্রতা বলা (viscosity) বলে। এই বল তরলের বিভিন্ন অংশের প্রবাহ গতির প্রভেদ দূরীকরণে প্রযুক্ত থাকে। প্রবাহের সময় তরল বা বায়বীয় পদার্থে যে কোনও দুইটি

সমান্তরাল এবং A-ক্ষেত্রফল বিশিষ্ট তল কল্পনা করা যাইতে পারে। ধরা যাক্, ইহাদের দূরত্ব Δx এবং ঐ তুইটি তলের পদার্থের প্রবাহ-গতিবেগ যথাক্রমে V এবং $V+\Delta V$. 2.22 (i) চিত্রে এইরূপ তুইটি তল দেখানো হইয়াছে। তল তুইটির প্রবাহ-গতিবেগের প্রভেদ Δx দূরত্বের মধ্যে স্বষ্টি হইয়াছে। অর্থাৎ প্রবাহ-



গতিবেগ x-এর সঙ্গে পরিবর্তিত হইতেছে। এই পরিবর্তনের হারের গড়কে $\dfrac{\Delta V}{\Delta x}$ বলা যাইতে পারে। এক্ষেত্রে, সাব্রুতা বল, f, এর পরিমাণ হইবে,

$$f = \eta A \frac{\Delta V}{\Delta x} \qquad \dots \qquad 2.22 (1)$$

বলের দিক প্রবাহের বিপরীতম্থী এবং ইহা অধিক গতিবেগের তলের উপর স্পর্শক অভিম্থে প্রযুক্ত হয়। η -কে **সাক্রতার শুণাঙ্ক** বলে। 2.22 (1) সমীকরণ **নিউটনের** সূত্রে বলিয়া পরিচিত। সি. জি. এব্. পদ্ধতিতে f এর একক ডাইন্, A-এর একক (সেনেণ্ডে) $^{-1}$ । স্থতরাং η -র একক হইবে ডাইন-সেকেণ্ড । $(\pi, \lambda)^2$

এক <mark>ডাইন-দেকেণ্ড</mark>কে "**পশ্নেস''** (poise) বলা হয়। পয়েসের এক হাজার ভাগের

এক ভাগকে **মিলি পয়েস** বলে। 20°C তাপমাত্রায় জলের $\eta = 10~087~$ মিলিপয়েস। ঐ তাপমাত্রাতেই গ্লিসারলের $\eta = 10.690~$ মিলিপয়েস। তরল বা বায়বীয় পদার্থের ঘনত ho ধরিলে, $rac{\eta}{
ho}$ কে স্থাতি সাম্রেতা (Kinematic viscosity) -র শুণাস্ক্র বলা হয়। ইহার একককে সি. জি. এস পদ্ধতিতে "দৌক" (Stoke) বলে।

সরল প্রবাহ এবং বিক্ষুক্ত প্রবাহ (Streamline and turbulent flow)ঃ
প্রবাহের সময়ে তরল বা বায়বীয় পদার্থের মধ্যে বিভিন্ন বিদ্তে প্রবাহের গতিবেগ এবং
চাপ-এর পরিমাণ সাধারণতঃ বিভিন্ন থাকে। প্রবহমান পদার্থের এইরূপ যে
কোনও একটি বিন্দুতে প্রবাহের গতিবেগ এবং চাপের পরিমাণ সময়ের
সহিত অপরিবর্তিত থাকিলে প্রবাহকে সরল স্থায়ী প্রবাহ (Steady
Streamline Flow) বলে। প্রবাহের গতিবেগ এবং চাপের পরিমাণ
সময়ের সহিত নিদিপ্তভাবে পরিবর্তিত হইলেও উহাকে সরল প্রবাহ
বলা হয়। কিন্তু এক্ষেত্রে ইহাকে সরল অস্থায়ী প্রবাহ (Unsteady
Streamline Flow) বলে।

প্রবহমান পদার্থের যে কোনও এক বিন্দুতে প্রবাহের গতিবেগ এবং চাপ সময়ের সহিত সম্পূর্ণ অসংলগ্ন ভাবে পরিবর্তিত হইলে প্রবাহকে বিক্ষুব্ধ প্রবাহ (Turbulent Flow) বলা হয়।

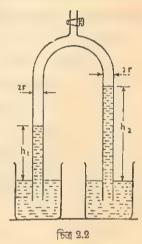
যে কোনও প্রবহমান পদার্থকে উহার প্রবাহের সময় একটি বিশেষ সংখ্যা দ্বারা চিহ্নিত করা হয়; এই সংখ্যাকে "**রেনল্ডের সংখ্যা**" (Reynold's number) বলে। কোনও বিশেষ ক্ষেত্রে রেনল্ডের সংখ্যা বেশী হইলে সরল প্রবাহের বিক্ষৃত্ধ-প্রবাহে পরিবর্তিত হইয়া যাইবার সম্ভাবনা বাড়িয়া যায়।

উদাহরণ স্বরূপ বলা যায় যে, ঝড়ের সময় বায়্প্রবাহ বিশুদ্ধ প্রবাহ, এবং কোনও নলের মধ্য দিয়া অল্প গতিবেগে প্রবাহিত তরলের প্রবাহ সরল প্রবাহ। 2.22(1) সমীকরণে বর্ণিত নিয়ম শুধুমাত্র সরল প্রবাহের ক্ষেত্রেই প্রযোজ্য; বিশুদ্ধ প্রবাহের গতিপ্রকৃতি অনেক জটিল।

প্রশ্নাবলী

- 1. নিম্নলিখিত ঘটনাগুলির ব্যাখ্যা দাও:---
- ক) নদীর জল অপেক্ষা সমুদ্রজলে সাঁতার কাটা সহজ।
- (খ) নিঃশ্বাস টানিয়া বন্ধ অবস্থায় জলের উপর ভাসিয়া থাকা সৃহজ।
- (গ) এক কিলোগ্রাম ভরের তুলা, এক কিলোগ্রাম ভরের সীসার তুলনায় কম
 ওজন দেখায়।

- (ঘ) বরকট্করা জলে ভাসিবার সময় উহার কিয়দংশ জলের উপরে থাকে, কিন্তু বরফট্করাটি গলিয়া যাওয়ার পর জলের উপরিতলের উচ্চতা কম বেশী হয় না।
- াষ্ট্র। রবারের ব্লাডারে বাতাস ভরিয়া ফুলাইয়া দেওয়ার পর উহাকে তুলায়য়ে বাটথারা দিয়া ওজন করা হইল। বাতাস বাতির করিয়া দেওয়ার পরও উহা একই ওজন দেখাইবে।
- ্চ) সাবমেরিন জাহাজ সম্দ্রের উপর অর্ধনিমজ্জিত অবস্থায় এবং সম্পূর্ণ নিমজ্জিত অবস্থায় যে কোনও গভীরতায় ভাসিতে পারে।
- (ছ) বাতাসের মধ্যে একটি ভারী পাথর তোলার চেয়ে জলের মধ্যে ঐ পাথরকে তোলা অনেক সহজ।
 - (জ) লোহার ঘনত্ব জলের চেয়ে বেশী, তব্ও লোহার তৈরী জাহাজ জলে ভাসে।
- 2. 2-2 চিত্র অন্বযায়ী, তুইটি বিকারে তুইটি বিভিন্ন তরল পদার্থ লইয়া উভার মধ্যে কাচের Uআরুতি বিশিষ্ট একটি নল ডুবাইয়া দেওয়া হইল।
 নলের বাঁকের নিকটে নির্গম নলের সাহায্যে কিয়ৎ
 পরিমাণ বাতাস বাহির করিয়া লইলে দেখা যায় যে
 তরল তুইটি নলের মধ্যে h_1 এবং h_2 উচ্চতায় উঠিয়া
 আসে। এই h_1 এবং h_2 র মান ব্যবহার করিয়া
 তরল তুইটির ঘনত্বের অন্তপাত নির্ণয় কর।
 (বৈজ্ঞানিক হেয়ার প্রবর্তিত পদ্ধতি)
- ধরা যাউক্, আয়তাকার প্রস্থচ্ছেদের এবং
 মি. গভীরতার একটি কাঠের টুকরা জলে



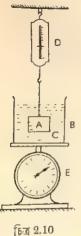
ভাসিতেছে। কাঠের ঘনত্ব 0.6 গ্রাম/ে সে. মি.)⁸ হইলে টুকরাটির সর্বনিম তল জলের উপরিতল হইতে কত নিচে থাকিবে? উহার 5 সে.মি. গভীরতা জলে ডুবাইতে হইলে উহার উপর কত ওজন চাপাইতে হইবে? [টুকরাটির প্রস্থচ্ছেদের ক্ষেত্রকল 120 (সে. মি.)² হইলে]

- 4. 275 গ্রাম ভরের এক টুকরা লোহা উহার আয়তনের 5/9 অংশ নিমজ্জিত অবস্থায় পারদে ভাসে। পারদের আপেক্ষিক ঘনত্ব 13'59 হইলে লোহার আপেক্ষিক ঘনত্ব কত ?
- 5. 22 (সে. মি.)³ আয়তনের এক ট্করা মোম জলে ভাসিবার সময় উহার 2 িসে মি)⁸ আয়তন জলের উপরে থাকে। মোমের আপেক্ষিক গুরুত্ব এবং ঐ টুকরাটির ভর নির্ণয় কর।

- 6. 1000 কেজি ভরের একখণ্ড বরফ সম্দ্রে ফেলিয়া দেওয়া হইল। ইহার কভ পরিমাণ আয়তন সম্ক্রজলে নিমজ্জিত থাকিবে ? বরফের ঘনত্ব=0'917 গ্রাম/(দে.মি)³ এবং সমুক্রজলের ঘনত্ব=1'03 গ্রাম/(সে.মি.)³
- 7. 4 ফিট্×3 ফিট্ একটি লুইস্ গেট উল্লম্ব অবস্থায় এমনভাবে জলে ড্বানো আছে, যাহাতে ইহার দীর্ঘতর বাহু অনুভূমিক এবং ইহার উপরের তল জলের উপরি-তলের 2 ফিট্ নিচে আছে। এক (ফুট) জলের ভর 62.5 পাউও হইলে, লুইস্গেটের উপর মোট জলের চাপ কত পড়িবে?

[ইপিত: সুইন্ গেটের কেন্দ্রবিন্দু জলের উপরিতল হইতে কত নিচে আছে, প্রথমে তাহা নির্ণয় কর। পরে, গেটের উপর মোট বলের পরিমাণ নির্ণয় করিবার সময় ধরিয়া লও যে সমগ্র গেটটি একই গড় গভীরতায় আছে, এবং এই গড় গভীরতা, গেটের কেন্দ্রবিন্দ্র জলের উপরিতল হইতে গভীরতার সমান।

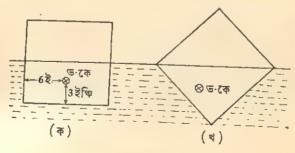
- 8. 1ফুট গভীরতার এবং মায়তাকার প্রস্থচ্ছেদের একথণ্ড বরদ সাধারণ জলে ভাসিতেছে। ইহার মায়তাকার প্রস্থচ্ছেদের ক্ষেত্রফল কত হইলে বরফখণ্ডের উপর 180 পাউণ্ড ওজনের কোনও ব্যক্তি দাড়াইলেই ইহার উপরিতল জলের উপরিতলের সঙ্গেসমতলে আসিবে? বরফের মাপেক্ষিক ঘনত্ব = 0.917।
- 9. একটি তুলাযয়ের তৃই বাহু হইতে তুইটি বাতুখণ্ড ঝুলাইয়া উহাদিগকে তৃইটি পৃথক পাত্রে জলে ড্বানে। অবস্থায় রাখিলে তুলায়য়ের দণ্ড অন্তভ্মিক থাকে। উহাদের মধ্যে একটি বাতুখণ্ডের ভর 32 গ্রাম এবং ইহার ঘনত্ব=8 গ্রাম/। সেমি)³। দ্বিতীয় খণ্ডের ঘনত্ব 5 গ্রাম/। সে.মি.)³ হইলে উহার ভর কত ?



10. A-বন্ধথণ্ড (চিত্র 2-10 দেখ) একটি স্প্রীঙ্
তুলায়ন্ত্র D ইইতে স্থতার সাহায্যে ঝুলানো অবস্থায়
বিকার B-তে তরল C-র মধ্যে নিমজ্জিত আছে। বিকারের
ওজন 2 পাউণ্ড এবং তরলের ওজন 3 পাউণ্ড। তুলায়ন্ত্র
D-তে ওজন দেখা যাইতেছে 5 পাউণ্ড এবং তুলায়ন্ত্র
E-তে ওজন দেখা যাইতেছে 15 পাউণ্ড। A-বস্তুখণ্ডের
আয়তন আয়তন 0.1 (ফিট্) । তাহা হুইলে, কে)
তরলের ঘনত্ব কত ? এবং (খ) A-বস্তুখণ্ডকে তরল
হুইতে উপরে উঠানো হুইলে, D এবং E তুলায়ন্ত্রে কত
ওজন দেখাইবে?

11. 1 ফুট বাহুর কাঠের একটি ঘনকের সহিত এমনভাবে অভিরিক্ত ওজন লাগানো

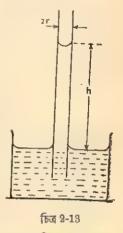
হইয়াছে যাহাতে ইহার ভরকেন্দ্র, 2-11 চিত্রে দেখানো বিদ্তে থাকে এবং এই অবস্থায় ইহার আয়তনের অর্থেক জলে নিমজ্জিত। ঘনককে একদিকে 45° ডিগ্রী হেলাইয়া দিলে (2-11 চিত্রের খ অংশ) উহার উপর সংশোধনী দ্বন্দ্ব কত হইবে ?



চিত্ৰ 2-11

- 12 পাহাড়ের পাদদেশে এবং পাহাড়ের উপরে তুইটি স্থানে ব্যারোমিটারের উচ্চতা দেখিয়া পাহাড়টির উচ্চতা কীভাবে পরিমাপ করা যায় ? (ধরিয়া লও যে তুইটি স্থানের তাপমাত্রা যথাক্রমে t_1° C এবং t_2° C, স্থান তুইটিতে g-এর মান একই এবং -273° C তাপমাত্রায় বাতাসের ঘনত্ব=0.0013 গ্রাম/(সে.মি).
 - 13. r-ব্যাসার্ধের একটি উল্লম্ব কৈশিক কাচনল বিকারে-রাখা জলের মধ্যে আংশিক

নিমজ্জিত অবস্থায় রাখা হইয়াছে (চিত্র 2-13 দ্রপ্টরা)।
কাচ, জল এবং জলীয় বান্দের দীমাতলগুলি কৈশিক
নলের গাজদেশে ইহার অনুভূমিক প্রস্থচ্ছেদের পরিধিতে
মিলিত হইয়াছে। কাচ-জল, কাচ-জলীয়বান্দা এবং
জল-জলীয়বান্দের পৃষ্ঠটানের লব্ধি যদি কাচের গাত্র
বরাবর উপরের দিকে প্রযুক্ত হয়, তাহা হইলে কৈশিক
নলে জল উপরের দিকে উঠিয়া আদিবে। এই লব্ধি
পৃষ্ঠটানের বল ৬ হইলে কৈশিক নলে জলের উচ্চতা,
h, নির্ণয় কর। জলের ঘনজ্ব ০ এবং অভিকর্ষজ
পরণ্ক ০



14. প্রবহমান তরলে সাক্রতা বলের সহিত কঠিন পদার্থে রন্তন-পীড়নের গুণগত সাদৃশ্যের সংক্ষিপ্ত আলোচনা কর।

িইন্সিত: (ছুইটি স্থানের ব্যারোমিটারের উচ্চতার প্রভেদ)imes 13.6 imes g ডাইনস্h উচ্চতার (স্থান ছুইটির উচ্চতার প্রভেদ) এবং 1 (সে. মি 2 প্রস্কচেদের বায়্স্তস্তের

ওজন। এই ওজন নির্ণয় করিবার সময় স্থান ছুইটির বায়্র ঘনত্বের গড়কে বায়্স্তস্তের ঘনত্ব বলিয়া ধরা ঘাইতে পারে। ho_1 এবং ho_2 স্থান ছুইটির বায়্র ঘনত্ব হুইলে, গড় ঘনত্ব, $ho=(
ho_1+
ho_2)/2$ । ho_1 এবং ho_2 নির্ণয় করিবার জন্ম চার্লসের নিয়ম ব্যবহার কর :

$$\rho_1 = \rho_0 \left(1 - \frac{t_1}{273} \right)$$
 এবং $\rho_2 = \rho_0 \left(1 - \frac{t_2}{273} \right)$

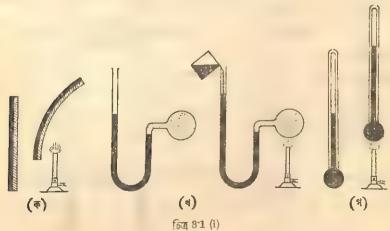
প্রথম অধ্যায়

তাপ ও তাপমাত্রা (পুনরালোচনা)

(Heat and Temperature)

[Syllabus: Recapitulation of the basic concepts of heat and temperature, Thermal expansion of solids and liquids. Simple demonstration. Co-efficient of expansion for solids, relation between them. Applications of expansions of solids. Real and apparent expansion for liquids, relation between expansion coefficients. Anomalous expansion of water. Effect on marine life: Thermal expansion of gases. Boyles' law, Charles' law. Equation of state of an ideal gas, volume and pressure co-efficient, Absolute scale of temperature.

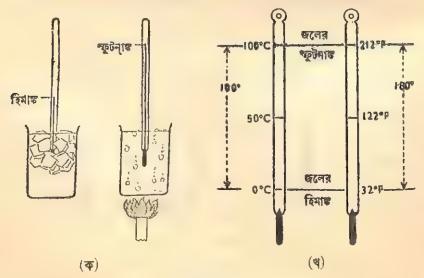
3.1. তাপ (Heat) একপ্রকার শক্তি এবং তাগমাত্রা (temperature) কোন বস্তু উত্তপ্ত অথবা শীতল তাহা নির্দেশ করে। তাপমাত্রা কোন বস্তুর উত্তপ্ততা বা শীতলতার মাত্রা (degree) নির্দেশ করে, তাপমাত্রা তাপের ফল (effect of heat)। তাপমান যন্ত্র দারা তাপমাত্রা মাপা হয়। বস্তুর কতকওলি ধন আছে যাহা তাপমাত্রার সহিত পরিবর্তনশীল এবং ঐগুলি তাপমান্যস্ত্র (thermometers) নির্মাণে কাজে লাগান হয়। কোন বস্তু উত্তপ্ত হইলে, যে আভা (glow) দেয়, প্রথমত, উহা কম লাল, পরে উজ্জ্বলাল ও শেষে উচ্চ তাপমাত্রায় উহা শ্বেতাভ তথ্য দেখায়। উহা হইতে নির্মৃত আলোপরিমাপ করিয়া আমরা কোন বস্তুর তাপমাত্রা নির্দ্ধারণ করিতে পারি। উচ্চতর তাপমাত্রা



মাপিতেই কেবল এই পদ্ধতির ব্যবহার করা হয়। বস্তু উচ্চ তাপমাত্রায় প্রসারিত ও তাপমাত্রা কমিলে সশ্কৃচিত হয়। রেলপথে ছুইটি রেলের মধ্যবর্তী স্থানে ফাঁক থাকে।

গ্রীষ্মকালে রেলের প্রসারণকে সম্কুলান করিতে এরপ ব্যবস্থা করা হয়। কাঁচের টিউবে পারদন্তন্তের দৈর্ঘ্য তাপমাত্রা পরিবর্তনে হ্রাস বৃদ্ধি পায়। তাপ বিকিরণের ফলে উপরের বাতাস প্রসারিত হইয়া উপরে উঠে ও পারিপাধিক বাতাস হইতে হাল্প হয়। এইসব প্রক্রিয়ার কার্যপ্রণালী হইতে তাপমান্যন্ত তৈয়ার হয়। তুইটি ভিন্ন ধাতুর জোড় [চিত্র 3.1(i) (ক)] তাপ সহযোগে উহাদের প্রসারণের হার ভিন্ন বলিয়া একণার্শ্বে বাঁকিয়া যায়। এই পদ্ধতিতে বাঁকিয়া যাওয়ার পরিমাণ মাপিয়া তাপমাত্রা নিধারিত হয়। স্থির আয়তন বায়ৰ তাপমান যন্ত্ৰে [চিত্ৰ 3.1 (i) (খ)] (constant volume gas thermometer) পারদস্তস্ত গ্যাস বাল্ব না ছোঁয়া প্রয়ন্ত পারদ ঢালা হয়। গ্যাসের স্থির আয়ুতনে গুই বাহুর পারদন্তস্তের দৈর্ঘ্যের পার্থক্য হইতে তাপমাত্রা পরিমাপ করা হয়। সাধারণ পদ্ধতিতে কোন রঙীন তরল পদার্থ বা পারদের প্রসারণ হইতে তাপমাত্রা পরিমাপ করা হয় [চিত্র 3.1 (গ)]। তাপমান্যন্ত তৈয়ার করিতে বস্তুর তাপীয় ধর্মের প্রয়োগ করিবার আগে তাপমাত্রার একটি ফেল প্রস্তুত করিয়া লইতে হয় ও সেই স্কেলে তাপমাত্রা মাপা হয়। জল ঠাঙায় বরফ হয়, আবার উত্তাপে বাষ্প হয়। জল ও বরফ যখন সাম্যাবস্থায় থাকে অর্থাৎ যতটা বরক গলে ঠিক ততটা জল বরকে পরিণত হয়, সেই অবস্থায় জলের হিমান্ধ 0°C এবং জলের অন্তর্মণ বাষ্পীভবনকে 100° ধরা হয়। এই স্কেলকে সেলসিয়াস অথবা সেণ্টিগ্রেড (Celcius or centigrade) বলে।

তাপমান যন্ত্র তৈয়ার করিতে গ্লাসটিউবে পারদস্তম্ভ জল ও বরফ মিশ্রণে ডুকাইয়া স্তম্ভটি স্থির হইলে উহার উপরিস্থ তল 0°C চিহ্নিত করা হয়। [চিত্র 3°1 (ii)]। পরে



हिन्न 3'1 (ii)

উহা জল ও বাম্পের মিশ্রনে ড্বাইয়া পারদন্তস্তের উপরিভাগ 100° C চিহ্নিত করা হয়। পরিশেষে 0° C ও 100° C এর মধ্যবর্তী স্থান 100 ভাগে ভাগ করিয়া 1° C পাওয়া যায়। এই পদ্ধতিতে পারদের প্রসারণের হার তাপমাত্রা পরিবর্তনের সমান্ত্রপাতী ধরিয়া লওয়া হয়। তাপমাত্রা পরিমাপের আর একটি স্কেল হইল ফারেনহাইট স্কেল (Fahrenheit)। ফারেনহাইট ডিগ্রী সেলসিয়াস্ ডিগ্রী হইতে 5/9 গুণ বেশী। কারণ এই স্কেলে 0° C ও 100° C কে যথাক্রমে 32° F ও 212° F ধরা হয়় [চিত্র 3.1 (ii)]।

এক স্কেল হইতে অন্য স্কেলে যাইতে নিম্নলিখিত সূত্ৰ ব্যবহৃত হয়:

$$^{\circ}F = \frac{9}{5}^{\circ}C + 32^{\circ}$$
 এবং $^{\circ}C = \frac{5}{5}(^{\circ}F - 32^{\circ})$... 3.1(1)

খরের তাপমাত্র৷ 70°F বলিতে সেলসিয়াস্ স্কেলে

$$5/9(70^{\circ}-32^{\circ})=21^{\circ}C$$
 3.1(2)

তাপ ও তাগমাত্রার পরস্পর সম্পর্ক থাকিলেও উহাদের পার্থক্যও লক্ষণীয়। একটি বরফথণ্ড গলাইতে 200°F-এ বেশী পরিমাণ জল প্রয়োজন হইবে। 200°F-এ জল যথেষ্ট উত্তপ্ত অথচ 50°F-এ জল বেশ ঠাণ্ডা। ইহা হইতে দেখা যায় যে, তাগমাত্রা নয়, তাগই বরফ গলাইতে পারে। বেশী আয়তনের ঠাণ্ডা জলে অল্ল আয়তনের গরমজল অপেক্ষা মোট তাপ বেশী হইতে পারে। বরফ গলাইতে তাপের পরিমাণ্ট দেখিতে হয়। সমপরিমাণ গরমজলে সমান আয়তনের ঠাণ্ডা জল অপেক্ষা তাপ বেশী থাকে।

তাপ একটি সংখ্যা যাহা যুক্ত হইলে বস্তুর তাপমাত্রা বাড়ে এবং বস্তু হইতে বিযুক্ত হইলে উহার তাপমাত্রা কমিয়া যায়। অবশ্য এই প্রক্রিয়ায় যেন বস্তুর অবস্থার পরিবর্তন না হয় তাহাও দেখা দরকার।

C.G.S. পদ্ধতিতে তাপের একক হইল ক্যালোরি (calorie)। এক ক্যালোরি তাপ 1 গ্রাম জলকে 1°C তাপমাত্রায় তুলিতে পারে। এক গ্রাম জল হইতে 1 ক্যালোরি তাপ তুলিয়া লইলে উহার তাপমাত্রা 1°C ক্মিয়া যায়। আরও সঠিকভাবে বলিতে হইলে জল 14'5°C হইতে 15'5° তাপমাত্রার পরিবর্তনে এক ক্যালোরি তাপের প্রয়োজন হয়।

3.2. কঠিন পঢ়ার্পের ভাপীয় প্রসারণ (Thermal expansion of solids):

কঠিন, তরল ও বায়ব তিনরকম পদার্থ ই উত্তপ্ত হইলে প্রসারিত হয়, ঠাণ্ডা হইলে সঙ্কৃচিত হয়, আবার সমান পরিবর্তনে এই প্রসারণ বায়ব পদার্থে যথেষ্ট বেশী, তরল পদার্থে কম এবং কঠিন পদার্থে আরও কম। 3.2 (i) চিত্রে গ্রেভ্সাগের আংটা দেখান হইয়াছে। একটি শক্ত দণ্ডের নিয়াংশে

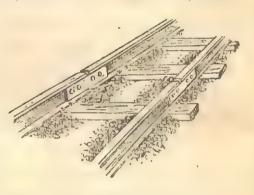


বাতুর একটি আংটা শক্ত করিয়া আটকাইয়া দেওয়া হয়। ঐ দণ্ডের উপরের অংশে একটি ক্ল্যাম্পাদিয়া শিকল ঝুলানো থাকে। ঐ শিকলে বাতু নিমিত একটি গোলক এমন ভাবে বাঁবা হয় যে, ঝুলন্ত অবস্থায় উহা আংটার ভিতর দিয়া চলিয়া ঘায়। এবার গোলকটিকে চুল্লীতে গরম করা হয়। এখন উহা আংটার ভিতর দিয়া গলিতে পারে না—আবার গোলকটিকে ঠান্ডা হইতে কিছু সময় দিলে উহা আংটার ভিতর দিয়া আগের মত গলিয়া ঘাইতে পারে। এই পরীক্ষা হইতে বৃঝা ঘায় যে, গোলক তাপের প্রয়োগে প্রসারিত হইয়াছিল, আবার

ঠাণ্ডা অবস্থায় সঙ্কৃচিত হইয়াছে।

3'2 (ii) চিত্রে রেলপথে জোড়ার ম্থে ফাঁক লক্ষ্য কর। রেল লাইন পাতার

সময় এই জোড়ার মুখে প্রায় সিকি
ইঞ্চি ফাঁক রাথা হয়। তাহার
কারণ হইল স্থের তাপে ও রেলের
চাকার ঘর্ষণে রেললাইন প্রায়ই উত্তপ্ত
হয়। ইহার ফলে লাইনগুলি প্রসারিত
হয়। এই ফাঁক না থাকিলে প্রসারণের
ফলে রেললাইন বাঁকিয়া গিয়া টেন
তুর্ঘটনা ঘটিতে পারিত। রেললাইন
কাঠের তক্তার উপর বসান থাকে



চিত্ৰ 3·2 (ii)

এবং কঠি ভাল তাপ পরিবাহী নতে। সেইজন্ত জোড়ার মৃথে কাঁক রাখিয়া প্রসার<mark>ণের</mark> ফলে যেটুকু দৈর্ঘ্য বাড়িবে, তাহার জন্ত স্থান করিয়া দেওয়া হয়।

কঠিন পদার্থ তাপের দ্বারা সবদিকেই প্রসারিত হয়। একটি দিকে ঐ প্রসারণকে বৈথিক প্রসারণ (Linear expansion) বলে। সমতলের প্রসারণকে পৃষ্ঠ প্রসারণ (surface expansion), আয়তনের প্রসারণকে ঘনকীয় প্রসারণ (cubical expansion) বলে।

3.3. বৈশিক প্রাদারণ । বিভিন্ন কঠিন পদার্থে রৈথিক প্রদারণ ভিন্ন ও উহার পরিমাণ অল্প। এক মিটার লম্বা একটি লোহার রভ 100°C তাপমাত্রায় উত্তপ্ত হুইলে

মাত্র 0'12 সেন্টিমিটার বাড়ে এবং একটি পিতলের রড একই অবস্থায় 0'18 সে. মি. বাড়ে।

পরীক্ষায় দেখা গিয়াছে যে, (i) দণ্ডের দৈর্ঘ্যের বৃদ্ধি দণ্ডের দৈর্ঘ্যের সমান্ত্রপাতী।
(ii) ঐ বৃদ্ধি তাপমাত্রা বৃদ্ধির সমান্ত্রপাতী। (iii) উহা বস্তুর প্রকৃতির উপর নির্ভর করে।
কঠিন পদার্থের বৈত্বিক প্রসারণের গুণাঙ্কঃ এই গুণান্ধ তাপমাত্রার 1°C
পরিবর্তনে দৈর্ঘ্যের যে পরিবর্তন হয় ও মূল দৈর্ঘ্যের অন্তুপাত।

মনে কর l_0 , 0°C-এ মূল দৈর্ঘা এবং l_t , t°C-এ ববিত দৈর্ঘা। অতএব t°C তাপমাত্রা উঠিতে প্রসারণ l_t-l_0 । t°C উঠিতে ববিত দৈর্ঘা ও মূল দৈর্ঘোর অনুপাত $=\frac{l_t-l_0}{l_0}$;

প্রসারণ ও 0°C-এ মূল দৈর্ঘ্যের অন্থপাত 1°C-এর জন্ম $= \frac{l_t - l_0}{l_0 imes t}$

অতএব বৈথিক প্রসারণের গুণান্ধ ব $=rac{l_t-l_0}{l_0t}$

অথবা $l_t = l_0(1 + \epsilon t)$

অথবা কোন পরিমাণ তাপমাত্রা বৃদ্ধির জন্ম গড় বৈধিক গুণান্ধ

দৈর্ঘ্যের বৃদ্ধি

0°C-এ মূলদৈর্ঘ্য × সেন্টিগ্রেডে তাপমাত্রা বৃদ্ধি দৈর্ঘ্যের একক ও তাপমাত্রার স্কেলের উপর ২ কি নির্ভরশীল ?

ব = _____ দৈর্ঘ্যের বৃদ্ধি । লক্ষ্য কর যে দৈর্ঘ্যের পরিবর্তন । লক্ষ্য কর যে দূল দৈর্ঘ্য শূল দৈর্ঘ্য

হইল একটি অন্নপাত। C. G. S. বা F. P. S. যেকোন পদ্ধতিতে দৈর্ঘ্য মাপা হউক না কেন এই অন্নপাতের মান সমান।

- (ক) তাপমাত্রার স্কেল এক হইলে, সেটিমিটার ও ইঞ্চি উভয় ক্ষেত্রেই বৈষিক প্রসারণ সমান।
- (খ) প্রতি ডিগ্রী সেন্টিগ্রেডে রৈখিক প্রসারণ প্রতি ডিগ্রী ফারেনহাইটে প্রসারণ অপেক্ষা 9/5 গুণ বেশী। অতএব তাপমাত্রার স্কেলের উপর রৈখিক প্রসারণের গুণাস্ক নির্ভর করে।

উদাহরণ 1. প্রতি ডিগ্রী সেন্টিগ্রেডে রৈখিক প্রসারণের গুণান্ধ 0'000012 আর্থে 1 সে. মি. লোহার রড 1°C-এ উত্তপ্ত হইলে 0'000012 সে. মি. প্রসারিত হয়।

3.3. বিভিন্ন তাপমাত্রায় প্রসারণের গুণাঙ্ক (Co-efficient of expansion at different temperature): সাধারণতঃ আমরা গুণাঙ্ক ব্রাইতে পদার্থ (1)—9

0°C-এ মূল দৈর্ঘ্যের পরিমাণ ধরি। কার্যত 0°C-এ দৈর্ঘ্য পরিমাপ স্থবিধাজনক নহে। তাই পরীক্ষার আগের অর্থাৎ ঘরের তাপমাত্রায় মূল দৈর্ঘ্যের মাপ লওয়া হয়। কঠিন পদার্থের ক্ষেত্রে ইহাতে বেশী ভূল হয় না।

ধর, l_0 , l_1 এবং l_2 যথাক্রমে 0°C, t_1 °C ও t_2 °C-এ রডের দৈর্ঘ্য। t_2 , t_1 চইতেবেশী।

মতএব
$$l_1 = l_0(1 + \alpha t)$$
; এবং $l_2 = l_0(1 + \alpha t_2)$ 3.3(i)

অতএব
$$\frac{l_2}{l_1} = \frac{1 + \alpha t_2}{1 + \alpha t_1} = (1 + \alpha t_2) (1 + \alpha t_1)^{-1}$$
 3.3(ii)

 $=(1+\alpha t_2)(1-\alpha t_1)=1+\alpha (t_2-t_2)$ [ব-র উচ্চতর ঘাতগুলি নগণ্য ধরিয়া]

অতএব
$$l_2=l_1$$
 $\{1+\sphericalangle(t_2-t_1)\}$ অথবা $\sphericalangle=\frac{l_2-l_1}{l_1(t_2-t_1)}$ এখন, বৈধিক গুণান্ধ= দৈর্ঘ্যের বৃদ্ধি
$$\frac{1}{2} = \frac{2}{2} =$$

3.4. পৃষ্ঠ প্রসারণ গুণাঙ্ক:

সমতলের প্রসারণে 0°C-এ 1°C তাপমাত্রা বৃদ্ধিতে সমতলের বৃদ্ধি ও 0°C-এ সমতলের পরিমাণের অহুপাত হইল পৃষ্ঠ প্রসারণ গুণাস্ক।

 S_0 এবং S যথাক্রমে 0° C-এ মূল সমতলীয় আয়তন ও t° C-এ আয়তন হইলে ও t° C তাপমাত্রা বৃদ্ধির পরিমান হইলে, পৃষ্ঠ প্রসারনের গড় গুণান্ধ হইবে,

$$\beta = \frac{S_t - S_1}{S_0 \times t}$$
অথবা $S_t = S_0(1 + \beta t)$ 3.4 (1)

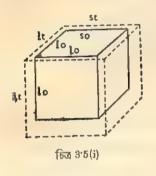
3.3 অম্বায়ী, $\beta = \frac{S_2 - S_1}{S_1(t_2 - t_1)}$, S_2 t_2 °C-এ ও S_1 t_1 °C-এ পৃষ্ঠ-

*দেশে*র আয়তন।

 \sim ও β র সম্পর্ক: মনে কর একটি স্থয় কঠিন পদার্থের চতুষ্কোণ পৃষ্ঠের প্রতিটি পার্থের দৈর্ঘ্য t_0 °C-এ l_0 এবং t°C-এ l_1 । অতএব 0°C-এ পৃষ্ঠদেশের আয়তন $S_0 = l_0$ 2 এবং t°C-এ $S_t = l_1$ 2।

$$3.4(1)$$
 হইতে $S_t=S_0(1+\beta t)$ ••• ••• $3.4(4)$ $3.4(2)$ ও $3.4(3)$ হইতে $1+\beta t=1+2$ ৰ t [কারণ $S_0=l_0{}^2$] অথবা $\beta=2$ পুষ্ঠ প্রসারণ গুণাঙ্ক= $2\times$ রৈথিক প্রসারণ গুণাঙ্ক।

3.5. খনকীয় আয়তন প্রসারণ শুণাঙ্কঃ ইহা 1°C তাপমাত্রায় আয়তনের পরিবর্তন ও 0°C-এ মূল আয়তনের অহপাত।



যদি V_o , V_i যথাক্রমে $0^\circ C$ ও $t^\epsilon C$ -এ বস্তর আয়তন হয়, তবে আয়তন প্রসারণের গড় গুণান্ক

$$\gamma = \frac{V_t - V_0}{V_0 \times t}$$
;

অধবা $V_t = V_0(1 + \gamma t)$

3.3 অন্তভেদ অনুযায়ী,

$$\gamma = \frac{V_2 - V_1}{V_2(t_2 - t_2)};$$
 3.5(2)

 ${
m V}_2$ t_2 °C ও ${
m V}_1,$ t_1 °C-এ আয়তন।

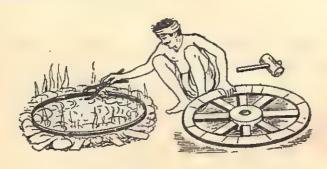
ন ও ? র সম্পর্ক: একটি কঠিন ঘনকের প্রত্যেক বাছ 0°C-এ l_0 এবং t°C-এ l_1 [চিত্র 3.5(i)।

কিন্ত
$$V_4 = V_0(1+\gamma t)$$
 ... 3.5(4)

অতএব $\gamma=3$ র অর্থাৎ ঘনকীয় (cubical) প্রসারণ গুণান্ধ=3× রৈখিক প্রসারণের গুণান্ধ।

- 3'6. কঠিন পদার্থের প্রসারণের প্রয়োগ (Application of expansion of solids):
- (1) গরুর গাড়ীর কাঠের চাকায় লোহার বেড় পরানো থাকে। ঐ বেড় চাকার উপর শক্তভাবে আঁটিয়া থাকা প্রয়োজন। উহা পরাইবার সময় তাপপ্রয়োগে লোহার প্রসারণ ও শীতক অবস্থায় সঙ্কোচনের স্থবিধা লওয়া হয়। বেড়টি চাকা হইতে একটু.

ছোট রাখা হয়। প্রথমে গরম করিয়া উহার আকার বড় করা হয়। তথন উহা সহজ্বে চাকার গায়ে বসিয়া যায়। পরে জল ঢালিয়া বেড়টিকে ঠাণ্ডা করিলে উহা শক্তভাবে চাকায় লাগিয়া যায়। চিত্র 3.6 (i)



চিত্ৰ 8.6 (i)

- (2) অনেক সময় কাঁচের শিশিতে ধাতৃনিমিত ঢাক্না এমনভাবে আটকাইয়া যায় যে, তাহা কিছুতেই খোলা যায় না। তোমরা এই অবস্থায় ধাতৃর ঢাক্নাকে উন্থনে একটু গরম করিয়া দেখিতে পার। একই তাপে কাঁচ হইতে ধাতৃর প্রসারণ বেশী হয় বিলিয়া, ঢাক্নার আয়তন ঐ তাপে একটু বাড়িয়া যায়। ফলে উহা সহজেই খুলিতে পারা যায়।
- (3) পুরু কাঁচের প্লাসে হঠাৎ গরমজল ঢালিলে উহা ফাটিয়া যায়। তাহার কারণ হইল কাঁচ ভাল তাপ পরিবাহী নহে। গরমজলের তাপে প্লাসের ভিতরের দিক্ সহসা কিছুটা প্রসারিত হইলেও উহার বাহিরের দিকে ঠাগু থাকে ও প্রসারণ ঘটে না। এই অসমান প্রসারণের ফলে গ্লাস ফাটিয়া যায়।

একই কারণে জ্বলস্ত হারিকেনের মোটা চিমনীর উপর এক ফোঁটা জ্বল পড়িলেই উহা ফাটিয়া যাইতে পারে।

(4) অনেক সময় কাঁচের ভিতর ধাতৃর তার উত্তাপের সাহায্যে নিশ্ছিদ্র ভাবে আঁটিয়া জোড়া দিবার প্রয়োজন হয়। তামার তার এইভাবে জোড়া দিলে ঠাণ্ডা হওয়ার পর তামা ও কাঁচের সঙ্কোচনের বিশেষ তারতম্য আছে বলিয়া কাঁচ ফাটিয়া যায়। কিন্তু প্ল্যাটিনাম ও কাঁচের সঙ্কোচন প্রায় সমান বলিয়া কাঁচে সহজেই প্ল্যাটিনাম জোড়া দেওয়া যায়।

উদাহরণ 1. 20°C তাপমাত্রায় দস্তানির্মিত স্কেলে একটি কাঁচের দণ্ড মাপিলে উহা একমিটার লম্বা দেখায়। 0°Cএ স্কেলটি নির্ভূল মাপ দিলে, 0°Cএ কাঁচের দণ্ডটির সঠিক দৈর্ঘ্য কত ?

কাঁচের বৈথিক প্রসারণ গুণান্ধ 8×10^{-6} এবং দস্তার বৈথিক প্রসারণ গুণান্ধ 26×10^{-6}

0°Cএ দন্তার ক্ষেলের 1 সেমি. ভাগ 20°Cএ (1+'000026×20)=1'00052 সে.মি.

় দন্তার ক্লেলে 1 মিটার অথবা 100 সেমি. (20°C)=100×1'00052 = 100'052 সে.মি.

অতএব 20°Cএ কাঁচের দণ্ডের নির্ভুল দৈর্ঘ্য = 100°052 সে.মি.

0°Cএ কাঁচের দণ্ডের নির্ভূল দৈর্ঘ্য × (1+ '00000 × 20)= 100'052

অতএব 0°Cএ কাঁচের দণ্ডের নির্ভূল দৈর্ঘ্য = $\frac{100.052}{1+0.0000008 \times 20}$ = 100.036 সে.মি.

উদাছরণ 2. একটি ইম্পাতের স্থেল 0°Cএ সঠিক মিলিমিটার মাপ দেয়। 17°Cএ একটি প্ল্যাটিনাম তার এই স্থেলে 621। প্ল্যাটিনাম তারের সঠিক দৈর্ঘ্য কত ? 0°Cএ ঐ তারের সঠিক দৈর্ঘ্য কী হইবে ?

ক) ইম্পাতের রৈখিক প্রদারণের গুণান্ধ = 0.000012.

17°Cএ ইম্পাতস্কেলের ক্ষুত্র ভাগ 0`Cএ সঙ্কৃচিত হইয়া 1 মি.মি. হয়।

... 621 স্কেলের ভাগ 17°C অপেক্ষা সঙ্কৃচিত হইয়া 0°Cএ 621 মি.মি. হয়। অতএব 621 স্কেলের অংশ 17°Cএ সঠিক দৈর্ঘ্য হইবে

$$=621 (1+000012\times17)=621\cdot127$$

- (খ) প্লাটিনামের রৈখিক প্রসারণের গুণান্ধ=0.000008
- .. O°C এ প্ল্যাটিনাম তারের দৈর্ঘ্য × {1+000008 × 17} = 621.042

ষতএব O°C এ প্লাটিনাম তারের দৈর্ঘ্য = $\frac{621.127}{1.000136}$ = 621.042

উদাহরণ 3. একটি ঘড়ি 25°C এ সঠিক সময় দেয়। উহার পেণ্ড্লাম দণ্ড ব্রাস (brass) নির্মিত। তাপমাত্রা হিমাঙ্কে নামিয়া আসিলে প্রত্যহ উহার কত সেকেণ্ড সময় বাড়িবে ?

ব্রাসের বৈথিক প্রসারণ গুণান্ধ= 000019.

lo=0°C এ দৈর্ঘা, 125=25°C এ দৈর্ঘা

 $t_0\!=\!l_0$ দৈর্ঘা উহার একটি পর্যায়কাল (period); $t_{25}\!=\!l_{25}$ দৈর্ঘো উহার একটি পর্যায়।

অভএব,
$$\frac{t_{25}}{t_0} = \frac{\sqrt{l_{25}}}{\sqrt{l_0}} = \sqrt{\frac{1 + 0.000019 \times 25}{l_0}}$$

 $=(1+0.000475)^2 = 213(1+\frac{1}{2}\times .000475) = 1.0002375$

ষেহেতু ঘড়িটি 25°C এ সঠিক সময় নির্দেশ করে, $t_{25} = 1$ সেকেণ্ড

অতএব,
$$t_0 = \frac{1}{1.0002375}$$
 সেকেণ্ড

প্রতি দিনে 86400 সেকেও। পড়িটি যথন 25°C এ সঠিক সময় দেয়, তথন উহা প্রতিদিন 86400 বার, দোল খায়। O°C এ উহার পর্যায়কাল 110002375 সেকেও।

প্রতিদিন O'C এ উহার দোলার সংখ্যা হইবে $86400 \div \frac{1}{1.0002375} = 86420.52$.

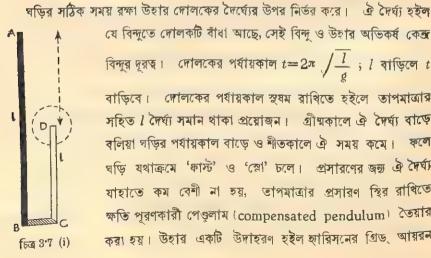
অতএব প্রতিদিন ঘড়িটির সময় বাড়িবে (86420'52-86400)=20'52 সেকেও। উদাহরণ 4. এলাহাবাদ ও দিল্লীর দূরত্ব 390 মাইল। শীতকালে 36°F হইতে গ্রীষ্মকালে 117°F এ তাপমাত্রার পরিবর্তনে রেলপথের সারা দৈর্ঘ্যে কত ফাঁক খাকা প্রয়োজন ?

 $36^{\circ}F = (36 - 32 \times \frac{5}{6}) = \frac{30^{\circ}C}{6}$; $117^{\circ}F = (117 - 32) \times \frac{5}{9} = \frac{425^{\circ}C}{6}$ 390 মাইল=390×5280×12×2'54 দে.মি.।

রেলপথে প্রয়োজনীয় ফাঁক $=(\frac{4}{6}\xi^{5}-\frac{30}{6})^{\circ}$ C এ 390 মাইল লম্বা রেলপথের প্রসারণ $=390 \times 5280 \times 12 \times 2.54 \times .000012 \times (4\frac{25}{3} - \frac{90}{9})$ =0'21 মাইল₁

3.7. ঘড়ির দোলকে প্রসারণ জনিত ক্ষতিপুরণ:

যে বিন্দৃতে দোলকটি বাঁধা আছে, সেই বিন্দু ও উহার অভিকর্ষ কেব্র বিন্দুর দূরত। দোলকের পর্যায়কাল $t=2\pi$ $\int \frac{l}{a}$; l বাজিলে tবাড়িবে। দোলকের পর্যায়কাল স্থম রাখিতে হইলে তাপমাত্রার সহিত । দৈখ্য সমান থাকা প্রয়োজন। গ্রীমকালে ঐ দৈর্ঘ্য বাড়ে বলিয়া ঘড়ির পর্যায়কাল বাড়ে ও শীতকালে ঐ সময় কমে। ফলে ঘড়ি যথাক্রমে 'ফাদ্ট' ও 'স্লো' চলে। প্রসারণের জন্ম ঐ দৈর্ঘ্য যাহাতে কম বেশী না হয়, তাপমাত্রার প্রসারণ স্থির রাখিতে ক্ষতি পূরণকারী পেণ্ডুলাম (compensated pendulum) তৈয়ার করা হয়। উহার একটি উদাহরণ হইল হারিসনের গ্রিড আয়রন



পেণ্ড্লাম্। 3.7 (i) চিত্রে উহার কার্যপ্রণালী দেওয়া হইল। ঐ চিত্রে AB ও CD ছইটি ভিন্ন ধাতুর দও। ঐ ভিন্ন ধাতু হুইটি লোহা ও পিতল হইতে পারে। ঐ তুইটি দও BC দারা সংযুক্ত। A বিন্দু নির্দিষ্ট হইলে তাপমাত্রা বাড়ার সঙ্গে AB নিচের দিকে প্রসারিত হইবে এবং CD উপরের দিকে প্রসারিত হইবে। এখন দও তুইটির দৈর্ঘ্য এরূপ রাখা হয় যাহাতে '°C এ ABর নিচের দিকে প্রসারণ ও CDর উপরের দিকের প্রসারণ সমান হয়। AB ও CDর প্রসারণ গুণাক্ষ যথাক্রমে a, a' হইলে ও উহাদের দৈর্ঘ্য যথাক্রমে l ও l' হইলে,

3.7(1)

অথবা
$$\frac{l}{l'} = \frac{a'}{a}$$

অর্থাৎ দণ্ড ছুইটির দৈর্ঘ্য উহাদের ধাতুর প্রসারণ গুণাঙ্কের বিপরীত অন্পণাতী হুইবে।

CDর দৈর্ঘ্য কম বলিয়া উহা বেশী প্রসারণশীল ধাতু দারা নির্মিত হওয়া প্রয়োজন।

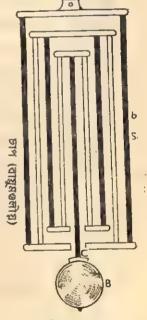
3.7. (ii) চিত্রে ঐরূপ পেণ্ড্লামের যে ছবি দেওয়া হইল, উহাতে লোহা ও

পিতলের পর পর দওগুলি যথাক্রমে মোটা ও সরু রেখায় দেখান হইয়াছে। কেন্দ্রন্থ লোহার দও Cতে দোলকটি ঝুলান থাকে। ঐ দও ছাড়া অক্যান্ত দওগুলি লোহা ও পিতলের গুড়িতে থাকে। মোট 5টি লোহার দও ও প্রত্যেকটির দৈর্ঘ্য l_1 সে. মি. হইলে এবং 4টি পিতলের দওগুলির মোট দৈর্ঘ্য l_2 সে. মি. হইলে লোহার দওগুলির মোট দৈর্ঘ্য $3l_1$ ও পিতলের দওগুলির মোট দৈর্ঘ্য $3l_1$ ও পিতলের দওগুলির মোট দৈর্ঘ্য $2l_2$ হইবে। পিতলের প্রসারণ গুণাহ্ব ত০০০০12 হওয়ায়

$$\frac{3l_1}{2l_2} = \frac{000019}{000012} = \frac{19}{12}$$
 3.7 (2)

ভাল ঘড়ি তৈয়ার করিতে প্রসারণ এড়াইয়া এইরূপ যান্ত্রিক কৌশল প্রয়োগ করা হয়।

উদাহরণ 1. একটি গ্রিড, আয়রন পেণ্ডুলামে



চিত্ৰ 3.7 (ii)

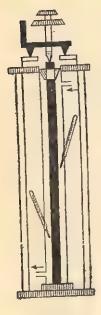
প্রত্যেকটি 1 মিটার দৈর্ঘ্যের পাঁচটি লোহার দণ্ড ও চারটি পিতলের দণ্ড আছে। পিতলের দণ্ডগুলির প্রত্যেকটির দৈর্ঘ্য কত হইবে? (লোহার প্রসারণ গুণান্ধ '000012. এবং পিতলের প্রসারণ গুণান্ধ '000019।) একপার্ষের লোহার দণ্ডগুলির মোট দৈর্দ্য=3×1=3 মিটার একপার্যের পিতলের প্রত্যেক দণ্ডের দৈর্ঘ্য l মিটার হইলে উহাদের মোট দৈর্ঘ্য=2l

$$\frac{2l}{3} = \frac{000012}{000019}$$
, অথবা $l = \frac{3 \times 12}{2 \times 19} = \frac{18}{19}$ মিটার।

3 8. কঠিন পদার্থের প্রসারণ গুণাঙ্ক নির্ণয় পদ্ধতি :

পুলিনজার যত্ত্তে কঠিন পদার্থের রৈখিক প্রসারণ শুণাঙ্ক নির্ণয় ঃ এই

পদ্ধতিতে ধাতৃদণ্ডের দৈর্ঘোর বৃদ্ধি ক্ষেরোমিটার দিয়া পরিমাপ করা হয় ৷ 3.8 (i) চিত্রে



চিত্ৰ 8.8 (i)

দেখ একটি একমিটার দীর্ঘ দণ্ড বাষ্প আবরণের মধ্যে রাখা হয়। ঐ আবরণে বাষ্প উপরে তীরচিহ্নিত মুখে প্রবেশ করিয়া নিচের মুখ দিয়া নির্গত হয়। হইপার্ঘে হুইটি তাপমান যন্ত্র ঢুকান থাকে। নিচের দিকে দণ্ডটি দৃঢ় সংবদ্ধ থাকে যাহাতে দণ্ডটি শুধু উপরের দিকে বাজিতে পারে। ঐ স্থানে ক্ষেরোমিটারের সাহায্যে দণ্ডের হাসবদ্ধি মাপা যায়।

পরীকা: প্রথমে দওটি ক্ষেপে মাপিয়া বাষ্প আবরণে রাথ।
গৃহতাপমাত্রায় তাপমান যন্ত্রে তাপ নির্ণয় কর। ছুইটি তাপমানযন্ত্রের নির্ণীত তাপের গড় 11°C লও। ক্ষেরোমিটারের কেন্দ্রপদ
দণ্ডের কেন্দ্রস্থলে বসাও ও ক্ষেরোমিটারের মাপ লও।

এখন কিছুক্ষণ ধরিয়া উত্তপ্ত বাষ্প চালাইয়া দণ্ডটিকে উত্তপ্ত কর। এইবার তাপমান যন্ত্রে t_2 °C তাপ লক্ষিত হইবে। দণ্ডটি বাড়িয়া, ক্ষেরোমিটারে যে মান হইবে, মনে কর তাহা x

কলে
$$a = \frac{x}{l(t_2 - t_1)}$$

স্ফেরোমিটারের পরিমাপ পদ্ধতির নির্ভুলতার উপর এ নির্ণয়ের নির্ভুলতা নির্ভর করিবে।

3 9 তরল পদার্থের প্রসারণ (Expansion of liquids):

তরল পদার্থ পাত্রে রাখিতে হয়। উহা যে পাত্রে থাকে সেই পাত্রের আকার পায়। তাই তরল পদার্থের প্রসারণ ঘনকীয়, উহার রৈখিক বা পৃষ্ঠ প্রসারণ সম্ভব হয় না।

তরল পদার্থ যে পাত্রে থাকে তাপমাত্রা বাড়িলে ঐ তরল পদার্থের সহিত পাত্রের কঠিন পদার্থেরও প্রসারণ ঘটে। ফলে আমরা তরল পদার্থের যে প্রসারণ লক্ষ্য করি উহা তাহার আপাত প্রসারণ (apparent expansion)। আপাত প্রসারণ বাস্তব প্রসারণ (real expansion) অপেক্ষা কম।

তরলের আপাত প্রসারণ = তরলের বাস্তব প্রসারণ – পাত্রের প্রসারণ

তরল পদার্থের প্রসারণ শুণাক্ষ (Coefficient for expansion of liquids):

্ক) তরল পদার্থের আপাত প্রসারণ গুণান্ধ হইল 1°C তাপমাত্রার বৃদ্ধিতে উহার আরভনের আপাত বৃদ্ধি ও 0°C-এ উহার মূল আয়তনের অনুপাত, অথবা

$$\gamma_a = \frac{\text{আয়তনের বুদ্ধি}}{V_0 \times t}$$
 3.9 (1)

Vo=উহার মূল আয়তন ও t = তাপমাত্রা

্খ) তরল পদার্থের বাস্তব প্রসারণ হইল 1°C তাপমাত্রা বৃদ্ধিতে উহার <mark>আয়তনের</mark> বাস্তব বৃদ্ধি ও 0°C-এ উহার মূল আয়তনের অনুপাত,

অথবা
$$\nu_r = \frac{\text{আয়তনের বাস্তব বৃদ্ধি}}{V_0 \times t}$$
 3.9 (2)

0°Cএর পরিবর্তে যে কোন t°Cএ মূল আয়তন ধরিশে 3.9 (1) ও 3.9 (2) সমীকরণের সহিত প্রসারণ গুণাঙ্কের পার্থক্য থাকে না। অতএব বাস্তব ও আপাত উত্তর প্রসারণের ক্ষেত্রে

 γ_a ও γ_r এর সম্পর্ক: V_0 আয়তনের তরল পদার্থ $t^\circ C$ তাপমাত্রায় উত্তপ্ত হুইলে উহার বাস্তব প্রসারণ= $V_0\gamma_r t$ ও আপাত প্রসারণ= $V_0\gamma_a t$ । পাত্রের প্রসারণ= $V_0\gamma_t$, γ =পাত্রের পদার্থের ঘনকীয় প্রসারণ গুণান্ধ।

যেহেতু বাস্তব প্রসারণ = আপাত প্রসারণ +পাত্রের প্রসারণ

$$V_0 \gamma_r t = V_0 \gamma_0 t + V_0 \gamma_r t$$
 অথবা $\gamma_r = \gamma_a + \gamma$ 3.9 (4)

3.10. তাপমাত্রার সহিত ঘনত্বের পরিবর্তন:

আমরা জানি যে, ঘনত্ব= ভর আয়তন

মনে কর m গ্রাম তরল পদার্থ 0°Cu V c. c. (ঘন সেটিমিটার) আয়তনে

আছে। তথন উহার ঘনত্ব
$$d_{
m o}=rac{m}{{
m V}_{
m o}}$$
 $rac{$ গ্রাম্ $}{{
m va}}$ $rac{}{{
m var}}$ ho

i°Cএ একই ভারের আয়তন V, হইবে। তথন

িকন্ত
$$V_t = V_0(1 + \gamma_r t)$$
 3.10 (3)

;, = তরল পদার্থের বাস্তব প্রসারণের গুণায়।

3.10 (1) ও 3.10 (3) হইতে
$$\frac{d_0}{d_t} = \frac{V_t}{V_0} = \frac{V_0(1+\gamma_t)}{V_0} = 1+\gamma_r t$$
অথবা $d_0 = d_t(1+\gamma_r t)$
অথবা $d_t = d_0(1+\gamma_t)^{-1}$ অথবা $d_t = d_0(1-\gamma_t)$
3.10 (4)

অথবা
$$d_t = d_0(1+\gamma, t)^{-1}$$
 অথবা $d_t = d_0(1-\gamma, t)$ 3.10 (5)

$$\therefore \quad \gamma_r = \frac{d_0 - d}{d_0 t}$$

উদাহরণ 1. O°C এ পারদের ঘনত্ব 13.59; পারদের প্রসারণ গুণাক 1/5550 হুইলে 30 কিলোগ্রাম পারদের 100°C এ কত আয়তন হুইবে ?

 $d_{100} = 100^{\circ}$ C এ পারদের ঘনত, $d_0 = 0^{\circ}$ C এ পারদের ঘনত

$$d_0 = d_{100} (1 + \gamma rt)$$

$$d_{100} = \frac{d_0}{1 + \gamma_{rt}} = \frac{13.59}{1 + \left(\frac{1}{5550} \times 100\right)} = \frac{13.59 \times 5550}{5650}$$

পারদের আয়তন =
$$\frac{30 \times 1000}{d_{100}} = \frac{30 \times 1000}{13.59 \times 5550} = 2247^{\circ}27 \text{ c.c.}$$

3.11. তরল পদার্থের আপাত প্রসারণ গুণাক্ষ নির্ণয় (Determination of co-efficient of Apparent Expansion of liquids):

ওজন তাপমান পদ্ধতি (Weight thermometer Method): 3 11 'i)
চিত্রে একটি কাঁচের বাল্ব, কৈশিক নল ও মুখে সরু ছিন্ত (nozzle) সহ দেখান
হইয়াছে। উহাই ওজন তাপমান যন্ত্র। উচা প্রথমে পরিষ্কার করিয়া শুদ্ধ করা হয়।



পারে কৈশিক নলটি তৈয়ার করিয়া লওয়া হয়। থালি অবস্থায় উহার ওজন লইলে ধর ω গ্রাম হইল। এখন উহার ছিদ্র্যুখিট কোনো তরল পদার্থে ডুবাইয়া বাল্বটি পর্যায়্রজমে গরম ও ঠাওা করিলে উহা তরল পদার্থে পূর্ণ হইবে। এখন ছিদ্র্যুখ তরল পদার্থে ও বাল্ব্টি জলের টাবে গৃহতাপমাত্রায় রাখিলে, ধর জলের তাপমাত্রা একটি পারদ তাপমান যয়ে t_1 °C মাপ লওয়া হইল। এখন বাল্ব্টিকে জল হইতে তুলিয়া ও শুকাইয়া উহার যে ওজন লওয়া হইল ধর উহা w_1 গ্রাম।

এবার বাল্ব্টি জলে ডুবাইয়া জলে উত্তাপ দেওয়া হইল এবং ছিদ্রম্থ বাহিরে রাখা হইল। তাপমাত্রা বাড়িলে বাল্বের তরল পদার্থ প্রসারিত হইয়া খোলা ছিদ্রম্থ দিয়া তরলের কিছু অংশ বাহির হইয়া যাইবে। এখন পারদ তাপমান যন্ত্রে গরম জলের তাপ মাপিলে, ধর উহা ােু C হইল। পরে বাল্বটি গরম জল হইতে তুলিয়া ঠাওা জলে গৃহতাপমাত্রায় রাখিলে, তরল পদার্থটি ক্ষুত্রর আয়তনে সঙ্কৃচিত হইবে। এবার মনে কর উহার ওজন হইল w_2 গ্রাম।

$$t_1$$
°Cএ ওজন তাপমান যাল তরলপদার্থের ভর $=w_1-w=m_1$ গ্রাম 3.11 (1)

বাল্বের প্রসারণ নগণ্য ধরিয়া। দেখা যাইবে যে, t_1 °Cএ m_1 গ্রাম তরলের আয়তন t_2 °Cএ m_2 গ্রাম তরলের আয়তনের সমান।

 t_1 Cএ m_1 গ্রাম তরলের আয়তন $=\frac{m_1}{\epsilon \rho}$ ঘন সে.মি.

P=t1°Cএ তরলের ঘনত।

t₂ Cএ m₃ গ্রাম তরলের আয়তনও একই হইবে।

কিন্ত t_1 °Cএ m_2 গ্ৰাম্ তরলের আয়তন $=\frac{m_2}{\rho}$ ঘন সে.মি.

অতএব m_2 গ্রাম্ ভরল t_1 C হইলে, উগ t_2 $^\circ$ Cএ উত্তপ্ত হইলে

উহার আপাত প্রসারণ=
$$\frac{m_1}{\rho} - \frac{m_2}{\rho}$$
 হইবে। 3.11 (3)

অথবা ঐ তরলের আপাত প্রসারণ গুণান্ধ

$$\gamma_a = \frac{m_1/\rho - m_2/\rho}{\frac{m_2}{\rho} (t_2 - t_1)} = \frac{m_1 - m_2}{m_2(t_2 - t_1)}$$
 3.11 (4)

ওজনের দ্বারা এই গুণাফ নির্ণীত হয় বলিয়া উহাকে গুণাফ নির্ণয়ের ওজন তাপমান পদ্ধতি বলে। সহজে উবিয়া যায় না, এরূপ তরল পদার্থের প্রসারণ গুণাক এই পদ্ধতিতে নির্ণয় করা যায়।

3.12. তরঙ্গ পদার্থের বাস্তব প্রসারণ গুণাঙ্ক নির্ণয় (Determination of co-efficient of Real Expansion of liquids): উল্লিখিত পরিমাপ হুইতে তরতের বাস্তব প্রসারণ গুণাক নির্ণয় করা যায়।

মনে কর $t_2 - t_1 = t$

অতএব V2=V1(1+7.t); ?=কাঁচের ঘনকীয় প্রসারণ গুণাছ

3'10 অনুচেছদ হইতে দেখিবে

 $d_1 = d_2(1+\gamma_r t)$; $\gamma_r = \overline{\sigma}$ রলের বাস্তব প্রসার্ণ গুণান্ধ

3.10 (1) সমীকরণ হইতে

$$\frac{m_1}{m_2} = \frac{V_1 d_1}{V_2 d_2} = \frac{V_1 d_2 \{1 + \gamma_r t\}}{V_1 d_2 \{1 + \gamma_r t\}} = \frac{1 + \gamma_r t}{1 + \gamma_r t} \qquad \cdots \qquad 3.12 (1)$$

অথবা
$$m_2 + m_2 \gamma_1 t = m_1 + m_1 \gamma_1 t$$
 ... 3.12 (2)

অথবা
$$m_2 \gamma_r = \frac{m_1 - m_2}{t} + m_1 \gamma$$
 বা $\gamma_r = \frac{m_1 - m_2}{m_2 \cdot t} + \frac{m_1}{m_2} \gamma$ · · · 3.12 (3)

কেবল আপাত প্রসারণ গুণান্ধ নির্ণয় করিতে ৮ নগণ্য ধরিলে

$$v_{a} = \frac{m_{1} - m_{2}}{m_{2} \times t}$$
 3.12 (4)

উদাহরণ 1. ওজন তাপমান বাল্ব হিমান্ধ হইতে ক্টনাকে উত্তপ্ত হইলে উহা হইতে 5 গ্রাম্ পারদ বাহির হইয়া যায়। 30°C তাপমাত্রার তৈলাধারে (oilbath) ক বাল্বটি রাখা হইল। ক আধারে উত্তাপ দেওয়ায় ৪ গ্রাম্ পারদ বহির্গত হইল।
আধারের তাপমাত্রা কত ?

100°C - 0°C)=100°Cএ বহির্গত পারদের ভর = 5 গ্রাম্

1°Cএ বহিৰ্গত পারদের ভর=5÷100= 05 গ্ৰাম্

৪ গ্রাম্ পারদ বহির্গত হুইতে আধারের তাপমাত্রা= $\frac{8}{05}$ = 160°C

অতএব আধারের তাপমাত্রা=160+30=190°C.

উদাহরণ 2. কাঁচে পারদের আপাত প্রদারণ গুণান্ধ 1/6500। ওজন তাপমান বাল্ব 0°Cএ 400 গ্রাম্ পারদে পূর্ণ থাকে। 90°C তাপমাত্রায় উহা হইতে কত পারদ বাহির হইয়া যাইবে ?

$$\gamma_a = \frac{m_0 - m_t}{m_t(t - t_0)};$$
 অথবা $\frac{1}{6500} = \frac{400 - m_t}{m_t(90 - 0)}$

$$m_t = \frac{2600000}{6590} = 394.53$$

 \cdot বহিগতি পারদের ভর $=m_0-m_t=400-394.53=5.47$ গ্রাম

3,13. জলের অসাধারণ প্রসারণ (Anomalous expansion of water); জনজ প্রাণীর উপর ইহার প্রভাব (Effect on marine life):

জলের প্রসারণে অসাধারণ বৈশিষ্ট্য আছে। ধর, 10° Cএ জল লওয়া হইল ও উহা ক্রমশঃ ঠাণ্ডা করা হইল। যতই ঠাণ্ডা হইতে থাকিবে, ততই উহার আয়তন সঙ্কৃচিত হইবে। 4° C পর্যন্ত এইরূপ চলিয়া উহা হইতে তাপমাত্রা কমাইলে আর আয়তন সঙ্কৃচিত না হইয়া বাড়িতে থাকিবে। ইহা জলের অসাধারণ বৈশিষ্ট্য—অন্ত কোনো তরলের নহে। 4° Cএ জলের আয়তন সর্বনিয়, তাই ঐ তাপমাত্রায় জলের ঘনত্ব সর্বোচ্চ হইবে।

কেবল বিশুদ্ধ জলের ক্ষেত্রে এই অসাধারণত্ব দেখা যায়। জল দূষিত হইলে সর্বোচ্চ ঘনত্বের তাপমাত্রা 4°C হইতে নিচে নামিয়া যাইবে।

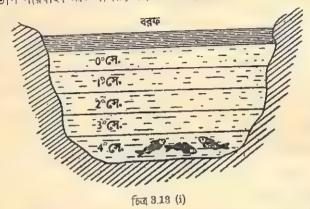
নিচের সারণীতে 1 গ্রাম্ বিশুদ্ধ জলের আয়তন ও ঘনত তাপমাত্রার সহিত কীভাবে পরিবর্তিত হয় তাহা দেখান হইল।

তাপমাত্রা (সেন্টিগ্রেড্)	ঘনত্ব	আয়তন
	গ্ৰাম্/খন সে. মি.	ঘন সে. মি.
0° (বর্ফ)	0 91670	1.09081
0°(零可)	0'99987	1.00013
2° .	0.99993	1 1 00003
4°	1.0000	1.0000
10°	0.99973	1.00026
20°	0.99823	1.00180
40°	0.99220	1.00230
60°	0 98320	1.01200
80°	0'97180 -	1.02870
100°(零甲)	0.95840	1.04320
100° (বাষ্প)	0.000299	1.67000
	^	

এই সারণী হইতে দেখা যাইবে যে 4°C এ জলের ঘনত্ব সবচেয়ে বেশী ও আয়তন সবচেয়ে কম। জলের প্রসারণ গুণাঙ্ক 4°C এ 0 ও 0°Cএ নেগেটিভ্: 10°Cএ জলের প্রসারণ গুণাঙ্ক 0°0001 হইতে 80°Cএ 0°0006 এ পরিবর্তিত হয়।

সাধারণ তরল পদার্থ হইতে জলের প্রসারণে এই ব্যতিক্রম আছে বলিয়া শীক্তপ্রধান
দেশে জলে মাছ প্রভৃতি প্রাণী বাঁচিয়া থাকিতে পারে। 3.13 (i) চিত্রে দেখিবে যে
শীক্তপ্রধান দেশে বায়্মগুলের তাপমাত্রা যখন হিমাঙ্কের নিচে নামিয়া যায়—উহার
সংস্পর্শে জলের উপরিতল সাধারণ তরল পদার্থের মত সঙ্কৃচিত হয় ও উহার ঘনত্ব বাড়ে।
ফলে এই ঘনজল ভারী বলিয়া নিচের তলে চলিয়া যায়। ক্রমশঃ উপরিতলের জলের
তাপমাত্রা 4°Cএ নামিলে, জলের ঘনত্ব স্বাধিক হইয়া পড়ে। আরও নিচু তাপমাত্রায়

প্রসারণের ব্যতিক্রমের জন্ম জলের ঘনত্ব কমে বলিয়া উহা উপরিতলেই ভাসিয়া থাকে এবং ক্রমশঃ বরকে পরিণত হয়। বরক জল হইতে হান্ধা বলিয়া উপরে ভাসিয়া থাকে। বরক ভাল তাপ পরিবাহী নহে বলিয়া, বাহিরের বায়ুমণ্ডলের শীতলতা নিচের জলে আর



শীতলতা স্বষ্টি করিতে পারে না। ধীরে ধীরে বরফের পরিমাণ বাড়েও নিয়তলে তাপ পরিবহন কমিয়া যায়। ফলে জলের সবচেয়ে নিচ্ তলে 4°C তাপমাত্রা থাকিয়া যায়। উপরের দিকে জলের তাপমাত্রা বিভিন্ন স্তরে কম হইয়া উপরিতলের বরফের কাছাকাছি শুল্য ডিগ্রীতে থাকে। ফলে জলের নিচে মাছ প্রভৃতি প্রাণী বাঁচিতে পারে।

3.14. বায়বীয় পদার্থের তাপীয় প্রসারণ (Thermal expansion of

কঠিন ও তরল পদার্থের প্রসারণের বেলায় উহাদের উপর বায়ুমগুলের চাপ বিবেচনা করা হয় না—কারণ ঐ চাপের পরিবর্তনে উহাদের আয়ন্তনের তহ্বাৎ হয় না। কিন্তু বায়বীয় পদার্থের অবস্থা সঠিক নির্ণয় করিতে উহার চাপ, আয়তন ও তাপমাতা এই তিনটি অবস্থা জানিতে হয়। এই তিনটি পরিবর্তনশীল অবস্থা যথাক্রমে P, V ও t দ্বারা প্রকাশ করা যায়। উহাদের মধ্যে একটি স্থির থাকিলে অন্ত হুইটির পরিবর্তন হয়। এই পরিবর্তন নির্দিষ্ট নিয়মের অনুসরণ করিয়া ঘটিয়া থাকে। উহা বায়ব পদার্থের কিয়ম (gas laws) নামে অভিহিত হয়।

- (1) t স্থির থাকিলে বায়ব পদার্থের চাপ P ও আয়তন V, এর সম্বন্ধ যে নিয়মে প্রকাশ করা হয় তাহা বয়েলের নিয়ম (Boyle's law) নামে পরিচিত।
- (2) P স্থির থাকিলে বায়ব পদার্থের তাপমাত্রা t ও আয়তন V এর সম্বন্ধ যে নিয়মে প্রকাশ করা যায় তাহা চার্লসের নিয়ম (Charles' law) নামে পরিচিত।
- (3) V স্থির থাকিলে বায়ব পদার্থের তাপমাতা t ও চাপ P এর সম্বন্ধ চাপের নিয়ম (Pressure law) দ্বারা প্রকাশিত হয়।

কোন নির্দিষ্ট ভরের বায়ব পদার্থের P, V ও t পরিবর্তনশীল হইলেও ইহার। পরস্পারের উপর নির্ভর করে। ইহাদের যে কোন হইটির মান জানা থাকিলে তৃতীয়টির মানও স্থির করা যায়।

3.15. ব্যেলের নিয়ম (Boyle's law) :

পাত্তে আবদ্ধ নির্দিষ্ট ভরের কোন বায়ব পদার্থের আয়তন ও চাপের <mark>সম্পর্ক স্থির</mark> মাত্রায় কীভাবে পরিবর্তিত হয় বয়েল তাহার নিয়ম প্রতিষ্ঠা করেন। ঐ নিয়মে

তাপমাত্রা স্থির থাকিলে, নিদিষ্ট ভরের বায়ব পদার্থের আয়তন উহার চাপে<mark>র সহিত</mark> ব্যস্তামুপাতী।

ঐ বায়ব পদার্থের P চাপ ও V আয়তন হইলে,

$$P < \frac{1}{V}$$
 অথবা $P = K \frac{1}{V}$ 3.15 (1)

K, এই নিত্য সংখ্যার মান তাপমাত্রা ও বায়বের ভরের উপর নির্ভর করে।

3.15 (1) হইতে পাওয়া যায় PV = K 3.15 (2)

এখন চাপ P_1 ও আয়তন V_1 এ পরিবতিত হইলে,

$$P_{1}V_{1}=K$$

$$\therefore PV=P_{1}V_{1}$$
3.15 (3)

ফলে একটি নির্দিষ্ট ভরের বায়ব পদার্থের আয়তন $P_1,\,P_2,\,P_3\cdots$ েএই সব চাপে বধারুমে $V_1,\,V_2,\,^{\dagger}\!V_3\cdots\cdots$ হইলে বয়েলের নিয়ম অমুযায়ী,

$$P_1V_1 = P_2V_2 = P_3V_3 = K$$
 3.15 (4)

বয়েলের নিয়মে নির্দিষ্ট ভরের বায়ব-পদার্থের চাপের সহিত উহার ঘনত্বের পরিবর্তনও প্রকাশ করা যায়।

 P_1 চাপে নির্দিষ্ট ভরের বায়ব-পদার্থের ঘনত্ব $d_1 \odot P_2$ চাপে ঘনত্ব d_2 হইলে ভর নির্দিষ্ট বলিয়া,

$$m = d_1 \nabla_1 = d_2 \nabla_2$$
 3 15 (5)

অথবা
$$\frac{d_1}{d_2} = \frac{V_2}{V_1}$$
 3.15 (6)

তাই নির্দিষ্ট ভরের বায়ব-পদার্থের ঘনত্ব উহার চাপের সহিত ব্যস্ত অমুপাতী। বয়েলের নিয়মে,

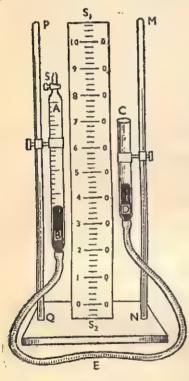
$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{P_1}{P_8}$$
 : $\frac{d_1}{d_2} = \frac{P_1}{P_2}$ [3.15 (6) এর সাহায্যে] 3.15 (7)

অথবা, স্থির তাপমাত্রায় বায়ব-পদার্থের ঘনত্ব উহার চাপের সমান্ত্পাতী।

অতএব স্থির ভাপমাত্রায় বায়ব-পদার্থের চাপ ও ঘনতের অনুপাত P_1/d_1 স্থির স্থাকে।

3,16. ব্যেলের নিয়মের পরীকা:

বয়েলের নিয়ম পরীক্ষা করিতে বয়েলের নিয়ম পরীক্ষা যন্ত্র (Boyle's law apparatus) ব্যবহার করা হয়। উহাতে স্থ্যম ছিদ্রের AB একটি কাঁচের বন্ধ টিউব থাকে।
[3.16 (i) চিত্র]। ঐ টিউব হইতে একটি রাবার টিউব অন্ত একটি বড় ছিদ্রের কাঁচের



টিউব CDর সহিত যুক্ত থাকে। রাবার টিউবটি
আলা থাকায় উহা দিয়া CD টিউবকে উপরে
নিচে সরান যায়। বন্ধ টিউবে কিছু শুক্ষবায়
ও রাবার টিউবসহ AB ও CD টিউবে পারদ
ভতি থাকে। CD টিউবকে উপরে বা নিচে
সরাইয়া AB টিউবে গুক্ষবায়র আয়তন কমান
বা বাড়ান যায়। টিউবগুলি একটি শক্ত
কাঠের ক্রেমে আঁটা থাকে। ঐ ক্রেমে
ছইটি টিউবের পারদপ্রেটর পার্থক্য মাপিবার
জন্ম স্বেল থাকে। AB টিউবের প্রস্কচেদ
স্বদ্ম হওয়ায় উহার দৈর্ঘ্য ও আয়তন
সমার্থাতী। তাই পারদক্তক্তের দৈর্ঘ্য দেথিয়া
উহার আয়তন বলা যায়।

যথন দুইটি টিউবে পারদের তল সমান থাকে, তথন AB টিউবে বায়ুর চাপ বায়ু-মণ্ডলের চাপের সমান। CD টিউবে পারদতল AB হইতে উচ্চে থাকিলে, ABতে বায়ুর

চাপ=বায়্মণ্ডলের চাপ + AB ও CD টিউবের পারদতলের পার্থক্য। আবার CD টিউবে পারদতলের বায়্মণ্ডলের চাপ—ত্ইটিটিউবে পারদতলের পার্থক্য।

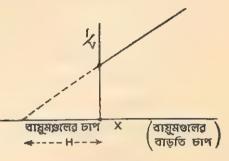
CD টিউবের পারদতলের দৈর্ঘ্য হইতে AB টিউবে বদ্ধ বাতাসের চাপ মাপা যায়। স্কেল হইতে AB টিউবের যে দৈর্ঘ্য পাওয়া যায়, উহার সহিত ঐ টিউবে বায়ুর অবস্থানের দৈর্ঘ্য ও ঐ টিউবের প্রস্থাচ্চেদ গুণ করিয়া বায়ুর আয়তন পাওয়া যায়।

এখন $P ext{ G} \frac{1}{V}$ লেখচিত্রের সাহায্যে জাঁকিয়া বয়েলের নিয়ম পরীক্ষা করা যায়। বায়্যগুলের বেশী বাড়তি চাপ X ও বায়্যগুলের চাপ H হইলে বয়েলের নিয়ম অনুযায়ী PV = K.

অথবা
$$(H+X)=\frac{K}{V}$$

উহা একটি সরলরেথার সমীকরণ। বয়েলের যন্ত্রে P ও V মাপিয়া লেখচিত্র

আঁকিলে [3.16 (ii)] উহা সরলরেখা হইবে। এই লেখচিত্রে $\frac{1}{V}$ বেখানে O, অর্থাৎ H+X =O বা H=-X, সেখানে সরলরেখাটি X অক্ষ যে বিন্দৃতে চেদ করে, $\triangle - X$ মান বায়ুমণ্ডলের চাপের সমান। এই পরীক্ষায় ভাই বায়ুমণ্ডলের চাপ মাপা যায়।



চিত্ৰ 3'16 (ii)

অক্সিজেন, নাইট্রোজেন, বায়ু, হাইড্রোজেন প্রভৃতি স্থায়ী বায়ব পদার্থ সাধারণ তাপ ও চাপে বয়েলের নিয়ম মানিয়া চলে। কিন্তু উচ্চ চাপে সব বায়ব পদার্থই এই নিয়ম অল্প-বিত্তর অমাত্ত করে। সব চাপ ও তাপমাত্রায় যে বায়ব পদার্থ বয়েলের নিয়ম মানিয়া চলে তাহাদের পূর্ণাঙ্গ বা আদর্শ বায়ব পদার্থ (Perfect or ideal gas) বলে। কিন্তু কার্যত এল্লপ আদর্শ বায়ব পদার্থ বলিতে কিছুই নাই।

3.17. জির চাপে বায়বপদার্থের প্রসারণ ঃ

চার্লসের নিয়ম (Charles' law): চাপ স্থির থাকিলে নির্দিষ্ট ভরের কোন বায়ব পদার্থের আয়তন প্রতি 1°C তাপ বাড়িলে (বা কমিলে) উহার O°C আয়তনের ফ্র'ন্ড স্থির ভগাংশে বাড়ে (বা কমে)। ফু'ন্ড এই স্থির ভগাংশ স্থির চাপে বায়ব পদার্থের প্রসারণ গুণাস্ক। উহাকে সাধারণতঃ আয়তন গুণাক্ত, ৮, বলা হয়।

Vo ও V, যথাক্রমে O°C ও t°Cএ কোন বায়ব পদার্থের আয়তন হইলে চার্লসের নিয়মে,

$$V_{t} = V_{0}(1 + r_{g}t) = V_{0}\left(1 + \frac{t}{273}\right) = \frac{V_{0}}{273}(273 + t)$$

$$= \frac{V_{0}}{273} + T. \qquad 3.17 (1)$$

 $T = t^{\circ}$ Cএ পরম (absolute) ভাপমাত্রা। অথবা $V_t = T$

3.17 (2)

3.17 (2) হইতে চার্লসের নিয়মের আর একটি বিশেষত্ব পাওয়া যায়। উহা হইতে বলা যায় যে কোনো বায়বপদার্থের নির্দিষ্ট ভরের আয়তন স্থির তাপমাত্রায় পরম তাপমাত্রার সমান্ত্রপাতী। ফলে, নির্দিষ্ট ভরের বায়বপদার্থের আয়তন ও তাপমাত্রার সম্পর্ক লেখচিত্রে সরলরেখায় প্রকাশ করা সম্ভব।

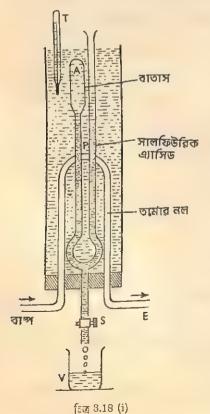
চার্লসের নিয়মে $V_t = V_0(1 + r_v t)$ স্থতি কঠিন ও তরল পদার্থের প্রসারণের স্থতের মত মনে হইলেও উহার কয়েকটি বৈশিষ্ট্য আছে।

পদার্থ (I)--10

- (ক) বায়বপদার্থে চাপের পরিবর্তন উহার আয়তনের পরিবর্তন করে। উহার আয়তন গুণাক্ষ ?>> নির্ণয়ে লক্ষ্য রাখিতে হইবে যেন তাপমাত্রা পরিবর্তনের সঙ্গে চাপ স্থির থাকে।
- ্থ) বায়বপদার্থের প্রসারণ গুণাষ $_{2}^{1}$ কঠিন বা তরল পদার্থের প্রসারণ গুণাফ অপেক্ষা অনেক বেশী।
- (গ) বায়বপদার্থের প্রসারণ গুণান্ধ একটি নিত্য সংখ্যা। সমস্ত বায়বপদার্থের বেলায় এই মান সমান থাকে। কিন্তু কঠিন ও তরল পদার্থের প্রসারণ গুণান্ধ বিভিন্ন পদার্থে বিভিন্ন মানের হয়। তাছাড়া একই কঠিন বা তরল পদার্থে তাপমাত্রার অবস্থাভেদে বিভিন্ন প্রসারণ গুণান্ধ হইতে পারে।
- (ঘ) বায়বপদার্থের বেলায় উহার 0°Cএ আয়তন অবশুই প্রাথমিক আয়তন ধরিতে হয়। কিন্তু কঠিন বা তরল পদার্থের ক্ষেত্রে যে কোন তাপমাত্রায় প্রাথমিক আয়তন ধরিলেও গুণান্ধ নির্ণয়ে ভুল হয় না।

3.18. স্থির চাপে 🔑 নির্ণয় পদ্ধতি :

রেনল্ট পদ্ধতি (Regnault's Method): এই পদ্ধতিতে একটি বায়ব



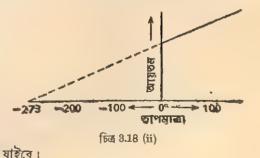
তাপমান যন্ত্ৰ [চিত্ৰ 3.18 (i)] ব্যবহৃত হয়। এই যত্ত্ৰে A বাল্বে বায়ু বন্ধ থাকে। উহা U টিউব দিয়া B খোলা টিউবে যুক্ত থাকে। B মৃথ দিয়া সালফিউরিক এ্যাসিড ঢালিয়া Aর বায়ু শুষ্ক রাখা হয়। Aর সংবদ্ধ অংশে স্কেল চিহ্ন থাকে—উহা দিয়া A টিউবের আয়তন মাপা হয়। B বায়ুমণ্ডলে মুক্ত থাকে। U টিউবের মধ্যস্থলে একটি কাঁচের নল ও দ্বীপকক্ (stop cock) থাকে। উহা দিয়া বাড়ভি সালফিউরিক এ্যাসিড বাহির করিয়া দেওয়া যায়। A ও B সহ U টিউব জলে ডুবান থাকে, উহাতে A টিউব ভূবিয়া থাকিলেও B টিউবের মৃথ জলের বাহিরে থাকে। জলাধারের বাহিরের আবরণ শক্ত কাঁচ দিয়া তৈরী ও নিচের মুখ রাবার ছিপি দিয়া আঁটা থাকে। এই ছিপির ভিতর দিয়া একটি তামার নল চিত্রের মত জ্লাধারের ভিতর হইয়া আবার বিপরীত দিকে বাহির

করিয়া দেওয়া হয়। এই তামার নলে জলীয় বাশ্স চুকাইলে, জলাধারের জল উত্তপ্ত হয়। বাশ্সের পরিমাণ নিয়য়্রণ করিয়া আধারের জল নিদিষ্ট তাপমাত্রায় রাখা হয়। একটি পারদ তাপমান য়য়ৢ T দিয়া জলের তাপমাত্রা মাপা হয়। তাপমাত্রা স্থির হইলে A বাল্বের বায়ব পদার্থের তাপমাত্রা ও জলের তাপমাত্রা সমান হয়। স্কেলের মাপ পর্যবেক্ষণ করার আগে উহার মধ্যস্থিত বায়বপদার্থ যাহাতে জলের তাপে উঠিতে পারে, সেজয়্ম যথেষ্ট সময় দেওয়া আবশ্রুক। এখন ৪তে সালফ্বিরিক এ্রাসিড ঢালিয়া অথবা নিচের বহিম্ থা নল দিয়া বাহির করিয়া ৪ ও মতে এ্রাসিডের তল সমান করা হয়। এই অবস্থায় ম টিউবে বায়ুর চাপ বায়মজ্বের সমান। এবার স্কেল হইতে এ চাপে ম স্থিত বায়ুর আয়তন দেখ। এবার তামার নলে বাহ্ম চুকাইলে জল উত্তপ্ত হইবে ও ম টিউবের বাতাস আয়তনে বাজিয়া ৪ টিউবে কিছুটা এ্রাসিড সমানতল হইতে উপরে উঠিয়া যাইবে। এখন কিছুটা এ্রাসিড বাহির করিয়া দিয়া আবার ৪ টিউবের এ্রাসিডের তল ম টিউবের তলের সহিত সমান করা হইল। এবার বা ্বি তামার বলে বাজ্ব তলম প্রতিবর ব্যাসিডের তলের সহিত সমান করা হইল। এবার বাহ্ম প্রবিজন করিলে তাপমাত্রায় যথা বায় যথা বাহি ও বাহুত্ব তাপমাত্রায় আয়তন প্রবেক্ষণ করিলে যে কোন ছই তাপমাত্রায় যথা বাহি তাপমাত্রায় আয়তন প্রবেক্ষণ করিলে যে কোন ছই তাপমাত্রায় যথা বা বা বা বাহি তাপমাত্রায় আয়তন প্রবেক্ষণ করিলে যে কোন ছই তাপমাত্রায় যথা বার বা বাহি তাপমাত্রায় আয়তন প্রবেক্ষণ করিলে

ধর 0° Cএ আয়তন V_0 ।
অভএব $V_1 = V_0 (1 + r_p t_1)$ এবং $V_2 = V_0 (1 + r_p t_2)$ অথবা $\frac{V_3}{V_1} = \frac{1 + r_p t_2}{1 + r_p t_1}$ 3.18 (1)

 $V_1,\,V_2$ ও $t_1,\,t_2$ জানা আছে। এখন ঐগুলির মান হইতে $3.18\,(1)$ সমীকরণের সাহায্যে ν_p জানা যাইবে। পূর্বের পরীক্ষা $t_1,\,t_2,\,t_3$ প্রভৃতি তাপমাত্রায় যথাক্রমে যে আয়তন $V_1,\,V_2,\,V_3$ ইত্যাদি হইবে—লেখচিত্রের সাহায্যে উহাদের সম্পর্ক

একটি সরলরেথায় প্রকাশ করা যায়
[চিত্র 3.18 (ii)]। X অক্ষে
তাপমাত্রা ও Y অক্ষে আয়তন
প্রট্ করিলে দেখিবে যে স্থির চাপে
তাপমাত্রা বাড়িলে বায়ব পদার্থের
আয়তন বাড়ে। সাধারণ বায়্র
পরিবর্তে যে কোন বায়ব পদার্থ
বাবহার করিয়াও একই ফল পাওয়া যাইবে।



লেখচিত্রের সরলরেখাটি নেগেটিভ দিকে বাড়াইয়া দেখ যে $-273\,^\circ$ Cএ উহা X অক্ষছেদ করে। অর্থাৎ $-273\,^\circ$ Cএ তত্ত্বগতভাবে বায়ুর আয়তন শৃক্ত হয়। এখন $0\,^\circ$ Cএ V_o এবং $t\,^\circ$ Cএ V_s ইহাদের মান লেখচিত্র হইতে দেখিয়া সহজেই γ_s গণনা করা যাইবে।

বায়ুর ক্ষেত্রে প্রতি °Cএ γ,=0'00367 অর্থাৎ প্রতি °Cএ γ, দু দ্বী ওর কাছাকাছি। ফলে চার্লসের নিয়ম এই পরীক্ষায় সহজেই প্রমাণিত হয়।

3.19. স্থির আয়তনে বায়ব পদার্থের চাপবৃদ্ধি ঃ

চাপ নিয়ম (Pressure law) ঃ বায়বপদার্থের আয়তন স্থির থাকিলে উহার চাপ ও তাপমাত্রার সম্পর্ক চাপ নিয়ম বা **স্থির আয়তন নিয়ম** (Constant volume law) নামে অভিহিত হয়।

এই নিয়ম অন্থযায়ী বায়বপদাথের আয়তন স্থির থাকিলে প্রতি ডিগ্রী সেন্টিগ্রেড্ তাপ বাড়িলে (বা কমিলে) উহার 0°Cএ যে চাপ থাকে উহার ফুদীন্ত ভগ্নাংশে চাপ বাড়ে (বা কমে)। এই স্থির ভগ্নাংশ চাপ গুণাস্ক ৮, নামে অভিহিত হয়। উহা আয়তন গুণাস্ক ৮৯র সমান।

 P_t ও P_0 যথাক্রমে $t^\circ C$ ও $0^\circ C$ এ কোন বায়ব পদার্থের চাপ হইলে, স্থির আয়তনে

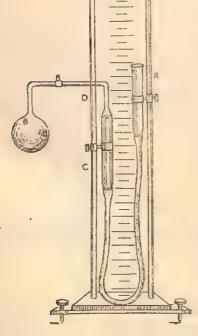
$$P_t = P_0 (1 + \gamma_v t) = P(1 + \frac{t}{273}) = \frac{P_0 T}{273}$$

অথবা P T, $T = t^{\circ}$ Cএ পরম তাপমাতা

X ও Y অক্ষে যথাক্রমে তাপমাত্রা ও চাপ প্লট (plot) করিয়া যে লেখচিত্র হইবে তাহাতে উহাদের সম্পর্ক সরলরেথায় প্রকাশ করা যাইবে।

3.20. স্থির আয়তনে 🕫 নির্ণয় পদ্ধতি ঃ

জোলির যন্ত্র (Joly's Apparatus): 3.20 (i) চিত্রে জোলির যে যন্ত্র দেখান



िख 3.20 (i)

3.20 (i) চিত্রে জোলির যে যন্ত্র দেখান হইল উহা বয়েলের যন্ত্রের প্রায় অন্তর্মণ। কেবল সোজা বদ্ধ টিউবের পরিবর্তে এই যন্ত্রে একটি বদ্ধ বাল্ব B থাকে। ঐ বাল্ব ও C টিউবে পারদের তল পর্যন্ত শুদ্ধ বাদু থাকে।

পরীক্ষা পদ্ধতি: ইপ কক্
(Stop cock) থূলিয়া খোলা টিউব R
উঠাইতে বা নামাইতে হইবে, যাহাতে
C টিউবের যথেষ্ট উপরিতলে কোন D
বিন্দৃতে পারদতল অবস্থান করে। এখন
ইপ কক্ বন্ধ করিলে উভয় টিউবেই বায়ুমণ্ডলের চাপ=H সে.মি. পারদ পাওয়া
যাইবে। এবার একটি পিতলের বা
তামার বড় পাত্রে জল রাথিয়া B বাল্বটি
ডুবাইয়া রাখিতে হইবে। এই পাত্রটি
যাহাতে বার্নার দিয়া উত্তপ্ত করা যায়

ভাহার ব্যবস্থা থাকে। একটি পারদ তাপমান যন্ত্র জলে ড্বাইরা উহার তাপ পরিমাপ করা হয়। এখন পাত্রের জল t°Cএ উত্তপ্ত করিলে C বাল্বের বায়ু প্রসারিত হইবে ও D বিন্দু হইতে পারদতল নিচে নামিয়া যাইবে। এবার R টিউব উপরে উঠাইয়া পারদতল পুনরায় D বিন্দুতে তুলিতে হইবে। এখন R ও C টিউবে পারদতলের পার্থক্য h হইলে, C বাল্বে বায়ুর চাপ P=H+h সে.মি. পারদ। এইরূপ t_1 °C, t_2 °C ইত্যাদিতে যথাক্রমে P_1 , P_2 প্রভৃতি চাপ পরিমাপ করিতে হইবে।

চার্লসের নিয়ম অনুযায়ী

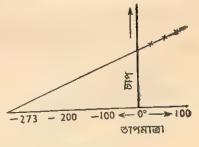
$$P_1 = P_0(1 + \gamma_v t_1)$$
 are $P_2 = P_0(1 + \gamma_v t_2)$ 3.20 (1)

 $t_1,\ t_2$ এবং $h_1,\ h_2$ জানা থাকায় ও H এর মান বায়ুমান যন্ত্রে নির্ণয় করায় γ_0 এর মান পাওয়া যাইবে।

উল্লিখিত পরীক্ষায় $t_1,\ t_2,\ t_3,\ t_4$ ইত্যাদি তাপমাত্রায় যথাক্রমে $P_1,\ P_2,\ P_3,\ P_4$ প্রভৃতি মাপিয়া X অক্ষে তাপমাত্রা ও Y অক্ষে চাপ প্লট করিলে যে লেখচিত্র হ**ইবে উহা**

একটি সরলরেখা। ঐ রেখা নেগেটিভ্ দিকে বাড়াইলে —273°C-এ উহা X অক ছেদ করিবে। [চিত্র 3.20 (ii)] অর্থাৎ শৃগুচাপে তত্ত্বগতভাবে বায়ুর তাপমাত্রা—273°C হইবে।

লেখচিত্রের সরলরেখা হইতে দেখা যায় যে, আয়তন স্থির থাকিলে বায়ুর চাপ তাপের স্বাহিত স্থমভাবে বাড়িয়া চলে।



Бо 3.20. (ii)

ঐ লেখচিত্র হইতে $O^{\circ}C$ -এ P_o বা $t_o^{\circ}C$ এ P_t অর্থাৎ যেকোন তাপমাত্রায় চাপ নির্ণয় করা যায়।

পরীক্ষায় দেখা গিয়াছে যে, প্রতি ডিগ্রী সেন্টিগ্রেড্ তাপমাত্রা বৃদ্ধিতে বায়ুর $\gamma_v = 0.00367$ অর্থাৎ $_{3}$ । যে সব বায়ব পদার্থ বয়েলের নিয়ম অনুসরণ করে, উহাদের ক্ষেত্রে γ_v একই মানের হয়। ইহা দারা চার্লসের নিয়মের আর একটি রূপ চাপ নিয়ম প্রমাণিত হয়।

বয়েল ও চার্লসের নিয়ম যে সব বায়ব পদার্থ অনুসরণ করে, তাহাদের ক্ষেত্রে দেখান যায় যে, $\gamma_2 = \gamma_{v}$ ।

প্রমাণঃ চাপ স্থির থাকিলে বায়ব পদার্থের তাপ O'C হইতে t°C বাড়িলে V_o আয়তন বাড়িয়া V হয়; অর্থাৎ $V=V_o$ $(1+r_o t)$ 3.20 (3)

তাপমাত্রা t° C এ স্থির রাখিয়া ঐ বায়ব পদার্থকে V_{\circ} আয়তনে আনিতে চাপ P_{\circ} হুইতে বাড়াইয়া P_{t} করিলে বয়েলের নিয়মে

$$P_o V_t = P_t V_o 3.20 (4)$$

3'20 (3) এবং 3'20 (4) হইতে

$$P_o(1+\gamma_p t) = Pt$$
 3.20 (5)

আয়তন স্থির রাখিয়া $O^{\circ}C$ হইতে তাপমাত্রা $t^{\circ}C$ এ বাড়াইলে

$$P = P_o(1 + \gamma_v t)$$
 3.20 (6)

অতএব 3.20 (5) ও 3.20 (6) হইতে প্রমাণ হয় যে,

$$\gamma_{\boldsymbol{y}} = \gamma_{\boldsymbol{v}}$$
 3.20 (7)

3.21. পরমশূতা তাপমাত্রা ও উহার স্কেল (Absolute temperature and its scale) :

চার্লদের নিয়ম প্রয়োগ করিয়া দেখা যায় যে O°C এর নিচে স্থির চাপে বায়ব পদার্থের তাপমাত্রা কমিলে প্রতি ডিগ্রী সেন্টিগ্রেড হাসে উহার O°C এর আয়তনের ফ্রন্টির ভয়াংশ হ্রাস পায়,

ফলে O C-এ 1 ঘন সে.মি. বায়বপদার্থ $-1^{\circ}C$ -এ $(1-\frac{1}{273})$ ঘন সে.মি.

" " $-2^{\circ}\text{C-d} \ (1-\frac{2}{273})$ " " " $-3^{\circ}\text{C-d} \ (1-\frac{3}{273})$ " " " $-100^{\circ}\text{C-d} \ (1-\frac{1}{273})$ " " $-273^{\circ}\text{C-d} \ (1-\frac{2}{273})=0$ " "

অতএব বায়ব পদার্থের আয়তন - 273°C এ শৃক্ত হইবে।

$$3.17 (1)$$
 হইতে পাই, $V_t = V_o \left(1 + \frac{t}{273}\right)$ 3.20 (8)

t°C এ আয়তন শৃত্য হইলে 3'20 (8) হইতে

$$=V_o\left(1+\frac{t}{273}\right)$$
 অথবা $t=-273^{\circ}$ C 3.20 (9)

18 (ii) লেখচিত্র হইতেও একই ফল পাওয়া যায়।

আয়তন শৃশ্য হওয়া তরগতভাবে প্রমাণিত হয়। ফলে যে ভাবেই বিবেচনা করা হউক না কেন আয়তন নেগেটিভ হইতে পারে এরপধারণা অসম্ভব, ফলে – 272°C অপেক্ষা নিয়তর তাপ থাকিতে পারে না। চাপ নিয়ম হইতেও দেখা যায় যে O°C এ বায়ব পদার্থের চাপ যাহা থাকে, স্থির আরতনে প্রতি ডিগ্রা সেটিগ্রেড তাপমাত্রা হ্রাসে উহার $_{3}$ বিত্ত তাপমাত্রা হ্রাসে উহার $_{3}$ বিত্তর তাপমাত্রা অর্থাং নেগেটিভ্ চাপ থাকা অসম্ভব।

এখন — 273°C তাপমাত্রায় চাপ ও আয়তন তুইই তত্ত্বগতভাবে শূভ মানে নামিয়া আঙ্গে, তাই — 273°C তাপমাত্রাকে শূভ ডিগ্রী ধরিয়া যে তাপমান যন্ত্রের স্কেল তৈয়ার হয় উহাকে সেল্সিয়াস্ পরম স্কেল বা কেল্ভিন্ স্কেল বলে।

এই স্কেলের তাপমাত্রা সেল্সিয়াসের °C অপেক্ষা 273° বেশী,

অর্থাৎ পরম মান = সেলসিয়াস্ বা সেন্টিগ্রেড মান + 273 অথবা °C + 273 = °K. [K=Kelvin] 3.20 (10)

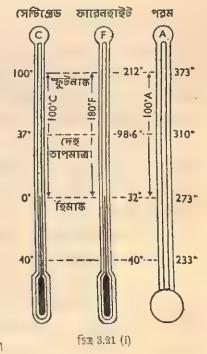
ফারেনহাইট স্কেলে,

পরম মান=ফারেনহাইট মান+460 অথবা °F+460=°R

[R=Rankine] 320 (11)

3.21. (i) চিত্রে সেলসিয়াস, ফারেনহাইট ও পরমঞ্চেলের তাপমান যন্ত্রের তুলনা দেখান হইল।

-273°C-এ বায়ব পদার্থের আয়তন ও চাপ শুলুমান হইবে, ইহা তৰ্গত ভাবে ঠিক একথা আগেই বলা হইয়াছে। তাহার কারণ পদার্থের এই অবস্থা কথনই পাওয়া সম্ভব নহে। কারণ তাপমাত্রা কমিলে - 273°C-এর অনেক বেশী তাপমাত্রাতেই বায়ুব পদার্থ তরল পদার্থে পরিণত হয় ও ক্রমশ আরও তাপ কমিলে উহার কঠিন পদার্থে রূপাস্তর ঘটে। পূর্ণাঙ্গ বায়ব পদার্থের (Perfect gas) ক্ষেত্রে এইরূপ ঘটে। যেমন বাতাস - 184°C এ তর্ল হয়। হাইড্রোজেন বায়বের আয়তন - 269°C পর্যন্ত তাপমাত্রায় ক্রমশঃ সঙ্কৃচিত হয়। তরল হিলিয়াম বায়ব বাপীড়ত হইলে নিয়তম -272°C পর্যন্ত তাপমাত্রায় পৌছা যায়। কিন্তু পরম শৃত্য অর্থাৎ -273°C তাপমাত্রা আজও উৎপাদন করা সম্ভব হয় নাই।



পরবর্তী আলোচনায় বায়ব পদার্থের গতীয় তত্ত্ব (Kinetic theory of gas) দেখিবে যে, পরমশৃন্ম তাপমাত্রায় আণবিক গতি (molecular motion) সম্পূর্ণ রুদ্ধ হুইয়া যায়।

3.22. বায়বপদার্থের চাপ, আয়তন ও তাপমাত্রার সম্পর্ক (Relation between pressure, volume and temperature of gases):

মনে কর P, V ও T কোনো নির্দিষ্ট ভরের বায়বপদার্থের যথাক্রমে চাপ, আয়তন ও পরম তাপমাত্রা।

ভাহা হইলে $\mathrm{Va} rac{1}{\mathrm{P}}, [\mathrm{\ T\ }$ স্থির থাকিলে] : বয়েলের নিয়ম

V a T, [P স্থির থাকিলে]: চার্লসের নিযুম

অতএব T ও P উভয়ই পরিবর্তিত হইলে

$$V = \frac{T}{P}$$

অথবা $\frac{PV}{T}$ = নিত্যসংখ্যা = $\frac{P'V'}{T'}$, $[P' \otimes V'$ ধ্বন অন্ত একটি প্রম তাপমাত্রা

T' এ একই ভরের যথাক্রমে চাপ ও আয়তন] 3.22 (1)

3'22 (1) সমীকরণে নিত্যসংখ্যাকে R ধরিয়া পাওয়া যায়

PV = RT 3.22 (2)

R = গ্রাম আণবিক বায়ব নিত্যসংখ্যা (Gramme-molecular gas constant)

এ্যাভোগাড়োর মতবাদ (Avogadro's hypothesis) অনুষায়ী যে কোনো
বায়ব পদার্থ একই চাপ ও তাপমাত্রায় সমমানের আয়তন লাভ করে। তাই R সমস্ত
বায়বপদার্থের ক্ষেত্রে একই মানের হয় ও উহাকে সার্বজ্ঞোম বায়ব নিত্যসংখ্যা
(Universal gas constant) বলে। বায়ব পদার্থের m তর যদি n গ্রাম আণবিক
হয় তবে বায়ব নিত্যসংখ্যা nR মানের ঘারা প্রকাশ করা যায়। গ্রাম আণবিক বলিতে
এক গ্রাম আণবিক অক্সিজেন = 32 গ্রাম্ অক্সিজেন, কারণ বায়বপদার্থের গ্রাম্ অনু
ইইল উহার আণবিক ওজন গ্রামে প্রকাশ করিলে যে ভর হয় তাহার সমান।

nR গ্রাম আণবিক বায়বপদার্থে

$$PV = nRT = KT$$

K=nR-এর মান বায়বপদার্থের ভরের উপর নির্ভর করে।

3.22 (3) সমীকরণ বয়েল ও চার্ল সের নিয়মের যুক্তরূপ। ইহাকে বায়ব সমীকরণ (Gas equation) বা বায়বপদার্থের অবস্থার সমীকরণ (Equation of state) বলে; কারণ চাপ, তাপ ও আয়তন জানিলে বায়বপদার্থের ভৌতিক অবস্থা এই সমীকরণ হইতে সম্পূর্ণরূপে জ্ঞাত হওয়া যায়। P, V ও T-এর যে কোন ত্ইটির মান জানিয়া ও বায়বপদার্থের ভর হইতে K-র মান গণনা করিয়া তৃতীয় অজানা অবস্থার মান নির্ণীত হইতে পারে।

3'23. স্বাভাবিক বা নির্ধারিত মান চাপ ও তাপমাত্রা (Normal or Standard pressure and temperature) : বায়ুমণ্ডলের একক চাপে বরক গলা তাপমাত্রাকে স্বাভাবিক বা নির্ধারিত মান তাপমাত্রা বলা হয়। সেলসিয়াস্ বা সেলিগ্রেড্ কেলে ইহা O'C অথবা 273°K। কারেনহাইট্ কেলে ইহা 32°F বা 492°R।

76 সেন্টিমিটার দীর্ঘ শৃশু ডিগ্রী সেন্টিগ্রেডে শীতল উল্লম্ব পারদস্তম্ভ 45° অক্ষাংশে সমৃদ্রম্ভরে (sea level) তলদেশে যে চাপ উৎপাদন করে উহা স্বাভাবিক বা নির্ধারিভ শানের চাপ।

এই অবস্থায় পারদের ঘনত=13.596 গ্রাম/ঘন সে. মি.

অভিকর্ষ জনিত ত্বরণ g=980.6 সে. মি./৷ সেকেণ্ড)²

3.23 (1)

ফলে স্বাভাবিক বা নির্ধারিত মানের চাপ Po=76×13·596×980⁻⁶ ডাইন/

=1.013×10⁸ ডাইন্/(সে: মি.)² 3.23 (3)

3.24. বায়ব নিত্যসংখ্যার মান:

এক গ্রাম আণবিক বায়বপদার্থে $R = \frac{P_0 V_0}{T_0}$ 3.24 (1)

Po ও To যথাক্রমে স্বাভাবিক চাপ ও তাপ

 $P_0 = 1.013 \times 10^6$ ডাইন/(সে.মি.) 2 [3.23(2) হইতে]

 $T = 273^{\circ} \text{ K}$

এ্যাভোগাড়োর মতবাদ অন্থায়ী এক গ্রাম আণবিক বায়বপদার্থ স্বাভাবিক ভাপ-মাত্রা ও চাপে 22'4 লিটার বা 22400 ঘন সে.মি. আয়তন অধিকার করে।

সভএব,
$$R = \frac{P_0 V_0}{T_0} = \frac{1.013 \times 10^6 \times 22400}{2/3}$$

=8.31×107 ডাইন-সে.মি./°C=8.31×107 আর্গ/°C

এক গ্রাম অণু অক্সিজেন = 32 গ্রাম হইলে 16 গ্রাম অক্সিজেন = 🖟 গ্রাম অণু। ঐ পরিমাণ অক্সিজেনে,

 $K = nR = \frac{1}{2} \times 8.31 \times 10^7$ আর্গ/°C= 4.174×10^7 আর্গ/°C

16 গ্রাম হাইড্রোজেনের বেলায় উহা 8 গ্রাম-অণুর সমান, অথবা, n=8

$$K = nR = 8 \times 8.31 \times 10^7 \text{ wif/}^{\circ}\text{C}$$

= $66.48 \times 10^7 \text{ wif/}^{\circ}\text{C}$

উদাহরণ 1. 76 সে. মি. পারদের চাপে 20°C-এ কিছু পরিমাণ শুর বায় 1 লিটার আয়তন অধিকার করে। 75 সে.মি. চাপে কত তাপমাত্রায় উহা 1'4 লিটার আয়তন অধিকার করিবে ?

আমরা জানি
$$\frac{PV}{T} = \frac{P'V'}{T'}$$
; অথবা $\frac{76 \times 1}{273 + 20} = \frac{75 \times 1^{-4}}{273 + t}$; অভএব, $t = 131.8^{\circ}C$

উদাহরণ 2. একখানি ঘরের মাপ 50 ফুট×30 ফুট×25 ফুট। ঘরের তাপ-মাত্রা 20°C হইতে 25°C বাড়াইলে একই চাপে ঘরের বাতাসের শতকরা কত ভাগ্য বাহির হইয়া যাইবে ?

20°C-এ বাতাসের মূল আয়তন=খরের আয়তন=($50 \times 30 \times 25$) খনফুট

V₁=25°C-এ বাতাসের আয়তন

T1=20+273=293°C পরম তাপমাত্রা

 $T_2 = 25 + 273 = 298^{\circ}C$

সামরা জানি
$$\frac{V_2}{T_3} = \frac{V_1}{T_1}$$
 স্বধবা $V_2 = \frac{V_1 \times T_2}{T_1}$

$$= \frac{(50 \times 30 \times 25) \times 298}{293}$$

$$= 38139 \cdot 9 \cdot 9 \cdot 9 \cdot 1$$

অতএব নিৰ্গত বাতাসের আয়তন= $38139^{\circ}9 - (50 \times 30 \times 25) = 639^{\circ}9$ ঘনত্ট বাতাসের শতকরা নিৰ্গত অংশ= $\frac{639^{\circ}9}{38139^{\circ}9} \times 100 = 1^{\circ}67$

উদাহরণ 3. 1000 ঘন সে.মি. বায়ুর 0°C এ ওজন 1'293 গ্রাম, ঐ অবস্থায় উহার চাপ $1'013 \times 10^6$ ডাইন/(সেমি.) 2 । PV = KT সমীকরণে Kর মানকত হইবে ?

$$1$$
 গ্রাম বায়ুর আয়তন $=\frac{1000}{1.293}$ ঘন সে. মি.

[যেহেতৃ 0°C=273°C পরম তাপমাত্রা]

অথবা
$$K = \frac{1.013 \times 10^6 \times 1000}{273 \times 1.293} = 2.87 \times 10^6$$
 আগ $\frac{\text{আগ}}{0^{\circ}\text{C}}$ গ্ৰাম

উদাহরণ 4. বায়ুমণ্ডলের স্বাভাবিক চাপে এবং 0°Cএ 1000 c.c বায়ুর ওজন 1'2 গ্রাম। — 18'C তাপমাত্রায় 3 গুণ বায়ুমণ্ডলের চাপে 75 খন সে. মি. আয়তন স্বিকার করিতে কত ওজনের বায়ু প্রয়োজন হইবে ?

P=বায়্মণ্ডলের স্বাভাবিক চাপ হইলে,

তিনগুণ চাপে চাপ=3P ও পরম তাপমাত্রা=273-18=255°

এখন,
$$\frac{PV}{T} = \frac{P'V'}{T'}$$
 হইতে আমরা পাই $\frac{P \times V}{273} = \frac{3P \times 75}{255}$

 $V=0^{\circ}$ C ও P স্বাভাবিক চাপে বায়ুর আয়তন।

অতএব V=240'88 ঘন সে.মি.

0°C ও স্বাভাবিক চাপে 1000 ঘন সে.মি. বায়ূর ওজন=1'2 গ্রাম হইলে

240.88 ঘন সে,মি. বায়্র ওজন =
$$\frac{240.88 \times 12}{1000}$$
 = 0.289 গ্রাম।

প্রশ্নাবলী ,

- একটি বাইসাইকেলে পাস্প দেওয়ার সময় পাস্পটি উত্তপ্ত হয়, কারণ ব্যাখ্যা
 কর।
 - 2. তাপমাত্রা ও তাপের পরিমাণের মধ্যে পার্থক্য কি ?
- পারদ তাপমান যন্ত্রের নির্মাণ কৌশল বর্ণনা কর। উহার নলের ছিদ্র কি
 টিউবের দৈর্ঘ্যের সহিত স্থাম হওয়া প্রয়োজন? কারণ বল। ইহার স্কেল কিরূপ হইবে
 বল।
- 4. একটি পার্মোমিটারের নির্দিষ্ট বিন্দু কি হইবে? সেন্টিগ্রেড ও ফারেনহাইট স্কেলে নির্দিষ্ট বিন্দু ছুইটির মধ্যবর্তী বিন্দুর সংখ্যা কী হইবে?
- একটি স্থম ছিদ্রের থার্মোমিটার সমান ডিগ্রীতে বিভক্ত। উহা গলিত বরকে
 ২০° ও 100°C-এর বাঙ্গে ৪০° দেখায়। 100°F-এ উহা কত দেখাইবে ?
- 6. একটি লোহার দণ্ড ও একটি দন্তার দণ্ড 0°C-এ 2 মিটার দীর্ঘ। উহাদিগকে সমান উত্তাপে উত্তপ্ত করা হইল। 50°C এ দন্তার দণ্ডটি লোহার দণ্ড হইতে 0·181 দে মি. দীর্ঘতর হইল। দন্তার রৈথিক প্রসারণ গুণান্ধ প্রতি ডিগ্রী সেন্টিগ্রেডে '000028 হইলে লোহার রৈথিক প্রসারণ গুণান্ধ কত?

(Ans: '0000117/°C)

7. একটি তামার রডের দৈর্ঘ্য 50°C-এ 200°166 সে. মি. এবং 200°C-এ 200°664 সে.মি.। 0°C এ উহার দৈর্ঘ্য কত ও তামার রৈখিক প্রসারণ গুণান্ধ কত ?
(Ans: 200 সে. মি.; 0°0000166/°C)

- 8. একটি লোহার চাকার ব্যাস 3 ফুট। যদি উহার তাপমাত্রা 400°C-এ তোলা হয় তাহা হইলে উহার পরিধি কত ইঞ্চি বাড়িবে ? (Ans. 0'493 ইঞ্চি।)
- একটি লোহার গোলকের আয়তন 10 ঘনফুট। 25° সেলিয়েরডে উহার আয়তন কত হইবে? । লোহার রৈধিক প্রসারণ গুণায়= '000012/°C

(Ans. 9'97 ঘনফুট)

10. একটি পিতলের গোলকের আয়তন 100 ঘন সে.মি. এবং ভর 820 গ্রাম। উহা O°C হইতে 100°C এ উত্তপ্ত করা হইল। পিতলের রৈথিক প্রসারণ গুণাক '000018 হইলে, উহার উপরিউক্ত তাপমাত্রা তুইটিতে ঘন্ত্রের পার্থক্য কী হইবে ?

(Ans. 0'216 গ্রাম/ঘন সে.মি.)

- 11. তরলের আপাত ও বাস্তব প্রসারণের পার্থক্য নির্দেশ কর। উহাদের ও পাত্তের পদার্থের প্রসারণের সম্পর্ক নির্ণয় কর।
- 12. 20°C-এ পারদের ঘনত্ব 13°546 এবং উহার ঘনকীয় প্রদারণ গুণাক 0°000182। 80°C-এ 500 ঘন সে. মি. পারদের ভর নির্ণয় কর। ঐ তাপমাত্রায় 500 গ্রাম পারদের আয়তন কত হইবে ? (Ans. 6699 গ্রাম, 37°3 ঘন সে.মি.)
- 13. পারদের ঘনত্ব O°C-এ 13'6 গ্রাম/ঘন সে. মি. এবং 100°C এ 13'35 গ্রাম। পারদের পরম (absolute) প্রসারণ গুণাস্ক কত হইবে ?

(Ans. 1'84×10⁻⁴/°C)

- 14. একটি কঠিন বস্তু বিভিন্ন তাপমাত্রায় কোন তরল পদার্থে ওজন করা হইল। উদ্বাপে ওজনের কী পরিবর্তন হইবে ?
- 15. জল ঠাণ্ডা হইবার সময় বরফে পরিণত হওয়ার পূর্বে সর্বোচ্চ ঘনত্ব লাভ করে—ইহা একটি পরীক্ষা দ্বারা প্রমাণ কর।
- বরফ জলের পৃষ্ঠদেশে গঠিত হয় ও মাছের। বরফাচ্ছয় হলেও বিচরণ করিতে
 পারে—কারণ ব্যাখ্যা কর।
 - বায়বপদার্থের আয়তন, চাপ ও তাপমাত্রার সম্পর্ক নির্দেশ কর।
- 18. একটি পাত্রে 20°C-এ এক বায়ুমঙলের চাপে শুক বায়ু ছিপিবদ্ধ অবস্থায় আছে।
 1.7 বায়ুমঙলের চাপে কত তাপমাত্রায় ছিপিটি খুলিয়া যাইবে ? (Ans 225 1°C)
 - একটি পূর্ণাঙ্গ বায়বপদার্থে আয়তন ও চাপ গুণাঙ্ক সমান—প্রমাণ কর।
- 20. একই চাপে 13°C তাপমাত্রা হইতে বাড়িয়া কোন বায়বপদার্থের আয়তন ছিণ্ডণ হইলে উহার শেষ তাপমাত্রা কত হইবে ? (Ans. 299°C)

দিতীয় অধ্যাক্ষ ক্যালোরিমিতি (Calorimetry)

[Syllabus: Calorimetry, Preliminary definition, Principle of Calorimetry (no questions on measurement to be set.) Calorimetric problems.]

- 3 25. তাপের পরিমাণ ঃ ক্যালোরিমিতি তাপের পরিমাণ নির্ণয় করিবার পদতি। এই পরিমাণের একক ক্যালোরি (Calorie) হইতে ক্যালোরিমিতি কথাটি উৎপন্ন হইয়াছে। যে পাত্রের সাহায়েে তাপের পরিমাপ করা হয় উহাকে ক্যালোরিমিটার (Calorimeter) বলে। ঐ পাত্র সাধারণত তামা দিয়া তৈয়ার হয় ও দেখিতে বীকারের (beaker) মত। উহা বিভিন্ন আকার ও আয়তনের হইতে পারে। একই ধাতুতে তৈয়ারী উহার সহিত একটি আন্দোলক (stirrer) থাকে। উহা একটি তারের আংটা লম্বা তার দিয়া সংযুক্ত থাকে। এই লম্বা তার হাত দিয়া ক্যালোরিমিটারের তরলপদার্থ আন্দোলিত করা হয়—ফলে নির্ভুল পরিমাপের জন্ম তাপ সারা পাত্রে স্থমতাবে বন্টিত হইয়া যায়
- 3'26 তাপের একক : C. G. S. পদ্ধতিতে যে পরিমাণ তাপ 1 গ্রাম বিশুদ্ধ জলকে 1°Cএ উত্তপ্ত করে তাহাই একক তাপ। উহাকে এক ক্যালোরি বলে। যে কোন স্কেলার সংখ্যার মত ক্যালোরির যোগ, বিয়োগ, গুণ ও ভাগ হইতে পারে। আরও স্ক্মভাবে এক ক্যালোরি তাপের পরিমাণ হইল, যে পরিমাণ তাপ বিশুদ্ধ এক গ্রাম জলকে 14 5°C হইতে 15'5°Cএ উত্তপ্ত করিতে পারে। সাধারণতঃ ক্যালোরির এই তুইটি সংজ্ঞায় সাধারণ পরীক্ষাতে বিশেষ পার্থক্য দেখা যায় না।
- B. T. U. (British Thermal Unit) পদ্ধতিতে 1 পাউণ্ড জন 1°Fএ উত্তপ্ত করিতে যে তাপ প্রয়োজন হয় তাহাকে **B. t. u. একক** বলে। উহার মান=252 ক্যালোরি।
- 3.27. তাপের পরিমাপ: তাপ পরিমাপের নীতি একটি পরীক্ষা দ্বারা ব্যাখ্যা করা যাইতে পারে। এই পরীক্ষার ছুইটি বীকার লওয়া হইল। উহার একটিতে 50 ঘন সে.মি. (=50 গ্রাম্) জল 40°C তাপে ও অপরটিতে 50 ঘন সে.মি. বরফঠাণ্ডা জল রাখা হইল। এখন ছুইটি বীকারের জল ক্ষিপ্রতার সহিত মিশাইয়া দিলে যে শেষ ভাপমাত্রা হুইবে তাহা 0°C ও 40°C-এর মাঝামাঝি অর্থাৎ 20°C.

এই পরীক্ষায় 1°C পরিবর্তনে যে কোন তাপমাত্রায় জল হইতে ব্যয়িত তাপ বা জল কর্তৃক লব্ধ তাপ স্থির থাকে—উহা ধরিয়া লওয়া হয়। অর্থাৎ 20°C হইতে 21°C, বা 30°C হইতে 31°C বা 40°C হইতে 41°C ঐ তাপের পরিমাণ সমান

দ্বিতীয় তাপের এই বিনিময়ে বাহিরের কোন তাপ জলে যুক্ত হয় না বা জল হইতে বাহির হইয়া যায় না।

> ক্যালোরিমিতির মূলকথা হইল ব্যয়িত তাপ=লব্ধ তাপ

অর্থাৎ অপেক্ষাকৃত ঠাণ্ডা জল গরম জল হইতে যে তাপ লাভ করে ও গরম জলের যে তাপ ব্যয়িত হয় উহাদের পরিমাণ সমান।

অতএব উল্লিখিত উদাহরণে,

50 (40-t)=50 (t-0) অথবা 2000=100t

অথবা $t=20^{\circ}$ C শেষ (final) তাপমাতা।

লক্ষ্য করিতে হইবে যে, m_1 ও m_2 ছুইটি ভরযুক্ত হইয়া m_1+m_2 হয়, তাপ Q_1 ও Q_2 যুক্ত হইয়া Q_1+Q_2 হয়, কিন্তু তাপমাত্রা θ_1 ও θ_2 যুক্ত হইয়া $\theta_1+\theta_2$ হয় না, উহা মধ্যবর্তী একটি θ তাপমাত্রায় আসে।

3,28. আপেক্ষিক তাপ:

জল ব্যতীত অন্ত পদার্থে তাপ যুক্ত হইলে বা পদার্থ হইতে তাপ বিযুক্ত হইলে উহার সমান পরিমাণ জল অপেক্ষা তাপমাত্রার পরিবর্তন বেশী হইয়া থাকে। 1 গ্রাম্ হিলিয়াম্ স্থির আয়তনে এক ক্যালোরি তাপ যোগে 1'3°C তাপমাত্রা পায়, ঐ তাপে 1 গ্রাম্ বরক্ষে 2°C, 1 গ্রাম সোনাতে 33°C তাপমাত্রা উঠে। অথচ 1 ক্যালোরি তাপে 1 গ্রাম জলে 1°C তাপমাত্রা বাড়ে।

কোন বস্তুর আপেক্ষিক তাপ (C) হইল সেই পরিমাণ তাপ যাহাতে উক্ত বস্তুর একক ভরে 1°C তাপমাত্রার পরিবর্তন ঘটে। নিচের সারণীতে কয়েকটি পদার্থের গড় আপেক্ষিক তাপ (C) দেওয়া হইল। বিভিন্ন তাপমাত্রায় এই সারণীর মানে কিছু পরিবর্তন হইতে পারে।

পদার্থের নাম	আপেক্ষিক তাপ	পদার্থের নাম	আপেক্ষিক তাপ
[ক্যালোরি/গ্র্যাম × °C]		[কিলোরি/গ্রাম×°C]
<u> এ্যালকোহল</u>	10.58	কাঁচ	0.18
এলুমিনিয়াম্	0 22	সোনা	0.030
তামা	0.095	গ্রানাইট	0.19

পদার্থের নাম	া আপেক্ষিক ভাপ	পদার্থের নাম	আপেক্ষিক তাপ
	[ক্যালোরি/গ্রাম×°C]	[ক্য	ালোরি/গ্রাম×°C]
বরফ	0.20	সালফিউরিক এ্যাসিং	0 27
লোহা	0 11	তাপিন	0.42
সীসা	0.030	জল	1.00
মার্বেল	0.51	কাঠ	0.42
পারদ	0.0333	দস্তা	0.095
রপা	0.026	প্লাটিনাম	0 0365
জলীয় বাষ্প	0.48		

কোন পদার্থের আপেক্ষিক তাপ (°C) জানা থাকিলে উহার m ভরে △T তাপ-মাত্রার পরিবর্তনে কত তাপ যুক্ত হইবে বা বিযুক্ত হইবে তাহার স্থ্যে পাওয়া যায়।

এই স্থুত্র হইল

তাপের পরিমাণ= $m \times C \times \triangle T$

উদাহরণ 1. 14 কি. গ্রা. এলুমিনিয়াম্ 80°C হইতে 15°Cএ ঠাণ্ডা করিতে উচা হইতে কত তাপ বিযুক্ত হইবে ?

$$Q = mC\Delta T = 14000$$
 গ্রাম্ $\times 0.22$ ক্রালোরি $\times (-65^{\circ}C)$

$$= -200000$$
ক্রালোরি

(-) চিহ্নে বুঝা যায় যে 2×10^5 ক্যালোরি তাপ এলুমিনিয়াম্ হইতে বিযুক্ত হইলে তবেই উহাতে $15^{\circ}C - 80^{\circ}C = -65^{\circ}C$ তাপমাত্রার পরিবর্তন হইবে। সারণীতে লেখ যে, আপেন্দিক তাপের একক হইল ক্যালোরি/গ্রাম, $^{\circ}C$.

উদাহরণ 2. '05 কি. গ্রা. ওজনের একটি কাপে 0'2 কি. গ্রা. ওজনের কফি 90°Cএ ঢালিয়া দেওয়া হইল। কাপের তাপমাত্রা ছিল 20°C। বাহির হইতে কোন তাপ যুক্ত না হইলে কফির সর্বশেষ তাপমাত্রা কত হইবে ?

ক্ষির আপেক্ষিক তাপ জলের সমান অর্থাৎ কাপের আপেক্ষিক তাপ কাঁচের সমান অর্থাৎ 0'20 ধরা যাইতে পারে।

আমরা জানি যে, কাপের লব্ধ তাপ = ক্ষির ব্যয়িত তাপ কাপ ও ক্ষির শেষ তাপমাত্রা T হইলে, কাপের লব্ধ তাপ= $m_{\overline{\Phi}|Y}$ $\times C_{\overline{\Phi}|Y}$ $(T-20^{\circ}C)$ = 50 গ্রাম \times 0.18 $\frac{\overline{\Phi}|T|}{\overline{\Phi}|T|}$ \times $(T-20^{\circ}C)$ = (9T-200) ক্যালোরি

এবং কফির ব্যয়িত ভাপ= $m_{\overline{\Phi}} \times C_{\overline{\Phi}} \times (90^{\circ}\text{C} - \text{T})$

=200 গ্রাম্×1 ক্যালরি গ্রাম্, °C×(90°C-T)

=(18000-200T) कार्लावि

শব্ধ তাপ ও ব্যয়িত তাপের সমীকরণ করিয়া পাওয়া যায়

9T - 200 = 18000 - 200 T

209 T = 18200

 $T = 87^{\circ}C$

কৃষ্ণি কাপকে উত্তাপ দিয়া প্রায় 3°C তাপমাত্রা ব্যয় করে।

3.29. তাপীয় সামর্থ্য (Thermal capacity) :

কোন বস্তুর তাপমাত্রা 1°C বাড়াইতে যে তাপের প্রয়োজন হয় তাহাকে ঐ বঞ্জ তাপীয় সামর্থ্য বলে।

বস্তুর ভর m ও আপেক্ষিক তাপ C হইলে উহার তাপীয় সামর্থ্য $=m^{\circ}$ C একক।

C. G. S. পদ্ধতিতে m গ্রাম্ ও C ক্যালোরি/গ্রাম্ $^{\circ}$ C হইলে ভাগীয় সামর্থ্য $=m^{\circ}$ C ক্যালোরি।

আপেক্ষিক তাপ বলিতে বস্তুর একক ভরের তাপীয় সামর্থ্য বুঝায়।

উদাহরণ 1. তুইটি বস্তর আপেক্ষিক ঘনত্ব 2:3 এবং উহাদের আপেক্ষিক তাপ যথাক্রমে 0:12 এবং 0:09। উহাদের একক আয়তনে তাপীয় সামর্থ্যের তুলনা কর

মনে কর, বস্ত ছুইটির ঘনত্ব যথাক্রমে 2x ও 3x। অতএব প্রথম বস্তুর একক আয়তনের ভর 2x গ্রাম্ ও দিতীয় বস্তুটির 3x গ্রাম্।

তাহা হইলে প্রথম বস্তুর একক আয়তনের তাপীয় পার্থক্য=2x×0·12। দ্বিতীয়টির একক আয়তনের তাপীয় পার্থক্য=3x×0·09।

. প্রথম বস্তর তাপীয় সামর্থ্য $=\frac{2x \times 0.12}{3x \times 0.09} = \frac{8}{9}$

3.30. জল তুল্যমূল্য (Water equivalent):

কোন বস্তকে 1°C তাপমাত্রায় তুলিতে প্রয়োজনীয় তাপে যে পরিমাণ ছলকে 1°C তাপমাত্রায় উত্তপ্ত করা যায় তাহাকে ঐ বস্তর জল তুলামূল্য বলে।

C আপেক্ষিক তাপের m গ্রাম্ বস্তকে তাপমাত্রায় তুলিতে mc ক্যালোরি তাপ প্রয়োজন। এই তাপে mc গ্রাম্ জল 1°C উত্তপ্ত করা যায়।

. এ বস্তর জল তুলামূল্য = mc গ্রাম্।

তাই বস্তুর তাপীয় সামর্থ্যের পরিমাণের সংখ্যা ঐ বস্তুর জল তুল্যম্ল্যের সমান।

ক্যান্তোরিমিটারের জলতুল্যম্ল্য (Water equivalent of a calorimeter):

ক্যালোরিমিতির পরীক্ষায় তাপ, আপেক্ষিক তাপ ইত্যাদি মাপিতে যে ক্যালোরি-মিটার ব্যবহৃত হয়, উহা বীকারের আকারে তামা দ্বারা তৈয়ার হয়। উহার সহিত একটি আন্দোলক থাকে। ক্যালোরিমিতির পরীক্ষায় ক্যালোরিমিটারের জলতুল্যমূল্য মান প্রয়োজন হয়।

নিম্নলিখিত পরীক্ষা দ্বারা এই মান নির্ণয় করা হয়-

একটি ক্যালোরিমিটার শুক্ষ অবস্থায় আন্দোলক সহ ওজন কর। উহার এক তৃতীয়াংশ ঠাণ্ডা জলে ভর্তি করিয়া পুনরায় ওজন করিলে, জলের ওজন পাইবে। উহার সহিত প্রায় সমপরিমাণ গরমজল ক্ষিপ্রতার সহিত মিশ্রণ কর। গরমজলের তাপমাত্রা মাপিয়া রাখ। এখন মিশ্রণের শেষ তাপমাত্রা পরিমাপ কর। এবার ক্যালোরিমিটার ওজন করিয়া গরম জলের পরিমাণ পাইবে।

মনে কর, ঠাণ্ডা জলের ভর=m গ্রাম্। গরম জলের ভর=m' গ্রাম্। ঠাণ্ডা জলের তাগমাত্রা= t_1° C, গরমজলের তাগমাত্রা= t_2° C মিশ্রণের তাগমাত্রা= t° C। ক্যালোরিমিটার ও আন্দোলকের জল তুল্যমূল্য=W গ্রাম্। গরম জলের ব্যয়িত তাপ=m' (t_2-t) ক্যালোরি। ঠাণ্ডা জলের লন্ধ তাপ= $m(t-t_1)$ ক্যালোরি। ক্যালোরিমিটার ও আন্দোলকের লন্ধ তাপ= $W(t-t_1)$ । এখন ব্যয়িত তাপ=লন্ধতাপ, এই স্তত্ত হইতে $m'(t_2-t)=W(t-t_1)+m(t-t_1)$... $W=\frac{m'(t_2-t)}{(t-t_1)}-m$

এই পরীক্ষায় গরম জল ঢালিবার সময় যাহাতে তাপ নষ্ট না হয় ও মিশ্রণের তাপ বিকিরণে বাহির না হয় সেজগু সাবধানতা অবলম্বন করিতে হয়। মিশ্রণের তাপমাত্রা কম থাকা প্রয়োজন, নতুবা বাদ্দীভবনে জলের পরিমাণ কমিয়া যাইতে পারে।

উদাহরণ 1. 99°C-এ একটি সীসার টুকরা ক্যালোরিমিটারে 15°C-এর 200 গ্রাম্ জলে রাথা হইল। আন্দোলকের সাহায্যে জল ধীরে ধীরে আন্দোলিত করিয়া স্থম শেষ তাপমাত্রা হইল 21°C। ক্যালোরিমিটারের ওজন 40 গ্রাম্ ও উহার আপেক্ষিক তাপ 01। সীসার তাপীয় সামর্থা গণনা কর।

পদার্থ (I)-11

C=দীসার তাপীয় সামর্থ্য

সীসার ব্যয়িত তাপ=C(99 – 21) ক্যালোরি

ক্যালোরিমিটারে জলের লব্ধ ভাগ= $40 \times 0.01 \times (21-15) + 200(21-15)$ ক্যালোরি।

লব্ধ ভাপ=বায়িত ভাপ,—এই সূত্ৰ হইতে

 $C(99-21)=(40\times0.01+200)(21-15)=200.4\times6$

C=15'4 ক্যালোরি

উদাহরণ 2. একটি মিশ্র ধাতুতে 60% তামা ও 40% লোহা আছে। 50 গ্রাম্ ভরের ঐ ধাতু 5 গ্রাম জলতুল্যমূল্য মানের ক্যালোরিমিটারের 10°C-এ 55 গ্রাম জলে রাধা হইল। শেষ তাপমাত্রা 20°C হইলে মিশ্র ধাতুর মূলতাপমাত্রা কভ ছিল ?

মিশ্র ধাতুতে তামার ভর= 60 × 50=30 গ্রাম্

লোহার ভর= 40 × 50=20 গ্রাম

মিশ্র ধাতুর মূল তাপমাত্রা t°C হইলে

তামার ব্যয়িত তাপ $=30 \times 0.05 \times (t-20)$ ক্যালোরি

লোহার ব্যয়িত তাপ=20×0°11(t-20) ক্যালোরি

জলের লব্ধ তাপ=55(20-10) ক্যালোরি

যেহেতু লব্ধ তাপ=ব্যয়িত তাপ

 $(t-20)[(30\times(0.095)+(20\times0.11)]=(20-10)(55+5)$

অভএব t=138.8°C.

উদাহরণ 3. সমান আয়তনের কাঁচ ও পারদের তাপীয় সামর্থ্য সমান। পারদের আপেক্ষিক তাপ '0333 ও আপেক্ষিক গুরুত্ব 13'6 হইলে 2'5 আপেক্ষিক গুরুত্বের একথণ্ড কাঁচের আপেক্ষিক তাপ কত ?

কাঁচখণ্ডের আয়তন, মনে কর, V ঘন সে.মি.

উহার ভর=V×2'5 গ্রাম্

V ঘন সে.মি. পারদের ভর=V×13.6 গ্রাম্

V ঘন সে.মি. কাঁচের তাপীয় সামর্থ্য $H_1 = V \times 2.5 \times C$

C= ঐ কাঁচের আগেক্ষিক তাপ।

V ঘন সে মি. পারদের তাপীয় সামর্থ্য $H_{
m e}{=}V{ imes}13.6{ imes}0.0333$ যেহেতু $H_{
m 1}{=}H_{
m 2}$

.'. C×2·5×V=C×13 6×0·0333 জ্ব্বা V= 13·6×0·0333 =0·181 উদাহরণ 4. একটি ফার্নেসের তাপমাত্রা নির্ণয় করিতে 80 গ্রাম্ ভরের একটি প্রাটিনাম বল উহাতে রাখা হইল। উহা ফার্নেসের তাপমাত্রায় উঠিলে ক্ষিপ্রগতিতে বলটি একটি ক্যালোরিমিটারের 15°C তাপমাত্রার জলে স্থানান্তরিত করা হইল। জলের তাপমাত্রা 20°C এ বাড়িলে এবং জলের ওজন ও ক্যালোরিমিটারের জল তুল্যমূল্য যুক্ত ভাবে 400 গ্রাম্ হইলে ফার্নেসের তাপমাত্রা কত ?

মনে কর ফার্নেসের ভাপমাত্রা= t° C
সারণীতে দেখ, প্লাটিনামের আপেক্ষিক ভাপ = 0'0365
প্লাটিনাম বলের ব্যয়িত ভাপ= $80 \times 0'0365 \times (t-20)$ ক্যালোরি
ক্যালোরিমিটার ও জলের লব্ধ ভাপ=400(20-15) ক্যালোরি $\therefore 80 \times 0'0365 \times (t-20) = 400(20-15)$ অথবা t=প্রায় 105° C.

উদাহরণ 5. 98°C তাপমাত্রার 200 গ্রাম্ জল 30°C তাপমাত্রার 31'03 ঘনত্বের 200 ঘন সে.মি. তুধের সহিত 8 গ্রাম্ জলের তাপীয় সামর্থ্যবিশিষ্ট পিতলের পাত্রে মিশ্রিত করা হইল। মিশ্রণের তাপমাত্রা 64°C হইলে তুধের আপেক্ষিক তাপ কত?

তুধের ভর = (200 × 1°03) গ্রাম্
জলের বায়িত তাপ = 200(98 – 64) ক্যালোরি
তুধের লব্ধ তাপ = (200 × 1°03) × C(64 – 30)

C=তুধের আপেন্দিক তাপ
পাত্রের লব্ধ তাপ = 8(64 – 30)

... 200 × 34 = [(200 × 1°03 × C) + 8]34
জভএব C=প্রায় 0°93.

উদাহরণ 6. তৃইটি তরল পদার্থের একটির আপেক্ষিক গুরুত্ব 0'8 ও অক্টটির 0'5। প্রথমটির 3 লিটারের তাপীয় সামর্থ্য দিতীয়টির 2 লিটারের তাপীয় সামর্থ্যের সমান। উহাদের আপেক্ষিক তাপ তুলনা কর।

প্রথম তরলের আয়তন=3000 ঘন সে.মি. ; উহার ভর=3000 \times 0'8=2400 গ্রাম্ দিতীয় তরলের আয়তন=2000 ঘন সে.মি. দিতীয় তরলের ভর=2000 \times 0'5=1000 গ্রাম্ প্রথমটির তাপীয় সামর্থ্য H_1 =2400 \times C_1 , C_2 =উহার আপেক্ষিক তাপ দিতীয়টির তাপীয় সামর্থ্য H_2 =1000 \times C_2 , C_2 =উহার আপেক্ষিক তাপ

প্রদত্ত আছে যে, H1=H2

∴ $2400 \times C_1 = 1000 \times C_2$ অথবা $\frac{C_1}{C_2} = \frac{1000}{2400} = \frac{5}{12}$

প্রশাবলী

- বিলোগ্রাম তামা 20°C হইতে 100°Cএ তুলিতে কত তাপ দিতে হইবে ?

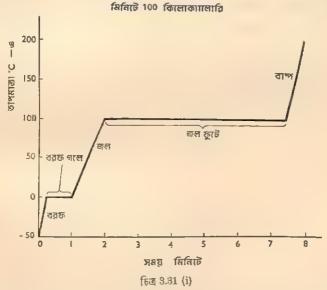
 [Ans. 7440 ক্যালোরি]
- 2. 0'6 কিগ্রা. তামার একটি পাত্রে 20°Cএ 1'5 কিগ্রা জল ধরে। একটি
 0'1 কিগ্রা. লোহার বল 120°Cএ উত্তপ্ত করিয়া এই জলে ডুবাইলে জলের তাপমাত্রা
 কত হইবে ?
 [Ans. 20'7°C.]
- 3. 1 কিগ্রা. বরক 0°C হইতে 100°Cএ বাম্পে পরিণত করিতে যে তাপ প্রয়োজন তাহা 1 কিগ্রা. জল 0°C হইতে 100°Cএ তুলিতে প্রয়ুক্ত তাপ অপেক্ষা কত বেশী ?

 [Ans 620 কিলোক্যালোর]
 - 4. প্রেসার কুকারে থাত্ত কেন তাড়াতাড়ি সিদ্ধ হয় ?

ভৃতীয় অধ্যায় অবস্থার পরিবর্তন (Change of State)

[Syllabus: Change of State: Latent heat (brief discussions of determination), evaporation and boiling. Effects of pressure on melting point and boiling point. Vapour pressure. Relative humidity. Dew, fog and cloud. Hygrometry. Regnault's hygrometer.]

3.31. কোনো বস্তুতে তাপ যোগ করিলে ব। উহা হইতে তাপ বাহির করিয়া লইলেই যে সব সময় তাপমাত্রার পরিবর্তন হইবে তাহা নহে। 3.31 (i) চিত্রে দেখ, এক কিলোগ্রাম বরকে তাপ যুক্ত করিতে থাকিলে উহার তাপমাত্রার কীরূপ পরিবর্তন ঘটে। মনে কর বরক্ষওটি প্রথমে -50° C তাপমাত্রায় ছিল। যেহেতু উহার আপেক্ষিক তাপ 0.5 ক্যালরি/গ্রাম্ C, এক হাজার ক্যালোরি তাপে উহার তাপমাত্রা 2°C বাড়িবে। 0°Cএ উহার স্থম তাপমাত্রা বৃদ্ধি বন্ধ হইবে ও ঐ অবস্থায়



80000 ক্যালরি বাড়তি তাপ যোগ করিলেও তাপমাত্রা 0°C হইতে বাড়িবে না। এই তাপ 0°Cএ বরফ খণ্ডটিকে 0°Cএ তরল জলে রূপান্তরিত করিতে আবশ্রুক। অর্থাৎ একগ্রাম্ বরফকে জলে পরিণত করিতে 80 ক্যালোরি তাপ লাগে। এই তাপকে বরফ কলেনের লীনতাপ (Latent heat of fusion) বলে। সমস্ত বরফ জলে পরিণত হুইয়া গেলে এবং আরও তাপ যুক্ত করিলে এখন জলের তাপমাত্রা বাড়িবে। বরফ হুইতে জলের আপেন্দিক তাপ কম বলিয়া অধিকতর তাপে জলের তাপমাত্রার পরিবর্তনের হার বরফ হুইতে কম হুইবে। চিত্রে দেখ এই অংশের লেখচিত্রের নতি (slope) বরফের অংশ অপেন্দা কম। জলের তাপমাত্রা 100°Cএ পৌছিলে পুনরায় তাপমাত্রা

স্থির থাকিবে—প্রতি গ্রামে 540 কালোরি অর্থাৎ 1 কিগ্রা. জলে 540 কিলো কালোরি তাপ যুক্ত হওয়া পর্যন্ত ও সমস্ত জল বাপ্পে পরিণত হওয়া পর্যন্ত এই তাপমাত্রার পরিবর্তন হইবে না। জলের বাষ্পীভবনের লীনতাপ (latent heat of vaporisation) 540 ক্যালোরি—উহা একগ্রাম জলকে সম্পূর্ণভাবে বাষ্পে পরিণত করে। সমস্ত জল বাষ্প হওয়ার পর তাপ বাড়িলে আবার তাপমাত্রা বাড়ে। জ্বলীয় বাপ্পের আপেক্ষিক তাপ 0'48 ক্যালোরি/গ্রাম. 'C বলিয়া প্রত্যেক ক্যালোরি বাড়তি তাপে উহার তাপমাত্রা 2'71°C করিয়া বাড়িবে। ফলে চিত্রে দেখ যে, লেখচিত্রের নতি জল বা বরক হইতে আরও খাড়া হইবে।

বস্তুর গলন তাপ L_f (Heat of fusion): এক গ্রাম্ ভরের কোন বস্তুকে উহার গলনাকে তাপমাত্রা না বাড়াইরা কঠিন হইতে তরল করিতে যে তাপের প্রয়োজন হয়, তাহাকে ঐ বস্তুর গলন তাপ বলে। ঐ বস্তুকে তরল হইতে কঠিন পলাথে পরিণভ করিতে সমপরিমাণ তাপ উহা হইতে বাহির করিয়া লইতে হয়।

বাষ্পীভবনের তাপ, L, (Heat of vaporisation); এক গ্রাম্ ভরের কোন তরল পদার্থকে তাহার স্ফুটনাঙ্কে তাপমাত্রা না বাড়াইয়া বাষ্পীভূত করিতে যে তাপের প্রয়োজন হয়, উহা ঐ বস্তুর বাষ্পীভবনের তাপ। বাষ্পকে তরলে রূপান্তরিত করিতে ঐ পরিমাণ তাপও বাষ্প হইতে সরাইয়া লইতে হয়।

নিচের সারণীতে কয়েকটি পদার্থের গলনাক্ষ (melting point), গলন তাপ L, (heat of fusion, স্ফুটনাক্ষ (boiling point) ও বাষ্পীভবনের তাপ L, (heat of vaporisation) দেওয়া হইল:

পদাৰ্থ	<u>श्</u> रामाञ्च ेट	<u>Lf</u> ক্যালোরি গ্রাম. °C	স্কুটনাঙ্ক 'C	<u>Lv</u> ক্যালোরি গ্রাম. °C
এ্যালকোহল	—114	25	78	204
বিসমাথ্	271	12.5	920	190
<u>রোমিন</u>	7	16	60	43
সীস্ব	330	5'9	1170	175
লিথিয়াম	186	160	1336	511
পারদ	-39	2.8	358	71
नरि द्धी:अन	-210	6'1	-196	48
অক্সিজেন	-219	3.3	-183	51
সালফিউরিক এ্যাসিড্	8.6	39	326	122
জ্ল	0	80	100	540
म् खा	420	24	918	475

কোন কোন অবস্থায় কিছু কিছু পদার্থ কঠিন হইতে সরাসরি বাষ্পে পরিণত হয় ও বাষ্প হইতে কঠিন অবস্থা পায়। পদাথের এই ধর্মকে উর্ধপাতন (sublimation) বলে। কর্পূর এই উপায়ে গৃহতাপমাত্রায় ধীরে ধীরে উবিয়া যায়। শুক্ষ বরক (কঠিন কার্বন ডাই-অক্সাইড,) — 78.5°Cএ সরাসরি বায়বীয় কার্বন ডাই-অক্সাইড, বায়বে বাক্ষীভূত হয়। এরকম কয়েকটি পদার্থ ছাড়া অন্ত পদার্থে বায়ুমণ্ডলের চাপ হইতে নিয়ন্তর চাপে সাধারণত উর্ধপাতন ঘটিয়া থাকে।

3,32. লীনতাপ নির্ণয়ের পদ্ধতি Determination of latent heat):

(1) বরফের গলন তাপ নিধারণ:

(A) ক্যালোরিমিটার ও আন্দোলকের ওছন লও (১৮ গ্রাম্)। গৃহতাপমাত্রার 5°C বেনা তাপমাত্রার গরমজলে ক্যালোরিমিটারের আধাআধি ভঙি কর। জলসহ ক্যালোরিমিটার ওজন করিয়া জলের ওজন (১৮ গ্রাম্) নির্ণয় কর। তাপমান যন্ত্রে জলের তাপমাত্রা (t1°C) পরিমাণ কর। একখণ্ড বরফ টুকরা করিয়া পরিদ্ধার জলে ধুইয়া বুটিং কাগজে জলীয় অংশ শুকাইয়া লও। বুটিং কাগজ হইতে ক্যালোরিমিটারের জলে কয়েকখণ্ড বরফ ফেলিয়া দাও। নিশ্রণের তাপমাত্রা (t2°C) মাপ। এবার ক্যালোরিমিটার ওজন করিয়া বরফের তর। মে গ্রাম্) পাইবে। বরফ 0°Cএ গলিয়া 0°C জলে পরিণত হইতে ও ঐ জল 0°C হইতে t2°Cএ আসিতে যে তাপ লাগে উহা ক্যালোরিমিটারের ব্যয়িত তাপের সমান।

 ${f L}_f=$ গলনের লীনতাপ হইলে ${f ML}_f+{f M.1}.t_2=(wc+m)(t_3-t_2)$ অতথেব ${f L}_f=rac{(wc+m)(t_1-t_2)}{{f M}}-t_2$

C=ক্যালোরিমিটারের আপেক্ষিক তাপ, জলের আপেক্ষিক তাপ=1.

(B) ব্যাক্-এর বরফ ক্যালোরিমিটার:

বরফের একটি বড় খণ্ড লও। উহাতে একটি গর্ত কর এবং ঐ গর্ত ঢাকিবার জন্ম একটি বরফের ঢাকনা লও। [চিত্র 3.32 ां)]। একখণ্ড কঠিন পদার্থ (w গ্রাম্)

লও। উহার আপেক্ষিক তাপ C। উহা স্থির তাপ-মাত্রা t°C এ উত্তপ্ত করিয়া ক্ষিপ্র গতিতে বরকের গর্তে রাথ এবং বরকের ঢাকনায় ঢাকা দাও। উষ্ণ কঠিনপদার্থ কিছু বরফ গলাইয়া নিজে 0°C তাপমাত্রায় নামিয়া আদিবে। কয়েক মিনিট পরে গর্ত হইতে জলীয় অংশ পিপেটের (pipette) সাহায্যে তুলিয়া উহার ওজন (m গ্রাম) লও।



হিত্ৰ 3.32 (i)

 0° C ব্রক্তের লব্ধ তাপ $=m{
m L}_f$, ${
m L}_f=$ ব্রক্তের গলনের লীন তাপ। কঠিন পদার্থের ব্যয়িত তাপ =w. c. t.

$$\therefore L_f = \frac{w. c. t.}{m}$$

এই পদ্ধতিতে L জানা থাকিলে যে কোন কঠিন পদার্থের আপেক্ষিক তাপ মাপা যায়।

উদাহরণ 1. নিমলিখিত পরীক্ষালব্ধ ফল হইতে বরকের গলনের লীন তাপ বাহির কর।

ক্যালোরিমিটারের ওজন = 60 গ্রাম্

ক্যালোরিমিটার + জলের ওজন = 460 গ্রাম

বরক যুক্ত হইবার আগে জলের তাপমাতা=38°C

মিশ্রণের তাপমাতা=5°C

ক্যালোরিমিটার + বরফের ওজন = 618 গ্রাম্

ক্যালোরিমিটারের আপেক্ষিক তাপ O=0'1

 $L_j =$ বরফের গলনের লীন তাপ

জলের ভর = 460 - 60 = 400

ক্যালোরিমিটার ও জলের ব্যয়িত তাপ=60×0·1×(38-5)+400(38-5)
ক্যালোরি 158 গ্রাম্ বরক গলাইতে ও বরক গলা জল 5°Cএ তুলিতে প্রয়োজনীয় তাপ
=158L₄+158(5-0) ক্যালোরি।

 $158L_f + 158 \times 5 = (38 - 5)(6 + 400)$

অথবা $L_f = 79.8$ ক্যালোরি/গ্রাম

উদাহরণ 2. একটি বরকের চাঙড়ের গর্তে এক লিটার গরমজল ঢালিয়া বরকের ঢাকনায় ঐ গর্ত বন্ধ করা হইল। কিছুক্ষণ পরে ঐ গর্তে 1½ লিটার বরক-শীতল্ জল পাওয়া গেল। গরমজলের তাপমাত্রা কত চিল ?

গরমজ্লের তাপমাত্রা, মনে কর t°C

গরমজলের ভর=1000 গ্রাম্

গলিত বরফের ভর = 500 গ্রাম্

জলের ব্যয়িত তাপ=1000(t-0) ক্যালোরি

 $L_f = 80$ ক্যালোরি/গ্রাম্

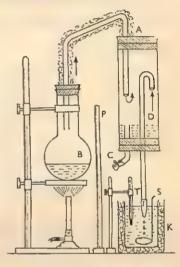
বরফের লব্ধ তাপ = 500 × 80 ক্যালোরি

∴ 1000t=500×80 অথবা t=40°C.

(2) জলের বাষ্ণীভবন তাপ নির্ণয় (Determination of the Heat of Vaporisation of water):

একটি পরিচ্ছন্ন ও শুক ক্যালোরিমিটার K, S আন্দোলক সহ ওজন কর (w গ্রাম)। ক্যালোরিমিটার ও আন্দোলক একই ধাতুতে তৈয়ারী হওয়ায় উহাদের আপেক্ষিক তাপ মনে কর C। ক্যালোরিমিটারের ত্ই-তৃতীয়াংশ জলে ভতি করিয়া ওজনের দ্বারা জলের ভর (m গ্রাম্) বাহির কর। উহাতে উল্লম্ব অবস্থায় একটি পারদ তাপমান T যন্ত্র

রাথিয়া স্থির তাপমাত্রা (t1°C) মাপ।
3.32 (ii) চিত্রের মত B ফ্রাস্থে জল ফুটাও।
উহার মৃথ ছিপি দিয়া বন্ধ ও ছিপির মধ্য
দিয়া A টিউব বাম্প ফাঁদের (Steam trap)
মধ্যে চুকিয়াছে। বাম্পফাঁদ একটি থোলাম্থ
কাঁচের নল, উহার হুইটি মৃথ বাম্পরোধী
ছিপি দিয়া আঁটা আছে। A টিউব বাকিয়া
এই ফাঁদে উপরের ছিপির ভিতর দিয়া
চুকিয়াছে। নিচের ছিপির ভিতর দিয়া
চুকিয়াছির হইয়াছে, C নলটি জল বাহির
করিয়া দিবার নালিকা ও D নল দিয়া বাম্প
ক্যালোরিমিটারের জলে প্রবেশ করে। উহার



চিত্ৰ 3.32 (ii)

প্রবেশম্থে সরু ছিদ্র থাকে। B ফ্লাস্কের জল ফুটাইলে বাপ্সফাঁদের মধ্যে ঢুকে ও জলীয় জংশ C নলে বাহির হইয়া যায়। D নলের বাপ্প ক্যালোরিমিটারে ঢুকিলে ক্যালোরিমিটারের জল গরম হয়। এখন D নল তুলিয়া লইয়া ক্যালোরিমিটারের তাপমাত্রা (t°C) মাপ। ক্যালোরিমিটার ঠাঙা হইলে উহা ওজন করিয়া আগের ওজন বাদ দিলে বাপ্প হুইতে ঘনীভূত জলের ওজন (m গ্রাম) পাইবে।

 t° Cএ জলে ঘনীভূত হইতে বান্সের ব্যয়িত তাপ= ML_v+M 1 (100-t) ক্যালোরি

্বাম্পের তাপমাত্রা 100°C ধরা হইরাছে।

ক্যালোরিমিটার $t_1^\circ C$ হইতে $t^\circ C$ উঠিতে লব্ধতাপ $=(w.c+m)~(t-t_1)$ লব্ধ তাপ=ব্যয়িত তাপ, এই সূত্র হইতে $ML+M~(100-t)=(w.c+m)(t-t_1)$

অধাৎ
$$L_v = \frac{(w c + m)(t - t_1)}{M} - (001 - t)$$

বাপ্পফাঁদের কাজ হইল ক্যালোরিমিটারে ঢ়ুকিবার আগে ধনীভূত বাপ্পের জল যাহাতে আলাদা করিয়া লওয়া যায়। বাপ্প যাহাতে মাঝপথে ঘনীভূত না হয়, তজ্জ্জ A টিউব ও বাপ্প ফাঁদ অপরিবাহী পদার্থ এ্যন্বেষ্ট্স্ প্রভৃতি দিয়া ঢাকিয়া দেওয়া হয়।

উদাহরণ 1. একটি পাত্রে 0°Cএর 10 গ্রাম্বরক ও 100 গ্রাম জলের মধ্যে 100°Cএর বাষ্প প্রবেশ করাইয়া সমস্ত বরক গলিতে দেওরা হইল ও তাপমাত্রা 5°C উঠিল। পাত্রের জল তুলামূল্য ও বিকিরণ ইত্যাদির জন্ম তাপের ক্ষয় গণ্য না করিয়া বাষ্প কত পরিমাণ ঘনীভূত হইবে গণনা কর।

 $[L_f = 80, L_v = 536].$

মনে কর, ঘনীভূত বাস্পের পরিমাণ m গ্রাম্ বাস্পের বায়িত তাপ=m×536×m(100-5) ক্যালোরি বরফ ও জলের লব্ধ তাপ=10×80+10×5+100×5 ক্যালোরি ব্যয়িত তাপ=লব্ধ তাপ, এই সূত্র হইতে

m(536+95)=800+50+500; অথবা $m=\frac{1350}{631}=2.13$ গ্ৰাম্

3 33. বাষ্পীভবন ও স্ফুটন (Evaporation and Boiling):

বাষ্পীভবন: একটি অগভীর থালায় জল রাখিয়া কোন দরে খোলা রাখিয়া দাও। দেখিবে জল ক্রমশঃ উবিয়া যাইভেছে। তরল হইতে বায়ব অবস্থায় এই আপনা আপনি পরিবর্তন যেকোন তাপমাত্রাতে ঘটিয়া থাকে। উহাকে বাষ্পীভবন বলে।

সমস্ত তাপমাত্রায় তরলের পৃষ্ঠদেশ হইতে ধীরে ধীরে ও ক্রমশঃ তরলের বায়ব-পদার্থে পরিবর্তনকে বাম্পীভবন বলে। বাষ্পীভবন কিসের উপর নিভর করে ?

- তরলের তাপমাত্র।: তাপমাত্রা যত বেশী হইবে, ততই বেশী পরিমাণ
 বান্দ তৈয়ার হইবে।
- (2) তরলের প্রকৃতিঃ একই অবস্থায় জল হইতে ইথার বেশী পরিমাণে বাস্পীভৃত হইবে। অয় ফুটনাফের তরলপদার্থ তাড়াতাড়ি বাপ্পীভৃত হয়।
- (3) তরলপৃঠে বায়ুর চাপ: তরলের উপর বায়ুমগুলের চাপ যত কম হইবে বাষ্পীভবনের হারও তত বাড়িবে। নির্বায়ু (vacuum) পাত্রে ঐ হার সবচেয়ে বেশী।
- (4) ভরলপৃষ্ঠে বায়ু চলাচলের হার: তরলপৃষ্ঠে বায়ুর পরিবর্তনের হার বাড়াইয়া দিলে বাষ্পীভবনের হার বাড়ে।
- (5) তরলপৃষ্ঠের মুক্ত আয়তন: তরলপৃষ্ঠের যত বেশী আয়তন বাহিরের বাতাসের সংস্পর্শে থাকিবে ততই বেশী বাঙ্গীভবন হইবে। কাপ হইতে প্লেটে চা ঢালিলে তাড়াতাড়ি ঠাণ্ডা হওয়ার ইচাই কারণ।

(6) তরল সংস্পৃষ্ট বাস্পের চাপঃ তরলের বান্স যদি তরলপৃষ্ঠ ভরিয়া থাকে. তবে বান্সীভবন হ্রাস পায়। তাই শীতকালে শুক্না বাতাসে বর্বাকালের ভিজা বাতাস অপেক্ষা তাড়াতাড়ি ভিজা কাপড় শুকাইয়া যায়।

স্ফুটন: কোন তরল পদার্থ অবিরাম উত্তপ্ত করিলে একটি নির্দিষ্ট চাপে প্রথমত উহার পৃষ্ঠদেশ হইতে বাশ্প নির্গত হয়—শেষে তরলের সমস্ত আয়তন ধরিয়া জত স্ফুটন চলিতে থাকে ও বাম্পীভবন ঘটে। উহাকে তরলের স্ফুটন বলে। উত্তপ্ত পৃষ্ঠদেশে বাম্পের বৃদ্বৃদ্ বাহির হয়। চাপ পরিবর্তিত না হইলে স্ফুটনের সময় তাপমাত্রার পরিবর্তন হয় না। এই তাপমাত্রা বিভিন্ন তরল পদার্থে বিভিন্ন হইয়া থাকে। বায়্মগুলের স্বাভাবিক চাপে স্ফুটনের তাপমাত্রাকে স্ফুটনাঙ্ক (boiling point) বলা হয়।

স্ফুটনাঙ্ক কিসের উপর নির্ভর করে ?

- চাপ বাড়িলে বা কমিলে তরলের স্ফুটনান্ধ বাড়ে বা কমে।
- তরলপদার্থে কোন কিছু মিশ্রিত থাকিলে উহার ফুটনাঙ্ক বাড়িয়া যায়।
- (3) যে পাত্রে তরলের ক্টন হয় তাহার প্রকৃতি, মস্ণতা ও অভ্যন্তরভাগের পরিচ্ছন্নতার উপরেও ক্টনাঙ্গ কিছু পরিমাণে নিভর করে।

বাষ্পীভবন ও ক্ষুটনের পার্থক্য:

বাষ্পীত্বন সমস্ত তাপমাত্রায় তরলের পৃষ্ঠদেশে ঘটিয়া থাকে, অথচ স্কৃটন তরলের সমস্ত ভর ব্যাপিয়া একটি বিশেষ তাপমাত্রায় ঘটে; এই তাপমাত্রা চাপের উপর নির্ত্তর করে। বাষ্পীত্বন ক্রিয়া যথেষ্ট মন্থর, অথচ স্কৃটন থুব ক্রন্ত ঘটিয়া থাকে।

3.34. বাষ্ণীভবনজনিত শীতলতাঃ

বাষ্পীভবন শীতলতার স্থাষ্ট করে। তরলপদার্থে বাষ্পীভবনের সময় তাপমাত্রা নামিয়া যায়, কারণ বাষ্পীভবনের সময় লীনতাপ ঐ তরল হইতে বাহির হইয়া যায়। তাই ভিজা গায়ে বাতাস লাগিলে ঠাণ্ডার স্থাষ্ট করে। গ্রীষ্মকালে ভিজা থস্থসের ভিতর দিয়া বাতাস চলাচল করিলে ঘরে শীতলতার স্থাষ্ট করে। বাতাস বাষ্পীভবনের হার বাড়ায় বলিয়া এরপ ঘটে।

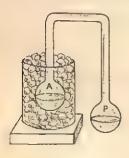
- (1) গ্রীমপ্রধান দেশে সক ছিল্রময় (porous) মাটির কুঁজাতে জল থাকিলে উহার সারা পৃষ্ঠে ছিল্রপথে জল বাদ্দীভূত হইয়া কুঁজার জল শীতল রাথে। কাঁচের বা ধাতৃর সমজায়তনের পাত্রে জল কম ঠাণ্ডা থাকে। তাহার কারণ, উহাতে কেবল পাত্রের খোলাম্থ দিয়া বাষ্পীভবন ঘটে।
- (2) গ্রীত্মকালে রাস্তায় জল দিলে শুধু ধূলিকণা থিতাইয়া যায় না, বাস্পীভবনের দারা শীতলতারও স্থাষ্ট করে।

- (3) কাপ হইতে প্লেটে চা ঢালিয়া লইলে ঐ চা তাড়াতাড়ি ঠাণ্ডা হয়। প্লেটের পৃষ্ঠদেশের আয়তন কাপ অপেক্ষা বেশী বলিয়া তাড়াতাড়ি বাপ্গীভবনের দ্বারা ঠাণ্ডা হয়।
- (4) গ্রীত্মকালে কুকুরেরা জিভ বাহির করিয়া বাতাসে মৃক্ত রাথে। ফলে জিভের লালার বাপীভবনে উহারা কিছুটা শীতলতার আস্বাদ পায়।
- (5) গ্রীম্মকালে ঠাণ্ডা হইতে আমরা পাখা ব্যবহার করি। গায়ের চামড়ার ছিদ্র দিয়া যে ঘাম বাহির হয়, তাহা পাখার বাতাসে বাস্পীভূত হইয়া ঠাণ্ডার স্টে করে। ক্রমশঃ ঘাম বাস্প হইয়া বাস্পীভবনের হার কমাইয়া দেয়—পাখার বাতাস ঐ বাস্প সরাইয়া বায়ু চলাচলের হার বাড়াইয়া বাস্পীভবন বাড়াইয়া দেয়। ফলে চামড়ায় বেশী তাপ শোষিত হইয়া ঠাণ্ডার স্টে করে।

3.35, হিমাস্থন (Refrigeration):

বাষ্পীভবনের সাহায্যে শীতলতার স্ঠান্ট করিয়া জল হিমাঙ্কে (freezing point) আসিতে পারে। নিম্নলিখিত পরীক্ষাগুলি হইতে তাহার বিবরণ জানিতে পারিবে।

(1) একটি কাঠের টুকরায় কয়েক ফোঁটা জল রাখ। উহার উপর একটি পাতলা তামার ক্যালোরিমিটারে কিছু ইথার (ether) রাখিয়া বসাইয়া দাও। বাহির হইতে ইথারে বায়ু জ্রুত চালাইলে ইথার তাড়াতাড়ি বাঙ্গীভূত হইয়া যে শীতলতার স্বষ্টি করিবে তাহাতে ক্যালোরিমিটার ও কাঠের মধ্যবর্তী জলের কণিকাগুলি বরকে পরিণত হইবে ও কাঠের সহিত ক্যালোরিমিটারকে আটকাইয়া রাখিবে।



চিত্ৰ 3.35 (i)

(2) ওলাষ্টনের কাইওফোরাস্ (Wollaston's cryophorous): 3.35 (i) চিত্রের মত একটি বাঁকানো নলের ছুইদিকে ছুইটি বাল্ব আছে। উহাতে জল ও জলীয় বাপ্প ছাড়া অন্য কোন বায়ু নাই। সমস্ত জল P বাল্বে স্থানান্তরিত করিয়া A বাল্ব হিমায়ন মিশ্রণে (freezing mixture) রাখ। বিভিন্ন পদার্থের মিশ্রণে যে হিমায়ন মিশ্রণ পাওয়া যায় তাহা কত শীতলতার স্কৃষ্টি করে নিচের সারণীতে দেখিতে পার।

হিমায়ন মিশ্রণ

ওজনের ভাগ কত তাপমাত্রা স্থাষ্ট করে ho্যামোনিয়াম নাইট্রেট্ ho ho

	ওজনের ভাগ	কত তাপমাত্রা স্বষ্টি করে
বরফের গুঁড়া	7 9	—20°C
সাধারণ লবণ	J 1	
কাৰ্বন ডাই-অক্সাইড (কঠিন)	4	77°C
ইথার	1	

যে-কোন হিমায়ন মিশ্রণ ব্যবহার করিলে A বাল্বে জ্লীয় বাপা ঘনীভূত হয়। উহার অভ্যন্তরীণ চাপ কমিয়া P হইতে আরও বেশী জল বাপ্পীভূত হয়। কলে ঐ জল ক্রমশঃ ঘনীভূত হইয়া বর্কে পরিণত হইবে।

(3) লেস্পীর পরীক্ষা (Leslie's Experiment):

একটি অগভীর থালায় জল ও অন্ত একটি অগভীর থালায় তীব্র সালফিউরিক আাসিড লও। থালা চুইটি একটি বায়ুরোধী আধারে রাথিয়া ভ্যাকুয়াম পাম্প দিয়া আধারের বাতাস বাহির করিয়া লও। আধারে বায়ুর চাপ কমায়, জলের বাম্পীভবন জ্রুত ঘটে এবং সালফিউরিক আাসিডে জলীয় বাম্প শোষিত হয়। ফলে আধারে চাপ সর্বদাই কম থাকে। ক্রমশঃ জলের বাম্পীভবন জ্রুতত্ব হয় ও জলের থালায় বরফের পাতলা স্তর উৎপন্ন হয়।

বাড়ীর জন্ম হিমায়ন যন্ত্র (Refrigerator), বরফ কল (Ice machine) প্রভৃতি. দ্রুত বাষ্পীভবনে শীতলভা উৎপাদনের নীতিতে নির্মিত হইয়া থাকে।

3.36. গলনাঞ্চ ও স্ফুটনাকের উপর চাপের প্রভাব (Effects of Pressure on Melting point and Boiling point): স্ট্নাঞ্চের উপর চাপের প্রভাব সম্পর্কে পূর্বেই আলোচনা করা হইয়াছে।

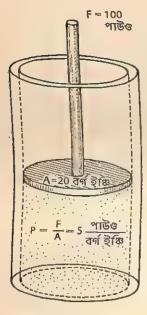
কোন বস্তুর অবস্থার পরিবর্তন যে তাপমাত্রায় ঘটে উহা চাপের উপর নির্ভর করে।

3.31 অন্তচ্ছেদের সারণীতে গলনাম ও ক্টনাম্বের যে মান দেওয়া হইয়াছে, তাহা সমুদ্র উপকুল স্তরে (sea level) স্বাভাবিক চাপে ধরা ইইয়াছে। পৃথিবীপৃষ্ঠ হইতে 10000 ফুট উচুতে জল 90°C তাপমাত্রায় ফুটিতে পারে; কারণ সমুদ্রস্তর হইতে সেখানে চাপ প্রায় হই তৃতীয়াংশ। প্রেসার ক্কারে স্বাভাবিক চাপের দ্বিগুণ চাপে জল 120°C তাপমাত্রায় ফুটস্ত হয়।

অবস্থার পরিবর্তনে চাপের প্রভাব বুঝিতে চাপ সম্পর্কে কিছু আলোচনা প্রয়োজন।
পূর্ববর্তী অন্তচ্চেদগুলিতে চাপের ভূমিকা সম্পর্কে তোমাদের ধারণা হইয়াছে। কোন বল

F, A প্রস্কচ্ছেদের উপর লম্বভাবে ক্রিয়া করিলে চাপ $P = rac{F}{A}$

3.36 (i) চিত্রে দেখ যে 20 (ইঞ্চি)² পৃষ্ঠ আয়তনের উপর 100 lb বল F প্রযুক্ত



হইলে চাপ P=5 পাউও/(ইঞ্চি)² হইবে। বিভিন্ন উপায়ে চাপ পরিমাপ করা হয়। 3.36 (ii) চিত্রে, তিনটি পদ্ধতি দেখান হইয়াছে। সাধারণতঃ চাপ নির্ধারণে বায়্মওলের চাপ ও অজানা চাপের পার্থক্য মাপিয়া জ্জানা চাপ নির্ধারণ করা হয়। এই পার্থক্য-কে গেজ চাপ (gauge pressure) ও বাস্তব্ চাপকে পরম চাপ (absolute pressure) বলে। চাপ মাপার যন্ত্রকে চাপ গেজ (pressure gauge) বলা হয়।

পরম চাপ = গেজ চাপ + বায়ুমণ্ডলের চাপ, তাই বাতাসে কাপানো গাড়ীর চাকার টায়ার (tyre) এর গেজ্ চাপ প্রতি বর্গ ইঞ্চিতে 24 পাউও হইলে, সমুদ্র-স্তরে বায়ুমণ্ডলের চাপ 14.7 পাউও/(ইঞ্চি)² হওয়ায় টায়ারের পরমচাপ 39 পাউও/(ইঞ্চি)² হইবে।

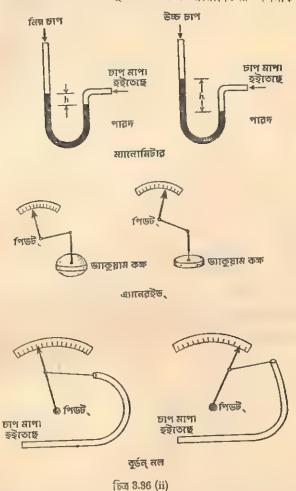
চিত্ৰ 3.36 (i)

কোন বস্তু নিৰ্দিষ্ট চাপে যে বিশেষ ভাপমাত্ৰায়

কঠিন হইতে তরল পদার্থে রূপান্তরিত হয় উহা ঐ বস্তুর গলনাক্ষ। এই বিশেষ তাপমাত্রা গলনের সময় স্থির মানে থাকে। অর্থাৎ সমস্ত কঠিন পদার্থ তরল না হওয়া পর্যন্ত, চাপ স্থির থাকিলে, তাপ বাড়িলেও ঐ তাপমাত্রাও স্থির থাকে। কঠিন পদার্থের শেষ কণিকাটি তরলে পরিণত হইলে তবেই তাপ বাড়াইলে তাপমাত্রা বাড়িবে। বিভিন্ন পদার্থের গলনাক্ষ ভিন্ন হয় ও চাপ পরিবর্তিত হইলে গলনাক্ষেরও সামান্ত পরিবর্তন ঘটে। স্থির চাপে তরল পদার্থের কঠিন পদার্থে রূপান্তর ঘটিলে তাপমাত্রা কমে। তরলের শেষ বিন্দৃটি কঠিন পদার্থে পরিণত হওয়া পর্যন্ত একটি বিশেষ তাপমাত্রা বজায় থাকে—উহাকে কিমাক্ষ (Freezing point) বলে।

প্রত্যেক তরলের হিমাঙ্ক ভিন্ন হয় ও চাপের পরিবর্তনে হিমাঙ্কেরও পরিবর্তন ঘটে। যে নির্দিষ্ট তাপমাত্রায় একক বায়্মণ্ডলের চাপে কোন কঠিন বস্তু গলিয়া যায়, অথবা কোন তরলবস্তু কঠিন পদার্থে পরিণত হয়, উহাকে ঐ বস্তুর স্বাভাবিক গল্লাঙ্ক বলে।

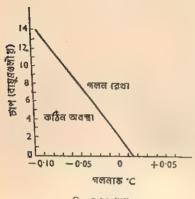
বরফ, লোহা প্রভৃতি পদার্থ গলিত অবস্থায় কঠিন অবস্থা অপেক্ষা সঙ্কৃচিত হয় অর্থাৎ কম আয়তন পায়। চাপ বাড়িলে উহাদের গলনাঙ্ক কমিয়া যায়। প্যারাফিন প্রভৃতি যেসব পদার্থ গলিত অবস্থায় কঠিন অবস্থা অপেক্ষা প্রসারিত হয়, চাপ বাড়িলে উহাদের গলনান্ধও বাড়ে। বায়ুমওলের চাপ দিগুণ হইলে বরফের গলনান্ধ 0°C হইতে 10073°C কমিয়া যায়। একক বায়ুমওলের চাপে প্যারান্ধিনের গলনান্ধ 54°C; চাপ



বাড়িলে এই গলনাম্ব বাড়ে। চাপ বাড়িলে বরফের মত গ্যালিয়াম্, বিসমাধ প্রভৃতি পদার্থের গলনাম্ব হ্রাস পায়। তাই চাপ ও তাপ বাড়াইয়া বরফ গলানো সম্ভব হয়।

3.36 (iii) চিত্রে বরফের বেলায় চাপ ও গলনান্ধের সম্পর্ক দেখান হইল।
পুনঃশিলীভবন (regelation) পরীক্ষায় চাপ বাড়িলে যে বরফের গলনান্ধ কমে তাহা
সহজে পরীক্ষা করা যায়। তুই টুক্রা বরফ হাতে জোরে চাপিয়া ধরিলে দেখিবে যে
উহারা গলিয়া পরম্পর জোড়া লাগিয়া গিয়াছে। চাপের দ্বারা বরফের গলন ও চাপ
ভুলিয়া লইলে পুনঃশিলীভবন ইহা দ্বারা প্রমাণিত হয়। হাতের চাপে গলনান্ধ কমিয়া

ষায় বলিয়া প্রথমত বরকের টুকরা গলিয়া কিছু জল বাহির হয় ও ঐ জল তুইটি টুকরার

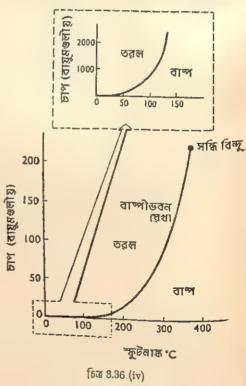


हिन्न 3.36 (iii)

3.36 (iv) চিত্রে জলের স্ফুটনান্ব চাপের সহিত কিভাবে পরিবর্তিত হয় তাহা দেখান হইয়াছে। সব তরুলপদার্থের ক্ষেত্রে অনুরূপ আচরণ দেখা যায়। এ চিত্তে বাষ্গীভবন রেখার উধ্ব সীমা 374°C 218 বায়ুমগুলের চাপে সন্ধিবিন্দু (critical point) নামে অভিহিত হয়। **স**ন্ধিবিন্দুর বেশী তাপমাত্রায় কোন পদার্থ তরল অবস্থায় থাকিতে পারে না, চাপ যতই বেশী হউক না কেন। হিলিয়ামের সন্ধি-তাপমাত্রা সবচেয়ে কম, ' - 268°C উহার বেশী তাপমাত্রায় হিলিয়াম বায়ব অবস্থায় থাকে।

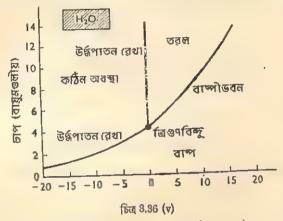
মধ্যবর্তী সংস্পৃষ্টতলে জড়াইয়া থাকে। হাতের
চাপ সরাইলে গলনান্ধ বাড়ে; ফলে ঐ
জলটুকু বরফ হইয়া তুইটি টুকরাকে জুড়িয়া
দেয়। অবশু বরফের তাপমাত্রা 0°C এর কম
হইলে এই পরীক্ষা সফল হয়় না। কারণ
হাতের চাপে তখন বরফের নেগেটিভ্ তাপমাত্রায় গলনান্ধ কমানো সম্ভব হয়় না।

বাহিরের বাতাসের তাপমাত্রা যথন—
1.6°C তথন বরফ গলাইতে বায়্মওলের
চাপের 1000 গুণ চাপ প্রয়োজন হয়।

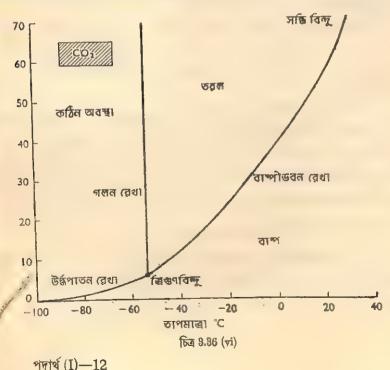


3.36 (v) চিত্রে জলের গলনাক্ষ ও স্ফুটনাক্ষ চাপের সহিত কীভাবে পরিবর্তিত হয়, তাহা যুক্তভাবে দেখান হইয়াছে। উহাতে গলন রেখায় বরফ ও জল এবং স্ফুটন রেখায় জল ও বাষ্প সহাবস্থান করিতে পারে। এ ফুই রেখা 0.01°C তাপমাত্রা ও

4'6 মি.মি. চাপের বিন্দৃতে পরম্পরকে ছেদ করে। তাই ঐ চাপ ও তাপমাত্রায় জলের কঠিন, তরল ও বায়বীয় অবস্থার সহাবস্থান ঘটে। ঐ বিন্দৃকে তাই ত্রিশুণ বিন্দু (triple point) বলে। যে কোন পদার্থ তাহার ত্রিগুণ বিন্দৃর কম চাপে তরল অবস্থায়



থাকিতে পারে না। চাপ ও তাপমাত্রার লেখচিত্র হইতে, কঠিন ও বায়ব অবস্থার মধ্যবর্তী উপ্র্রপাতন রেধায় (sublimation curve) কঠিন হইতে সরাসরি বায়ব পদার্থে অপ্রবা বায়ব অবস্থা হইতে কঠিনে রূপাস্তরের শর্ত বুঝা যায়।



যেমন জলের ত্রিগুণ বিন্দু একক বায়ুমণ্ডলের চাপ অপেক্ষা কম বলিয়া একক বায়ুমণ্ডলের চাপে তাপ প্রয়োগ করিলে বরক গলিয়া যায়। কিন্তু কার্বন ডাই-অক্সাইডের
ত্রিগুণ বিন্দুর চাপ একক বায়ুমণ্ডল অপেক্ষা বেশী বলিয়া, একক বায়ুমণ্ডলের চাপে তাপ
প্রয়োগ করিলে উহার উপর্বপাতনে কঠিন হইতে বায়ব পদার্থে সরাসরি রূপান্তর ঘটে।
[চিত্র 3.36 (vi)]।

3.37. অবস্থার পরিবর্তনে লক্ষণীয় প্রতিক্রিয়া :

কঠিন হইতে তরলে অথবা তরল হইতে কঠিন পদার্থে বস্তুর রূপান্তর ঘটিলে নিম্নলিথিত প্রতিক্রিয়াগুলি লক্ষ্য করা যায়:

(1) বস্তুতে লীন তাপ শোষিত হয়। (2) সমস্ত পদার্থ রূপান্তরিত না হওয়া পর্যস্ত তাপমাত্রার পরিবর্তন হয় না। (3) বস্তুর আয়তন পরিবৃতিত হয়। (4) চাপের তারতয্যে গলনান্ধ পরিবৃতিত হয়।

স্টনের ফলে তরল হইতে বাপ ও বাষ্প হইতে তরলে রূপাস্তরে বস্তুতে নিমূলিথিত প্রতিক্রিয়াগুলি লক্ষ্য কর:

- (1) নির্দিষ্ট চাপে প্রত্যেক তরলের একটি নির্দিষ্ট স্ফুটনাঙ্ক আছে। চাপ বাড়াইয়া বা কমাইয়া স্ফুটনাঙ্ক বাড়ানো ও কমানো যায়।
- (2) তরল পদার্থের সর্বোচ্চ বাষ্পচাপ (vapour pressure) সংশ্লিষ্ট বায়ুমণ্ডলের চাপের সমান হইলে তরলপদার্থে ফুটন হয়।
- (3) সমস্ত তরলপদার্থ নিঃশেষে বাষ্পীভৃত না হওয়া পর্যন্ত উহার তাপমাত্রা স্থির থাকে।
- (4) স্টুনের সময় চাপ স্থির থাকিলে তাপমাত্রাও স্থির থাকে এবং একই তাপমাত্রায় তরল হইতে বাস্পে পরিণত হইতে বস্তুতে লীনতাপ শোষিত হয়।
- (5) গলনের মত ক্টনেও বস্তুর আয়তন বৃদ্ধি পায়। কোন মিশ্রণের ক্ষেত্রে উহার হিমান্থ মিশ্রণের যে কোন একটি উপাদানের হিমান্থ অপেক্ষা কম, কিন্তু মিশ্রণের ক্ষুটনান্ধ উহার যে কোন একটি উপাদানের ক্ষুটনান্ধ অপেক্ষা বেশী হইয়া থাকে।

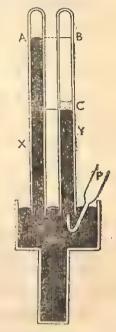
3.38. বাষ্প চাপ (Vapour Pressure):

3.37 পরিচ্ছেদে স্টুনান্ধ তরলের বাস্পচাপের উপর নির্ভর করে—ইহা বলা হইয়াছে।
কোন তরলপদার্থ যে কোন তাপমাত্রায় বাস্পীভূত হইলে উহার বাষ্প তরলের উপর
সংশ্লিষ্ট পৃষ্ঠদেশে নির্দিষ্ট চাপের স্কৃষ্টি করে। এই চাপকে ঐ তাপে তরলের বাষ্পাচাপ
কলা হয়।

নিলিষ্ট তাপমাত্রায় যে বাম্পের ভর সর্বোচ্চ বাম্পচাপের স্বাষ্ট করে উহাকে সংপৃক্ত বাম্পাচাপ (Saturated vapour pressure) বলে। ঐ চাপের কম চাপ থাকিলে উহাকে অসংপৃক্ত বাম্পচাপ (Unsaturated vapour pressure) বলে।

পরীক্ষা ঃ 3.38 (i) চিত্রের মত তুইটি টরিসেলী বায়ুমাপক টিউব X,Y লও। প্রত্যেক টিউবে শুঙ্ক পারদ ভরিয়া খোলা মুখ তুইটি বুড়ো আঙ*ু*লে চাপিয়া পারদের পাত্রে

উন্টাইয়া ডুবাইয়া রাখ। টিউব ছইটি পাশাপাশি ক্ল্যাম্প (clamp) দিয়া আঁটিয়া রাখ। এখন ছুইটি টিউবেই পারদ-তল সমান A ও B বিন্দুতে থাকিবে। X টিউবটিকে সাধারণ বায়ুমাপক যন্ত্র রূপে ব্যবহার করিয়া, Y টিউবটিতে বাঁকানো পিপেট P দিয়া কিছুটা জল বা ইথার ঢকাইয়া দাও, জল বা ইথার পারদ হইতে হান্তা বলিয়া উপরের ফাঁকা জায়ুগায় উঠিয়া যাইবে ও বাষ্ণীভূত হইবে। 💁 বাষ্ণ Y টিউবের পারদতল কিছুটা নামাইয়া দিবে। ইহা হইতে প্রমাণ হয় যে, যে কোন তাপমাত্রায় বাষ্পের চাপ আছে। ক্রমশঃ অল্ল অল্ল তুরল ঢুকাইয়া দেখিবে ঐ চাপ বাড়িতেছে ও পারদতল নামিয়া যাইতেছে। এইভাবে এক সময় দেখা যাইবে যে, একটি অবস্থায় আর পারদতল নামে না এবং তর্ল এই অবস্থায় পাতলা স্তরে পারদতলের উপর জমিয়া যায়। ইহা হইতে প্রমাণ হয় যে, বদ্ধ বায়ুগীন স্থানের নির্দিষ্ট তাপমাত্রায় একটি নির্দিষ্ট পরিমাণ বাষ্পচাপ ধরিয়া রাথিবার সামর্থ্য আছে পারদতল এই অবস্থায় C বিন্দু



চিত্ৰ 3.38 (i)

হইতে নামিয়া আদে না অর্থাৎ এই অবস্থায় বাষ্পচাপ সর্বোচ্চ এবং C বিন্দুর উপরিস্থ স্থান বাষ্পচাপে সংপৃক্ত। এই অবস্থার পূর্বে ঐ স্থান অসংপৃক্ত বাষ্পে পূর্ণ ছিল। সংপৃক্ত বাষ্পচাপের স্থাই হইলে পারদতল নামে বলিয়া ঐ চাপকে নির্দিষ্ট তাপমাত্রায় বাষ্পের সর্বোচ্চ চাপ বলা হয়। পারদতলের B ও C বিন্দুর পার্থক্য হইতে সংপৃক্ত বাষ্পচাপ পরিমাপ করা হয়।

সংপৃক্ত ও অসংপৃক্ত বাষ্পচাপের পার্থক্য :

(1) তরলের সংশ্লিষ্ট স্থানে যখন উহার সর্বোচ্চ পরিমাণ বাষ্প থাকে নির্দিষ্ট তাপ মাত্রার উহাই তরলের সংপৃক্ত বাষ্পচাপ। ঐ স্থানে সর্বোচ্চ পরিমাণ বাষ্প না থাকিলে তরলের পরিমাণ বাড়াইয়া বাষ্পের পরিমাণ বাড়ান যায়। কিন্তু বাষ্প তরলের সংস্পর্শে না থাকিলে উহা সর্বদাই অসংপৃক্ত থাকে।

- (2) তরলের সংস্পর্শে যে সংপৃক্ত বাষ্প থাকে, উহার তাগমাত্রা বাড়াইলে অধিকতর তরল বাষ্পীভূত হইয়া বাষ্পচাপ বর্ষিত তাপমাত্রা অনুযায়ী সংপৃক্ত অবস্থায় আসে। বাষ্পের তাগমাত্রা কমাইলে কিছুটা বাষ্প তরলে রূপাস্তরিত হইয়া ঐ তাপমাত্রায় সংশ্লিষ্ট নিয়তর সংপৃক্ত চাপের স্বষ্টি করে। তাপমাত্রার পরিবর্তনের ফলে সংপৃক্ত বাষ্পচাপের পরিবর্তন চার্লসের নিয়ম মানিয়া চলে না। অসংপৃক্ত বাষ্পচাপের ক্ষেত্রে তাপমাত্রার পরিবর্তনে বাষ্পচাপের যে পরিবর্তন হয়, তাহা মোটাম্টি চার্লসের নিয়ম অনুযায়ী ঘটে।
- (3) তাপমাত্রা স্থির রাখিয়া তরলের উপস্থিতিতে সংপৃক্ত বাস্পের আয়তন বাড়াইলে অধিকতর বাপের উৎপাদন হয়, এবং আয়তন কমাইলে কিছু বাষ্প ঘনীভূত হয় কিস্তু তাপমাত্রা অমুযায়ী সংপৃক্ত চাপ স্থির থাকে।

বাষ্প তরলের সংস্পর্শে না থাকিলে আয়তন বৃদ্ধিতে উহা অসংপৃক্ত হইয়া পড়ে। ফলে চাপ ও আয়তনের সম্পর্ক বয়েলের নিয়ম মানিয়া চলে। কিন্তু সংপৃক্ত বাপ্পের আয়তন ও চাপের সম্পর্ক নির্ণয়ে বয়েলের নিয়ম থাটে না।

3.39. বাজেপর মিশ্রণঃ

বন্ধনলে বায়ুহীন স্থানে তরলের বাষ্প থাকিলে উহার চাপ পরিমাপ করা যায়—ইহা আগেই বলা হইয়াছে। বাতাস বা অন্ত বায়ুবের সহিত বাষ্প মিশ্রিত থাকিলে এই মিশ্রণের চাপ মূল বাম্পের চাপ হইতে পরিবর্তিত হইবে কিনা তাহা জানা আবশ্যক। ভাল টুন্ বাষ্প মিশ্রণের চাপ সম্পর্কে নিম্নলিখিত যে নিয়ম পরীক্ষা দ্বারা প্রতিষ্ঠিত করেন, তাহা ভাল্টনের বাষ্পাচাপের নিয়ম নামে অভিহিত হয়:

- (1) একটি নির্দিষ্ট তাপমাত্রায় বন্ধ স্থানে কোন বিশেষ বাস্পের সংপৃক্ত চাপ কেবল উহার তাপমাত্রার উপর নির্ভর করে এবং মিশ্রণের উপাদান বাষ্পগুলির মধ্যে কোন রাসায়নিক ক্রিয়া না ঘটিলে ঐ চাপ উহার আয়তন বা অন্ত বাষ্পের উপস্থিতির উপর নির্ভর করে না।
- (2) বায়ব পদার্থ ও বাষ্পের মিশ্রণের উপাদানগুলির পরস্পর কোন রাসায়নিক কিয়া না হইলে উহাদের মোট চাপ, প্রত্যেক উপাদান পৃথক্ পৃথক্ ভাবে ঐস্থানে থাকিলে উহাদের চাপ, সেই তাপমাত্রায় যাহা হইত তাহাদের যোগফলের সমান। মিশ্রণের উপাদানের প্রত্যেকের এই নিজস্ব চাপকে আংশিক চাপ (partial pressure) বলে। তাই দ্বিতীয় এই নিয়মটি আংশিক চাপের নিয়ম নামে অভিহিত হয়।

ভাল্টনের প্রথম নিয়ম কেবল সংপৃক্ত বান্সের বেলায় প্রযুক্ত হয়। দ্বিতীয় নিয়ম সংপৃক্ত ও অসংপৃক্ত উভয় বান্সের ক্ষেত্রে প্রযোজ্য।

3.40. সন্ধি তাপমাত্রা (Critical temperature):

3.36 অমুচ্ছেদে যে সন্ধিবিন্দুর কথা বলা হইয়াছে তাহাও যে কোন বায়ব পদার্থের বেলায় প্রয়োগ করা যাইতে পারে। । বাষ্প ও বায়ব পদার্থে বিশেষ কোন পার্থক্য নাই। সাধারণতঃ সন্ধিবিন্দুর বেশী তাপমাত্রায় কোন পদার্থ বায়ব (gas) অবস্থায় থাকে। বিন্দুর কম তাপমাত্রায় বায়ব অবস্থায় থাকিলে উহাকে বাষ্প বলা হয়। সাধারণ তাপ-মাত্রায় বাষ্পকে তরল করিতে বায়ুমণ্ডলের স্বাভাবিক চাপ হইতে বেশী চাপ আবশ্যক হয় না। যেমন ইথার বাষ্প ইত্যাদি। 12°C হইতে 15°Cএ ইথারকে তরল করিতে বায়ুমণ্ডলের স্বাভাবিক চাপের অর্ধেকই যথেষ্ট হয়।

সন্ধিবিন্দুর যে তাপমাত্রার নিচে কোন বায়ব পদার্থে চাপ বাড়াইয়া তরলে রূপান্তরিত করা যায় উহাই তাহার সন্ধি তাপমাত্রা (critical temperature)। এই তাপ-মাত্রার উদ্দের্থ যে কোন তাপ বাড়াইয়াও ঐ বস্তুকে তরলে রূপান্তরিত করা যায় না।

সৃদ্ধি তাপমাত্রায় যে চাপে বায়ব পদার্থকে তরল করা যায়, উহাকে তাহার **সন্ধিচাপ** (critical pressure) বলে।

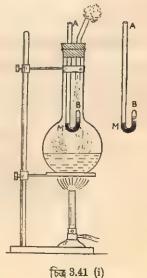
3.36 (vi) চিত্রে দেখ যে, কার্বন ডাই-অক্সাইডের সন্ধিবিন্দুতে সন্ধি তাপমাত্রা 31°C ও সন্ধিচাপ বায়ুমণ্ডলের চাপের 73 গুণ। এই তাপমাত্রার উপ্লের্কার্বন ডাই-অক্সাইড অধিক চাপ বাড়াইয়াও তরলে রূপান্তরিত হয় না।

3.41. বাষ্পচাপ ও স্ফুটনঃ

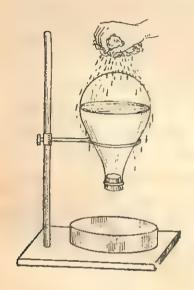
3.37 অভ্যক্তদে বলা হইয়াছে, বাষ্ণচাপের মান বাযুমগুলের স্মান হইলে তরলপদার্থের স্ফুটন হয়।

নিম্নলিখিত পরীক্ষায় উহার প্রমাণ পাওয়া যাইবে:--

3.41 (i) চিত্রের মত একটি বাঁকানো কাঁচের টিউব লও। উহার ছোট বাহুর B মুখটি বন্ধ ও উহাতে সামান্ত বিশুদ্ধ জল আছে। তাহার নিচে কিছু অংশে পরিদ আছে। পারদের তল A খোলামুখের অংশে সামান্য উঠিয়াছে। M তল B অংশের পারদতল হইতে নিচে। টিউবটি জলের ফ্লাঙ্কে এমনভাবে রাথ যে উহা জলের যথেষ্ট উপরে থাকে। জল তাপের দারা ফুটাইলে ৰাষ্প বাঁকানো টিউব ঘিরিয়া উপরের নির্গমন ১থ দিয়া বাহির হইবে। অল্ল সময় পরে দেখিবে যে B অংশের জল বাঙ্গে পরিণত হইয়া B ও A অংশের পারদ স্মান তলে নামিয়া আসিবে। A মুথের



পারদতল বায়ুমণ্ডলের চাপ নির্দেশ করে ফুটনের ফলে B অংশের বাষ্পচাপ ও বায়ুমণ্ডলের চাপ সমান হয় বলিয়া পারদতল সমান বিন্দুতে নামিয়া আসে। উহাতে প্রমাণ হয় যে, তরল সংশ্লিষ্ট বাষ্পচাপ বায়ুমণ্ডলের চাপের সমান হইলে ফুটন ঘটে।



চিত্ৰ 3'41 (ii)

তরলের সংশ্লিষ্ট চাপ কমাইতে পারিলে উহার স্বাভাবিক স্ফুটনাঙ্কের কম তাপমাত্রায়ও স্ফুটন হইতে পারে। নিচের সহজ পরীক্ষা হইতে ইহা বৃঝিতে পারিবে:

একটি ফ্লাঙ্গে জল ফুটাইয়া উহার বাতাস
বাহির করিয়া দাও। এখন একটি ছিলিতে
উহার মুখ বন্ধ করিয়া উন্টাইয়া বর। উহার
কাকা জায়গায় এখন সংপৃক্ত জলীয় বাদা
আছে। [চিত্র 3'41 (ii)]। ক্টুন বন্ধ
হইলে উহার উপর কিছু ঠাণ্ডা জল ঢালিয়া
দাও। ফলে কিছু বাদা ঘনীভূত হইয়া তরলে
রূপান্তরিত হইবে এবং জলের উপরের বাদ্দাচাপ
কমিবে। এখন দেখ যে জল আবার
ফুটিতেছে। কারণ চাপ কমিয়া যাওয়ায়

জলের ক্টনান্ব 100°C-এর কম তাপমাত্রায়ও জল ফুটিতে পারে। ঐ নিমুতর চাপে ঐ তাপমাত্রাই তখন উহার ক্টনান্ধ।

উদাহরণ 1. তরলের কিছু পরিমাণ বাপে বায়ুর মিশ্রণে নির্দিষ্ট আয়তনে আছে। 20°C-এ উহার চাপ 80 সে.মি. ও 40°Cএ চাপ 100 সে.মি. পারদের সমান। 20°Cএ বাম্পের চাপ 15 সে মি. হইলে 40°Cএ উহার চাপ কত ?

 20° Cএ মোট চাপ 80 সে.মি. এবং বাপের আংশিক চাপ 15 সে.মি.। ডালটনের নিয়ম হইতে 20° C বায়্র চাপ=80-15=65 সে.মি.। আয়তন হির বলিয়া চার্লসের নিয়ম অন্থযায়ী,

$$\frac{40^{\circ}\text{Co}}{20^{\circ}\text{Co}}$$
 বায়ুর চাপ $=\frac{P_{40}}{P_{20}}=\frac{273+40}{273+20}$; অথবা $\frac{P_{40}}{65}=\frac{313}{293}$ অথবা $P_{40}=\frac{313}{293}\times 65=69^{\circ}4$

40°Cএ মোট চাপ=100 সে মি.

ঐ তাপমাত্রায় বাম্পের চাপ=100-69'4=30'6 সে.মি.।

উদাহরণ 2. কিছু পরিমাণ শুক বারু 25°Cএ পারদপাত্রে উন্টানো টিউবে পারদের উপর 156 মি.মি. স্থান অধিকার করিয়া থাকে। পারদস্তম্ভ বাহির হইতে 612 মি মি. উচেচ টিউবে উঠিয়া আছে। এখন সামান্ত জল টিউবে ঢ়কাইলে পারদস্তম্ভ 599'4 মি.মি.এ নামিল। 25°Cএ জলীয় বাম্পের চাপ কত হইবে ?

[পরীক্ষাগারের বায়ুমান যন্তে চাপ=759 মি মি.]

শুদ্ধ বায়ুর মূল চাপ=759-612=147 মি মি.

বায়্ জলীয় বান্দে সম্পৃক্ত অবস্থায় টিউবে 156+(612-599'4)=168'6 মি.মি. দৈর্ঘ্য অধিকার করে।

ভদ বায়ুর শেষ (final) চাপ= $\frac{147 \times 156}{168.6}$

=136 মি.মি. (বয়েলের নিয়ম)

অতএব বাষ্পের চাপ 🗴 মি.মি. হইলে

 $x+136+599^{\circ}4=759$; ... $x=23^{\circ}6$ মি.মি.

উদাহরণ 3. 100°Cএ কিছু বাতাস জলীয় বাঙ্গো সংপৃক্ত আছে। তাপমাজা 200°C বাড়িলে আয়তন হির থাকিয়া চাপ দিগুল হয়। 0°Cএ ঐ আয়তনে শুষ্ক বাতাদের চাপ কত হইবে ?

P=100°Cএ বাতাসের চাপ

(P+760)mm=ভিজা বাতাসের মোট চাপ

কারণ 100°Cএ জলীয় বাষ্পের চাপ=760 মি.মি.

T পরম তাপমাত্রায় চাপ P ও T' পরম তাপমাত্রায় চাপ P' হইলে

P/T=P'/T' এই স্থত হইতে

 $\frac{P+760}{373} = \frac{2 \times 760}{273 + 200}$; অথবা P=438.64 মি.মি. 0° Cএ P_0 চাপ হইলে

 $\frac{P_o}{273} = \frac{438.64}{273 + 100}$ অথবা $P_o = 321.04$ মি.মি.

3.42. শিশিরাফ (Dew point) :

সাধারণতঃ বায়ুমণ্ডলে জলীয় বাষ্প উহাকে সম্প্ৰক্ত করিয়া রাথে না। কলে উহার বর্তমান তাপমাত্রায় জলীয় বাম্পের চাপ সম্প্ৰক্ত চাপ হইতে কম থাকে। কিন্তু তাপমাত্রা কমিলে ঐ চাপই সম্প্ৰক্ত চাপ হইতে পারে। কোনও অঞ্চলে বাতাস শীতলতর হইলেও চাপ বায়ুমণ্ডলের চাপের সমান থাকে; বাতাসের আয়তন সঙ্কৃচিত হয় ও বাহিরের বাতাস ঐ অঞ্চলে ছুটিয়া আসে, কিন্তু চাপের পরিবর্তন হয় না। যতক্ষণ বাতাস সংপৃক্ত

না হয়, ততক্ষণ জলীয় বাপ্পের বেলায় একই কথা থাটে। জলীয় বাষ্প শীতলতর হইলে একটি তাপমাত্রায় বাতাস উহাতে সম্প্রুক্ত হয় এবং উহার চাপের পরিমাণ পূর্বের মতই থাকে। বাতাস আরও ঠাণ্ডা হইলে কিছু বাষ্প ঘনীভূত হইয়া জলকণার সৃষ্টি করে ও চাপ কমিয়া যায়। যে তাপমাত্রায় এইরূপ ঘনীভবন আরম্ভ হয় উহাকে শিশিরা**ঙ্ক** (Dew point) বলে। শিশিরাঙ্কে নির্দিষ্ট ভরের বাতাসে বর্তমান জ্লীয় বাষ্প উহাকে সম্প_ূক্ত করিয়া রাথে। ঠাণ্ডা হওয়ার আগে জলীয় বাম্পের যে চাপ ছিল, শিশিরাম্বে **সম্প**্রক্ত বাষ্পচাপও একই পরিমাণ থাকে।

3.43. আপেক্ষিক আর্ড্র (Relative Humidity) :

বাতাসে কত পরিমাণ জলীয় বাষ্প আছে উহার পরিমাণের পরিবর্তে বাতাসের কত অংশ জলীয় বাঙ্গে সম্পৃক্ত তাহা জানা আবহ-বিজ্ঞানে (Meteorology) বিশেষ আবিশ্বক। উহাই আপেক্ষিক আর্দ্র তা নামে অভিহিত হয়।

আপেক্ষিক আন্তর্ভা $=rac{t^{\circ}C$ এ বাতাসের নির্দিষ্ট আয়তনে জলীয় বাপের ভর $t^{\circ}C$ এ ঐ আয়তন সম্প $_{\star}$ ক্ত করিতে আবশ্যকীয় জলীয় বাম্পের ভর

3'43(1)

আপেক্ষিক আর্দ্র তা শতকরা হিসাবে % চিহ্ন দিয়া দেখান হয়।

সম্পৃত্ত অবস্থা পর্যন্ত জলীয় বাষ্প বায়বীয় নিয়ম (gas law) মানিয়া চলে। মনে কর $oldsymbol{V}$ আয়তন বাড়াইলে জলীয় বাম্পের আংশিক চাপ $oldsymbol{p}$. পরম তাপমাত্রা $oldsymbol{T}$ হইলে, $oldsymbol{V}$ আয়তনে m ভরের জলীয় বাষ্প থাকিলে

$$m = \frac{\text{PV}}{\text{KT}}, \qquad 3.43 (4)$$

K=জ্বীয় বাস্পের 1 গ্রামের জন্ম স্থিরসংখ্যা।

P=T তাপমাত্রায় জলীয় বান্স ও বাতাসের সংপৃক্ত বান্সচাপ। বাতাস এই অবস্থায় সংপ্তক্ত হইতে যদি M ভরের জলীয় বাষ্প প্রয়োজন হয় তবে

$$M = \frac{PV}{KT}$$
 3.43 (5)

3.43 (4) কে 3.43 (5) দিয়া ভাগ করিলে

$$\frac{m}{M} = \frac{p}{P}$$
 3.43 (6)

নিচের সারণী হইতে দেখিবে যে নির্দিষ্ট আয়তনের জ্লীয় বাষ্প উহার চাপের সমান্থ-পাতী এবং m=এক খনমিটার বাতাস সারণীতে প্রদর্শিত তাপমাত্রায় সম্প্রক্ত করিতে যে পরিমাণ জ্লীয় বাষ্পের প্রয়োজন তাহার তর এবং p=ঐ তাপমাত্রায় জ্লীয় বাষ্পের সংপুক্ত চাপ।

তাপমাত্রা °C	0	5	10	15	20	25
m (গ্ৰাম্)	4.9	6.8	9.4	12.8	17.2	22.8
p (মি.মি. পারদ)	4.6	6.5	9.5	12.8	17.5	23.7

জার্দ্র তা ও শুক্তা । আমাদের আর্দ্রতা ও শুক্ষতার অন্থভূতি বাতাসে কত জলীয় বাপা আছে শুধু তাহার উপর নির্ভর করে না, ঐ তাপমাত্রায় কত জলীয় বাপা বাতাস সংপৃক্ত করিতে পারে তাহার পরিমাণের উপরও নির্ভর করে। অর্থাৎ আপেক্ষিক আর্দ্রতা হইতেই এই অন্থভূতি আসে। কুয়াশায় বেরা ঠাণ্ডা শীতকালের দিনে আমরা আর্দ্রতা অন্থভব করি; অথচ ঐ সময়ে নির্দিষ্ট আয়তনের বাতাসে গ্রীম্মকালের একটি শুক্ষ দিনের সময় অপেক্ষা জলীয় বাপা কম থাকে। তাহার কারণ বাতাস সম্পত্ত করিতে প্রয়োজনীয় জলীয় বাপোর অংশ শীতকালের ঐ দিনটিতে গ্রীম্মকালের শুক্ষ দিনটি হইতে বেশী পরিমাণ থাকে। আর্দ্রতা বা শুক্ষতার অন্থভূতি বাতাসে কত পরিমাণ জলীয় বাপা আছে তাহা হইতেই শুধু নির্ধারিত হয় না, বাতাস সম্পত্ত হইতে আর কতটুকু জলীয় বাপা আবস্থক অর্থাৎ বাপাভিবনের মাত্রা কতটা তাহা হইতে আমরা আর্দ্রতা বা শুক্ষতা অন্থভব করি। আপেক্ষিক আর্দ্রতা কম থাকিলে ভিজা কাপড় তাড়াতাড়ি শুকায়, কারণ বামুমণ্ডল জলীয় বাপা টানিয়া লইতে পারে।

বাসগৃহে বায়ু নির্গম পথ (ventilator) থাকা বাস্থনীয়। কারণ নিংশ্বাস নির্গত কার্বন ডাই-অক্সাইড দেহের বাঙ্গীভূত জলীয় বাঙ্গ বাড়ীর বাহির করিতে উহা সাহায্য করে। বায়ুমণ্ডলের আপেক্ষিক আর্দ্রভা শতকরা 100 ভাগ হইলে আমাদের শ্বাস-প্রশ্বাসে কট হয় এবং আবহওয়া কট্টদায়ক হয়। কারণ দেহের জলীয় বাঙ্গ বাতাস কর্তৃক শোষিত হইতে পারে না।

আর্দ্র বায়ু শুক্ষ বায়ু অপেক্ষা হাল্কা, কারণ জলীয় বাপ্প বাতাস অপেক্ষা হাল্কা। জলীয় বাম্পের ঘনত্ব শুক্ষ বায়ুর তুলনায় স্থি।

্রেম (Cloud) । পৃথিবীপৃষ্ঠের জলীয় অংশ হইতে জলীয় বাষ্প বায়ুমগুলের নিচের স্তরে সর্বদাই সঞ্চিত হয়। উহার পরিমাণ কোন অঞ্চলের তাপমাত্রা ও অক্যান্ত অবস্থার উপর নির্ভর করে। সম্পৃক্তি বা অসম্পৃক্তি এই ভিজা বাতাস শুক্ত বাতাস অপেক্ষা হান্ধা হওয়ার উপরের স্তর নিম্নতর চাপ অঞ্চলে উঠিয়া যায়। উপরের স্তরে ক্রমশঃ তাপমাত্রা ও ট্রপোন্ধিয়ার পর্যন্ত কমিতে থাকে। উহার ফলে এবং নিম্নতর চাপের জন্য উপর্বেগামী বায়ু প্রসারিত হইয়া ক্রমশঃ অধিকতর শীতল হয়। সম্পৃত্তি অবস্থার আগেই ভিজা বায়ুর কিছু জলীয় অংশ উপরের স্তরে ছোট ছোট ফোটার আকারে জমিয়া যায়। বাতাসে ভাসমান এই সব জলকণাই মেদ। বাতাসের বেগে মেদ এক অঞ্চল হইতে অন্য অঞ্চলে চলাচল করিতে পারে।

অবস্থাভেদে মেঘ বিভিন্ন প্রকারের হইতে পারে। গরম ভিন্ধা বাতাসের স্তস্ত উপরে উঠিবার সময় উহার উপরের অংশে প্রচুর জলীয় বাপের সহিত ঘনীভবন হয়। ঐ মেঘকে কিউমুগোস্ মেঘ (cumulus cloud) বলে।

ভিজা বাতাদের স্রোত বিভিন্ন তাপমাত্রায় যুক্ত হইলে সংস্পৃষ্ট স্তরে ঘনীভবন ঘটিনা বেইটাস্ (stratus) মেঘের স্বাষ্ট করে। অনেক উচু স্তরে ঘনীভবন ঘটিলে বরফের টুকরা ক্ট্যান্সের আকারে উৎপাদিত হইয়া সাইরাস্ (cirrus) মেঘের স্বাষ্ট করে। কিউম্লাস্ মেঘ নিচু স্তরে উৎপাদিত হইলে উহা কালোরঙের বর্ষণ মেঘ নিস্বাদেসর (nimbus) স্বাষ্ট করে।

বৃষ্টি ঃ বায়ুমণ্ডলের নিচের স্তর জলীয় বাপে সংপৃক্ত হইলে ঘনীভূত,মেঘকণা বিন্দু বিন্দু একত্র হইয়া অভিকর্মের টানে বৃষ্টি হইয়া মাটিতে পড়ে। বৃষ্টির ফোঁটা নিচে পড়িবার সময় নিচের স্তবের জলীয় বাপা উহাতে ঘনীভূত হইয়া ফোঁটার আকার বাড়াইয়া দেয়। ফোঁটা যতই বড় হয়, সাল্র বায়ুর মধ্য দিয়া বৃষ্টিপাতের গতিবেগও ততই বাড়ে।

কুষাসা (Fog) । পৃথিবীর পৃষ্ঠদেশের নিকটবর্তী অঞ্চলে সঞ্চিত মেঘকে কুয়াসা বলে। ধূলা বা ময়লার কণার উপর জলীয় বাম্প ঘনীভূত হইয়া কুয়াসার স্বষ্টি করে। এই সব কণার আকৃতি ও প্রকৃতির উপর কুয়াসা নির্ভর করে। বড় বড় সহরাঞ্চলে কলকারখানার ধোঁয়ার ঝুল ও ময়লার কণার উপর কুয়াসা সহজে জমে। মেঘ ও কুয়াসার মধ্যে বিশেষ পার্থক্য এই যে, মেঘের গতি থাকে কিন্তু কুয়াসার গতি থাকে না বলিলেই চলে। বায়য়য়ভলের শিশিরাক্ষের নিচের তাপমাত্রায় কুয়াসা স্বষ্টি হয়। স্বর্ঘ উঠিলে কুয়াসা ধীরে ধীরে সরিয়া যায়। মধ্যাহের আগেই কুয়াসা অপসারিত হয়। কারণ, বায়য়য়ভল উয়য় হইয়া অসংপৃক্ত হয়, ঘনীভূত জলীয় বাম্প বাশীভূত হইয়া কুয়াসা কাটিয়া যায়।

3.44. হাইব্রোমিতি (Hygrometry)ঃ বায়ুমণ্ডলে স্বস্ময়েই কিছু না কিছু জলীয় বাষ্প সঞ্চিত থাকে। হাইগ্রোমিতি পদার্থ বিজ্ঞানের একটি শাখা যাহাতে বায়ুর একটি নির্দিষ্ট আয়ুতনে জলীয় বাষ্পের পরিমাণ পরিমাপ করা হয়। বায়ুতে জলীয় বাষ্প থাকে বলিয়াই মেঘ, কুয়াসা, শিশির ইত্যাদির সৃষ্টি হয়।

বিভিন্ন প্রকারের হাইগ্রোমিটার যন্ত্রে বাতাসের জ্লীয় বাষ্প পরিমাপ করা হয়। আমরা এখানে রেনন্টের হাইগ্রোমিটার (Regnault's Hygrometer) যন্ত্রে কিভাবে বাতাসের জ্লীয় বাষ্পের পরিমাণ মাপা হয় তাহা আলোচনা করিব।

3.44. (i) চিত্রে রেনন্টের হাইগ্রোমিটার দেখানো হইল। উহাতে A একটি টেইটিউব; টিউবটির তলভাগ রূপা দিয়া তৈয়ার করা হয়। উহার মুথ ছিপি দিয়া

আঁটিয়া ছিপির মধ্য দিয়া একটি তাপমান

যন্ত্র T1 রাথা হয়। ঐ ছিপি দিয়া একটি

টিউব ৫ টেইটিউবের প্রায়্ম তলদেশ

পর্যন্ত থাকে। এই টিউব পার্যের আর

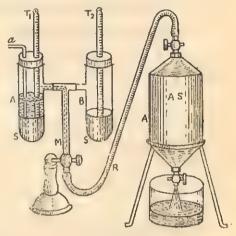
একটি টিউবের সহিত যুক্ত থাকে এবং

একটি ষ্ট্যাণ্ডের (M) মধ্য দিয়া রাবার

টিউবের (R) সাহায্যে জলপূর্ণ এ্যাস
পিরেটর (AS) সহিত যুক্ত করা হয়।

৪ টিউবে T2 তাপমান যন্ত্রে গৃহতাপ
মাত্রা পরিমাপ করা হয় এবং উহার

তলভাগও রূপা দিয়া তৈয়ার করা হয়।



চিত্ৰ 8'44 (i)

ক্র চিউবটি A টিউবের সহিত তুলনার জন্ম থাকে ও A টিউবের সহিত উহার বায়বীয় কোন সংযোগ থাকে না। টেইটিউব তুইটি দূরবীক্ষণ যন্তের সাহায্যে দেখা হয়। A টেইটিউবে ক্ছ্ ইথার রাখা হয় ও এ্যাস্পিরেটবের কিছু জল বাহির করিয়া দিলে a নলে বাহিরের বাতাস A টিউবে ঢুকিয়া এ্যাস্পিরেটবের ফাঁকা অংশে জমা হয়। এই বায়ু চলাচলে ইথার বাঙ্গীভূত হয় ও A টিউবে শীতলতার স্পষ্ট হইয়া রূপালী অংশে শিশির জমিয়া যায়। তথন উহার এই অংশটি চক্চকে উজ্জ্বলভাব হারাইয়া ফেলে। B টেইটিউবের রূপালী অংশের সহিত তুলনায় এই অফ্জ্রেল অংশ সহজেই ধরা পড়ে। এই অবস্থায় T_1 তাপমান্যস্ত্রে তাপ পরিমাপ করা হয়। এ্যাস্পিরেটরে জল বহির্গমন ট্যাপ্রের করিয়া থামাইয়া দিলে a নল দিয়া আর বায়ু চলাচল হয় না। তথন শিশিরবিন্দ্গেণিও উঠিয়া য়য়—ফলে A টিউবের রূপালী অংশ আবার B টিউবের রূপালী অংশের মত উজ্জ্বল হইয়া উঠে। এখন T_1 যত্ত্রে তাপ মাপিয়া পূর্ববর্তী তাপ ও বর্তমান তাপের গড় লইয়া শিশিরাক নির্ণয় করা হয়। T_2 তাপমান যত্ত্রে গুহতাপমাত্রা মাপা হয়। 3.43 (3) সমীকরণ হইতে আপেক্ষিক আর্দ্রতা মাপিতে পরীক্ষালর শিশিরাক্ষ প্রয়োজন হয়। রেনণ্টের সংপ্ত্রু বাস্পচাপের চার্ট দেখিয়া নির্ণীত শিশিরাক্ষ হইতে বাতাসের আপেক্ষিক আর্দ্রতা হিসাব করা যায়।

প্রশ্নাবলী

- একটি পাত্রে বরফ-শীতল জলের উপর একথণ্ড বরফ ভাসিতে থাকিলে ঐ
 জলের উচ্চতা একই থাকিবে কেন ব্যাখ্যা কর।
 - 2. তুই টুক্রা বয়ফ জোরে চাপিয়া ধরিলে উহা কেন একখণ্ড বরফে পরিণত হয় ?
 - 3. জলে ভেজানো থস্থস্ দরজায় ব্যবহার করিলে ঘর ঠাণ্ডা থাকে কেন?
 - জলের বাপ্পীভবন কোন্ অবস্থার উপর নির্ভর করে ব্যাখ্যা কর।
 - কোন স্থান বাপ্প সংপৃক্ত কিনা কিরূপে বুঝিবে ব্যাখ্যা কর।
 - জলীয় বাম্পের সর্বোচ্চ বাম্পচাপ বলিতে কি বুঝ ? পরীক্ষাগারের সাধারণ তাপমাত্রা হইতে 100°C পর্যন্ত ঐ চাপ নির্ণয়ের পরীক্ষা বর্ণনা কর ।
 - 7. 733 মি.মি. চাপে 99°C এ জল ফুটিলে 101°C এ সম্প_্ক্ত বাস্পচাপ কত ?

 (Ans. 770+(760-733)=787 মি. মি.)
 - 8. ফুটনাঙ্কে তরলের চাপ উহার সংস্পৃষ্ট চাপের সহিত সমান। উহা কিভাবে পরীক্ষায় প্রমাণ করা যায় ?
 - 9. একটি কাঁচের পাত্রে বরফ-শীতল জল ঢালিলে উহার বাহিরে মেঘ জমে কেন ব্যাখ্যা কর।
 - 10. আপেক্ষিক আর্দ্রতা কাহাকে বলে ? কী অবস্থার উপর উহা নির্ভর করে ?
- 11. 7, 9, 11 ও 13 মি. মি. চাপে জলের ক্টনান্ধ যথাক্রমে 6°, 10°, 13° ও 15°C হুইলে 15°C এ বায়ু জলীয় বান্দের 2/3 অংশ সম্প_ুক্ত হুইলে উহার শিশিরান্ধ নির্ণয় কর।
 (Ans. 9'3°C)
 - 12. মেঘমুক্ত রাত্রে মেঘাচ্ছন্ন রাত্রি হইতে শিশির পড়ার সম্ভাবনা বেশী হয় কেন ?
 - গাসের কিনারায় শিশির জয়ে কিন্তু গাছের পাতায় জয়ে না কেন ব্যাখ্যা কর।

তাপের যান্ত্রিক তুল্যমূল্য

(Mechanical Equivalent of Heat)

[Syllabus; Mechanical equivalent of heat; Heat as a form of energy. Relation between the caloric and the erg. Determination of mechanical equivalent of heat (paddle method). First law of thermodynamics. Isothermal and adiabatic expansion of gases. Specific heat of gases, defininitions of ${}^{\rm C}_{\rm P_*}$, ${}^{\rm C}_{\rm V_*}$]

3.45. তুইটি বস্তু পরম্পর বধিলে তাপ উৎপন্ন হয়। ফলে ঘর্ষণরূপ কার্য তাপে পরিণত হয়। উপর হইতে কোন বস্তু পড়িলে উহা গতীয় শক্তি হারায় ও ঐ শক্তি তাপে রূপান্তরিত হয়। বিপরীতভাবে, কয়লা পুড়িয়া যে তাপ বাহির হয় তাহা ইঞ্জিন চালাইবার কাজে লাগান হয়। উক্তা প্রচণ্ডবেগে পৃথিবীতে পড়িলে উহার গতীয় শক্তি বায়ুমণ্ডলের সংস্পর্শে উচ্চ তাপমাত্রার ফ্রন্টি করে, ফলে উহা জলন্ত হইয়া উঠে। তরলপদার্থ বাম্পীভূত হইলে যে শীতলতার ফ্রন্টি হয়, তাহার কারণ বাম্পীভবনে প্রসারণ রূপ কার্যে তরলের কিছু তাপ ব্যয়িত হইয়া যায়।

বিজ্ঞানী জুল্ তাপ ও কাৰ্যের নিভূল সম্পর্ক আবিদ্ধার করেন। এই সম্পর্ক **তাপ-**গতিবিস্তার (Thermodynamics) প্রথম নিয়মের সাহায্যে ব্যাখ্যা করা যায়।

তাপ-গতিবিভার প্রথম নিয়ম: কার্য তাপে অথবা তাপ কার্যে রূপান্তরিত হইলে উহার একটি অপরের সহিত তুলামূল্য (equivalent) হইয়া থাকে। তাপ ও কার্যের তুল্যমূল্যতার এই নিয়ম তাপ-গতিবিভার প্রথম নিয়ম নামে অভিহিত হয়।

এই নিয়ম অনুযায়ী কার্য তাপে অথবা তাপ কার্যে রূপাস্তরিত হইলে একটি অপরের তুল্যমূল্য হয় একথা বলা হইয়াছে। একক তাপের তুল্যমূল্য কার্যের পরিমাণকে তাপের যান্ত্রিক তুল্যমূল্য বলা হয়। উহা দ্বারা তাপ ও কার্যের বিনিময় হার পাওয়া যায়। W', যান্ত্রিক কার্যের পরিমাণ H পরিমাণ তাপে সম্পূর্ণভাবে রূপাস্তরিত হইলে এবং J=তাপের যান্ত্রিক তুল্যমূল্য অর্থাৎ একক তাপের যান্ত্রিক তুল্যমূল্য হইলে

$$W = JH$$
 3.45 (1)

অথবা
$$J = \frac{W}{H}$$
 3.45 (2)

জুলের সন্মানার্থে J জুলের নামে অভিহিত হয়।

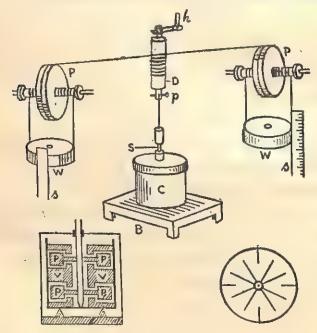
Jর মান : F. P. S. পদ্ধতিতে তাপের যান্ত্রিক তুল্যমূল্য= J=778 ফুট্ পাউও/ B. Th. U. 3.45 (3)

C. G. S. পদ্ধতিতে তাপের যান্ত্রিক তুলামূল্য $J = 4.186 \times 10^7$ আর্গ/ক্যালোরি

3.45 (4)

ঐ মানের কাছাকাছি সাধারণতঃ $J=4.2\times10^7$ আর্গ/ক্যালরি। এই মান ব্যবহার করিলে বিশেষ ভুল হয় না। কার্য সম্পূর্ণরূপে ভাপে রূপান্তরিত হইলে $4\,186\times10^7$ আর্গ কার্য এক ক্যালরি তাপ উৎপাদন করে এবং 1 ক্যালরি তাপ যান্ত্রিক কার্যে ব্যয়িত হইয়া 4.186×10^7 আর্গ কার্য উৎপাদন করে। এই সম্পর্ক হইতে ক্যালরি ও আর্গের ভুলামূল্যতা বুরিতে পারিবে।

8.46. **J নির্ণয় পদ্ধতি ঃ** জুল্ পরীক্ষাগারে সর্বপ্রথম Jর মান পরীক্ষায় নির্ণয় করেন। উহা প্যা**ডল ঢাকা পদ্ধতি** (paddle wheel method) নামে অভিহিত্ত হয়। 3.46 (i) চিত্রে জুলের এই পদ্ধতি দেখান হইল। উহাতে C ক্যালোরিমিটার



চিত্ৰ 3'46 (i)

কয়েকটি ত্রিপার্থ দণ্ডের (Prismatic rods) উপর ষ্ট্রাণ্ডে বসান থাকে। ক্যালোরিমিটার ত্রিপার্থ দণ্ডের ছুঁ চলো অংশের সংস্পর্শে থাকে। ফলে স্পৃষ্ট আয়তন কম থাকে বলিয়া ক্যালোরিমিটারের তাপ অরই পরিবাহিত হইতে পারে। ক্যালোরিমিটারের ভিতরের দেওয়ালে V তেন্ (vane)-গুলি চিত্রের নিচের অংশে আলাদা দেখান হইয়াচে।

S দওটির সহিত P ভেন্ওলি যুক্ত থাকে। S দওটি D ড্রামের সহিত p পিন্ দিয়া আঁটা থাকে। পিনটি সরাইয়া হাতল ঘুরাইলে S দওটি ক্যালোরিমিটারে ঘুরিতে পারে। ড্রামিটিতে একটি দড়ি ছই ভাঁজ করিয়া ছইদিকে ছইটি পুলির (pulley) উপর দিয়া W ওজনের ছুইটি ভারী বস্তু ঝুলাইয়া রাখে। p মুক্ত করিলে ড্রামটি ঘোরে ও W ওজন ছুইটি কিছুটা উপরে উঠিয়া যায়—এ সময় S দওটি হির থাকে। p আঁটিয়া দিয়া ওজন ছুইটিকে একটি নিদিষ্ট উচ্চতায় নামিতে দিলে S দওটি ঘুরিয়া ক্যালোরিমিটারের জলে আলোড়ন স্বষ্টি করে। এ আলোড়ন V ভেন্ওলি কর্তৃক বাধাপ্রাপ্ত হয়। কলে জলের গতীয় শক্তি তাপে রূপান্তরিত হয়।

W ওজনের ভারী পদার্থ নিচে নামিয়া যে স্থৈতিক শক্তি গভীয় শক্তিতে পরিণত হয়, ঐ শক্তি ক্যালোরিমিটারের জলে তাপ বাড়াইয়া দেয়। ঐ তাপ $(t^{\circ}C)$ ক্যালোরিমিটারে মাপা হয়।

m = ক্যালোরিমিটারে জলের ভর।

h= W ওজন যে উচ্চতায় নামে।

n=যতবার W নামাইয়া এই পরীক্ষা করা হয়।

M= W ওজনের ভর'

v=মাটিতে পড়িলে M ভর যে গতিবেগ পায়

অত এব তুইটি W ওজনের স্থৈতিক শক্তি=2Mgh

মাটিতে পড়িবার আগে উহাদের গতীয় শক্তি=2×½Mv²=Mv²

পরীক্ষায় ব্যবহৃত মোট শক্তি=n(2Mgh-Mv²) আর্গ

ঐ শক্তি কর্তৃক উৎপাদিত তাপ=(m+w)t

W=ক্যালরিমিটারের তুল্যমূল্য জল।

 $J = \frac{W}{H} = \frac{n(2Mgh - Mv^2)}{(m+w)t}$

জুলের এই পদ্ধতি হইতে পৃথক কম্নেকটি নৃতন পদ্ধতিতে Jর মান নির্ণয় করা হইলেও এই সহজ পদ্ধতিতে জুল Jর মান শতকরা 0.5 নির্ভূলতার সহিত নিরূপণ করিয়াছিলেন।
3.47. বাম্নব পদার্থের রুদ্ধতাপ ও মুক্তভাপ প্রসারণ (Adiabatic and Isothermal expansion of gases):

সাধারণ বাহিরের তাপ হইতে সম্পূর্ণ অন্তরিত করিয়া কোন যন্ত্রে যদি বায়বীয় ধর্মের পরিবর্তন করা হয় ভাহাকে রুদ্ধতাপ পরিবর্তন বলে। এই পরিবর্তনের ফলে বাহিরের সহিত ঐ যন্ত্রের তাপ বিনিময় হইতে পারে না। মৃক্ততাপ পরিবর্তনে কোন যন্ত্রে বায়বীয় ধর্মের পরিবর্তনে তাপ বাড়িলে বা কমিলে যথাক্রমে তাপ বাহির করিয়া দিয়া বা বাহির হইতে তাপ আনিয়া উহার তাপ স্থির মানে রাখা হয়।

কোন যত্ত্ব বাহিরের তাপ হইতে অন্তরিত থাকিলেও যদি উহাতে হঠাৎ কোন পরিবর্তন আনা হয়, ঐ অল্প সময়ে বাহিরের সহিত উহার তাপ বিনিময় হইতে পারে না, বিপরীত ক্রমে মুক্ততাপ পরিবর্তন ধীরে ধীরে ঘটে।

মুক্ততাপ পরিবর্তন । মনে কর বায়ব পদার্থ একটি সিলিপ্তারে আছে—উহা চলমান পিষ্টন দ্বারা আবদ্ধ। পিষ্টন ভিতরের দিকে চাপিয়া বায়ব পদার্থ সৃদ্ধৃতিত করিলে বায়ব পদার্থে ঐ কার্য তুলামূল্য তাপে রূপান্তরিত হয়। সংক্ষাচনের ফলে বাড়তি তাপ বাহির করিয়া লইলে তবেই সিলিপ্তারে তাপ স্থির থাকে। পিষ্টন বাহিরে টানিয়া বায়ব পদার্থের প্রসারণ করিলে বায়ব পদার্থ যে কার্য করে, উহার ফলে তাপ বাহির হইতে যোগান দিলে তবেই তাপমাত্রা স্থির থাকে। ধাতুর সিলিপ্তার ব্যবহার করিলে মৃক্ততাপ পরিবর্তন তাহা চাপে বা আয়তনে যাহাই হউক না কেন্
স্থির তাপমাত্রায় ঘটে। পরিবর্তন ধীরে ধীরে হইলে বাহিরের সহিত তাপ বিনিময় সহজে ঘটিয়া তাপমাত্রা স্থির করিয়া রাখে। তাই এই ধীর পরিবর্তনকে মুক্ততাপ পরিবর্তন বলা হয়।

রুদ্ধতাপ পরিবর্তন: কোন পদার্থে বাহির হইতে তাপ বিনিময় না হইয়া ভোত পরিবর্তন ঘটিলে উহাকে রুদ্ধতাপ পরিবর্তন বলে। ক্ষতাপ পরিবর্তনে তাপের আগম বা নির্গম কিছুই হয় না। সেক্ষেত্রে পদার্থ টি অপরিবাহী পদার্থে মৃড়িয়া বাহিরের সহিত যাহাতে তাপ বিনিময় না হয় সেই মত অন্থরিত রাখা হয়। তাছাড়া ভোত পরিবর্তন খ্ব জ্বত হঠাৎ ঘটিলে তাপ বিনিময়ের সম্ভাবনা যথেষ্ট কমিয়া যায়। এই হঠাৎ পরিবর্তন ক্ষরতাপ পবিবর্তন নামে অভিহিত হয়। ক্ষরতাপ প্রসারণে বায়ব পদার্থ জ্বত শীতল হয়, কারণ বায়ব পদার্থ ক্ত এই কার্যের তুল্যসূল্য শক্তি ঐ পদার্থ হুইতেই আসে। ক্ষরতাপ সংকোচনে বায়ব পদার্থ জ্বত উত্তপ্ত হয়, কারণ এই তুল্যসূল্য তাপ উহাতেই থাকিয়া যায়।

পূর্ণাঙ্গ বায়ব পদার্থে ক্ষকতাপ পরিবর্তনে চাপ P, আয়তন V ও পরম তাপমা<mark>তা</mark> <u>Tএর সম্পর্ক নিমরূপ হইবে :</u>

P ও Vএর সম্পর্ক: $PV^{\gamma} {=} K_{1}$, একটি নিত্যসংখ্যা

P ও Tএর সম্পর্ক ঃ $VT^{\gamma-1}$ = K_2 , একটি নিত্যসংখ্যা

 \mathbf{T} ও \mathbf{P} এর সম্পর্ক: $\mathbf{TP}^{\frac{1-\gamma}{\gamma}}=\mathrm{K}_3$, একটি নিত্যসংখ্যা

 $\gamma = rac{\Re a}{\Re a}$ চাপে বায়ব পদার্থের আপেক্ষিক তাপ $(C_{m v})$

আয়তন স্থির থাকিয়া একক ভরের বায়ব পদার্থের তাপমাত্রা 1° C বাড়াইতে যে তাপ আবশ্যক হয়, উহাকে স্থির আয়তনে বায়ব পদার্থের আপেক্ষিক তাপ, C_{ν} বলে। চাপ স্থির থাকিয়া একক ভরের বায়বপদার্থের তাপমাত্রা 1° C বাড়াইতে যে তাপ আবশ্যক হয়, উহাকে স্থির চাপে বায়ব পদার্থের আপেক্ষিক তাপ, C_{ν} বলে।

3.48. Cp>Cv

মনে কর 1 গ্রাম্ বায়ব পদার্থ 1° C তাপমাত্রায় উত্তপ্ত করিতে হইবে। উহার আয়তন স্থির রাখিয়া উত্তাপ দিলে চাপ বাড়িবে। আবার স্থির চাপে ঐ বায়ব পদার্থ উত্তপ্ত হইলে উহার প্রসারণ হইয়া আয়তন বাড়িবে; তথন শুধু তাপমাত্রা বাড়াইতে নহে, প্রসারণ কার্যের জন্মও তাপ ব্যয়িত হইবে। স্থির আয়তনের উত্তাপে বাহিরের চাপের বিপরীতে এরূপ কার্যের প্রয়োজন হয় না। স্থির চাপে স্থির আয়তনের মত 1° C তাপমাত্রা বাড়াইতে তাপ ছাড়াও বাহিরের চাপের বিপরীতে প্রসারণ কার্যের জন্ম বাড়িতি তাপ লাগে। তাই স্থির চাপে আপেক্ষিক তাপ $C_{\mathfrak{p}}$, স্থির আয়তনে আপেক্ষিক তাপ $C_{\mathfrak{p}}$, অর্পক্ষা বৃহত্তর হয়। $\mathcal{V}=C_{\mathfrak{p}}/C_{\mathfrak{p}}$ অনুপাত অক্মিজেন, হাইড্রোজেন, নাইট্রোজেন, বাতাস প্রভৃতির বেলায় 1.41।

প্ৰশ্বাৰলী

1.~~200 গ্রাম্ ওজনের ভর 300 সে. মি. উচ্চতা হইতে পড়িলে উহার সমস্ত*শক্তি তাপে রূপাস্তরিত হইলে কত ভাপ উৎপন্ন হইবে ? $(J=4.2\times10^7)$

(Ans. 14 ক্যালরি)

2. 420 ওয়াটের একটি বৈহ্যতিক দণ্ড 100 ঘন সে. মি. জল 10° Cu তুলিতে কোন তাপ বিনষ্ট না হইলে কত সময় লইবে ? $[J=4.2\times10^7]$

(Ans. 10 সেকেণ্ড)

- একটি জলপ্রপাতের নিচে ও উহার 200 মিটার উচ্চতায় তাপমাত্রার কিরূপ
 পার্থক্য হইবে ?
 (Ans. 0.467° C)
 - তাপের যাত্রিক তুল্যমূল্য নির্ণয় করিবার একটি পরীক্ষা বর্ণনা কর।

পঞ্চম অধ্যায় বায়ৰ পদাৰ্থের গভীয় তত্ত্ব

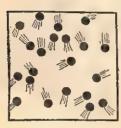
(Kinetic Theory of Gases)

[Syllabus: Kinetic Theory of Gases. Evidence of molecular structure of matter and of random molecular motion. Brownian movement (qualitative description). Basic assemptions of the kinetic theory of ideal gases. Pressure of an ideal gas (mention of the formula; derivation not required). Concept of temperature from kinetic theory. Qualitative discussions of limitations of ideal gas laws.]

3.49. পদার্থের অণু ও বিশৃত্বল গতি ঃ

বস্তুকে ভাঙিয়া যে ক্ষুদ্রতম কণা পাওয়া যায় তাহাই বস্তুটির অবু (molecule)। অণু ভাঙিয়া যে পরমাণু পাওয়া যায় উহা পূর্বের বস্তু নহে। যৌগিক পদার্থে উপাদানগুলির পরমাণু নির্দিষ্ট অনুপাতে যুক্ত থাকে। অক্সিজেন অণুতে হুইটি পরমাণু যুক্ত থাকে, জলের অণুতে হুইটি হাইড্রোজেন ও একটি অক্সিজেন পরমাণু যুক্ত থাকে।

বায়বপদার্থের গতীয় তব অন্থ্যায়ী বায়বপদার্থে বহু অণু থাকে কিন্তু সংঘাত না



চিত্ৰ 3.49 (i)

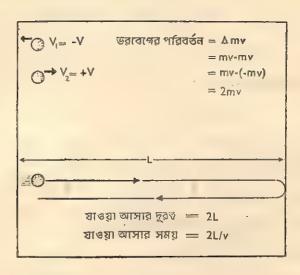
ঘটিলে উহারা পরস্পরের সহিত কোন ক্রিয়া করে না।
বায়বের অণুগুলি দূরে দূরে থাকে, উহাদের স্থিরগতি
আছে এবং আধারের কঠিন দেওয়ালের বাহিরে যাইতে
না পারিয়া ইতন্ততঃ বিচরণ করে [চিত্র 3.49 (i)]।
বিশৃশ্বলগতি ও প্রত্যেক অণুর মধাবর্তী দূরত্ব যথেট
বলিয়া বায়বপদার্থ সারা আধারে পূর্ণ থাকে ও সঙ্কুচিত
বা প্রসারিত হইতে গারে।

সাধারণ দৃষ্টতে বায়বপদার্থের গতীয় তত্ত্ব ও পূর্ণাঙ্গ বায়বের নিয়মে (ideal gas law) কোন সাদৃশ্য নাই। কিন্তু বায়বের আগবিক ধর্ম উহার বিশৃগুল আগবিক গতি এবং বায়বের সামগ্রিক প্রবাহ ও তাহার ভৌত নিয়মের মধ্যে সামজ্রস্থ রহিয়াছে। মনেকর L বাহু বিশিষ্ট ফাঁপা ঘনকে N সংখ্যক সমধর্মী অণু আছে—উহাদের প্রত্যেকের ভর

শে। ইহারা যথন স্বদিকে ঘুরিয়া বেড়ায়, তিনজোড়া পরম্পর বিপরীত দেওয়ালের

3.49 (4)

প্রতি জোড়ায় 🖁 সংখ্যক অণু ধাঞ্চা দেয়। 3.49 (ii) চিত্রে দেখ যে, একটি অণু একটি দেওয়ালে ধাকা দিলে উহার – V গতিবেগ থাকে-ও ভরবেগ – mv, +v গতিবেগে আবার ধাক্কায় ফিরিয়া আসে এবং ভরবেগ হয় 1 my।



চিত্ৰ
$$8.49$$
 (ii)

ফলে ভরবেগের পরিবর্তন

 $= mv - (-mv) = 2mv$

उ.49 (1)

ঘনকের দৈর্ঘ্য L বলিয়া $2L$ দৈর্ঘ্য দূরম্ব $=v \times \Delta t$ ।

 $\Delta t = t_2 - t_1 = \frac{2L}{v}$ । এক দেওয়াল হইতে অক্ত দেওয়ালে ধাকা দিয়া প্রথম

দেওয়ালে ফিরিয়া আসিতে Δt সময় লাগে।

এই ভরবেগ পরিবর্তনে বলের আবেগ (impulse)

 $F(t_2 - t_1) = F \Delta t$

उ.49 (2)

গড় বল F হইলে $F \Delta t = \Delta mv$

দেওয়ালে পর পর ধাক্কায় গড় বলের পরিমাণ

 $F = \frac{\Delta mv}{\Delta t} = \frac{2mv}{2L} = \frac{mv^2}{L}$

এখন $\frac{N}{2}$ অণুর আঘাতে দেওয়ালে কত চাপ পড়িবে ?

 v^2 এর গড় মান $\overline{v^2}$ হইলে, সামগ্রিক বল

$$F_t = \frac{N}{3} \frac{mv^3}{L}$$

দেওয়ালে অণুগুলির চাপ বল ও দেওয়ালের আয়তনের ভাগফল।

চাপ
$$P = \frac{F_t}{L^2} = \frac{1}{3} N \frac{mv^2}{L^3}$$
 3.49 (5)

L³=খনকের আয়তন বলিয়া

$$P = \frac{1}{3} N \frac{mv^2}{V}$$
 3.49 (6)

অথবা
$$PV = \frac{1}{8} N m v^2$$
 3.49 (7)

3.49 (7) সমীকরণ পুনর্বিন্তাস করিলে পাই:

$$PV = \frac{2}{3} N \left(\frac{1}{2} m v^2 \right) = \frac{2}{3} \cdot N \times$$
 গুড়ীয়ুশক্তি 3.49 (8)

গড় গতীয়শক্তি $=rac{1}{2}rac{1}{mv^2}$ প্রত্যেক অণুর গড় গতীয়শক্তি।

আমুরা বায়ব নিয়ম অনুসারে পাই

$$PV = RT$$
 3.49 (9)

K সংখ্যা বায়বের প্রকৃতির উপর নির্ভর করে।

3.49 (8) ও 3.49 (9) সমান হয়, যদি ধরিয়া লওয়া হয় অণুগুলির গড় গতীয়শক্তি পরম তাপমাত্রার সমাত্রপাতী। কলে ঐ সমীকরণ তুইটি সমান করিয়া পাই

মতীয়শক্তি
$$=\frac{a}{2}\frac{R}{N}$$
. T. 3.49 (11)

 $\frac{R}{N}$ একটি নিত্যসংখ্যা=K

উহা বোল্টজ্ম্যানের নিত্যসংখ্যা নামে খ্যাত।

T পরম তাপমাত্রায় 🖁 KT অণুগুলির গড় গতীয়শক্তি।

3.49 (12) হইতে

$$\frac{1}{2} \frac{1}{mv^2} = \frac{3}{2} \text{ KT}$$

অথবা
$$v = \sqrt{\frac{3KT}{m}}$$
 3.49 (13)

উদাহরণ 1. 0°C তাপমাত্রায় অক্লিজেন mঅণুর গতিবেগ কী হইবে ?

 $K = 1.38 \times 10^{-23} \text{ J/°K}$

m (অক্সিজেন অণু)= $32 \times 1.660 \times 10^{-27}$ কি. গ্রা.

=5 31×10⁻²⁶ कि. গ্ৰা.

T=273° অর্থাৎ 0°C তাপমাত্রায়

 $v = \frac{3 \times 1.38 \times 10^{-28} \text{ J/}^{\circ} \text{K} \times 273^{\circ} \text{K}}{5.31 \times 10^{-23} \text{ gha}}$

=4'61 × 102 মিটার/সেকেণ্ড

এই সংখ্যা ঘণ্টায় 1000 মাইলেরও কিছু বেশী।

আণবিক গতিবেগ বায়বের সামগ্রিক প্রবাহ হইতে কত বেশী তাহা এই গণনা হইতে বুঝা যায়।

3,50. ব্ৰাউনীয় গতি (Brownian Movement):

1827 খ্রীষ্টাব্দে ইংরাজ উদ্ভিদ্ বিজ্ঞানী রবাট ব্রাউন একটি পরীক্ষা করার সময় শক্তিশালী অণুবীক্ষণে জলে ছোট ছোট ভাসমান কণা ইতস্ততঃ বিশৃগুলভাবে ঘুরিয়া বেড়াইতেছে দেখিতে পান। ঐ কণাগুলি অবিরাম ক্রত গতিতে জলে ডুবিতেছে, আবার উঠিতেছে ও ইতস্ততঃ ঘুরিতেছে দেখিতে পান। তাপমাত্রা বাড়িলে এই গতি আরও ক্রত হয়। গ্লিসারিনে উহা সহজে দেখা যায়। তরলপদার্থে আণবিক বস্তুর এই বিশুগুল গতিকে ব্রাউনীয় গতি বলে।

বায়বপদার্থের গতীয়তত্ত্ব নিখুঁত ভাবে যে বায়বপদার্থে প্রযুক্ত হয় উহাকে পূর্ণান্ধ বায়ব (Ideal gas) বলে। ঐ বায়ব PV=RT নিয়মও অবিকল অনুসরণ করিবে। এইরূপ বায়বের সাক্রতা (Viscosity) থাকিবে না এবং উহা পরমশ্ত তাপনাত্রা পর্যন্ত বায়বুরূপে অবস্থায় থাকিবে। বস্তুত এইরূপ পূর্ণান্ধ বায়ব কিছুই নাই। হাই-ড্যোজেন, অক্মিজেন, নাইটোজেন ও বাতাস প্রভৃতি বায়ব কতকগুলি নির্দিষ্ট অবস্থার সীমায় পূর্ণান্ধ বায়বরূপে অভিহিত হইতে পারে। যেমন সাধারণ চাপ ও কিছুটা উচু তাপমাত্রায় উহারা বয়েলের নিয়ম মানে কিন্তু দব অবস্থায় নহে। সাধারণ ভাবে উহাদের পূর্ণান্ধ বায়ব বলা হয় মাত্র।

প্রস্থাবলী

- 1. কোন বায়বপদার্থের অণুর গড় গতীয়শক্তি 0°C এবং 100°C-এ কত হইবে ?
- 2. 1500°K তাপমাত্রায় রূপা বাষ্পীভূত হয়। এই তাপমাত্রায় রূপার প্রমাণুর গড় বেগ কত ?

(Transmission of Heat)

[Syllabus: Transmission of heat, simple demonstrations; thermal conductivity. Practical applications of thermal conduction. Convection of heat, convection current. Radiation; radiation as a from of energy; Stefan's law—statement and applications.]

3.51. তাপ কীভাবে সঞ্চালিত হয় ?

তিনটি নির্দিষ্ট পদ্ধতিতে তাপ একটি বস্তুদেহ হইতে অক্তদেহে অথবা একস্থান হইতে অক্সপ্তানে সঞ্চালিত হয়। এই পদ্ধতিগুলি হইল পরিবহন (Conduction), পরিচলন (Convection) ও বিকিরণ (Radiation)। তাপ উচ্চতর তাপমাত্রা হইতে নিয়তর তাপমাত্রায় যাইতে পারে—বিপরীতভাবে নহে। প্রাকৃতিক এই নিয়ম তাপগতিবিভার দ্বিভীয় নিয়ম নামে অভিহিত হয়।

পরিবহন দারা তাপ কোন বস্তর উত্তপ্ত অংশ হইতে শীতল অংশে অথবা পরস্পর
স্পৃষ্ট কোন উত্তপ্ত বস্ত হইতে শীতল বস্ততে পদার্থকণার সঞ্চালন চাড়াই প্রবাহিত হয়।
যেমন, কোন ধাতব দণ্ডের একপ্রান্ত চূল্লীতে রাখিলে উহার অন্যপ্রান্ত গরম হয়।
পদার্থদেহের মাধ্যমে কেবল পরিবহন সম্ভব হইতে পারে।

পরিচলন দার। বস্তদেহের এক অংশ হইতে অন্য অংশে ঐ পদার্থের তপ্ত কণা চলাচলের ফলে তাপ প্রবাহিত হয়। যেমন, তরলপূর্ণ আধারে নিচ হইতে উদ্ভাপ দিলে উহার উপরের স্তর নিচের স্তরের উত্তপ্ত তরলের যোগাযোগে গরম হইয়া উঠে।

বিকিরণের দার। তুইটি বস্তাদেহ পরস্পর দূরে থাকিলেও উত্তপ্ত বস্তু হুইতে তাপ শীতল বস্তু মধ্যবর্তী পদার্থ বা বায়ুহীন স্থানকে তপ্ত না করিয়া প্রবাহিত হয়। যেমন, সূর্য হুইতে পৃথিবীপৃষ্টে বিকিরণের দারা তাপ প্রবাহিত হয়।

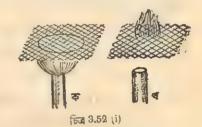
3.52. পরিবহন (Conduction): কোন বস্তু উত্তপ্ত হইলে, উহার অণুগুলি জ্বত গতিতে স্পন্দিত হয়। উহাদের এই আন্দোলন প্রস্পর সংঘাতে কণা হইতে কণায় ছড়াইয়া পড়ে। ধাতুদণ্ডের এক প্রাস্ত হইতে অক্সপ্রায়েত তাপ আনিতে হইলে প্রথমত দণ্ডের একপ্রান্তের কণাগুলি উৎসের সংস্পর্শে তপ্ত হয়। এই কণাগুলি আন্দোলিত হইয়া সংঘাতে ঘারা অক্স কণাগুলিকে তপ্ত করে। ক্রমশ এইভাবে সমস্ত স্তরে তাপ ছড়াইয়া পড়ে। কতকগুলি পদার্থ অক্স পদার্থ হইতে বেনী তাপ পরিবাহী। ধাতু সাধারণত ভাল তাপ পরিবাহী, কাঁচ, অল্ল, ইত্যাদি ভাল তাপ পরিবাহী নহে। বাতাস ও অক্সাক্ত বায়বপদার্থও মন্দ্র তাপ পরিবাহী হইয়া থাকে। তরল পদার্থপ্ত

ভাল তাপ পরিবাহী নহে, কেবল পারদ উহার ব্যতিক্রম। ভাল পরিবাহিতার জ্ঞ্ উহা তাপমান যন্ত্রে ব্যবহৃত হয়।

ভাল ও মন্দ তাপ পরিবাহী: (1) পাতলা কাগজের একটি ঠোঙা তৈয়ার কর। ত্রিপদ ষ্ট্রাণ্ডে তামার তারের জালি (wire gauge) রাথিয়া উহার উপর ঐ ঠোঙা রাথ। ঠোঙায় কিছু জল রাথিয়া জালির নীচ হইতে উত্তাপ দাও। কিছুক্ষণ পরে জল ফুটিবে। কাগজ পাতলা বলিয়া সহজে তাপ পরিবহন হইবে অথচ উহা পুড়িবে না। জলের তাপমাত্রা 100°Cএর উপরে উঠে না।

(2) আর একটি পরীক্ষায় একটি ব্নসেন বার্নার (Bunsen burner) লও। উতার শিখার উপর একটি তারের জালি রাখিলে, শিখাটি জালির উপরে উঠিবে না। যে কোন দাহ্য পদার্থ বাতাসের সংস্পর্শে থাকিলেও একটি নির্দিষ্ট উঞ্চতায় উহাতে

আগুন ধরিতে পারে। ঐ উষ্ণতাকে জ্বলন উষ্ণতা (ignition temperature) বলে।
তারের জালির উপরে গ্যাস থাকিলেও
উহাতে কোন শিখা থাকে না, কারণ তামার
পরিবহন ক্ষমতা বেশী বলিয়া উহাতে তাপ
শীদ্র ছড়াইয়া পড়ে ও উপরের গ্যাস্ জলন



উষ্ণতায় আসিতে কিছু সময় নেয় [চিত্র 3'52 (i)] তারের জালিটি বার্নার হইতে ইঞ্চিত্তই দূরে রাখিয়া উপরের গ্যাস্ জালাইয়া দেখ যে, বার্নার ও জালির মধ্যবর্তী অংশে গ্যাসে শিখা ধরে নাই—উহাও একই কারণে ঘটে।

3.53. তাপীয় পরিবাহিতা (Thermal conductivity):

যদি Q=একটি প্লেট দিয়া পরিবাহিত তাপের পরিমাণ হয়,

তবে Q° ← A A= প্লেটের আয়তন।

∝ $\theta_1 - \theta_2$ θ_1 ও θ_2 যথাক্রমে প্লেটের উত্তপ্ত ও শীতল পৃষ্টের তাপমাতা।

🕶 t, Q পরিমাণ তাপ প্রবাহিত হওয়ার সময়ের ব্যবধান।

🕶 ो, d প্লেটের বেধ (thickness)।

∴ Q • A
$$\frac{(\theta_1 - \theta_2)t}{d}$$
; ज्ञशंद Q= $\frac{K.A(\theta_1 - \theta_2)t}{d}$ 3.53 (i)

K একটি স্থির সংখ্যা ও উহার মান পদার্থের প্রকৃতির উপর নির্ভর করে। K তাপীয় পরিবাহিতা (Thermal conduction) বা ঐ পদার্থের পরিবহন গুণাঙ্ক (Co-efficient of conduction) নামে অভিহিত হয়। A=1 বৰ্গ সেমি., d=1 সেমি., $heta_1- heta_2=1^\circ$ C, t=1 সেকেণ্ড হইলে K=Qক্যালোরি/সেমি./ $^\circ$ C/সেকেণ্ড।

যে পরিমাণ তাপ কোন পদার্থের একক ঘনকের ছুইটি বিপরীত পৃষ্টের মধ্য দিয়া, উহাদের তাপমাত্রার পার্থক্য 1°C হইলে এক সেকেণ্ডে প্রবাহিত হয়, উহাকে ঐ পদার্থের তাপ পরিবাহিত। বলে।

একটি ধাতৃদণ্ডের একপ্রাস্ত চ্লীতে রাখিয়া উহা গরম হইয়া তাপ সারা দণ্ডে যথন ছড়াইয়া পড়িতে থাকে তথন উহার অবস্থা পরিবর্তনশীল থাকে। ক্রমশঃ দণ্ডটি একটি স্থির তাপমাত্রায় আসিয়া পৌছে। পরিবর্তনশীল অবস্থায় তাপের শোষণ ও পরিবহন চলিতে থাকে। এই অবস্থায় শুধু পদার্থের পরিবাহিতার উপর তাপমাত্রা বৃদ্ধি নিত্র করে না, পদার্থের আপেক্ষিক তাপের উপরও এই বৃদ্ধি নির্ভর করে। দণ্ডের আপেক্ষিক তাপের উপরও এই বৃদ্ধি নির্ভর করে। দণ্ডের আপেক্ষিক তাপ কম হইলে উহার যে কোন অংশের তাপমাত্রা স্থির অবস্থা না আসা পর্যন্ত ক্রতভাবে বাড়িয়া যায়। এমনকি দণ্ডের তাপীয় পরিবাহিতা কম হইলেও যে সামাত্ত তাপ পরিবহনের ফলে অত্য অংশে আসিয়া পৌছায়, তাহাই তাপমাত্রা বাড়াইতে সাহায়্য করে। কিন্তু দণ্ডের পদার্থের আপেক্ষিক তাপ বেশী হইলে এবং তাপীয় পরিবাহিতা বেশী থাকিলেও যে কোন অংশের তাপমাত্রা ধীরে ধীরে বাড়ে।

d= দণ্ডের পদার্থের ঘনত

1°C= সেকেণ্ডে তাপমাত্রা বৃদ্ধি

Q=সেকেণ্ডে এক ঘন সেটিমিটার আয়তনে তাপের পরিমাণ।

S=পদার্থের আপেক্ষিক তাপ

তাহা হইলে d. s. t=Q

অথবা t=Q/d. s.

3.53(2)

3.53(2) হইতে দেখা যায় যে,

পরিবর্তনশীল অবস্থায় দণ্ডের একক আয়তনে তাপমাত্রা বৃদ্ধি ঐ আয়তনে উপস্থিত তাপের এবং তাপীয় পরিবাহিতার সমান্তপাতী এবং ঘনত্ব ও আপেক্ষিক তাপের অর্থাৎ উহার তাপীয় সামর্থ্যের সহিত ব্যস্ত অন্তুপাতী।

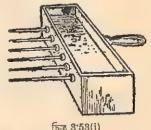
ষতএব $\dfrac{K}{d.s.}=$ তাপীয় পরিবাহিতা এই অফুপাতের উপর তাপমাত্রা বৃদ্ধি নির্ভর করে।

তাই দেখা যাইতেছে যে, পরিবর্তনশীল অবস্থায় তাপীয় পরিবাহিতা ও আপেক্ষিক তাপ উভয়েরই ভূমিকা আছে। কিন্তু যথন স্থির অবস্থা আসে তথন তাপ শোষিত হয় না এবং তাপীয় পরিবাহিতার উপরই তাপ প্রবাহ নির্ভর করে। অতএব, স্থির অবস্থাতে বিভিন্ন পদার্থের তাপীয় পরিবাহিতা তুলনা করিলে নির্ভূল ফল পাওয়া যায়।

তাপীয় পরিবাহিতার তুলনা ঃ ইন্জেনহাউজের নিম্নলিখিত পরীক্ষায় বিভিন্ন পদার্থের তাপীয় পরিবাহিতা তুলনা করিতে পার ঃ

বিভিন্ন পদার্থের সমান দৈর্ঘ্য ও ব্যাসের কয়েকটি দণ্ড লও। উহাতে স্থ্যমভাবে মোম মাখাইয়া একটি চতুক্ষোণ পাত্রে সম্মুখস্থ ছিদ্রগুলির ভিতর দিয়া ঢুকাইয়া দাও।

এখন পাত্রটিতে ফুটস্ত জল ঢাল। প্রত্যেক দণ্ডের
মধ্য দিয়া জলের যে তাপ পরিবাহিত হইবে উহাতে
দণ্ডের মোম গলিতে থাকিবে। এই গলন কিছুজ্জণ
পরে বন্ধ হইলে দেখিবে যে, বিভিন্ন দণ্ডে বিভিন্ন দৈর্ঘ্য পর্যস্ত মোম গলিয়াছে। উহার কারণ বিভিন্ন পদার্থের ভাপ পরিবহন ক্ষমতা সমান নহে।



চিত্র 8'58(i) ইনজেনহাউজের পরীকা

ইহা প্রমাণ করা যায় যে, তাপীয় পরিবাহিতা গলিত মোমের অংশের দৈর্ঘ্যের বর্গের সমান্ত্পাতী অর্থাৎ,

 $l_1,\,l_2,\,l_3$ প্রভৃতি দণ্ডগুলির দৈর্ঘা ও $K_1,\,K_2,\,K_3$ যথাক্রমে উহাদের ভাপীয় পরিবাহিতা হইলে

$$K_1: K_2: K_3 \cdots = l_1^2: l_3^2: l_3^2 \cdots$$
 3.53(3)

উদাহরণ I. কঠিন পাথরের তাপীয় পরিবাহিতা 0'0027 C. G. S. একক হঠলে, ঐ অঞ্চলের ভূমিতল 27 মিটার নিচে তাপমাত্রা 1°C বাড়িলে ঐ অঞ্চলের পৃথিবীপৃষ্ঠের প্রতি বর্গ কিলোমিটারে ঘণ্টায় কত তাপ ব্যয়িত হইবে ?

$$Q = \frac{K A (\theta_1 - \theta_3)t}{d}$$

এখানে K=0.0027 ; A=1 বৰ্গ কি. মি. $=10^{10}$ বৰ্গ সে. মি. $\theta_1-\theta_2=1^{\circ}\mathrm{C}$, d=2700 সে. মি. t=3600 সেকেণ্ড

$$Q = \frac{0.0027 \times 10^{10} \times 3600}{2700} = 3.6 \times 10^7 \text{ } \text{ }$$

উদাহরণ 2. একটি লোহার 1'25 সে. মি. বেধযুক্ত বয়লারে বায়ুমণ্ডলের চাপে জল আছে। উহার উত্তপ্ত পৃষ্টের আয়তন 2'5 বর্গমিটার এবং ভিতরের তাপমাতা 120°C. লোহার তাপীয় পরিবাহিতা 0'2 এবং জলের বাপ্পীভবনের লীনতাপ 536 হুইলে ঘন্টায় কত জল বাপ্পীভূত হুইবে ?

$$K=0.2$$
, $A=2.5\times100\times100$ বৰ্গ সে. মি. $\theta_1=120^{\circ}\mathrm{C}$, $\theta_2=100^{\circ}\mathrm{C}$ $t=60\times60=3600$ সে. $d=1.25$ সে. মি. $q=0.2\times2.5\times10^4\times(120-100)\times3600$ $q=0.2\times2.5\times10^4\times(120-100)\times3600$

=288×106 ক্যালোরি ৷

Q কর্তৃক বাষ্পীভূত জলের পরিমাণ= $\frac{288 \times 10^6}{536}$ =537313 গ্রাম।

3.54. তাপীয় পরিবাহিতার প্রয়োগ (Application of Thermal conduction):

(ক) ডেভির নিরাপদ বাতি (Davy's safety lamp):

ইহাতে একটি তেলের প্রদীপ থাকে ও উহার শিখা বেলনাক্তি সক তারের জালি দিয়া ঢাকিয়া দেওয়া হয়। খনির মধ্যে দাহ্য গ্যাসের সংস্পর্শে আসিলেও জালিতে তাপ ক্রত পরিবাহিত হইয়া গ্যাসের দহন স্প্রে করিতে পারে না। এই বাতি হাতে লইয়া খনির মধ্যে নিরাপদে যাতায়াত করা যায়। যদি কখনও দাহ্য গ্যাসের দহন ঘটিবার সম্ভাবনা দেখা দেয়, তবে এই বাতির শিখা এরপ পরিবৃতিত হয় যে, উহা সহজেই ধরা পড়ে। কলে সাবধানতা অবলহন করা যায়।

- (খ) কাঁচের ছিপি বোতলে শক্তভাবে আঁটিয়া গেলে সহজে খোলা যায় না। এখন বোতলের মুখে তাপ দিলে মুখটি প্রসারিত হয়। কিন্তু কাঁচ ভাল তাপ পরিবাহী নহে বলিয়া ছিপিটি প্রসারিত হয় না এবং সহজে খুলিয়া যায়।
- (গ) গ্রীষ্মকালে বরফ কাঠের গুঁড়ার মধ্যে রাখা হয়। তাহার কারণ কাঠের গুঁড়া কুপরিবাহী বলিয়া বাহিরের তাপের পরিবহনে বাধা দিয়া বরফ গলিতে দেয় না। শীতকালে পশমী কাপড় গায়ে রাখিলে গায়ের তাপ বাহিরে আসিতে উহা বাধা দেয় ফলে আমরা গরম বোধ করি। তুলা বা পশমের বোনা কাপড়ে বুননের মধ্যে যে বাতাসটকু থাকে, তাহাও কুপরিবাহী বলিয়া বাহিরের ঠাণ্ডা শরীরে পৌছিতে বাধা দেয়। পশমের বুননে বেশী বাতাস থাকে বলিয়া হুতী কাপড় অপেক্ষা উহা বেশী উত্তাপ ধরিয়া রাখিতে পারে।

3 55. পরিচলন প্রবাহ (Convection of Heat):

তরল ও বায়ব পদার্থ উত্তপ্ত ২ইলে উহার তপ্ত কণিকার চলাচলের দ্বারা এক অংশ হইতে অন্য অংশে তাপের পরিচলন হয়। বিভিন্ন অংশে তাপমাত্রার পার্থক্যের জন্ম এই চলাচল সম্ভব হয়। একটি অংশে তাপ বাড়িলে, ঐ অংশের ঘনত্ব কমে ও উঞ্চতর অংশ হাল্কা বলিয়া উপরে উঠিয়া যায়। পার্যের শীতলতর অংশ উহার স্থান অধিকার করে। একটি পাত্রের জলের তলায় কিছু রঙীন পদার্থ (Colouring material) রাথিলে উহাতে উত্তপ্ত অবস্থায় পরিচলন তাপপ্রবাহ দৃখ্যমান হয়।

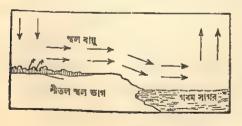
চিমনীর ধোঁয়া যে উপরে ওঠে, উহা পরিচলনের পরিচিত দৃষ্টান্ত। আগুনের উপরের বাতাস চিমনীতে উপরে উঠিলে, নিচের ঠাণ্ডা বাতাস উহার স্থান অধিকার করিয়া পরিচলন স্রোভ প্রবাহিত করে। বায়ুমণ্ডলে পরিচলনের দ্বারা বায়ুপ্রবাহ চলে, আগুন মরের বায়ুচলাচলে সাহায্য করে।

গরম কাপড়চোপড়ের উষ্ণতা পরিচলনের উপর নির্তর করে। পশমী মোটা কাপড়ে উলের বৃননের মধ্যে যে ফাঁকা জায়গা বাতাসে পূর্ণ থাকে, গায়ের উষ্ণতা বাহিরে আসিতে এই বাতাসের মধ্য দিয়া পরিচলন প্রবাহে বাহিরে আসিতে পারে। হাল্কা বৃননের উলের পোযাকে বাতাসের স্থানগুলি এত আঁকা বাঁকা থাকে যে পরিচলনে গায়ের উষ্ণতা সহজে বাহিরে আসিতে পারে না। অপরিবাহী উলের বৃননও বাধার স্থাই করে। বাহিরের বাতাস প্রবল হইলে উলের পোবাকে পরিচলনের সাহায্যে গায়ের উষ্ণতা সহজে বাহিরে আসিতে পারে। তাই মোটরসাইকেলচালক বা বিমানচালক, যাহাদের প্রবল বাতাসের সংস্পর্শে কাজ করিতে হয়, উহাদের পোযাক ঠাসা চামড়ার বৃনন হইলে ভাল হয়।

পরিচলন বায়্প্রবাহ (Convection current): বায়্মগুলে বায়্প্রবাহের কারণ হইল স্থানীয় কারণে অসমান উত্তাপের ফলে বাতাসে তাপের পরিচলন। সম্প্রবায় ও স্থলবায়্ উভয় বায়্প্রবাহই তাপের পরিচলন দ্বারা প্রবাহিত হয়। মৌস্থমীবায়্ বাণিজ্ঞা বায়্ প্রভৃতিও পরিচলনের ফলে প্রবাহিত হয়।

সমূদে বায়ু প্রবাহ : দিনের বেলায় সমূদ্র হইতে স্থল অধিক উত্তপ্ত হয়। তাহার কারণ স্থলভাগ বেশী পরিমাণে সূর্যের উত্তাপ শোষণ করিতে পারে। সন্ধ্যাকালে তাই স্থলভাগের উপরিস্থ বায়ু বেশী উত্তপ্ত ও হালা বলিয়া উপরে উঠে ও সমূদ্রের উপরিস্থ শীতল বায়ু পরিচলনের দারা স্থলের দিকে প্রবাহিত হইয়া সমূদ্রে বায়ু প্রবাহের সৃষ্টি করে।

স্থল বায়ু প্রবাহ: স্থলভাগের বেশী উত্তাপ শোষণ করিবার ক্ষমতা আছে বলিয়া





à

উহার উত্তাপ বিকিরণ করিবার ক্ষমতাও বেশী। তাই রাদ্রিকালে স্থলভাগ অধিক পরিমাণে তাপ বিকিরণ করিয়া থাকে। ফলে প্রাতঃকালে স্থলভাগের উষ্ণতা সমূদ্র পৃষ্ঠ হইতে কমিয়া যায়। এখন স্থলভাগ হইতে যে বায়ুস্রোত পরিচলনের দ্বারা সমুদ্রের দিকে প্রবাহিত হয় তাহাকে স্থল বায়ু প্রবাহ বলে।

মৌ সুমী বায় ঃ ইহাও স্থলবায় এবং সমূদ্র বায় প্রবাহ বিশেষ। পরিচলনের দ্বারা ইহা প্রবাহিত হয়। আরবী 'মৌসিম' অর্থাৎ শতু হইতে মৌ স্থমী কথাটি উৎপন্ন হইয়াছে। আমাদের দেশে গ্রীম্ম শতুতে দক্ষিণ-পশ্চিম দিক হইতে ও শীত শ্বতুতে উত্তর-পূর্ব দিক হইতে মৌ সুমীবায় প্রবাহিত হয়।

বাণিজ্য বায়ু ঃ বিবৃবরেখা অঞ্চল হইতে উষ্ণ বামু উপরে উঠিলে অপেক্ষাকৃত শীতল বায়ু ঐ অঞ্চলে চলিয়া আসে। কিন্তু পৃথিবীর পশ্চিম হইতে পূর্ব আবর্তনের জন্ম ঐ বায়ু উত্তর গোলার্থে উত্তর-পূর্বদিকে ও দক্ষিণ গোলার্থে দক্ষিণ-পূর্ব দিকে প্রবাহিত হয়। উহাদিগকে যথাক্রমে উত্তর-পূর্ব বাণিজ্য বায়ু ও দক্ষিণ-পূর্ব বাণিজ্য বায়ু বলে।

3.56. বিকিরণ (Radiation): আমরা আগুনের নিকট দাঁড়াইলে তাপ অন্ত্রত্ব করি। এই তাপ পরিবহনের দ্বারা আমাদের নিকট পোঁছায় না; তাহার কারণ বাতাস স্থপরিবাহী নহে। পরিচলনের দ্বারা উত্তপ্ত বাযুও উপরের দিকে উঠিয়া থাকে। শীতল বাতাস তাহার স্থান দখল করে। তাই আগুনের যে তাপ আমরা অন্তর্ভব করি তাহা পরিবহন বা পরিচলনের জন্ম নহে। আগুন হইতে বিকিরণের ফলে যে তাপ সঞ্চালিত হয় তাহাই আমরা অন্ত্রত্ব করি। 92000000 মাইল দ্রে সুর্যের তাপ বিকিরণের ফলে পাওয়া যায়। আমাদের বাযুমগুলের সীমা আছে। উহার সীমা ছড়াইয়া সুর্যের দ্রত্ব হইতে তাপ পরিবহন বা পরিচলনের দ্বারা আসে না। আলোর মত এই বিকিরণ তরন্ধের আকারে উৎস হইতে ছড়াইয়া পড়ে। কোন পদার্থের উপর পড়িয়া বাধাপ্রাপ্ত হইলে ঐ অণু তাপ শোষণ করিয়া আন্দোলিত হয় ও পদার্থকে উত্তপ্ত করে।

কোন কোন পদার্থের মধ্য দিয়া তাপ বিকিরণ শোষিত না হইরা চলিয়া যাইতে পারে। বায়ুশৃত্য স্থান, শুরু বায়ু এই সব পদার্থের উদাহরণ। কাঠ, ধাতু প্রভৃতি পদার্থের মধ্য দিয়া তাপ বিকিরণ বাধাপ্রাপ্ত হয়। কলে বিকীর্ণ তাপ ঐ সব পদার্থে বাধা পাইয়া শোষিত হয় ও পদার্থ টি উত্তপ্ত হইয়া উঠে। তাপের বিকিরণ হইল তাপীয় শক্তি কিন্তু তাপ বলিতে আমরা যাহা বৃঝি বিকিরণ সেই তাপ নহে। কোন পদার্থের তাপ বিকিরণের ক্ষমতা উহার নিজস্ব উষ্ণতা, পারিপার্শ্বিক উষ্ণতা, পদার্থের পৃষ্ঠদেশের প্রকৃতি, উহার আয়তন ও বিকিরণের সময়ের উপর নির্ভর করে। কৃষ্ণবর্ণ পদার্থের (black body) সম্পূর্ণ তাপপ্রবাহ শোষণ ও বিকিরণের ক্ষমতা আছে।

কোন পদার্থের পৃষ্ঠদেশের বিকিরণ ক্ষমতা (emissive power) বলিতে একটি আদর্শ কৃষ্ণবর্ণ পদার্থের একই আয়তনের তুলনায় একই উষ্ণতা ও সময়ে কত তাপ বিকিরণ করিতে পারে, তাহার পরিমাণ বুঝায়।

3.57. বিকিরণশীল শক্তি (Radiation as a form of energy):

যে কোন শক্তির তরদ্বাকারে বিকিরণ হইলে উহাকে বিকিরণশীল শক্তি বলে। এই তরদ্বের কম্পাক ও তরদ্বদৈর্ঘার পার্থক্য হইতে শক্তির প্রকৃতির পার্থক্য হয়। এই তরদ্বের প্রকৃতি তড়িৎচুম্বকীয়—অর্থাৎ অণু পরমাণুর ইলেকট্রনের আন্দোলনে চুম্বকক্ষেত্রে, পুনরায় পরিবর্তনশীল চুম্বকক্ষেত্র হইতে বিজ্যৎক্ষেত্রে, এইভাবে বিকিরণ উৎস হইতে বিকিরণ শ্লে ছড়াইয়া পড়ে। শ্লে করিত ইথারের মাধ্যমে এই তর্দ্ধ চলাচল করে।

খুব দীর্ঘ তরঙ্গ বেতারে বাবহৃত হয়। তাপ তরঙ্গ বেতার তরঙ্গ হইতে ছোট। আলো, অতি বেগুনি-রশ্মি, এক্স-রশ্মি, গামা-রশ্মি প্রভৃতির বেলায় তরঙ্গ ছোট হইতে আরও ছোট হইতে থাকে।

কম তাপমাত্রায় উষ্ণ বস্তু তাপ বিকিরণ করিলেও অন্ধকার ঘরে উহা দৃশ্যমান হয় না। কিন্তু উষ্ণ হইতে উষ্ণতর তাপমাত্রায় বস্তুটি লাল ও পরে সাদা হইয়া উঠে। কারণ তাপ ছাড়াও ইহা তথন কুদ্রতর আলো তরন্ধ বিকিরণ করে।

 3.75×10^{14} সাইক্ল্/সেকেও (লাল)— 7.5×10^{14} সাইক্ল্/সেকেও (বেগুনী) কম্পান্ধবিশিষ্ট তরঙ্গের দৈর্ঘ্য 80×10^{-6} সে. মি. (লাল)— 40×10^{-6} সে. মি. (বেগুনী) দৃশু আলোতরঙ্গ রূপে প্রকাশিত হয়। তাপ তরঙ্গের দৈর্ঘ্য 0.03 সে. মি. হইতে 80×10^{-6} সে. মি. পর্যন্ত হইতে পারে।

 40×10^{-6} সে. মি. হইতে 1×10^{-6} সে. মি. দৈর্ঘ্যের তরঙ্গ অতিবেগুনী রশ্মির পর্যায়ে পড়ে। 1×10^{-3} সে. মি.— 6×10^{-10} সে. মি. দৈর্ঘ্যের তরঙ্গ এক্সরশ্মি ও তার চেয়ে ছোট তরঙ্গ গামারশ্মির পর্যায়ে পড়ে। বেতার তরঙ্গ যেমন কয়েক মাইল পর্যন্ত লম্বা হইতে পারে, তেমনি মাইকোওয়েভ এক সেটিমিটার দৈর্ঘ্যেরও হইতে পারে। বেতার, টেলিভিসন রাডার প্রভৃতি যথ্থে ইহাদের প্রয়োগ করা হয়।

আলো ও তাপ তরঙ্গ উভয়েই তড়িৎচুম্বকীয়। কেবল উহাদের কম্পান্ধ ও তরঙ্গ দৈর্ঘ্যে পার্থক্য আছে।

3.58. কৃষ্ণদেহ (Black body) :

একটি আ্বাদর্শ ক্লফদেহ উহার উপর পতিত সমস্ত বিকিরণই শোষণ করিয়া লয়।
ক্লফদেহ হইতে তাপের প্রতিফলন বা সঞ্চালন হয় না। ক্লফদেহ উত্তপ্ত হইলে সব
তরত্ব দৈর্ঘ্যের বিকিরণ উৎপন্ন করে। কোন বস্তুই এইরূপ পূর্ণান্ধ ক্লফদেহ নহে। প্রদীপের

ভূষা শতকরা 95 ভাগ আপতিত বিকিরণ শোষণ করিতে পারে। ক্লব্রিম উপায়ে এরূপ পূর্ণাঙ্গের নিকটতর ধর্মের রুষ্ণদেহ বস্তু তৈয়ার করিয়া লওয়া সম্ভব।

বস্তু পৃষ্ঠের বিকিরণ ক্ষমতা (emissive power) উহার নির্দিষ্ট সময়ে মোট বিকিরণ ও একই তাপমাত্রায় সম আয়তনের ক্লঞ্চদেহের বিকিরণের অন্তুপাত ধরা হয়।

A আয়তনের বস্তব মোট বিকিরণ R হইলে

$$R \sim A(\theta_1 - \theta_2)t \qquad \cdots \qquad 3.58 (1)$$

অথবা
$$R = E.A(\theta_1 - \theta_2)t$$
; · · · · · 3.58 (2)

E=বিকিরণ গুণাঙ্ক প্রতি ডিগ্রী তাপমাত্রায় সেকেণ্ডে প্রতি একক আয়তনের তাপ বিকিরণ।

বিকিরণ ক্ষমতা ও বিকিরণ গুণাঙ্কের পার্থক্য সহজেই বৃঝিতে পারিবে।

3 59. **ষ্টিফেনের নিয়ম** (Stefan's law) । এই নিয়ম অম্বায়ী কোন ক্ষণেত বস্তুর মোট তাপ বিকিরণের পরিমাণ উহার পরম তাপমাত্রার চতুর্থ ঘাতের সমাম্পাতী হয়। উহা ষ্টিফেন কর্তৃক পরীক্ষায় প্রমাণিত হয় ও বোল্টজ্ম্যান্ তত্ত্বগতভাবে গণনায় একই ফল পান। তাই এই নিয়ম **ষ্টিফেন বোল্ট্জ্ম্যান নিয়ম** নামে অভিহিত হয়। নিয়মটি নিয়রপঃ

$$E \propto T^4$$

$$\therefore E = \sigma T^4 \qquad 3.59 (1)$$

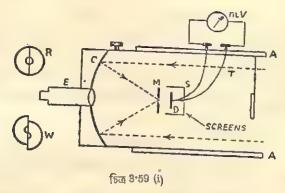
ষ্টিফেনের নিত্যসংখ্যা $\sigma = 5.735 \times 10^{-5}$ আর্গ/(সে.)²/সেকেণ্ড/(ডিগ্রী)4

যদি T° C পরম তাপমাত্রার ক্ষ্ণেদেহে বাহিরে T° C পরম তাপমাত্রায় অন্য একটি ক্ষ্ণেদেহ উহাকে ঘিরিয়া থাকে, তবে বিকীর্ণ তাপের পরিমাণ হইবে σT^{\bullet} . ও শোষিত তাপের পরিমাণ σT^{\bullet} .

অতএব প্রতি সেকেণ্ডে একক আয়তন হইতে শক্তির ব্যয়= $\sigma(T^4-T_0^4)$ 3.58(4)
ছিক্টেনের নিয়ম প্রয়োগ করিয়া মোট বিকিরণ পাইরোমিটারের (Total radiationpyrometer) সাহায্যে 1400°C−3000°C এমনকি 5000°C পর্যস্ত তাপমাত্রা
মাপা যায়।

কেরির পাইরোমিটার (Fery's pyrometer) । ষ্টিকেনের নিয়ম প্রয়োগ করিয়া কেরি যে পাইরোমিটার তৈয়ার করেন উহা 3.59 (i) চিত্রে দেখান হইল। উহাতে C একটি অবতল দর্পন, E একটি আইপিস্ (eyepiece)। উহারা একই আলোকীয় অক্ষে (optical axis) অবস্থিত। অবতল দর্পনের কেন্দ্রের ছিদ্রের পিছনে আইপীস্ থাকে। দর্পনিট সামনে ও পিছনে সরান যায়। D একটি ধাতুর চাকতি। উহার

কৃষ্ণবর্ণ পৃষ্ঠটি দর্পণের দিকে ও অপর পৃষ্ঠ একটি থার্মোকাপল্ এর (Thermocouple) সঙ্গে যুক্ত। থার্মোকাপ্লে বিশেব প্রকৃতির হুইটি ভিন্ন ধাতু (যথা প্ল্যাটিনাম-রেডিয়াম) থাকে, যাহা তাপের সংস্পর্শে বিদ্যুৎ উৎপন্ন করে।, ঐ বিদ্যুৎ মিলিভোল্টমিটার mvতে পরিমাপ করা যায়



A A ফাক দিয়া তাপ বিকিরণ দর্পণের কেন্দ্রে আসিয়া পড়ে। D, S পর্দায় আচ্ছাদিত থাকে বলিয়া উহার উপর তাপ পড়ে না। D চাক্তির সামনে তুইটি অর্ধ বৃত্তাকার দর্পণ M সামাত্ত পরিমাণ কোণে পরস্পরের সহিত আনত থাকে। উহাদের কেন্দ্রে অর্ধবৃত্তাকার ছিন্দ্রে দর্পণের প্রতিফলিত তাপ বিকিরণ বাহির হইয়া Dতে পড়ে। আইপীস্ দিয়া দেখিলে যদি ফোকাসিং ঠিক হয়, তবে অর্ধবৃত্ত তুইটি জ্যোড়াঅবস্থায় R-এর মত দেখাইবে নতুবা বিক্নত ক্ষএর মত দেখা যাইবে।

এখন উৎসের দিকে দর্পণ রাখিয়া উহার প্রতিরূপ Mএ কোকাস করা হয়।
থার্মোকাপ্লে এই প্রতিফলিত বিকিরণের তাপ মিলিভোন্টমিটারে মাপা হয়। এই তাপ
মোট বিকিরণের সামান্ত অংশ মাত্র। তাপের উৎস দূরে থাকিলেও তাই এই যন্ত্রে তাপ
মাত্রা পরিমাপ করা যায়। মিলিভোন্টমিটার V মিলিভোন্ট বিত্যুৎ বিভব হুইলে,

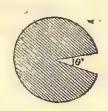
$$V = a(T^b - T_0^b)$$
 3.59 (2)

To=S এর পরম তাপমাত্রা, T=উৎসের ক্রফদেহ তাপমাত্রা।

b স্থির সংখ্যার মানগণনায় 4 হইলেও উহা 3'8 হইতে 4'2 পর্যন্ত হইতে পারে।

এই পাইরোমিটার প্রথমে কুফ্দেহের কয়েকটি জানা তাপমাত্রায় বাঁধিয়া লইয়া মিলিভোল্টমিটার স্কেল ডিগ্রীতে পরিবর্তিত করা হয়।

বেশী তাপমাত্রা মাপিতে হইলে এই পাইরোমিটারে একটি অস্বচ্ছ চাক্তিতে θ=2° হইতে 6° কোনে 3'59 (ii) চিত্রের মত সেক্টর কাটিয়া ফাঁকে কাছে পাইরোমিটারের অক্ষে ঘুরান



চিত্ৰ 3·59 (ii)

হয়, যাহাতে মোট বিকিরণের ঐ সেক্টর অংশটুকু দর্পণে পড়ে। কারণ উচ্চ তাপমাত্রার মোট বিকিরণ একসঙ্গে এই যত্ত্বে মাপা সম্ভব হয় না। তাই বিকিরণের $\frac{\theta}{2\pi}$ অংশ পাইরোমিটারে ঢুকিতে পারে। মোট বিকিরণের পরম তাপ মাত্রা $T^{\circ}C$ ও θ কোণের আংশিক বিকিরণের পরম তাপমাত্রা $T^{\circ}C$ হইলে,

$$\frac{T_1^4}{T^4} = \frac{\theta}{360^\circ}$$
 এবং $T = T_2 \left(\frac{360}{\theta}\right)^{\frac{1}{4}}$... 3.59 (3)

এই উপায়ে বিনা সেক্টরে 1400° C হইতে সেক্টরে $\theta=6^{\circ}$ ব্যবহার করিয়া 3600° পর্যন্ত এমন সেক্টরে $\theta=2^{\circ}$ ব্যবহার করিয়া 5000° C পর্যন্ত তাপ পরিমাপ করা যায়।

প্রশাবলী

- 1. তাপের পরিবহন ও পরিচলনের পার্থক্য নির্দেশ কর ও উদাহরণ সহ ব্যাখ্যা কর।
- তাপীয় পরিবাহিতা কাহাকে বলে? কাঁচের তাপীয় পরিবাহিতা '002
 কি. এস. একক বলিলে কী বৃঝায়?
- একটি লোহখণ্ডের প্রস্থচ্ছেদ 4 বর্গ সে. মি.; উহার ছুইটি প্রান্ত যথাক্রমে বান্দ্র ও গলিত বরফে রাখা হইল। 10 মিনিট পরে কত পরিমাণ বরফ গলিবে?

<mark>লোহার পরিবাহিতা 0'2 ও বরফের লীনতাপ=80</mark> ক্যালোরি।

[Ans. 300 গ্ৰাম্]

4. এক মিটার দীর্ঘ 3'15 মি. মি. পুরু লোহার পাইপের মধ্য দিয়া বান্স 100°C তাপমাত্রায় ঢুকান হইল। প্রতিমিনিটে 100°C তাপমাত্রায় 100 গ্রাম জল সংগৃহীত হইলে পাইপের বাহিরের তাপমাত্রা কত ?

লোহার পরিবাহিতা=0'2; বান্সের লীনতাপ=540 ক্যালোরি/গ্রাম

[Ans. 93'25°C]

- তাপের উত্তম বিকিরক পদার্থ তাপের উত্তম শোষক হইতে পারে—পরীক্ষার

 সাহায্যে প্রমাণ কর।
- 6. একটি ধাতব গোলক 5 মিনিটে 80°C হইতে 70°C তাপমাত্রায় ও পরের 5 মিনিটে 62°5°C এ শীতলতা প্রাপ্ত হয়। পরবর্তী 5 মিনিটে উহা কত তাপমাত্রায় নামিবে? [Ans. 56'875°C.]

প্রথম অধ্যায়

কম্প্রন

(Vibrations)

[Syllabus: Vibrations; Oscillations and its characteristics. Simple harmonic motion, examples. Relation with uniform circular motion. Graphical and mathematical representation. Energy in simple harmonic motion. Superposition of two simple harmonic motions in the same directions (graphical) (i) in phase, (ii) in opposite phase.

Nature of vibrations—(transverse and longitudinal). Free aud forced vibrations, resonance, damped oscillations (qualitative discussions with examples).]

5.1. কম্পন, পর্যায়র্জ্ঞ কম্পন ও ইহাদের বিশেষত্ব (Vibrations, Periodic vibrations and their characteristics): কোনও বস্তু স্থির পাকিলে উহা যেখানে অবস্থান করে, তাহাকে বস্তুটির স্থির-অবস্থান (Position of rest) বলে। বস্তুর গতি যদি এমন হয় যে উহা স্থির-অবস্থান হইতে অক্সন্ত্র গিয়া পুনরায় স্থির-অবস্থানে ফিরিয়া আসে এবং সেইস্থান হইতে পুনরায় অক্স স্থানে যায়, তাহা হইলে স্থির-অবস্থানের মধ্য দিয়া বস্তুর এইরূপ ইতন্তত: গতিকে উহার কম্পন বলা হয়। দেওয়াল ঘড়ির দোলকপিণ্ডের গতি, কম্পনের একটি অতি-পরিচিত উদাহরণ। স্থির অবস্থায় দোলকটি উল্লম্ব থাকে। দোলকপিণ্ডকে কোনও একদিকে অল্প সরাইয়া লইয়া হাড়িয়া দিলে, উহা স্থির-অবস্থানের মধ্য দিয়া কম্পিত হইতে থাকে।

যে কোনও এক মৃহূর্ত হইতে সময় গণনা করিয়া যদি দেখা যায় যে, সমান সময়ের ব্যবধানে কোন একটি কম্পমান বিন্দু একই অবস্থায় আসিতেছে, অর্থাৎ বিন্দুর অবস্থানের, গতিবেগের এবং ত্বরণের মানের পুনরাবৃত্তি হইতেছে, তাহা হইলে ঐ কম্পনকে পর্যায়বৃত্ত কম্পন (Periodic vibration) বলে।

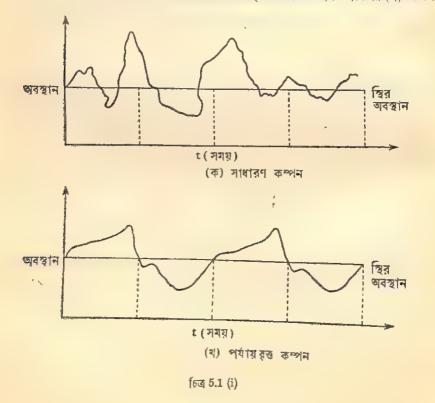
যে সময়ের ব্যবধানে কম্পমান বিন্দুর যে কোনও একটি পূর্ব-নির্দিষ্ট অবস্থার (অর্থাৎ অবস্থান, গতিবেগ ও ত্বরণের মানের) পুনরাবৃত্তি হয়, সেই সময়-ব্যবধানকে কম্পনের পর্যায় (Period) বলা হয়।

কোনও একটি নির্দিষ্ট সময়-এককের মধ্যে কম্পমান বিন্দুর যে কোনও একটি পূর্ব-নির্দিষ্ট অবস্থার যতবার পুনরাবৃত্তি হয়, সেই সংখ্যাকে কম্পানাক্ষ (Frequency) পদার্থ (I)—14 বলে। সময়-একক কি ধরা হইতেছে, তাহার উপর কম্পনান্ধ নির্ভর করে। স্থতরাং কম্পনান্ধ উল্লেখের সময় যে সময়-একক ধরা হইতেছে তাহার উল্লেখ করা সর্বদাই প্রয়োজন।

স্থির-অবস্থান হইতে কম্পমান বিন্দুর দূরতম অবস্থানের দূরত্বকে কম্পানের বিস্তার (Amplitude) বলা হয়।

কোনও এক মূহুর্তে কম্পান-অবস্থা কি, তাহা নানাভাবে স্থাচিত করা যায়। কোনও একটি রাশি বা একাধিক রাশি সম্মিলিত ভাবে এই অবস্থা স্থাচিত করিলে, উহাদিগকে কম্পানাবস্থা-স্থাচক রাশি, বা সংক্ষেপে শুধু কম্পানাবস্থা (Phase) বলা হয়।

সাধারণ কম্পন ও পর্যায়বৃত্ত কম্পানের মধ্যে পার্থক্য 5.1 (i) চিত্রে দেখানো হইয়াছে।
এই চিত্রের (ক) অংশে সাধারণ কম্পানের একটি রেখাচিত্র দেওয়া হইল। ইহাতে
দেখানো হইয়াছে, কম্পানা বিল্র অবস্থান কিভাবে সময়ের সহিত পরিবর্ভিত হয়।
বিল্টি যদিও স্থির অবস্থানের মধ্য দিয়া ইতন্ততঃ গতিশীল, ইহার কোনও পূর্বনির্দিষ্ট
কম্পানাবস্থার পুনরাবৃত্তি কোনও নির্দিষ্ট সময়ের ব্যবধানে হইতেছে না। স্কৃতরাং বিল্টির
গতিকে কম্পন বলা যাইতে পারে, কিন্তু ইহা পর্যায়বৃত্ত কম্পন নহে। চিত্রের (থ) অংশে



পর্যায়বৃত্ত কম্পনের বৈশিষ্ট্য দেখানো হইয়াছে। এখানে, নির্দিষ্ট এক সময়-ব্যবধানের মধ্যে সমস্ত কম্পনাবস্থারই পরবর্তী অহুরূপ সময়-ব্যবধানগুলিতে পুনরাবৃত্তি হইতেছে।

5.2. সরল পর্যায়র্ত্ত কম্পন (Simple harmonic motion):

পর্যায়বৃত্ত কম্পন অনেক রকমের হইতে পারে। যে কোনও এক পর্যায়ে কম্পনাবস্থার খুঁটিনাটিই পর্যায়বৃত্ত কম্পনটির বিশেষত্ব নির্দেশ করে। ইহা প্রমাণ করা যায় য়ে,
যেকোনও পর্যায়বৃত্ত কম্পনকেই কতকগুলি সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পনে বিশ্লেষণ করা যায়।
এই সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পন বলিতে কি বুঝায় তাহা নিয়ে আলোচিত হইল। উদাহরণ
স্বরূপ বলা যায় যে দোলকের পর্যায়বৃত্ত কম্পনের বিস্তায় খুব কম হইলে ঐ দোলকপিত্তের কম্পনকে সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পন বলা যাইতে পারে।

সংজ্ঞাঃ বৃত্তাকার পথে গতিশীল অবস্থায় যদিকোনও বিন্দুর সর্বদাই একটি নির্দিষ্ট গতিবেগ থাকে, এবং ঐ বৃত্তের সমতলে কোনও একটি সরলরেখায় বিন্দুটির গতি সমকোণে প্রক্ষিপ্ত করা হয়, তাহা হইলে ঐ প্রক্ষিপ্ত বিন্দুর কম্পনকে সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পন বলে।

5.2. (i) চিত্রে P বিন্দু R ব্যাসার্ধের একটি বৃত্তাকার পথে একটি নির্দিষ্ট গতিবেগে যুরিতেছে। ধরা যাক্, P বিন্দুর স্থির অবস্থান Xo এবং বৃত্তটির সমতলে অবস্থিত LM

সরলরেখায় ইহা p বিন্তুত সমকোণে প্রক্ষিপ্ত হইয়াছে। তাহা হইলে p বিন্তুর কম্পন একটি সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পন হইবে।

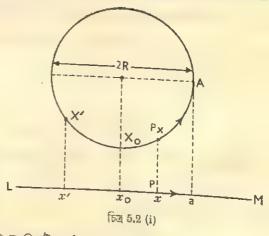
রুত্তে অবস্থিত যে কোনও

বিন্দু x'-কে সমান সময়ের

ব্যবধানে গতিশীল p বিন্দুটি

অতিক্রম করিবে। স্থতরাং p

বিন্দুও X' বিন্দুকে সমান সময়ের



ব্যবধানে অতিক্রম করিবে। যথনই P বিন্দৃটি X'-কে অতিক্রম করিবে, ইহার গতিবেগ ও ত্বরণ একই থাকিবে; স্থতরাং p বিন্দৃরও x'-কে অতিক্রম করার সময় একই গতিবেগ ও ত্বরণ হইবে। বস্তুতঃ P বিন্দৃর গতিবেগ ও ত্বরণকে LM সরলবেথার উপর সমকোনে প্রক্রিপ্ত করিলে p বিন্দৃর গতিবেগ ও ত্বরণ পাওয়া যাইবে। স্থতরাং আমরা দেখিতেছি যে সমান সময়ের ব্যবধানে p বিন্দৃর কোনও একটি পূর্ব-নির্দিষ্ট অবস্থান, গতিবেগ ও

স্বরণের পুনরাবৃত্তি হইতেছে; অর্থাৎ LM সরলরেখায় p বিন্দুর গতি একটি পর্যায়বৃত্ত কম্পন।

এখানে P বিন্দুর গতিবেগের মান বৃত্তাকার পথে একই থাকার জন্ম p বিন্দুর পর্যায়বৃত্ত কম্পনের কতকগুলি বৈশিষ্ট্য লক্ষ্য করা যায়। এই বৈশিষ্ট্যগুলির জন্মই LM
সরলরেখায় p বিন্দুর কম্পনকে সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পন বলে। গাণিতিক সমীকরণ ও
রেখাচিত্রের দ্বারা এই বৈশিষ্ট্যগুলি নিমে ব্যাখ্যা করা হইয়াছে।

পর্যায় \$ ধরা যাক্ P বিন্দুর গতিবেগের মান V সে. মি./সেকেণ্ড। যেহেতু বৃত্তের ব্যাসার্থ R সে. মি. ইহার পরিধির দৈর্ঘ্য হইবে $2\pi R$ সে. মি.। স্কৃতরাং P বিন্দু $\frac{2\pi R}{V}$ সেকেণ্ডে একই অবস্থা অতিক্রম করিবে। LM সরলরেখায় P বিন্দুও $\frac{2\pi R}{V}$ সেকেণ্ডে একই অবস্থা অতিক্রম করিবে। স্কৃতরাং P বিন্দুর কম্পনের পর্যায়, T, হইবে, $\frac{2\pi R}{V}$ সেকেণ্ডে;

$$T = \frac{2\pi R}{V}$$
 5.2 (1)

কম্পনাঙ্ক ঃ যেহেতু p বিন্দু $\frac{2\pi R}{V}$ সেকেণ্ডে একই অবস্থা অতিক্রম করে, স্থতরাং উহা কোনও পূর্বনির্দিষ্ট অবস্থা 1 সেকেণ্ডে $1/\left(\frac{2\pi R}{V}\right)$ -বার অতিক্রম করিবে। তাহা হইলে p বিন্দুর কম্পনের কম্পনাক, v (গ্রীক অক্ষর, উচ্চারণ 'নিউ') হইবে প্রতি

সেকেণ্ডে
$$\frac{V}{2\pi R}$$

$$v = \frac{V}{2\pi R} \qquad 5.2 (2)$$

বিস্তার: P বিন্দু বৃত্তের A বিন্দুতে আসিলে p বিন্দু LM সরলরেখায় a বিন্দুতে আসিবে। ইহাই স্থির অবস্থান হইতে দ্রতম অবস্থান; স্কুতরাং p বিন্দুর কম্পানের বিস্তার, a, হইবে R সে.মি.;

$$a = R$$
. 5.2 (3)

বৃত্তাকার পথে গতিবেগের মান একই রাখিয়া গতিশীল বিন্দূর কোণিক গতিবেগ, w, হুইল $rac{V}{R}$ রেডিয়ান/সেকেণ্ড-এর সমান ;

$$w = \frac{V}{R}$$
 5.2 (4)

5.2. (1) এবং 5.2. (2) সমীকরণে, 5.2. (4) সমীকরণ ব্যবহার করিয়া আমরা নিম্নলিখিত সমীকরণ পাইব;

 $T = \frac{2\pi}{u}$

5.2. (5)

এবং $v = \frac{w}{2\pi}$

আবস্থানঃ 5.2. (ii) চিত্রের (ক) অংশে t=0 সময়ে P বিন্দুর অবস্থান X_0 ,

এবং t সেকেণ্ড সময়ে উহার অবস্থান $X \mid \text{ যদি } \angle XOX_0 = \theta^\circ$ ডিগ্রী হয়, তবে P বিন্দু t সেকেণ্ড সময়ের ব্যবধানে θ° কোণ অতিক্রম করিয়াছে $\mid P$ বিন্দুর স্থেষম কোণিক গতি w ডিগ্রী/সেকেণ্ড হইলে,

 $\theta = wt \qquad 5.2. (6)$

এই সময় ব্যবধানে p বিন্দু LM সরলরেখায় x দূরত্ব অতিক্রম করে। যেহেতু,

x = XK

 $XK = OX \sin \theta$

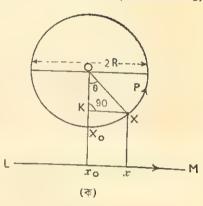
এবং OX=R,

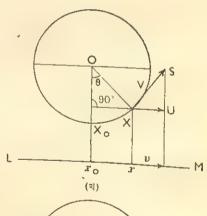
হতরাং $x = R \sin \theta$.

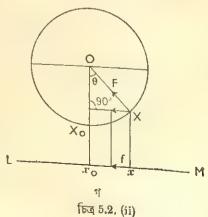
5.2. (3) এবং 5.2. (6) সমীকরণহইতে R এবং θ-এর মান ব্যবহারকরিলে,

x=a sin wt 5.2. (7)
এই সমীকরণ t সময়ে p বিন্দুর
অবস্থান x স্থচিত করে।

গতিবেগঃ 5.2. (ii) চিত্রের
(খ) অংশে দেখানো হইয়াছে যে, Xবিন্দৃতে গতিবেগের মান V এবং গতির
দিক X-বিন্দৃতে বৃত্তের স্পর্শক XS
অভিমূখে। \angle XOX₀= θ বিলয়া \angle SXU= θ । স্থতরাং X বিন্দৃতে







গতিবেগকে LM সরলরেখাবরাবর প্রক্ষিপ্ত করিলে x বিন্তে xox অভিমূখে গতিবেগ v হইবে,

$$v = V \cos \theta$$

5.2. (4) এবং 5.2. (3) হইতে

V = Rw

= aw.

এবং 5.2. (6) হইতে,

 $\theta = 1 vt$.

অতএব, $v = aw \cos ut$

5.2. (8)

ত্বৰণ : 5.2. (ii) চিত্রের (গ) সংশে দেখানো হইরাছে যে, X-বিন্দুতে ত্বরণ XO অভিমুখে এবং ধরা যাক্ ইহার মান F। ইহাকে LM সরলরেখায় প্রক্ষিপ্ত করিলে x বিন্দুতে ত্বরণ f পাওয়া যাইবে। f-এর দিক xx_0 অভিমুখে এবং ইহার মান F $\sin \theta$ । স্কৃত্রাং,

$$f = -F \sin \theta$$
.

স্থম বৃত্তীয় গতিতে $\mathbf{F}=rac{\mathbf{V}^2}{\mathbf{R}}$; স্থতরাং 5.2. (6), 5.2. (3) এবং 5.2. (4) সমীকরণ ব্যবহার করিয়া t সময়ে p বিন্দুর ত্বরণ নিমোক্ত সমীকরণ হইতে পাওয়া যাইবে,

 $f = -(aw^2) \sin wt$ 5.2. (9)

ৰবস্থান, xগতিবেগ. v \overline{x} \overline{x} \overline{y} \overline{y}

চিত্ৰ 5.2 (iii)

উপরে বর্ণিত গাণিতিক সমীকরণগুলি অনুসরণ করিয়া 5.2. (iii) চিত্রে লেখ-চিত্রের সাহায্যে সরল প্রয়ায়বৃত্ত কম্পনের বৈশিষ্ট্যগুলি দেখানে। হইয়াছে।

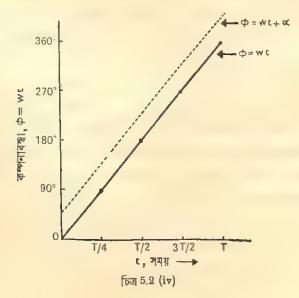
5.2. (7) এবং 5.2. (9) সমীকরণ তুলনা করিলে দেখা যায় যে, $f = -w^2 x$ • 5.2. (10)

5.2. (10) সমীকরণের উভয়দিকে কম্পমান বিন্দুর ভর, m, দারা গুণ করিয়া,

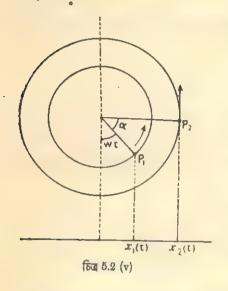
$$mf = -(w^2m) \ x = -Kx,$$
 5.2. (11)
 $K = w^2m.$

গতিসংক্রান্ত নিউটনের বিতীয় স্থান্ত্সারে, গতিশীল বস্তুর উপর বলের পরিমাণ mfএর সমান এবং বলের দিক f-এর অভিম্থে। স্কুতরাং 5.2. (11) সমীকরণ অন্ত্সারে
আমরা বলিতে পারি যে, কম্পমান বিন্দুর উপর এমন বল প্রযুক্ত হইয়াছে যাহা বিন্দুর
অবস্থানের সহিত সমান্ত্পাতী এবং সর্বদাই স্থির অবস্থানের দিকে; সরল পর্যায়বৃত্ত
কম্পনের ইহা একটি বৈশিষ্ট্য।

কম্পনাবস্থা (Phase) ঃ 5.2. (7), 5.2.(8) এবং 5.2. (9) সমীকরণ হইতে বুঝা যাইতেছে যে অবস্থান, গতিবেগ ও ত্বরণ, প্রতিটি রাশিই একটি সর্বোচ্চ ও সর্বনিম্ননানের মধ্যে সময়ের সহিত নিয়মিতভাবে পরিবর্তিত হইতেছে। একটি বিশেষ মূহুর্তে ইহারা ইহাদের সর্বোচ্চ ও সর্বনিম্ন মানের তুলনায় কত তাহা নির্দিষ্ট হইতেছে এ মূহুর্তে ৮-এর মানের উপর। স্কতরাং এক্ষেত্রে, ৮৮ ঘারা কম্পনাবস্থা স্থচিত করা যায়। সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পনের ৮৮-ই হইল উহার কম্পনাবস্থা। কম্পনাবস্থাকে সাধারণতঃ ক (ফাই) চিহ্ন দ্বারা স্থচিত করা হয়।



উপরিবর্ণিত সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পনের কম্পনাবস্থা সময়ের সহিত কিভাবে পরিবর্তিত হইতেছে (এক পর্যায়ের মধ্যে), 5.2. (iv) চিত্রে তাহা দেখানো হইয়াছে। ছুইটি সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পনের প্রথমটির কম্পনাবস্থা দ্বিতীয়টির কম্পনাবস্থা হুইতে ৫° ডিগ্রী অগ্রগামী



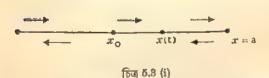
হ<mark>ইলে আমরা হুইটি কম্পনের অ</mark>বস্থান নিম্নলিথিতভাবে লিখিতে গারি,

 $x_1=a_1 \sin wt$, প্রথম কম্পন, $x_2=a_2 \sin (wt+x)$, দ্বিতীয় কম্পন।

5.2. (iv) চিত্রে ভন্ন-রেখা ছারা
বিতীয় কম্পনের কম্পনাবস্থা সময়ের
সহিত কিভাবে পরিবর্তিত হইবে
তাহা দেখানো হইরাছে। উপরে
বর্ণিত কম্পন হুইটি যে স্থমম বৃতীয়
গতি হইতে পাওয়া যায়, তাহা 5 2.
(v) চিত্রে দেখানো হইয়াছে।

5.3. সরল পর্যায়বৃদ্ধ কম্পানের শক্তি (Energy in simple harmonic motion):

ল ভরের একটি বস্তকণা সরলরেখা বরাবর সরল পর্যায়রুত্ত কম্পনে কম্পিত হইলে
উহার শক্তি কত হইবে, তাহা নিম্নে আলোচিত হইল। ধরা যাউক্, বস্তকণার স্থির



অবস্থান x_0 [চিত্র 5.3 (i) দুইব্য]। গতি আরম্ভ হইবার পূর্বে, x_0 অবস্থানে বস্তুকণা স্থির-অবস্থানে থাকে, অর্থাৎ তথন

প্র অবস্থানে বস্তুকণার গতিবেগ শৃশু; স্বতরাং গতিশক্তিও শৃশু। ইহার সমগ্র শক্তি স্থিতিশক্তি রূপেই থাকিবে। ঐ স্থিতিশক্তি যে কারণেই হউক না কেন উহা যে কম্পনের জন্ম নহে তাহা আমরা সহজেই বৃঝিতে পারি, কারণ তখনও কম্পন শুকু হয় নাই। কম্পনের স্থিতিশক্তি হিসাব করিবার সময় আমরা ঐ বিন্দুকেই প্রাথমিক বিন্দু হিসাবে ধরিতে পারি। এই বিন্দুতে কম্পনের স্থিতিশক্তির মান শৃশু। কম্পনের সময় বস্তুকণার অবস্থান, গতিবেগ এবং ত্বরণ যথাক্রমে 5.2 (7) 5.2. (8) এবং 5.2 (9) সমীকরণ স্বারা নির্দিষ্ট। প্রথমে আমরা গতিশক্তির হিসাব করিব।

(ক) গতিশক্তি: কোনও এক বিলুতে গতিশক্তির পরিমাণ, T, ঐ বিলুতে গতিবেগের বর্গের সমানুপাতী, এবং বস্তুত:

$$T = \frac{1}{2} m v^2$$
, 5.3 (1)

v=গতিবেগের পরিমাণ।

5.2. (৪) সমীকরণ হইতে t সময়ের গতিবেগের পরিমাণ ব্যবহার করিলে,

 $T=\frac{1}{2}\ m\ (a^2w^2)\ \cos^2wt$ 5.3. (2) ছির অবস্থানে, t=0, অর্থাৎ wt=0 এবং x=a অবস্থানে $t=\frac{T}{4}$ । যেহেতু $w=\frac{2\pi}{T}$, x=a অবস্থানে $wt=\frac{2\pi}{T}\times\frac{T}{4}=\frac{\pi}{2}$ স্কতরাং 5.3. (2) সমীকরণ হইতে দেখা যায় যে, ছির অবস্থানে, $T=\frac{1}{2}\ ma^2w^3$. এবং x=a অবস্থানে, T=0 অনুরূপ ভাবে দেখানো যায় যে -x=a অবস্থানেও বস্তকণার গতিবেগ শৃ্য । স্কতরাং সরল-পর্যায়বৃত্ত কম্পনে বস্তকণার গতিশক্তি হই প্রান্ত-অবস্থানে শৃ্য এবং উহাদের মধ্যবিন্দৃতে (ছির অবস্থানে) গতিশক্তির মান সর্বোচ্চ এবং ইহার পরিমাণ $\frac{1}{2}\ ma^2w^2$.

(খ) ত্থিতিশক্তি: ভর m এর বস্তকণা, উহার উপর প্রযুক্ত বলের বিরুদ্ধে x_0 হইতে x অবস্থানে যাইবার সময় যতথানি কার্য করে, x অবস্থানে বস্তকণার স্থিতিশক্তি $\mathbf{V}(x)$, তাহার সমান।

m এর উপর প্রযুক্ত বলকে P লিখিলে, নিউটনের দিতীয় স্ত্র অনুসারে,

$$P = mf$$

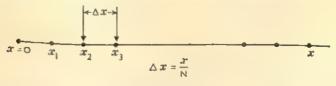
5.2. (9) সমীকরণ ব্যবহার করিলে,

 $P = -maw^2 \sin wt$.

5.2. (7) স্মীকরণ হইতে x-এর মান ব্যবহার করিয়া,

$$P = -(w^2 m)x 5.3. (3)$$

স্থতরাং প্রযুক্ত বল, P, অবস্থান x এর উপর নির্ভর করে। আমরা অবশ্য xo হইতে
x পর্যন্ত দূরতকে N সংখ্যক সমান ও ক্ষুদ্র অংশে বিভক্ত করিতে পারি এবং N এর মান



চিত্ৰ 5.8 (ii)

প্রত বেশী ধরিতে পারি যাহাতে প্রত্যেক ক্ষুদ্র অংশ Δx এ বল এক্ট থাকে। [চিত্র 5.3. (ii) দ্রষ্টব্য]। ঐ চিত্রে Δx অন্তর অন্তর অবস্থানগুলিকে যথাক্রমে. $x_1, x_2,$

ইত্যাদি দারা স্থচিত করিয়া প্রথমে শৃত্য হইতে x_1 পর্যন্ত দূরত্ব বিবেচনা করা যাউক। প্রযুক্ত বল, অবস্থানের উপর নির্ভর করিলেও আমরা এই দূরত্বের মধ্যে উহা একই আছে এবং উহার মান $(-w^2m)x_1$ ধরিতে পারি, কারণ এই দূরত্ব Δx এর পরিমাণ খুবই কম। স্থতরাং m বস্তুকণা O হইতে x_1 যাইতে এই বলের বিরুদ্ধে যে কার্য করিবে তাহার পরিমাণ,

$$\triangle V_1 = (w^2 m) x_1 \triangle x \qquad 5.3. (4)$$

(কোন বলের বিরুদ্ধে কার্য করিলে উহাকে ঋণাত্বক ধরা হয়, এবং যেহেতু এক্ষেত্রে বল ঋণাত্মক, কার্যের পরিমাণ ধনাত্মক হইবে) দ্বিতীয় অংশে (x_1 হইতে x_2), বলের পরিমাণ ($-w^2m$) x_2 এবং m বস্তুকণা x_1 হইতে x_2 যাইতে এই বলের বিরুদ্ধে যে কার্য করিবে তাহার পরিমাণ হইবে,

$$\Delta V_2 = (w^2 m) x_2 \Delta x \qquad 5.3. (5)$$

অহুরূপ ভাবে, অন্য সমস্ত অংশগুলি বিবেচনা করিয়া, এবং প্রত্যেক অংশে কার্যের পরিমাণ যোগ করিয়া আমরা x_0 হইতে x-এ আসিতে m ভরের বস্তুকণার মোট কার্যের পরিমাণ হিসাব করিতে পারি। অর্থাৎ,

$$V(x) = \Delta V_1 + \Delta V_2 + \cdots + \Delta V_N.$$

$$= (w^2 m) \Delta x (x_1 + x_2 + \cdots + x_{N,1})$$

$$= (w^2 m) \Delta x \left(\frac{x}{N} + \frac{2x}{N} + \cdots + \frac{Nx}{N}\right).$$

$$= \left(\frac{w^2 m}{N}\right) \Delta x (x + 2x + \cdots + Nx)$$

$$= \left(\frac{w^2 m}{N}\right) \Delta x \left(\frac{Nx + x}{2}N\right)$$

$$= \left(\frac{w^2 m}{2}\right) \Delta x.(N+1)x.$$

$$= \left(\frac{w^2 m}{2}\right) Nx. \Delta x, \text{ (Note } \sqrt[n]{2}, \text{ Note } \sqrt[n]{2}, \text{ Note } \sqrt[n]{2}$$

$$= \left(\frac{w^2 m}{2}\right) Nx. \frac{x}{N}$$

$$= \left(\frac{w^2 m}{2}\right) x^2.$$

$$= \left(\frac{w^2 m a^2}{2}\right) \sin^2 wt$$

5.2. (7) সমীকরণ হইতে, x=a sin wt ব্যবহার করিয়া 5.3. (6) সমীকরণ হইতে দেখা যায় যে, বস্তুক্ণার স্থিতিশক্তি ছুই প্রান্ত-অবস্থানে সূর্বোচ্চ এবং ইহার পরিমাণ $\frac{1}{2}ma^2w^2$; উহাদের মধ্যবিন্দৃতে স্থিতিশক্তির পরিমাণ শৃক্ত।

উপরিবর্ণিত গতিশক্তি ও স্থিতিশক্তি যোগ করিয়া t সময়ে বস্তকণার মোট শক্তি, E, পাওয়া যায়। অর্থাৎ

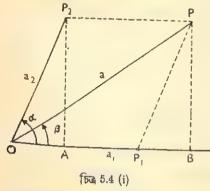
$$E = T + V$$

$$= \frac{mw^{2}a^{2}}{2} (\cos^{2} wt + \sin^{2} wt)$$

$$= \frac{mw^{3}a^{2}}{2}$$
5.3. (7)

- 5.3. (2', 5.3. (6) এবং 5.3. (7) সমীকরণ হইতে আমরা দেখিতেছি যে সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পানে বস্তুকণার গতিশক্তি ও স্থিতিশক্তি পৃথকভাবে সময়ের সহিত পরিবর্তিত হইলেও, মোট শক্তি E একই থাকে, ইহা সময়ের সহিত পরিবর্তিত হয় না।
- 5.4. একই বিন্দুর উপর একই দিকে তুইটি সরল পর্যায়র্ত্ত ৰুম্পনের প্রতিস্থাপন (Superposition of two simple harmonic motions in the same direction):

(জ্যামিতিক পদ্ধতি): একই বিন্দুর উপর যদি ঘুইটি সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পন একই দিকে প্রযুক্ত হয় এবং যদি উহাদের পর্যায় একই, কিন্তু কম্পনদশার প্রভেদ ২ থাকে,



তাহা হইলে উহাদিগকে নিম্নলিখিত জ্ঞামিতিক পদ্ধতিতে যোগ করা যায়। ধরা যাউক্ যে ছইটি সরল পর্যায়-বৃত্ত কম্পনকে আমরা যোগ করিতে চাই, তাহাদের জন্ম অবস্থান যথাক্রমে.

> $x_1 = a_1 \sin wt$, এবং $x_2 = a_2 \sin (wt + a)$ 5.4. (i) চিতাহ্যায়ী, প্রথম সরল

পর্যায়বৃত্ত কম্পনের বিস্তার (a_1) এর সমান করিয়া OP_1 সরলরেখা টানা হইল। ইহার পর বিতীয় সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পনের বিস্তার (a_2) এর সমান করিয়া OP_2 সরলরেখা টানা হইল, যাহাতে $\angle\operatorname{P_1OP}_2=$ ২ হয়। এখন যদি $\operatorname{OP_1PP}_2$ সামান্তরিক আঁকা হয়, তাহা হইলে OP হইবে লব্ধি সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পনের বিস্তার (a) এর সমান। এই লব্ধি সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পনের কম্পনাবস্থার প্রভেদ হইবে

∠ AOP=β (ধরা যাউক্)। উপরোক্ত পদ্ধতিকে ফ্রে**নেলের নিয়ম** (Fresnel's rule) বলা হয়।

5.4. (i) চিত্রে, P_2 এবং P বিন্দু হইতে OB সরলরেথার উপর যথাক্রমে P_2A এবং PB লম্ব টানা হইল। এখন, চিত্র হইতে,

OA=OP₂ cos
$$\triangleleft$$
 = a_2 cos \triangleleft
OB=OP cos β = a cos β
P₂A=OP₂ sin \triangleleft = a_2 sin \triangleleft
PB=OP sin β = a sin β
OA=P₁B, P₂A=PB.

স্থুতরাং

এবং

$$a^{2} = OP^{2} = OB^{2} + PB^{2}$$

$$= (OP_{1} + P_{1}B)^{2} + PB^{2}$$

$$= (a_{1} + a_{2} \cos \alpha)^{2} + a_{2}^{2} \sin^{2} \alpha.$$

$$= a_{1}^{2} + a_{2}^{2} + 2a_{1}a_{2} \cos \alpha.$$
5.4. (1)

$$\operatorname{eq} \operatorname{tan} \beta = \frac{\operatorname{PB}}{\operatorname{OB}} = \frac{a_2 \sin \alpha}{a_1 + a_2 \cos \alpha}$$
 5.4. (2)

স্কুতরাং লব্ধি সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পনকে লেখা যায়,

$$x = a \sin (wt + \beta)$$
 5.4. (3)

a এবং ß যথাক্রমে 5.4. (1) এবং 5.4. (2) সমীকরণ দারা নির্দিষ্ট।

(ক) $\alpha = 0$ **হইলে,** [অর্থাৎ সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পন তুইটির কম্পনাবস্থা একই (In phase) হইলে], লন্ধি সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পনে অবস্থান, 5.4.(3) সমীকরণে $\alpha = 0$ ব্যবহার করিলেই পাওয়া যাইবে। অর্থাৎ, এক্ষেত্রে

5.4. (1) সমীকরণ হইতে,
$$\alpha = 0$$
 হইলে, $\cos \alpha = 1$, এবং
$$a^2 = a_1^2 + a_2^2 + 2a_1a_2$$
$$= (a_1 + a_2)^2$$
$$a = (a_1 + a_2)$$

5.4. (2) সমীকরণ হইতে, «=0 হইলে, sin «=0, এবং

$$\tan \beta = 0$$

 $\beta = 0.$

স্থতরাং 5.4. (3) সমীকরণ হইতে,

$$x=(a_1+a_2)\sin wt$$

5.4. (4)

অর্থাৎ এক্ষেত্রে, লব্ধি সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পনের বিস্তার প্রথম ও দ্বিতীয় কম্পনের বিস্তারের যোগফল।

(খ) এ=180° হুইলে, [অর্থাৎ সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পন ছুইটির কম্পনাবস্থা বিপরীত (In opposite phase) হুইলে], লব্ধি সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পনে অবস্থান, 5.4. (3) সমীকরণে এ=180° ব্যবহার করিলেই পাওয়া যাইবে। এক্ষেত্রে,

$$a^2 = a_1^2 + a_2^2 - 2a_1a_2$$
, যেহেডু $\cos 180^\circ = -1$.
∴ $a = (a_1 - a_2)$

এবং $\sin 180^\circ = 0$ বলিয়া, পূর্বের মতনই $\beta = 0$. স্থতরাং লব্ধি সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পনে অবস্থান হইবে,

$$x = (a_1 - a_2) \sin wt$$
 5.4. (5)

অর্থাৎ এক্ষেত্রে, লব্ধি সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পনের বিস্তার প্রথম ও দ্বিতীয় কম্পনের বিস্তারের বিয়োগফল।

5.5. ক্ষয়িয়ু কম্পন (Damped vibration), নিয়ন্ত্ৰিত কম্পন (Forced vibration) এবং অনুনাদ কম্পন (Resonance vibration):

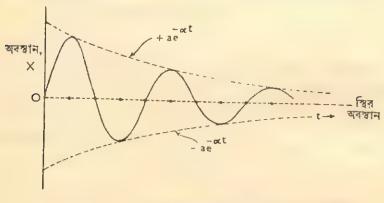
আমরা পূর্বের অন্থচ্চেদে সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পন আলোচনা করিয়াছি। আমরা দেখিয়াছি যে স্থির অবস্থানকে কেন্দ্র করিয়া বস্তুকণা সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পনে কম্পিত হইলে উহার মোট শক্তি (গতি শক্তি ও স্থিতি শক্তির যোগফল) সময়ের সহিত পরিবর্তিত হয় না। যে শক্তি দিয়া কম্পন শুক্ত হয়, তাহা বস্তুকণার মধ্যেই থাকিয়া যায়, এবং বস্তুকণা অনির্দিষ্টকালের জন্ম কম্পিত হইতে থাকে। ইহার কম্পনের বিস্তার অনির্দিষ্ট কালের জন্ম একই থাকিয়া যাইবে।

প্রকৃতপক্ষে এই প্রকার কম্পন প্রকৃতিতে একপ্রকার অসম্ভব ঘটনা। প্রত্যেক কম্পিত বিন্দূর উপরেই কোনও না কোনও প্রকার ঘর্ষণজাত প্রতিক্রিয়া কাজ করে। ইহার কলে বিন্দূর কম্পন কিছুক্ষণ পরেই থামিয়া যায়। যথন কম্পনের বিস্তার সময়ের সহিত কমিতে থাকে, তখন সেই কম্পনকে ক্ষয়িয়ু কম্পন (Damped vibration) বলে। কোনও এক বিন্দু হইতে একটি সরল দোলককে ঝুলাইয়া দিয়া দোলকপিওকে একদিকে টানিয়া ছাড়িয়া দিলে উহা কম্পিত হইতে থাকিবে; কিন্তু ধীরে ধীরে উহার কম্পনের বিস্তার কমিতে কমিতে উহা শেষ পর্যন্ত থামিয়া যাইবে। ইহা ক্ষয়িয়ু কম্পনের একটি উদাহরণ।

যথন কম্পনের ক্ষয়ের হার খুব অল্প, তথন ক্ষয়িঞ্ সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পনে কম্পানান বিলুর অবস্থান সময়ের সহিত কিভাবে পরিবর্তিত হয় তাহা 5.5. (i) চিত্রে দেখানো হইয়াছে। নিম্নে ইহার গাণিতিক রূপ দেওয়া হইল,

$$x(t) = ae^{-\alpha t} \sin wt. 5.5. (i)$$

ধ্রুবক, ৰ (আল্ফা)কে ক্ষয়ের গুণাঙ্ক (coefficient of damping) বলা হয়।



চিত্ৰ 5.5 (i)

অবাধ কম্পনের সময় বস্তুকণার কম্পনাত্ব কত হইবে, তাহা কম্পমান বস্তুর কতকগুলি বৈশিষ্ট্যের উপর নির্ভর করে। যেমন, একটি সরল দোলকের দোলনকাল বা উহার কম্পনাত্ব দোলকের দৈর্ঘ্যের উপর নির্ভরণীল। তেমনি, যে কোনও এক দৈর্ঘ্যের তার লইয়া উহাকে তৃইপ্রান্তে তৃইটি কীলকের সহিত শক্ত করিয়া বাঁধিয়া তারটির যে কোনও এক বিন্দুতে টানিয়া ছাড়িয়া দিলে তারটি কাঁপিতে থাকিবে, এবং উহার প্রত্যেক বিন্দুই তারের দৈর্ঘ্যের উল্লেখ্য পর্যায়বৃত্তিক কম্পনে গতিশীল হইবে। এই কম্পনের কম্পনাত্ব নির্ভর করিবে তারটির দৈর্ঘ্যের উপর, এবং তারটি যে তৃইপ্রান্তে কীলকের সহিত বাধা আছে তাহারও উপর। স্থতরাং, কম্পমান বস্তুর কতকগুলি যান্ত্রিক বিশেষত্বই উহার অবাধ কম্পনের কম্পনাত্ব কত হইবে তাহা ঠিক করিয়া দেয়। এই কম্পনাত্বকে বস্তুটির স্বাভাবিক কম্পনাত্ব (natural frequency) বলে।

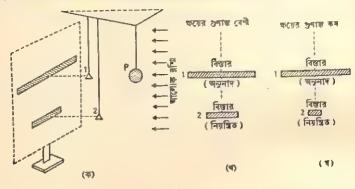
এখন, কল্পনা করা যাউক্ যে, জ্বামরা এমন একটি বস্তু লইলাম যাহাকে একবার কাঁপাইয়া দিলে উহা স্বাভাবিক কম্পনাঙ্কে কাঁপিতে থাকে, এবং ঘর্ষণজ্ঞাত প্রতিক্রিয়ার জন্ম শেষ পর্যন্ত কম্পন থামিয়া যায়। এইরূপ বস্তুকে একবার মাত্র বল প্রয়োগ করিয়া কাঁপাইয়া ছাড়িয়া না দিয়া, ইহার উপর বলপ্রয়োগ অবিচ্ছিন্ন রাখিলে কম্পান বস্তুর কম্পন প্রযুক্ত বল দ্বারা নিয়ন্ত্রিত (Forced) হইবে। প্রযুক্ত বল প্রযায়র্ত্তিক (Periodic) হইলে দেখা যায় যে কম্পমান বিন্দু উহার স্বাভাবিক কম্পনাফ্লে কম্পিত ন। হইরা পর্যায়র্ত্তিক বলের কম্পনাফ্লে কম্পিত হইতে থাকে। এইরপ কম্পনকে নিয়ন্ত্রিত কম্পন (Forced vibration) বলে। নিয়ন্ত্রিত কম্পনে কম্পমান বিন্দুর বিস্তার সাধারণতঃ খুব কম হয়। এখানে, বিশেষ উল্লেখযোগ্য যে প্রযুক্ত বলের কম্পনাফ্ল, বস্তুর স্বাভাবিক কম্পনাফ্ল হইতে পৃথক হইলে উপরিউক্ত নিয়ন্ত্রিত কম্পনের জন্ম বস্তুটির স্বাভাবিক কম্পন ক্ষয়িঞ্ হওয়া প্রয়োজন। অর্থাৎ, কোনও বিন্দুর অবাধ কম্পনে ক্ষয়ের গুণাঙ্ক শৃন্ম হইলে, ঐ বস্তুর কম্পনকে অন্মত্বিৎ, কোনও বিন্দুর অবাধ কম্পনে ক্ষয়ের গুণাঙ্ক শৃন্ম হইলে, ঐ বস্তুর কম্পনকে অন্মত

অবশ্য, প্রযুক্ত বলের কম্পনাঙ্ক বস্তার স্বাভাবিক কম্পনাঙ্কের সমান হইলে বস্তুটি উহার স্বাভাবিক কম্পনাঙ্কেই কম্পিত হইবে এবং ইহার কম্পনের বিস্তার অনেকগুণ বাড়িয়া যাইবে। এই প্রকার কম্পনকে অনুনাদ কম্পন (Resonance vibration) বলে। কম্পনের বিস্তার বাড়িয়া যাওয়ায়, বস্তুটির কম্পনের শক্তিও অনেক বাড়িয়া যায়। অনুনাদ কম্পনের জন্ম বস্তুর অবাধ কম্পন ক্ষিঞ্ না হইলেও চলে।

নিয়ন্ত্রিত কম্পন ও অহুনাদ কম্পনের বৈশিষ্ট্য এবং অবাধ কম্পনের ক্ষয়ের গুণাহের সহিত ইহাদের সহম্ব নিয়লিখিত পরীক্ষা দ্বারা বুঝা যায়। 5.5. (ii) চিত্রের (ক) অংশে, একটি তার হইতে সরলদোলক P-কে ঝুলানো হইয়াছে। ঐ একই তার হইতে আরও হুইটি সরল দোলক 1 এবং 2 ঝুলানো আছে। 1 এবং 2 দোলকের পিও কাগজের কোন (cone) দ্বারা তৈরী এবং হারা। P দোলকের পিও ধাতব এবং অপেক্ষাকৃত ভারী। 1 এবং P দোলকের স্বাভাবিক দোলনকাল এবং স্বাভাবিক কম্পনাহ্ব সমান, কিন্তু 2 দোলকের স্বাভাবিক কম্পনাহ্ব অথকাকৃত কম। P দোলককে বই-এর পাতার উল্লম্ব তলে দোলাইয়া দিলে 1 এবং 2 দোলকের উপর পর্যায়বৃত্তিক বল প্রযুক্ত হইবে এবং উহারাও বইএর পাতার উল্লম্বতলে কম্পিত হইবে। 1 দোলকের স্বাভাবিক কম্পনাহ্ব P দোলকের কম্পনাহ্বর সমান হওয়ায় উহার কম্পন হইবে অহুনাদ কম্পন; এবং 2 দোলকের স্বাভাবিক কম্পনাহ্ব P দোলকের স্বাভাবিক কম্পনাহ্ব P দোলকের ব্যাভাবিক কম্পনাহ্ব P দোলকের স্বাভাবিক কম্পনাহ্ব হইতে পৃথক হওয়ায় উহার কম্পন হইবে নিয়ন্ত্রিত কম্পন। স্থতরাং 1-দোলকের দোলনের বিস্তার 2-দোলকের দোলনের বিস্তার অপেক্ষা অনেক বেশী হইবে। চিত্রের ভানদিক হইতে আলোকরশ্যি ফোলিয়া বামদিকের পর্দায় 1 এবং 2 দোলকের ছায়। দেখিয়া উহাদের কম্পনের বিস্তারের তুলনা করা যাইতে পারে।

5.5. (ii) চিত্রের (খ) অংশে 1 এবং 2 দোলকের বিস্তার পৃথকভাবে দেখানো হইয়াছে। ইহাদের পিও হালা বলিয়া ইহাদের ক্ষয়িত্ব অবাধ-কম্পানের ক্ষয়ের গুণান্ধ বেশী।

ইহাদের পিণ্ডে অতিরিক্ত ওজন রাখিলে স্বাভাবিক কম্পনাক্ষের কোনও পরিবর্তন হইবে না; কিন্তু ইহাদের ক্ষয়িষ্ট্ অবাধ কম্পনের ক্ষয়ের গুণান্ধ কমিয়া যাইবে। এক্ষেত্রে, নিয়ন্ত্রিত কম্পনের বিস্তারও অনেক কমিয়া যাইবে। 5.5. (ii) চিত্রের (গ) অংশে ইহা দেখানো হইয়াছে। 2 দোলকের ক্ষয়ের গুণান্ধ কমাইতে কমাইতে প্রায় শৃত্য করিয়া দিলে ইহার কম্পন P দোলক হারা আর নিয়ন্ত্রিত হইবে না।



চিত্ৰ 5.5. (ii)

অমুনাদ কম্পনে কম্পনের বিস্তার অনেক বৃদ্ধি পাওয়ার ফলে এমনও হইতে পারে যে কম্পমান বস্তুর অংশবিশেষ উহা হইতে বিচ্ছিন্ন হইয়া যাইতে পারে। যে-কোনও বস্তু, যেমন ঘর-বাড়ী, নদীর উপর সেতু, ইত্যাদি সব কিছুরই স্বাভাবিক কম্পনের এক বা একাধিক কম্পনান্ধ থাকিবে। নিয়মিত বায়্প্রবাহ যথন ইহাদের আঘাত করে তথন ইহাদের উপর পর্যায়বৃত্তিক বল প্রযুক্ত হইতে পারে। এই প্রযুক্ত বলের কোনও কম্পনান্ধ বস্তুগুলির কোনও স্বাভাবিক কম্পনান্ধের সমান হইলে অমুনাদ কম্পনের ফলে ইহাদের কম্পনের বিস্তার অনেক বেশী হইয়া ঘর-বাড়ী, বা নদীর উপর সেতু ভান্ধিয়া যাইতে পারে। এই ধরণের কিছু ঘটনা কয়েক জায়গায় ঘটিয়া গিয়াছে। স্বতরাং, কোনও স্থানে বড় আকারের সেতু ইত্যাদি তৈয়ারী করিবার সময় সেথানকার বায়্প্রবাহের পুঙ্খায়পুর্ব্ধ বিশ্লেষণ করার রীতি ঢালু হইয়া গিয়াছে। ঠিক এই কারণেই কোনও সেতুর উপর দিয়া সৈত্যদল হাঁটিয়া যাইবার সময় উহাদের তালে তালে পা না ফেলিয়া চলিবার আদেশ দেওয়া হয়। তালে তালে পা ফেলিয়া চলিলে একটি পর্যায়বৃত্তিক বল সেতুর উপর প্রযুক্ত হইয়া অমুনাদ কম্পনের স্থিটি করিতে পারে।

কম্পনের প্রকার ভেদ (Nature of vibrations) : কোনও বস্তর কম্পনের সময়, প্রকৃতপক্ষে উহার বস্তকণাগুলিই কম্পিত হয়। যেমন, একটি তারকে তুইদিকে তুইটি কীলকের সহিত শক্ত করিয়া বাধিয়া উহার যে কোনও স্থান একটু টানিয়া ছাড়িয়া দিলে তারটি কাঁপিতে থাকিবে। ইহার প্রত্যেক বস্তকণাই তারের দৈর্ঘ্যের উল্লখতলে

কাঁপিতে থাকিবে এইপ্রকার কম্পনকে তির্বক-কম্পন (Transverse vibration) বলে। আবার একটি সক্র লম্বা রবারের খণ্ড লইয়া উহার একপ্রান্ত একটি কীলকের সহিত বাঁধিয়া অপর প্রান্তে উহার দৈর্ঘ্য বরাবর কোনও পর্যায়বৃত্তিক বল প্রয়োগ করিলে রবার-খণ্ডের প্রত্যেক বস্তুকণাই উহার দৈর্ঘ্য বরাবর কাঁপিতে থাকিবে। ইহাকে দৈর্ঘ্যিক কম্পন (Longitudinal vibration) বলা হয়।

প্রশ্বাবলী

- ১। একটি বস্তকণা সরল পর্যায়বৃত্তিক কম্পনে কম্পিত হইতেছে। ইহার কম্পনের বিস্তার 15 সে.মি. এবং কম্পনাঙ্ক প্রতি সেকেণ্ডে ↓। (ক) বস্তকণার ত্বরণ ও গতি-বেগের সর্বোচ্চ মান নির্ণয় কর। (খ) বস্তকণার অবস্থান 9 সে.মি. হইলে ঐ স্থানে উহার ত্বরণ ও গতিবেগের মান কত? (গ) স্থির অবস্থান হইতে 12 সে.মি. দ্রত্বে আসিতে বস্তকণার কত সময় লাগিবে?
- ২। একটি বস্তুকণা 10 সে.মি. বিস্তারের সরল পর্যায়বৃত্তিক কম্পনে কম্পিভ হইভেছে। স্থির অবস্থান হইতে 6 সে.মি. দূরত্বে ইহার গতিবেগ ± 24 সে.মি./সেকেণ্ড। (ক) ইহার কম্পনের পর্যায় কত ? (খ) বস্তুকণার গতিবেগ যখন ± 12 সে.মি./সেকেণ্ড, তখন ইহার অবস্থান কত ?
- ৩। 10 গ্রাম ভরের একটি বস্তুকণা সরল পর্যায়বৃত্তিক কম্পনে কম্পিত হইতেছে। ইহার কম্পনের বিস্তার 24 সে.মি. এবং পর্যায় 4 সেকেণ্ড। স্থির অবস্থান হইতে সময় গণনা করিলে t=0.5 সেকেণ্ডে বস্তুকণার উপর বলের পরিমাণ ও দিক নির্ণয় কর।
- ৪। একটি বস্তকণা 10 সে.মি. বিস্তারের এবং 4 সেকেণ্ড পর্যায়ের সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পনে কম্পিত হইতেছে। বস্তকণার ভর 10 গ্রাম হইলে উহার কম্পনের মোটশক্তি কত ?
- ৫। তৃইটি একই কম্পনাঙ্কের সরল পর্যায়বৃত্তিক কম্পনের প্রথমটিতে কম্পমান বিন্দুর স্থির অবস্থান হইতে বিস্তারের $\frac{1}{\sqrt{2}}$ দ্রত্বে আসিতে যে সময় লাগে, দ্বিতীয়টিতে কম্পমান বিন্দুর স্থির অবস্থান হইতে বিস্তারের $\frac{\sqrt{3}}{2}$ দ্রত্বে আসিতে ঠিক তত সময় লাগে। তৃইটি কম্পনের কম্পনাবস্থার তুলনা কর।
- ৬। তুইটি ক্ষয়িঞু সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পনের ক্ষয়ের গুণাক্ষের অনুপাত 1:100 ধরিয়া অবস্থান—সময় লেখচিত্রে 0-অবস্থান হইতে প্রথম সর্বোচ্চ মানের অবস্থান পর্যস্ত লেখচিত্র আঁকিয়া দেখাও যে, তুইটি ক্ষেত্রে একই সময়ে সর্বোচ্চ মানের অবস্থান পাওয়া যায় না।

[Syllabus: Waves; Types of waves, characteristic features of propagating waves, preliminary definitions, and relations. Reflection and refraction of waves. Superposition of waves; stationary waves; vibration of strings and air columns. Interference, beats, Doppler effect, polarization (qualitative discussions).

Nature of waves; (1) Sound waves as elastic waves, Velocity of sound, Laplace's formula (Newton's formula $v = \sqrt{E/p}$ to be assumed).

Sources of sound. Musical sound and noise. Principles of recording and reproduction of sound.

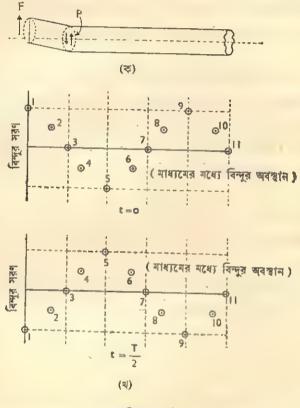
(II) Light as a wave phenomenon. Finite velocity of light. Interference of light. Polarization (qualitative ideas). Validity of geometrical optics as an approximation.

5.6. তরঙ্গ ও উহার প্রকার ভেদ (Waves—Types of waves):

স্থির জলাশয়ে একটি প্রস্তরখণ্ড নিক্ষেপ করিলে জলের উপরিতলে তরঙ্গের সৃষ্টি হয়। যেখানে প্রস্তর্থণ্ড নিক্ষেপ করা হইয়াছে সেই স্থান ঐ তরক্ষের উৎসবিন্দু। উৎসবিন্দু হুইতে বহুদূর পর্যস্ত দেখা যায় যে, জলের উপরিতলের অংশ বিশেষ উহার স্থির অবস্থানের উপরে উঠিয়াছে, আবার কোন অংশ বা স্থির অবস্থানের নীচে নামিয়াছে। উপরে উঠা স্থানগুলিকে আমরা **তরঙ্গ-শীর্য** (Crest) বলিয়া থাকি এবং নীচে নামা স্থানগুলিকে তরঙ্গ-সানু (trough) বলি। এইরূপ তরঙ্গের উপরে ছোট কাগজের নৌকা ভাসাইয়া দিলে দেখা যায় যে, উহা একই স্থানে থাকিয়া উপরে নীচে উঠা-নামা করিতেছে, কিন্তু সামনে বা পিছনে বিশেষ আগাইয়া যাইতেছে না। ইহা হইতে প্রমাণ হয় যে, জলের উপরিতলের বিভিন্ন স্থানের জলকণাগুলি উহাদের নিজ নিজ স্থানে থাকিয়াই উপরে-নীচে উঠা-নামা করিতেছে, কিন্তু এক স্থান হইতে অন্য স্থানে স্থানাস্তরিত হইতেছে না। এক্ষেত্রে, তরঙ্গের উৎসবিন্দৃতে জলকণাগুলির উপর প্রস্তরখণ্ড নিক্ষেপের দ্বারা বল প্রযুক্ত হুইয়াছে এবং উহারা উপরে-নীচে কম্পিত হুইয়াছে। এই জ্বকণাগুলি উহাদের চারি-পার্থের জলকণার সহিত জলের পৃষ্টটানের দ্বারা সংযুক্ত বলিয়া ইহাদের কম্পনের শক্তি পার্যবর্তী অঞ্চলে ছড়াইয়া পড়িয়াছে এবং ঐ অঞ্চলের জলকণাগুলিও উপরে-নীচে কম্পিত হইয়াছে। কোনও বস্তমাধ্যমের মধ্য দিয়া শক্তি স্থানাস্তরিত হইতে সব সময়েই কিছু না কিছু সময় লাগে; কারণ, শক্তি স্থানান্তরের গতিবেগ অসীম নয়। এবং এই জন্মই তরঙ্গের উৎস হইতে দূরে অন্যসব বিন্দৃতে কোনও এক নির্দিষ্ট মুহূর্তে বস্তুকণাগুলির

কম্পনাবস্থা এক নয়। বস্তুমাধ্যমের মধ্যে এইরূপ কম্পনাবস্থার বিস্থাস প্রমূহুর্তেই পরিবর্তিত হইয়া যায়। সময়ের সহিত কম্পনাবস্থা বিস্থাসের এইরূপ পরিবর্তনের ফলেই তরন্ধের স্থাষ্ট হয়।

আরও একটি উদাহরণ আলোচনা করা যাক্। একটি ধাতব তারের একপ্রান্ত একটি কীলকের সহিত শক্ত করিয়া বাঁধা আছে। উহার অপর প্রান্তের বস্তুকণাগুলিকে



চিত্ৰ 5.6 (i)

তারের দৈর্ঘ্যের উন্নম্বতলে সরলপর্যায়বৃত্ত কম্পনে কম্পিত করা হইল। ইহার ফলে পার্যবর্তী বস্তুকণাগুলিও ঐ একই উন্নম্বতলে সরলপর্যায়বৃত্ত কম্পনে কম্পিত হইতে শুরু করিবে। প্রান্তের বস্তুকণাগুলির কম্পনের ফলে ঐ স্থানে তারের মধ্যে রুস্তন বিকারের সৃষ্টি হইতেছে এবং রুস্তন পীড়নের প্রভাবে পার্যবর্তী বস্তুকণাগুলি কম্পিত হইতেছে। প্রান্তিদেশের বস্তুকণাগুলির কম্পনের শক্তি পার্যবর্তী বস্তুকণা গুলিতে সঞ্চালিত হইতেছে। কিন্তু, যেহেতু শক্তি স্থানাস্তরের গতিবেগ অসীম নয়, সেইজন্ম পার্যবর্তী বস্তুকণাগুলির কম্পন শুরু হইতে কিছু সময় লাগিবে। এই সময়ের মধ্যে প্রান্তদেশের বস্তুকণাগুলির

স্থির অবস্থান হইতে বেশ কিছু দূর সরিয়া গিয়াছে। স্থতরাং প্রান্তদেশের বস্তকণা ও পার্যবর্তী বস্তকণার কম্পনাবস্থা এক থাকিবে না। এইভাবে তারের দৈর্য্য বরাবর অন্ত সব বস্তকণার মধ্যে কম্পন ছড়াইয়া পড়িলে দেখা যাইবে যে, উহাদের সকলের কম্পনাবস্থা এক নহে। যে কোনও এক মূহূর্তে প্রতিটি বিন্দুর কম্পনাবস্থা লক্ষ্য করিলে দেখা যাইবে যে তারের দৈর্ঘ্য বরাবর একটি বিশেব ভাবে কম্পনাবস্থা বিশুস্ত হইয়াছে। পরমূহূর্তেই এই বিশ্বাস পরিবর্তিত হইয়া যাইবে। সময়ের সহিত কম্পনাবস্থা বিশ্বাসের এইরূপ পরিবর্তনের ফলেই তারের মধ্যে তরঙ্কের স্থিষ্ট হইতেছে। 5.6. (i) চিত্রে ইহা বুঝানো হইয়াছে।

স্তরাং, কোন মাধ্যমের কোন এক বিন্দুতে কম্পনের সৃষ্টি হইলে ঐ কম্পনের শক্তি পারম্পরিক বলের মাধ্যমে পার্শ্ববর্তী বিন্দুগুলিতে ছড়াইয়া পড়ে এবং পার্শ্ববর্তী বিন্দুসমূহে কম্পনের সৃষ্টি হয়। কিন্তু মাধ্যমের স্ব বিন্দুতে কোন বিশেষ মুছুর্তে কম্পনাবস্থা এক থাকে না। মাধ্যমের মধ্যে বিন্দুসমূহের এই প্রকার কম্পনকে মাধ্যমের মধ্যে তরজ (waves) বলা হয়।

কম্পনের শক্তি যে দিকে প্রবাহিত হয়, বিন্দুর কম্পনের বিস্তার যদি উহার উল্লম্বতলে হয়, তাহা হইলে ঐ তরঙ্গকে তির্থক তরঙ্গ (Transverse wave) বলে।

বিন্দুর কম্পনের বিস্তার কম্পনশক্তি প্রবাহের সমান্তরাল হইলে ঐ তরঙ্গকে দৈর্ঘ্য তরঙ্গ (Longitudinal wave) বলা হয়।

উপরে বর্ণিত জলাশয়ের উপরিতলের তরঙ্গ এবং তারের তরঙ্গ উভয়েই তির্যক তরঙ্গ। বাতাসের মধ্য দিয়া শব্দতরঙ্গ দৈর্ঘ্য তরঙ্গের উদাহরণ। শব্দতরঙ্গ পরবর্তী অহচ্ছেদে বিশদ ভাবে বর্ণিত হইবে।

মাধ্যমের মধ্যে বিভিন্ন বিন্দুগুলির মধ্যে যে পারম্পরিক বলের মাধ্যমে কম্পানশক্তি তরঙ্গের আকারে প্রবাহিত হয়, সেই পারম্পরিক বলের ভৌতিক (Physical) বৈশিষ্ট্যের উপর নির্ভর করিয়া তরঙ্গের প্রকার-ভেদ করা যাইতে পারে। যেমন, ধাতব তারের মধ্যে বিভিন্ন বস্তকণার মধ্যে স্থিতিস্থাপক বলের জন্মই কম্পনের শক্তি তরঙ্গের আকারে প্রবাহিত হয় : স্থতরাং তারের মধ্যে তির্যক ও দৈর্ঘ্য তরঙ্গকে স্থিতিস্থাপকীর্ম তরঙ্গ (Elastic wave) বলা হয়। জলের উপরিতলের তরঙ্গকে সেইজন্ম পৃষ্ঠতরঙ্গ (Surface wave) বলা হয়; কারণ, পৃষ্ঠটানের বলই এই তরঙ্গের স্থাষ্ট করে। এই তারেই আমরা মাধ্যাকর্ষণ তরঙ্গ, বিত্যংচুম্বকীয় তরঙ্গ প্রভৃতি বিভিন্ন প্রকারের তির্যক ও দৈর্ঘ্য তরঙ্গের কথা বলিয়া থাকি।

5.7. সরলপর্যায়র্ত্তিক তরজ ও উহার বিশেষত্ব গরা যাউক্, কোনও মাধ্যমের প্রত্যেক বিন্দৃই সরলপর্যায়বৃত্ত কম্পনে কম্পিত হইতেছে। ইহাদের প্রত্যেকেরই কম্পনের বিস্তার=a, কম্পনাক্ষ= $v=\frac{i\nu}{2\pi}$ এবং পর্যায়=T. স্বতরাং ইহাদের সরণ ν হইবে,

 $y = a \sin wt$.

$$w = \frac{2\pi}{\Gamma}.$$
 5.7. (1)

5.7. (1) সমীকরণে প্রত্যেক বিন্দুর কম্পনাবস্থা একই ধরা হইয়াছে। এখন যদি মাধ্যমের মধ্যে বিভিন্ন বিন্দুর অবস্থান x দারা স্থচিত করা হয় এবং ধরা হয় যে, কোন বিন্দুর কম্পনাবস্থা উহার অবস্থান x এর সমান্ত্রপাতিক, তাহা হইলে x অবস্থানের বিন্দুর কম্পনাবস্থা 4 হইবে,

$$\mathbf{d}_{\mathbf{e}} = \mathbf{K}\mathbf{x} \tag{2}$$

K একটি ধ্রুবক। স্থতরাং x অবস্থানের বিন্দ্র সরণ y ঃ হইবে,

$$y_a = a \sin(wt + Kx)$$
 5.7. (3)

যে তরঙ্গে বিভিন্ন বিন্দ্র কম্পন 5.7. (3) দ্বারা বর্ণনা করা যায়, সেই তরঙ্গকে সরজ্প পর্যায়বৃত্তিক তরঙ্গ (Simple Harmonic wave) বলে।

এখন দেখিতে হইবে তরঙ্গের প্রবাহের দিক্ কোনটি ? 5.7. (i) চিত্রে মাধ্যমের মধ্যে



প্রবাহিত হয়, তবে x_1 এর ডানদিকের বিন্দুগুলি কম্পিত হইবার আগেই x_1 বিন্দুক্ষিপিত হইবে। স্মৃতরাং x_1 এর কম্পনাবস্থা, x_1 এর ডানদিকের বিন্দুগুলির কম্পনাবস্থার অগ্রনী হইবে। এক্ষেত্রে, x=0 বিন্দুর কম্পনাবস্থা, α_0 , কে শৃশু ধরিলে, α_x কে নেগেটিভ ধরিতে হইবে। স্মৃতরাং,

$$\mathbf{d}_{\pi} = -\mathbf{K}\mathbf{x}, \qquad 5.7. (4)$$

$$\mathbf{Y}_{x} = a \sin \left(wt - \mathbf{K}x \right)$$
 5.7. (5)

5.7.~(5) সমীকরণ x-এর পজিটিভ দিকে প্রবাহিত তরঙ্গের গাণিতিক রূপ। অন্তরূপ

ভাবে দেখানো যায় যে 5.7. (3) সমীকরণ x-এর নেগেটিভ দিকে প্রবাহিত তরঙ্গের গাণিতিক রূপ।

সাধারণভাবে আমরা লিখিতে পারি,

$$Y_x = a \sin(wt \pm Kx)$$
 5.7. (6)

5.7. (6) সমীকরণে x-এর নেগেটিভ দিকে প্রবাহিত তরঙ্গের জন্ম (+) চিহ্ন এবং x-এর পজিটিভ দিকে প্রবাহিত তরঙ্গের জন্ম (-) চিহ্ন ব্যবহার করিতে হইবে।

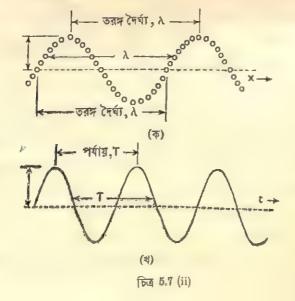
তরঙ্গদৈর্ঘ্য (Wave length) । যে-কোনও এক বিন্দু হইতে শুক্ত করিয়া তরপ্পরবাহের দিকে অগ্রসর হইলে দেখা যাইবে যে, অপর বিন্দুগুলির কম্পনাবস্থার পরিমাণ ঐ বিন্দুর কম্পনাবস্থার তুলনায় বাড়িতে থাকিবে। ইহা বৃদ্ধি পাইতে পাইতে যথন 2π হইবে, তখন তুইটি বিন্দুই একই সঙ্গে কম্পিত হইবে। এইপ্রকার তুইটি বিন্দুর দূরত্বকে, তরক্ত দৈর্ঘ্য বলা হয়।

অর্থাৎ, তরঙ্গ প্রবাহের দৈর্ঘ্য বরাবর যে তুইটি বিন্দুর কম্পনাবস্থার প্রভেদ 2ন, সেই বিন্দু তুইটির মধ্যে দূরত্বকে তরঙ্গদৈর্ঘ্য (Wave length) বলা হয়। ইহাকে λ (ল্যাম্ডা) চিক্ত ঘারা সূচিত করা হয়।

স্থতরাং, 5.7. (2) কিংবা 5.7. (4) স্মীকরণে, $x=\lambda$ এবং $\kappa_x=2\pi$ ধরিলে K-এর মান পাওয়া যাইবে,

$$K = \pm \frac{2\pi}{\lambda}$$
 5.7. (7)

যেহেতু, $w = \frac{2\pi}{\Gamma}$, স্থতরাং 5.7. (6) সমীকরণকে লেখা যায়,

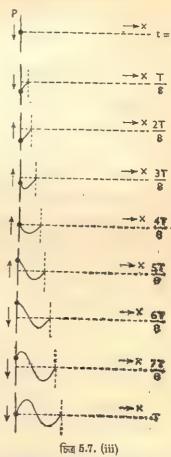


$$Y_x = a \sin\left(\frac{t}{T} \pm \frac{x}{\lambda}\right)$$

5.7. (ii) চিত্রে তরঙ্গদৈর্ঘ্য ও পর্যায় বুঝানো হইয়াছে। ইহা লক্ষণীয় যে বিস্তার, পর্যায় ও কম্পনাক সকল বিন্দুর জ্ঞ একই। বিভিন্ন বিন্দুর কম্পনাবস্থা কিন্তু এক নয়, এবং তরঙ্গদৈর্ঘ্য এই কম্পনাক বিভাসের স্টক।

5.7. (iii) চিত্রে অমুভূমিক ভগরেখা দারা x-দিকে কতকগুলি বস্তুকণা স্থচিত করা

হইয়াছে। ইহাদের মধ্যে প্রান্তবিন্দু P-কে সরল পর্যায়বৃত্ত কম্পনে গতিশীল করা হইল। t=0 মুহুর্তে সব বিন্দুগুলিই ভগ্নরেখা বরাবর বিক্তম্ভ আছে। P বিন্দুর নিম্নাভিমুখী গতির জন্ম উহার পার্যবর্তী বস্তুকণাগুলি নিচের দিকে গতিশীল হইবে। $t=rac{T}{8}$ মূহূর্তে P বিন্দুর কাছাকাছি কতকগুলি বস্তুকণা মাত্র স্থির অবস্থান হইতে সরিয়া আসিবে। উহাদের ভানদিকের বস্তুকণাগুলি তখনও স্থির অবস্থানে আছে। অর্থাৎ t=0 মুহুর্তে P বিন্দুর যে স্থির অবস্থান ছিল, সেই অবস্থা যেন $\frac{T}{\aleph}$ সময়ের মধ্যে ডান-দিকে কিছুটা সরিয়া গিয়াছে। উল্লম্বতলে ভগ্নরেথা দারা স্থির-অবস্থা দেখানো হইয়াছে। পরবর্তী ছবিগুলিতে কিভাবে এই স্থির-অবস্থা ক্রমশঃ সময়ের সহিত আরও ডানদিকে সরিয়া যাইতেছে, তাহা দেখানো হইয়াছে। P বিন্দু যথন T সময়ের পরে কম্পনের পূর্বের স্থির অবস্থায় ফিরিয়া আসিল, তথন স্থির অবস্থা-



স্থানক উল্লম্বতলের ভগ্নরেথা x দিকে λ দূরত্ব অতিক্রম করিবে। এখন, স্থির অবস্থাকে আমরা একটি বিশেষ কম্পনাবস্থা বলিয়া ভাবিতে পারি। স্থতরাং T সময়ে একটি কম্পনাবস্থা λ দূরত্ব অতিক্রম করে। ইহা হইতে আমরা কম্পনাবস্থার গতিবেগ কল্পনাবস্থার গাতিবেগ, c ধরিলে,

কম্পনাবস্থার গতিবেগকে (Phase Velocity) তরঙ্গের গতিবেগ বলা হয়।
স্থতরাং মাধ্যমের মধ্যে কম্পমান বিন্দুর কম্পনাবস্থা একক সময় ব্যবধানে
যে দূরত্ব অতিক্রম করে তাহাকেই তরঙ্গের গতিবেগ (কম্পনাবস্থার গতি-বেগ) বলে। ইহাকে ৫ (সি) চিহ্ন দ্বারা সূচিত করা হয়।

আমরা জানি,

$$K = \frac{2n}{\lambda}$$
, অর্থাৎ $\lambda = \frac{2n}{K}$.;

স্কুতরাং, 5.7. (9) সমীকরণ হইতে আমরা লিখিতে পারি,

$$c \times \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{K}$$
.

অথবা,
$$\frac{c}{\omega} = \frac{1}{K}$$

অথবা, $\omega = cK$.

5.7. (10)

5.7.(10) সমীকরণ ব্যবহার করিয়া 5.7.(6) সমীকরণের পরিবভিত রূপ হইবে,

$$Y_a = a \sin K (ct \pm x)$$
 5.7. (11)

উপরে বর্ণিত সমীকরণগুলি একত্রে নিচে লেখা হইল:

$$Y_{\alpha} = a \sin (\omega t \pm Kx)$$

$$= a \sin 2\pi \left(\frac{t}{T} \pm \frac{x}{\lambda}\right)$$

$$= a \sin K (ct \pm x).$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega}, K = \frac{2\pi}{\lambda}, 2\pi f = \omega.$$

$$\omega = cK, cT = \lambda, c = f\lambda.$$

$$5.7. (6)$$

$$5.7. (8)$$

$$5.7. (11).$$

উদাহরণ 1. বিত্যুৎচুম্বকীয় তরম্বের গতিবেগ (কম্পনাবস্থার গতিবেগ)= 3×10^{10} সে.মি./সেকেণ্ড। কোনও একটি বিত্যুৎচুম্বকীয় তরম্বের তরম্বদৈর্ঘ্য 300 মিটার হইলে, ঐ তরম্বের কম্পনাম্ব কত ?

আমরা জানি, $c=f\lambda$, c= তরঙ্গের গতিবেগ, f= , কম্পনান্ধ, এবং $\lambda=$, তরঙ্গদৈর্ঘ।

স্ত্রাং, $f=\frac{c}{\lambda}=\frac{3\times 10^{10}}{300\times 10^3}$ সে.মি./সেকেণ্ড $=10^6$ প্রতি সেকেণ্ড।

মর্থাৎ, প্রতিটি বিন্দু এক সেকেণ্ডে 10^6 পূর্ণ কম্পানে কম্পিত হইতেছে। এক পূর্ণ কম্পনকে এক সাইক্ল্ (cycle) বলা হয়। স্থতরাং এক্ষেত্রে কম্পনান্ধ প্রতি সেকেণ্ডে 10^6 সাইক্ল্ বা এক মেগা (10^6) সাইক্ল্।

উদাহরণ 2. কম্পনান্ধ বাড়াইলে তরঙ্গদৈর্ঘ্য কমে না বাড়ে ? আমরা জানি, $\omega = cK$.

অথবা, $2\pi f = c. \frac{2\pi}{\lambda}$.

স্থৃতরাং তরঙ্গের গতিবেগ একই থাকিলে, কম্পনান্ধ বাড়াইলে তরঙ্গদৈর্ঘ্য কমিবে। উদাহরণ 3. x, y কে সে.মি.-এ এবং t-কে সেকেণ্ডে পরিমাপ করিলে একটি তারের মধ্য দিয়া তির্ঘক গতিশীল তরঙ্গের সমীকরণ পাওয়া যায়,

 $Y = -2 \sin [\pi (0.5x - 200 t)];$

ঐ তরঙ্গের বিস্তার, তরঙ্গদৈর্ঘ্য, কম্পনান্ধ, পর্যায় এবং গতিবেগ নির্ণয় কর।

যেহেত্, $\sin{(-\theta)} = -\sin{\theta}$, উপরোক্ত সমীকরণকে লেখা যায়,

 $Y = 2 \sin [\pi (200 t - 0.5x)].$

5.7. (6) সমীকরণের সহিত তুলনা করিলে দেখা যায় যে এক্ষেত্রে,

a=2, সে.মি.

w = 200 π (সেকেও)⁻¹

K=05 n (সে.মি.)-1

স্তরাং ইহার বিস্তার=2. সে.মি.

আবার, $K=\frac{2\pi}{\lambda}$; স্বতরাঃ $\frac{2\pi}{\lambda}=0.5$ π . অতএব তরফদৈর্ঘ্য $\lambda=\frac{2\pi}{0.5\pi}=4$. শে.মি. কম্পনাম f হইলে, $2\pi f=\omega$ । স্বতরাঃ $2\pi f=200\pi$,

অতএব কম্পনান্ধ=100 (সেকেণ্ড)-1

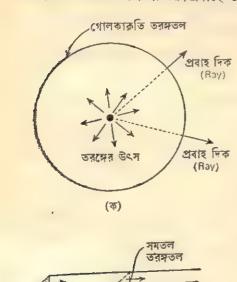
পৰ্যায় $T = \frac{1}{f} = \frac{1}{100} = 0.01$ সেকেণ্ড

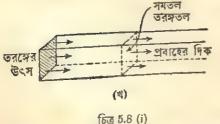
গতিবেগ, $c=\omega K=200\times 0.5 \pi^2=100 \pi^2$. সে.মি./সেকেণ্ড।

5.8. তরজের প্রতিফলন ও প্রতিসরণ (Reflection and refraction of waves) :

আমরা পূর্বের অন্থচ্ছেদে বিশেষ কোনও এক দিকে (% দিকে) তরত্ব প্রবাহের ঘটনা আলোচনা করিয়াছি। বস্তুতঃ, কোনও মাধ্যমের এক বিন্দুতে কম্পানের সৃষ্টি হুইলে, কম্পনের শক্তি মাধ্যমের চারিদিকে ছড়াইয়া পড়িবে। বিভিন্ন দিকে তরঙ্গের গতিবেগ বিভিন্ন হইতে পারে, এবং সেক্ষেত্রে তরঙ্গপ্রবাহের বর্ণনা বেশ জটিল হইয়া পড়ে। আমরা স্থাবিধার জন্ম ধরিয়া লইব যে কম্পনের গতিবেগ সব দিকেই সমান। স্থতরাং কোনও বিন্দৃতে কম্পনের স্টি হইলে ঐ উৎসবিন্দৃ হইতে একই গতিবেগে কম্পনাবস্থা চারিদিকে ছড়াইয়া পড়িবে। আমরা যদি একই কম্পনাবস্থার বিন্দৃত্তলিকে সংযুক্ত করি তাহা হইলে উহা উৎসবিন্দৃকে কেন্দ্র করিয়া অন্ধিত গোলকের উপরিতলের মত দেখাইবে। কোনও মাধ্যমে একই কম্পনাবস্থার বিন্দৃত্তলিকে যোগ করিয়া যে তল পাওরা যায় তাহাকে তরঙ্গতল (Wave-front) বলা হয়়। স্থতরাং উৎসবিন্দৃকে কেন্দ্র করিয়া গোলক অন্ধিত করিলে উহাদের উপরিতলগুলিই এক্ষেত্রে তরঙ্গতল হইবে। তরঙ্গতল গোলকাকৃতি হইলে ঐ তরঙ্গকে গোলকাকৃতি তরঙ্গ (Spherical wave) বলে।

আবার, দীর্ঘ তারের মধ্য দিয়া তরঙ্গপ্রবাহে তরঙ্গতলগুলি মোটামৃটি তারের দৈর্ঘ্যের





উল্লম্ব তলে থাকে এবং উহারা পরস্পরের সমান্তরাল সমতল। তরঙ্গতল সমতল হইলে ঐ তরঙ্গকে সমতল তরঙ্গ (Plane wave) বলে।

সমতল এবং গোলকাকৃতি
তরঙ্গ, উভয় ক্ষেত্রেই কম্পনাবস্থার গতিবেগের দিক তরঙ্গতলের উপর লম্ব। কম্পনাবস্থার গতিবেগের দিককে
প্রবাহ-দিক (Ray) বলা
হয়। স্ক্তরাং তরঙ্গতলের
উপর কোনও বিন্দৃতে লম্ব টানিলে
ঐ বিন্দৃতে ঐ লম্বই প্রবাহ-দিক।
5.8. (i) চিত্রে তরঙ্গতল ও
প্রবাহদিক দেখানো হইয়াছে।

হিগিন্সের নীতি (Huygen's Principle) : বৈজ্ঞানিক হিগিন্স্ প্রস্তাব করেন যে, কোনও মাধ্যমে তরঙ্গপ্রবাহকে আমরা নিম্নবর্ণিত নীতি অনুসারে আলোচনা করিতে পারি! এই নীতি অনুসারে, কোন মাধ্যমের মধ্য দিয়া তরঙ্গ প্রবাহিত হইলে কোনও এক মৃহুর্তে স্বাপেক্ষা অগ্রগামী তরঙ্গতলের উপর প্রত্যেক বিন্দুই গোঁণ তরঙ্গ-উৎস হিসাবে কাজ করে। পরবর্তী কোনও মৃহুর্তে তরঙ্গ-তলের অবস্থান নির্ণয় করিতে হইলে গোঁণ তরঙ্গ উৎসপ্তলি হইতে ঐ সময় ব্যবধানে যে সকল তরঙ্গ স্থাষ্ট হইয়াছে, তাহাদের

তরঙ্গতলগুলির স্পর্শক তল টানিতে

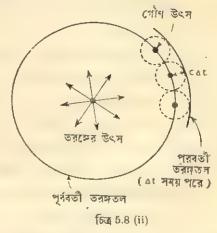
হইবে। এই স্পর্শক তলই পূর্বের তরঙ্গতলের নতুন অবস্থান। গৌণ তরঙ্গতলগুলির যে সকল অংশ স্পর্শকতলকে

স্পর্শ করিতেছে না, ঐ সকল অংশ
এবং গৌণ তরঙ্গতলগুলির পশ্চাদ্গামী

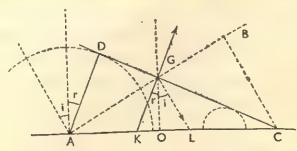
অংশকে উপেক্ষা করিতে হইবে। 5.8.
(ii) চিত্রে হিগিন্সের নীতি অহসারে
গোলকাকৃতি তরঙ্গের প্রবাহ বর্ণনা করা

হইয়াছে। গৌণ তরন্সের ভগ্নরেখাদ্বারা

অন্ধিত অংশকে উপেক্ষা করিতে হইবে।



তরজের প্রতিষ্ঠান ঃ সমতল তরজের প্রতিষ্ঠান ঃ আমরা প্রথমে একটি সমতলক্ষেত্রে সমতল তরঙ্গ কিভাবে প্রতিষ্ঠানিত হয়, তাহার আলোচনা করিব। ধরা যাউক্, সমতল তরঙ্গ প্রবাহ দিক সমতল ক্ষেত্রের সহিত i ডিগ্রী কোণে আনত। চিত্র 5.8. (iii) দ্রষ্টব্য। সমতল তরঙ্গের তরঙ্গতল AB, সমতলক্ষেত্র AC-র উপর আপতিত হইয়াছে। AB তরঙ্গতলের প্রবাহ দিক GL, সমতলক্ষেত্র AC-র O বিন্তুতে লম্ব OG-র সহিত $\angle i$ কোণে আনত। স্ক্তরাং আপতন কোণ= $\angle i$. AB



চিত্ৰ 5.8 (iii)

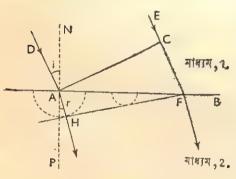
তরঙ্গ-তলের B প্রান্ত AB-র উপর লম্ব BC (তরন্ধের প্রবাহ-দিক) অভিমুখে অগ্রসর ইইয়া শেষ পর্যন্ত AB সমতলক্ষেত্রের C বিন্দৃতে পৌছাইবে। এই সময়ের মধ্যে A বিন্দু হইতে গোণ তরঙ্গ AD দূরত্ব অতিক্রম করিবে, এবং স্পষ্টতঃই AD=EC হইবে। AB তরঙ্গতলের বিভিন্ন বিন্দু AC সমতলক্ষেত্রে পৌছাইয়া গৌণ তরন্ধের স্বাষ্ট্ট করিবে, এবং ঐ সব অর্ধগোলকারুতি তরঙ্গতলের স্পর্শক তলই হইবে প্রতিফলিত তরঙ্গতল। CD এইরূপ একটি তরঙ্গতল। ইহার প্রবাহ-দিক KG, ACর উপর O বিন্দৃতে লম্বের সহিত $\angle r$ কোনে আমত, স্থতরাং প্রতিফলন কোন = $\angle r$ । চিত্র হইতে দেখা যায় যে, $\angle i = \angle r$ ।

স্থতরাং দেখা যাইতেছে যে, সমতলক্ষেত্রে প্রতিফলিত হইলে একটি সমতল তরঙ্গ অপর একটি সমতল তরঙ্গ রূপেই প্রতিফলিত হয়। প্রতিফলিত ও আপতিত প্রবাহ-দিক সমতল ক্ষেত্রের সহিত একই কোণে আনত থাকে।

ইহা উল্লেখযোগ্য যে, প্রতিফলন ক্ষেত্র AC, তরদ্ধদৈর্ঘ্যের তুলনায় অনেক বড় হইলেই উপরিবর্ণিত প্রতিফলনের বটনা ঘটে। প্রতিফলন ক্ষেত্রের অপর পার্যে আপতিত তর্ম্ব পৌছাইতে পারে না এবং সেখানে "ছায়ার" স্ফে হয়।

প্রতিফলন ক্ষেত্র তরঙ্গদৈর্ঘ্যের তুলনায় ছোট হইলে, উহার অপর পার্শ্বে ছায়ার স্বাষ্টি হয় না। তথন প্রতিফলন ক্ষেত্রের প্রত্যেক বিন্দৃই নতুন তরঙ্গ উৎস হিসাবে কাজ করে এবং উহাদের প্রত্যেকের চারিদিকেই তরঙ্গ ছড়াইয়া পড়ে। ইহাকে তরঙ্গের প্রতিফলন না বলিয়া, তরজের বিচ্ছুরণ (Scattering of waves) বলা হয়।

তরঙ্গের প্রতিসরণ: সমতল তরঙ্গের প্রতিসরণ: ধরা যাউক্, যে কোনও তুইটি মাধ্যম একটি সমতলক্ষেত্র দ্বারা পৃথক করা আছে। কোনও একটি তরঙ্গের গতিবেগ এই তুইটি মাধ্যমে যথাক্রমে C_1 এবং C_2 । ধরা যাউক্ যে প্রথম মাধ্যমের



চিত্ৰ 5.8 (iv)

প্রথমে মাধ্যমে তরক্ষের গতিবেগ= C_1 স্থতরাং তরক্ষতলের C অংশ ABসমতলক্ষেত্রের F বিন্দুতে পৌছাইতে

(CF/C_1) সময় লইবে। এই সময়ের

মধ্যে A বিন্দু হইতে গোণতরঙ্গ দিতীয়

ই দিতীয় মাধ্যমে তরঙ্গের গতিবেগ= C_2 , $C_2 imes \left(\frac{CF}{C_1}\right) = AH$ দূরত্ব অতিক্রম $C_2 imes \left(\frac{CF}{C_1}\right)$ ব্যাসার্ধের গোলক আঁকা হইল।

তর্জপ্রবাহ মাধ্যম চুইটির

সমতলক্ষেত্রে $\angle i$ কোণে আপতিত।

চিত্র 5.8.(iv) দ্রষ্টব্য। চিত্রে, AC

হইল আপতিত তরঙ্গতল। যেহেতু

মাধ্যমের মধ্যে ছড়াইয়া পড়িবে। যেহেতু দ্বিতীয় মাধ্যমে তরঙ্গের গতিবেগ= C_2 , স্থতরাং $\left(\frac{CF}{C_1}\right)$ সময়ে A বিন্দুর গৌণতরঙ্গ $C_2 \times \left(\frac{CF}{C_1}\right)$ =AH দূরত্ব অতিক্রম করিবে। চিত্রে, A বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া $C_2 \times \left(\frac{CF}{C_1}\right)$ ব্যাসার্থের গোলক আঁকা হইল।

বই এর পাতার উল্লম্বতলে যে সমতল ক্ষেত্র এই অর্থগোলককে স্পর্শ করিবে এবং F বিন্দুর মধ্য দিয়া যাইবে, উহাই হইবে প্রতিসরিত তরঙ্গতল।

5.8. (iv) চিত্ৰে,

Sin i=Sin DAN=Sin CAB= $\frac{CF}{AF}$

 $Sin r = Sin PAH = Sin HFA = \frac{AH}{AF}.$

$$\therefore \frac{\sin i}{\sin r} = \frac{CF}{AH} = \frac{CF}{\left[C_2 \times \left(\frac{CF}{C_1}\right)\right]} = \frac{C_1}{C_2}$$

অথবা, Sin $i=\mu$ Sin r

5.8. (1)

উপরোক্ত সমীকরণে $\frac{C_1}{C_2}=\mu$ লেখা হইয়াছে। 5.8. (2)

5.8. (1) সমীকরণকে **স্নেলের নিম্নম** (Snell's law) বলা হয়।

এথানে উল্লেখযোগ্য যে, আপতিত তর্ত্বতলের কিছু অংশ AB সমতলক্ষেত্তে প্রতি-ফলিত হইয়া প্রথম মাধ্যমেই ফিরিয়া যায়।

59. তরঙ্গের প্রক্ষেপণ (Superposition of waves):

বৈজ্ঞানিক টমাস ইয়ঙ্ (Thomas Young) সর্বপ্রথম তরঙ্গের প্রক্ষেপণের কথা উল্লেখ করেন। কোনও মাধ্যমের একই অংশের মধ্য দিয়া বিভিন্ন তরঙ্গশ্রেণী একই সঙ্গে প্রবাহিত হইতে পারে। এইরূপ প্রবাহের সময় তরঙ্গশ্রেণীগুলির একে অপরকে প্রভাবিত করিতে পারে না। অর্থাৎ, মাধ্যমের একই অংশের মধ্য দিয়া তুইটি বিভিন্ন তরঙ্গশ্রেণী প্রবাহিত হইয়া ঐ অংশের বহির্দেশে চলিয়া গেলে, উহারা যে এক সময়ে একই সঙ্গে মাধ্যমের একই অংশের মধ্য দিয়া প্রবাহিত হইয়াছে, তাহার কোন চিহ্নই থাকে না। মাধ্যমের একই অংশের মধ্য দিয়া প্রবাহিত হইবার সময় তরঙ্গগুলির মধ্যে কোনও রূপ ক্রিয়া-প্রতিক্রিয়া হয় না, উহারা একে অপরের সম্পূর্ণ প্রভাবমৃক্ত থাকে।

এখন প্রশ্ন হইল, মাধ্যমের একই অংশের মধ্য দিয়া ছই বা ততোধিক বিভিন্ন তরঙ্গ-শ্রেণী প্রবাহিত হইলে মাধ্যমের ঐ অংশের বিদ্পুগুলি কিভাবে কম্পিত হইবে? তরঙ্গ প্রক্ষেপণের নীতি অনুসারে কোনও এক মুছুর্তে একটি বিন্দুর সরণ ঐ মুছুর্তে ঐ বিন্দুতে বিভিন্ন তরঙ্গশ্রেণীর জন্ম যে সকল সরণ হইবার কথা, তাহাদের বীজগাণিতিক যোগফলের সমান। অর্থাৎ, কোনও এক মুহুর্ত ৫ তে

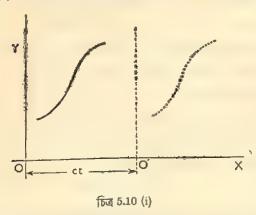
তুইটি তরঙ্গশ্রেণীর জন্ম কোনও এক বিন্দুতে সরণ $y_1(t)$ এবং $y_2(t)$ হইলে, ঐ মূহূর্তে এ বিন্দুতে লব্ধি সরণকে y(t), লিখিলে,

$$y(t) = y_1(t) + y_2(t)$$
 5.9. (1)

- 5.10. প্রবাহী তরঙ্গ ও স্থাপু তরঙ্গ (Progressive waves and standing waves):
- 5.7. অনুচ্ছেদে যে তরঙ্গ প্রবাহের বিষয় আলোচনা করা হইয়াছে, উহাকে প্রবাহী তরঙ্গ (Progressive wave) বলে। ঐ অনুচ্ছেদে দেখানো হইয়াছে যে, ঐ ক্ষেত্রে কম্পনাবস্থা স্থানান্তরিত হয়। আমরা এই অনুচ্ছেদে আর একটি দৃষ্টিকোণ হইতে প্রবাহী তরঙ্গের বর্ণনা করিব। একটি মাধ্যমে ৫-অক্ষ বরাবর একটি সরলরেখা করনা করা যাউক। সাধারণ অবস্থায় (অর্থাৎ তরঙ্গের অবর্তমানে) এই সরলরেখায় মাধ্যমের যে সকল বস্তুকণা পড়ে, তাহারা তরঙ্গ-প্রবাহের ফলে ঐ সরলরেখায় হইতে বিচ্যুত হয়। ধরা যাউক, উহাদের সরণ ৩, কোনও এক মৃহুর্তে ঐ সরলরেখায় উহাদের অবস্থান, ৫এর উপরে নিয়োক্তভাবে নির্ভরণীল,

$$y = a \sin kx \qquad 5.10. (1)$$

k একটি ধ্রুবক। ইহার লেখচিত্রের একাংশ 5.10. (i) চিত্রে দেখানো হইয়াছে।
এই লেখচিত্র OX সরলরেখার উপর অবস্থিত বস্তুকণাগুলির t মুহুর্তে অবস্থান নির্দেশ



এই বিভাস যদি অপরিবর্তিত-ভাবে ভানদিকে প্রবাহিত হয়,
অর্থাৎ একটি সমতল তরঙ্গ

অক্ষের পজিটিভ দিকে অগ্রসর
হয়, তাহা হইলে এইভাবে বিভাস্ত
সরণের মান 5.10. (1) সমীকরণ
ব্যবহার করিয়া পাওয়া যাইবে,
যদি আমরা তরঞ্বের সহিত

করিতেছে। বস্তুকণাগুলির সরণের

প্রবহমান একটি কেন্দ্র বিন্দু হইতে x গণনা করি। স্থতরাং তরত্বের গতিবেগ c হইলে এবং স্থির কেন্দ্রবিন্দু হইতে x গণনা করিয়া t' মূহুর্তে সরণের মান পাইতে হইলে আমাদিগকে নিয়ের সমীকরণ ব্যবহার করিতে হইবে,

$$v = a \sin k \left[x - c(t' - t) \right]$$
 5.10. (2)

t=0 মূহূর্তে কেন্দ্রের অবস্থান হইতে x গণনা করিলে, যে-কোনও মূহূর্ত t-তেসরণের মান হইবে,

$$y = a \sin k (x - ct)$$
 5.10. (3)

a এবং k পূর্ব হইতেই [5.10.(1) সমীকরণ] জানা আছে ; স্থতরাং (x-ct)-র মান জানিলেই yএর মান পাওয়া যাইবে। এখন, ধরা যাউক্, (x+x') বিন্দুতে (t+t') মূহূর্তে সরণের মান, x বিন্দুতে এবং t-মূহূর্তে সরণের মানের সমান। 5.10.(3) সমীকরণে,

$$x-ct = (x+x')-c(t+t'),$$

हरें एक हरें ल, x'तक ct' अब ममान हरें एक हरेता। अर्थाए,

$$ct' = x'$$

ইহার অর্থ, $c=\frac{x'}{t'}$

অর্থাৎ বিশেষ একটি সরণের মান t' সময়ে x' দূরত্ব অতিক্রম করে; এবং c হইল এই অতিক্রমণের গতিবেগ। বিশেষ একটি সরণের মান বিশেষ একটি কম্পনাবস্থা নির্দেশ করে; স্থতরাং c হইল কম্পনাবস্থার গতিবেগ। ভাহা হইলে, আমরা দেখিতেছি যে প্রবাহী তরন্ধের গতিবেগ বলিতে কম্পনাবস্থার গতিবেগ বুঝায়।

প্রবাহী তরঙ্গের একটি বৈশিষ্ট্য হইল এই যে মাধ্যমের প্রত্যেক বিন্দুর কম্পনের বিস্তার, a, একই থাকে; শুধুমাত্র কম্পনাবস্থা স্থানাস্তরিত হয়।

স্থাপুতরক্ষে (Standing waves) প্রত্যেক কম্পমান বিন্দুর কম্পনাবস্থা একই খাকে, কিন্তু কম্পনের বিন্তার বিন্দুর স্থিরঅবস্থানের উপর নির্ভর করিয়া পর্যায়বৃত্তিকভাবে পরিবর্তিত হয়। ইহার ফলে নির্দিষ্ট দূরত্বের ব্যবধানে কতকগুলি বিন্দুর বিস্তার শূন্য হয়, অর্ধাৎ ইহারা কম্পিত হয় না।

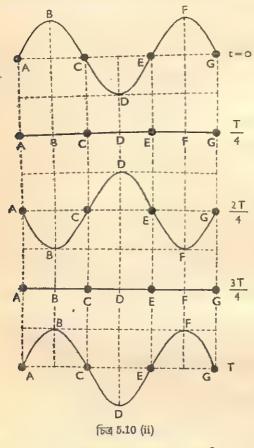
স্থাণুতরক্ষে যে বিন্দুগুলির কম্পনের বিস্তার শৃত্য, অর্থাৎ যে বিন্দুগুলি কম্পিত হয় না, সেগুলিকে স্থি**ন্নবিন্দু** (Node) বলা হয়। যে বিন্দুগুলির কম্পনের বিস্তার সর্বাপেক্ষা বেশী সেই বিন্দুগুলিকে বিরুদ্ধ স্থিববিন্দু (Anti-node) বলা হয়।

স্থাণুতরঙ্গের উপরোক্ত বৈশিষ্ট্যগুলির কথা স্মরণ করিয়া আমরা x-অবস্থানের বিন্দুর সরণকে t-মূহুর্তে নিয়োক্তভাবে লিখিতে পারি,

$$y_x = (A \cos kx) \sin wt.$$
 5.10. (4)

উপরোক্ত সমীকরণে $\mathbf{A} \cos kx$ হইল t মুহূর্তে x-বিন্দুর কম্পানের বিস্তার। ইহা

বিন্দুর অবস্থানের উপর নির্ভর করিয়া পর্যায়বৃত্তিক ভাবে পরিবর্তিত হইবে। প্রত্যেক কম্পমান বিন্দুর কম্পনাবস্থা একই বলিয়া শুধুমাত্র sin wt রাশি এথানে প্রযোজ্য।



প্রত্যেক বিদ্র কম্পনাবস্থা একই, স্থতরাং এঅবস্থায় কম্পনাবস্থা স্থানাস্তরিত হইবার প্রশ্ন উঠে না। এইজ্য এইপ্রকার তরদকে স্থাপুতরদ্ধ বলা হয়। 5.10.(4) সমীকরণে বর্ণিত স্থাপু তরন্ধের চিত্র 5.10. (ii) চিত্রে দেখানো হইয়াছে।

তুইটি প্রবাহীতরজের
বিক্ষেপণে স্থাপুতরজের
স্পৃত্তি: কোনও মাধ্যমের প্রত্যেক
বিন্দৃতে একই বিস্তার, কম্পনাক
ও তরক দৈর্ঘ্যের তুইটি সরলপর্যায়বৃত্তিক বিপরীতম্থী প্রবাহীতরক বিক্ষিপ্ত হইলে স্থাপ্তরক্ষের
স্পৃত্তি হয়। ধরা যাউক্, স্প্র্
অবস্থানের বিন্দৃতে তুইটি তরক্ষ্
প্রবাহের জন্ম সরন যথাক্রমে,

্যা=a sin(wt-kx).

ডানদিকে প্রবাহীতরকের জন্ম,

এবং $y_2 = a \sin(wt + kx)$, বাম দিকে প্রবাহী তরঙ্গের জন্ম।
তরঙ্গ-বিক্ষেপণের নীতি অনুসারে, x-অবস্থানের বিন্দুর লব্ধি সরণ, y হইলে

$$y = y_1 + y_2$$

$$= a \sin(wt - kx) + a \sin(wt + kx).$$

$$= a[(\sin wt \cos kx - \cos \cot \sin kx) + (\sin wt \cos kx + \cos wt \sin kx)]$$

$$= 2a \cos kx \sin wt,$$

$$5.10. (5)$$

5.10. (4) সমীকরণের সহিত তুলনা করিলে দেখা যায় যে, এইরূপ স্থায়ী তরঙ্গে বিস্তারের বিক্যাস= $2a \cos kx$ । স্থিরবিন্দুগুলির জন্ম $2a \cos kx$ এর মান শুরা হইবে। অর্থাৎ,

$$kx = (2n+1)^{\pi}_{2}, n=0, 1, 2, 3, \cdots$$
 5.10. (6)

স্তরাং প্রথম স্থিরবিন্দুর (n=0) অবস্থান, $x_1 = \frac{\pi}{2} \frac{1}{k} = \frac{\lambda}{4}$

দিতীয় স্থিরবিন্দুর (n=1) অবস্থান, $x_2=3.\frac{\pi}{2}$ $\frac{1}{k}=\frac{3\lambda}{4}$, ইত্যাদি।

অর্থাৎ, এক্ষেত্রে স্থিরবিন্দুগুলি $\frac{\lambda}{2}$ দ্রত্বের ব্যবধানে বিন্মস্ত।

বিক্লম স্থিরবিন্দুগুলির জন্ম $2a \cos kx$ এর মান 2a হইবে, অর্থাৎ $kx = nn, n = 0, 1, 2, 3, \dots$

5.10. (7)

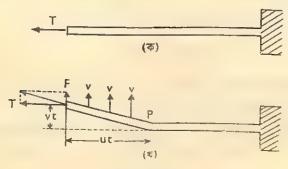
স্থতরাং প্রথম বিক্ল স্থিরবিন্দ্র (n=0) অবস্থান, x_1 =0,

ষিতীয় বিরুদ্ধ স্থিরবিন্দ্র (n=1) অবস্থান, $x_2=rac{\pi}{k}=rac{\lambda}{2}$

তৃতীয় বিক্ষ স্থিরবিন্দুর (n=2) অবস্থান, $x_3=rac{2\pi}{k}=\lambda$, ইত্যাদি।

অর্থাৎ, বিরুদ্ধ স্থিরবিন্দৃগুলি $\frac{\lambda}{2}$ দ্রত্বের ব্যবধানে বিহাস্ত, এবং তৃইটি পরপর স্থিরবিন্দুর্ব $oldsymbol{\delta}$ ক মধ্যস্থলে একটি বিরুদ্ধ স্থিরবিন্দু থাকিবে।

- 5.11. দীর্ঘ তারের কম্পন (Vibration of strings): আমরা এই অফচ্ছেদে দীর্ঘ তারের মধ্য দিয়া প্রবাহিত তরঙ্গের কতকগুলি বৈশিষ্ট্য আলোচনা করিব।
- (ক) তারের দৈর্ঘ্য বরাবর ক্ষণস্থায়ী তির্থক সরণের (Momentary transverse displacement) গভিবেগঃ 5.11. (i) চিত্রে অন্থিত তারের টান,



চিত্ৰ 5.11 (i)

 ${f T},$ এবং উহার একক দৈর্ঘ্যে ভরের পরিমাণ $=\mu$ ধরা যাউক্। চিত্রের (ক) অংশে তারটিকে স্থির অবস্থায় দেখানো হইয়াছে। t=0 মূহূর্তে তারের বামপ্রান্তে একটি পদার্থ (${f I}$)— ${f 16}$

গতিবিভার নিয়ম অনুসারে,

তির্যক্ ইম্পাল্স্ = গতিশীল অংশের তির্যক্ ভরবেগের পরিবর্তন 5.11. (1) কিন্তু, তির্যক্ ইম্পাল্স = তির্যক্ বল × সময়-ব্যবধান, এবং

তির্যক্ ভরবেগ==ভর× তির্যক্ গতিবেগ।

একেতে, তির্যক্ ইম্পাল্দ্ = Ft। এবং অন্নর্মপ ত্রিভূজের ধর্ম ব্যবহার করিয়া

$$\frac{F}{T} = \frac{vt}{ut}$$

$$\therefore$$
 F=T. $\frac{vt}{ut}$.

এবং তির্ফ ইম্পাল্স্ $= T. \frac{v}{v_t}$.

5.11. (2)

গতিশীল অংশের ভর = একক দৈর্ঘ্যে ভরের পরিমাণ, $\mu \times$ দৈর্ঘ্য, ut.

স্থতরাং তির্যক্ ভরবেগের পরিবর্তন= #utv.

5.11. (3)

5.11. (1) সমীকরণে, 5.11. (2) এবং 5.11. (3) ব্যবহার করিয়া আমরা পাইব

$$T \frac{v}{u} t = \mu u t v.$$

অর্থাৎ,

 $u = \sqrt{T/\mu}$

5.11, (4)

স্থতরাং দেখা যাইতেছে যে তারের মধ্য দিয়া ক্ষণস্থায়ী তির্যক্ সরণের গতিবেগ তারের টান এবং একক দৈর্ঘ্যে তারের ভরের উপর নির্ভর করে।

উদাহরণ: একটি তারে টান 10⁴ গ্রাম-ওজন, এবং ইহার ভর প্রতি সে.মি.-এ

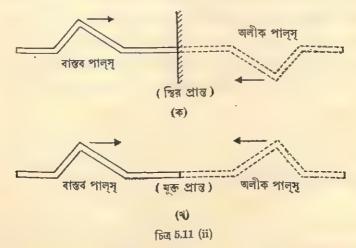
0°1 গ্রাম হইলে ঐ তারের মধ্য দিয়া ক্ষণস্থায়ী তির্যক্ সরণের অগ্রগমনের গতিবেগ কত?

$$T=10^4$$
 গ্রাম-ওজন $=10^4$ গ্রাম $\times 980$ স.মি. $\frac{(7.1)^2}{(7.1)^2}$ $\mu=10^{-1}$ গ্রাম সে.মি.

স্থতরাং
$$u=\sqrt{\frac{10^4 \text{ গ্রাম} \times 980 \frac{\text{সে.মি.}}{(\text{সেকেণ্ড})^2}}{10^{-1} \frac{\text{গ্রাম}}{\text{সে.মি.}}}}$$

$$=9899 \frac{\text{সে.মি.}}{\text{সেকেণ্ড}}$$

(খ) তারের কম্পনে সীমা-সর্ত (Boundary conditions) ঃ উপরে বর্ণিত ক্ষণস্থায়ী সরণকে আমরা পাল্স (Pulse) বলিব। এখন দেখা যাউক্, একটি পাল্স্ কিম্বা একটি তরঙ্গ-প্রবাহ তারের মধ্য দিয়া প্রবাহিত হইয়া উহার একপ্রান্তে আসিয়া পোঁছাইলে কি হইতে পারে। তারের প্রান্ত যদি একটি অনমনীয় বস্তর সহিত স্পৃঢ়ভাবে বাঁধা থাকে, তাহা হইলে ঐ প্রান্তকে সব সময়েই স্থির অবস্থায় থাকিতে হইবে। পাল্স্ ঐ প্রান্তে আসিয়া অনমনীয় বস্তর উপর বল প্রয়োগ করিবে। এবং ইহার প্রতিক্রিয়ার ফলে অনমনীয় বস্তটি তারের প্রান্তে এমন অবস্থার স্পষ্টি করিবে যাহাতে তারের মধ্য দিয়া বিপরীত মুখে গতিশীল একটি পাল্সের স্পষ্ট হইবে। ইহাকে প্রতিফলিত পাল্স্ বলা যায়। পরীক্ষাগারে, এইরূপ পাল্সের বৈশিষ্ট্য পর্যবেক্ষণ করা সম্ভব। দেখা যায় যে, অনমনীয় প্রান্তে প্রতিক্লিত পাল্সের বিশিষ্ট্য পর্যবেক্ষণ করা সম্ভব। দেখা যায় যে, অনমনীয় প্রান্তে প্রতিক্লিত পাল্সের প্রতিক্লনকে আমরা নিম্নবর্ণিতভাবে কল্পনা করিতে পারি। প্রথমে কল্পনা করা যাউক্ যে তারটি ইহার প্রান্ত-দেশে শেষ না হইয়া অসীম দূরত্ব পর্যন্ত প্রস্থা প্রবাহত, এবং পাল্স্ প্রান্তদেশে কোনও রূপ



বিক্কত না হইয়া প্রান্তদেশকে অতিক্রম করিয়া কাল্লনিক তারের মধ্য দিয়া প্রবাহিত ইইতেছে। অপরপক্ষে তারের কাল্লনিক অংশে একটি অলীক্ পাল্স্ বিপরীতম্থী গতিবেগে প্রবাহিত হইয়া তারের বাস্তব অংশে চলিয়া আসিতেছে। বাস্তব এবং অলীক্, তুইটি পাল্স্ই প্রান্তদেশের অনমনীয় বস্তব অন্তিত্ব সম্পর্কে সম্পূর্ণ অচেতন। ইহারা একই সময়ে প্রান্তদেশে পোঁচাইবে এবং অলীক পাল্সের সরণ বাস্তব পাল্সের সরণের বিপরীতম্থী হওয়ায় প্রান্তদেশ দ্বির থাকিবে। এবং এই অলীক পাল্সই প্রান্তদেশ অতিক্রম করিয়া তারের বাস্তব অংশে প্রতিফলিত বাস্তব পাল্স্ রূপে দেখা দেয়। 5.11. (ii) চিত্রের (ক) অংশে এইপ্রকার চিত্র-কল্প আঁকিয়া দেখানো হইয়াছে।

অপরপক্ষে, প্রান্তদেশ সম্পূর্ণ মুক্ত থাকিলে, পাল্স্ যথন ঐ প্রান্তে পোঁছাইবে, তথন ঐ প্রান্তের কম্পনাবস্থা পর্যবেক্ষণ করিলে দেখা যায় যে উহা পাল্সের সরণের জন্ত যতথানি বিক্ষিপ্ত হওয়ার কথা, তাহার দ্বিগুণ পরিমাণ বিক্ষিপ্ত হইতেছে। এক্ষেত্রে উপরের কাল্লনিক অবস্থায় অলীক্ পাল্সের সরণও বাস্তব পাল্সের একই দিকে ধরিতে হইবে। উহারা উভয়েই একই সময়ে প্রান্তদেশে পোঁছাইয়া দ্বিগুণ সরণের সৃষ্টি করে। 5.11. (ii) চিত্রের (খ) অংশে ইহা দেখানো হইয়াছে।

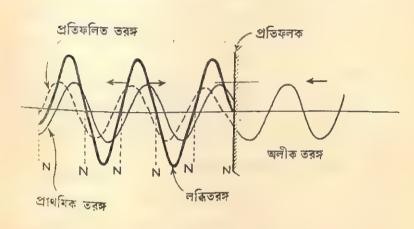
স্থতরাং দেখা যাইতেছে যে প্রতিফলিত পাল্সের বৈশিষ্ট্য নির্ভর করে প্রান্তের অবস্থার উপর। ইহা সম্পূর্ণ মৃক্ত হইলে এই বৈশিষ্ট্য এক প্রকারের হইবে, অন্তপক্ষে ইহা অনমনীয় বস্তুর সহিত বাঁধা থাকিলে এই বৈশিষ্ট্য ভিন্ন প্রকারের। প্রান্তদেশ মৃক্ত অথবা স্থির, ইহাই তারের সীমা-সর্ভ (Boundary condition), এবং এই সীমা-সর্ভই ঠিক করিয়া দেয় যে প্রতিফলিত পাল্সের বৈশিষ্ট্য কি প্রকারের হইবে।

(গ) একপ্রান্ত স্থির, এইরূপ তারের মধ্যে স্থাণু-তরঙ্গ (Stationary waves): একটি তরঙ্গপ্রবাহ তারের একপ্রান্তে আসিয়া পোঁছাইলে, এবং প্রান্তটি স্থির (Fixed) হইলে, ঐ প্রান্ত হইতে প্রতিফলিত তরঙ্গপ্রবাহ তারের মধ্য দিয়া বিপরীত মুখে প্রবাহিত হইবে। তারের যে কোনও এক বিন্দুর কম্পান, প্রাথমিক তরঙ্গপ্রবাহ এবং প্রতিফলিত তরঙ্গপ্রবাহের কম্পানের যোগফল (তরঙ্গের বিক্ষেপণ নীতি অমুসারে)।

আমরা লেখচিত্রের সাহায্যে প্রাথমিক ও প্রতিফলিত তরত্বের সরণ যোগ করিয়া লব্ধি তরঙ্গপ্রবাহের আকার কিরপ হইবে, তাহার ধারণা করিতে পারি। আমরা শুধুমাত্র প্রান্তভাবের নিকটবর্তী অঞ্চলে কম্পন কিরপ হইবে, তাহাই আলোচনা করিব। 5.11. (iii) চিত্রে যে কোনও এক মুহূর্তের অবস্থা দেখানো হইয়াছে। তারের স্থির প্রান্তকে একটি প্রতিফলক হিসাবে কয়না করা হইয়াছে। প্রতিফলকের ডানদিকে অলীক্ তরঙ্গ আঁকা হইয়াছে। প্রাথমিক তরঙ্গকে প্রতিফলকে প্রতিফলিত করিয়াবিষম (inverted) প্রতিবিদ্ধ আঁকিলেই অলীক্ তরঙ্গ-প্রবাহ পাওয়া যাইবে। ইহা

প্রাথমিক তরঙ্গ-প্রবাহের বিপরীত মুখে গতিশীল। প্রতিফলকের বামদিকে এই অলীক্তরঙ্গকে প্রসারিত করিয়া প্রতিফলিত তরঙ্গ পাওয়া যায়। প্রাথমিক ও প্রতিফলিত
তরঙ্গের সরণ যোগ করিয়া লব্ধি তরঙ্গ-প্রবাহ আঁকা হইয়াছে। লব্ধি তরঙ্গ-প্রবাহের

N বিন্দুগুলি লক্ষণীয়। ইহাদের সরণ শৃষ্ম।

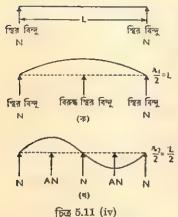


চিত্ৰ 5.11 (iii)

অভা যে কোনও মৃহূর্তে ঐ চিত্র অন্ধিত করিতে হইলে, ঐ সময়ের মধ্যে প্রাথমিক ও প্রতিকলিত তরঙ্গপ্রবাহে যে পরিবর্তন হইয়াছে তাহা বিবেচনা করিতে হইবে। মনে রাখিতে হইবে, এক্ষেত্রে প্রাথমিক তরঙ্গ ডানদিকে এবং প্রতিকলিত তরঙ্গ বামদিকে প্রবাহিত হইতেছে। 5.11. (iii) এর অন্তর্মপ চিত্র অভা যে কোনও মৃহূর্তের জভা আঁকিলে দেখা যাইবে যে N চিহ্নিত বিন্দুগুলিতে সকল সময়েই সরণের মান শৃভা এবং ইইটি N বিন্দুর মধ্যবর্তী বিন্দুতে কম্পনের বিস্তার সর্বাপেক্ষা বেশী। N বিন্দুগুলি পূর্বে বিশিত স্থিরবিন্দু (nodes) এবং উহাদের মধ্যবর্তী বিন্দুগুলি বিরুদ্ধ স্থিরবিন্দু (Antinodes), এবং লব্ধি তরঙ্গপ্রবাহ প্রকৃতপক্ষে একটি স্থাগু তরঙ্গ।

প্রাথমিক তরক্ষের তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ হইলে পরপর ছইটি স্থিরবিন্দু কিম্বা পরপর ছইটি বিরুদ্ধ স্থিরবিন্দ্র দূরত্ব হইবে $\frac{\lambda}{2}$ ।

্ছা উভয়প্রান্ত ভির, এরপ তারের কম্পন: ধরা যাউক্, একটি তারের উভয় প্রান্তই অনমনীয় বস্তুর সহিত দৃঢ়ভাবে আবদ্ধ, অর্থাৎ উভয় প্রান্তই স্থির। এরপ ক্ষেত্রে, তরঙ্গ প্রবাহ যে কোনও এক প্রান্তবিন্তে আসিয়া প্রতিফলিত হইবে, এবং এই প্রতিফলিত তরঙ্গ অপর প্রান্তে যাইয়া পুনরায় প্রতিফলিত হইবে। এইরূপ প্রতিফলনের



এবং পুনঃ প্রতিফলনের সময় তুইপ্রান্ত স্থির এই
সীমা-সর্ত সব সময়েই মানিয়া চলিতে হইবে। তুই
প্রান্ত স্থির বলিয়া এইরূপ তারের মধ্য দিয়া প্রবাহী
তরন্দ সম্ভব নয়; স্থতরাং তারের মধ্যে সব সময়েই
কোনও না কোনও প্রকার স্থাণু তরন্ধের স্কৃষ্টি হইবে।

ইহা সহজেই বুঝা যায় যে তুইপ্রান্তকে স্থিরবিন্দু হইতে হইলে উহাদের মধ্যবর্তী স্থানে অস্ততঃ একটি বিরুদ্ধ স্থিরবিন্দুর প্রয়োজন; কারণ স্থাণু তরঙ্গে, পর-পর তুইটি স্থিরবিন্দুর মধ্যস্থলে একটি বিরুদ্ধ স্থিরবিন্দু থাকে। যেহেতু তুইটি পরপর স্থিরবিন্দুর দূরত্ব

 $=rac{\lambda}{2}$, স্থতরাং এই প্রকার স্থাণু-তরঙ্গের তরন্ধনৈর্ঘ্যের পরিমাণ হইবে,

$$\frac{\lambda}{2} = L,$$
 5.11. (5)

এখানে, তারের দৈর্ঘ্য J. ধরা হইয়াছে। 5.11. (iv) চিত্তের (ক) অংশে যে কোনও এক মৃহুর্ত্তে এইরূপ স্থাণু-তরঙ্গের রূপ দেখানো হইয়াছে। আমরা জানি যে,

$$f=C\lambda$$
, and $C=\sqrt{\frac{T}{\mu}}$;

অতএব,
$$5.11.(5)$$
 হইতে, $f=rac{C}{2L}=rac{1}{2L}\sqrt{rac{T}{\mu}}=f_{z}$ (ধরা যাউক)

5.11. (6)

উপরোক্ত স্থাপু তরদ ছাড়াও আরও অনেক প্রকার স্থাপু তরদ্বই এইরূপ তারে সম্ভব। তুইটি স্থিরবিন্দ্র মধ্যে শুধু একটি বিরুদ্ধ স্থিরবিন্দ্ না থাকিয়া, সমান দূরত্বে যে কোনও এক প্রান্ত হইতে প্রথমে একটি বিরুদ্ধ স্থিরবিন্দ্ , পরে একটি স্থিরবিন্দ্ এবং ইহার পর আরও একটি বিরুদ্ধ স্থিরবিন্দু থাকা সম্ভব। এরূপ ক্ষেত্রে পর্পর তুইটি স্থিরবিন্দ্র দূর্দ্ধ $\frac{\lambda}{2}$ হইলে,

$$\frac{\lambda}{2} = \frac{L}{2}$$
 5.11. (7)

চিত্র 5.11. (iv) এর (খ) অংশ দ্রষ্টবা। এই স্থাণু তরঙ্গ উপরে বর্ণিত স্থাণু তরঙ্গ হইতে পৃথক্ একটি তরঙ্গ; কারণ ইহার তরঙ্গদৈর্ঘা অপরটির অর্ধেক। ইহাধরা ষাইতে পারে যে, তরঙ্গের গতিবেগ কম্পনাঙ্কের উপর অথবা তরঙ্গ দৈর্ঘ্যের উপর নির্ভর করে না। স্থতরাং 5.11. (7) সমীকরণ হইতে, দিতীয় স্থাণু তরঙ্গের কম্পনান্ধ, f_{s} কে লেখা যায়,

$$f_2 = 2. \frac{C}{2L}$$
 5.11. (8)

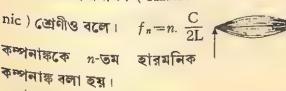
এইরপভাবে, তুইটি প্রান্ত স্থির-বিন্দুর মধ্যে স্থির ও বিরুদ্ধ স্থির বিন্দুর সংখ্যা ক্রমশঃ বাড়াইয়া আমরা নিম্নলিখিত কম্পনাঙ্কের স্থাণু-তরঙ্গ পাইতে পারি,

$$\begin{cases}
f_3 = 3.\frac{C}{2L} \\
\vdots \\
f_n = n.\frac{C}{2L}
\end{cases}$$
5.11. (9)

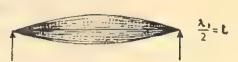
n যে কোন একটি সংখ্যা।

f 1 কম্পনান্ধকে তার্টির ফাণ্ডামেণ্টাল (Fundamental) কম্পনাক্ষ বলে। অন্ত কম্পনান্ধগুলি ফাণ্ডামেণ্টাল কম্পনাস্কের পূর্ণসংখ্যা গুণিতক (integral multiple)। কোনও একটি কম্পনান্ধ পাইতে হইলে ফাণ্ডামেণ্টাল কম্পনান্ধকে যে পূর্ণ সংখ্যা দ্বারা গুণ করিতে হয়, ঠিক তত সংখ্যক বিরুদ্ধ স্থিরবিন্দু তার্টির মধ্যে পাওয়া যাইবে।

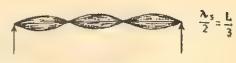
তারের মধ্যে সন্তাব্য এই সমস্ত শ্বাণুতরঙ্গের কম্পনাঙ্গকে ওভার-টোন (overtone) বলা হয়। ইহাদিগকে হারমনিক (Harmo-

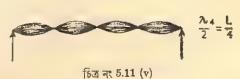


উপরে বর্ণিত ফাণ্ডামেণ্টাল এবং বিভিন্ন হারমনিক কম্পানাগ্ধই উভয় প্রান্তে স্থির এইরূপ তারের স্বাভাবিক কম্পানান্ধ। তারটিকে কোন উপায়ে কম্পিত করিয়া ছাড়িয়া দিলে সাধারণ ক্ষেত্রে সমস্ত সন্তাব্য স্বাভাবিক কম্পানাক্ষের স্থাণু তরঙ্গই তারের মধ্যে









পষ্টি হইবে। ইহাদের সকলের কম্পনশক্তি এক না হইতেও পারে; অর্থাৎ মোট কম্পনশক্তি সম্ভাব্য সকল স্থাণ্-তরঙ্গের মধ্যে স্থমভাবে বন্টিত না হইয়া বিশেষ কোনও ভাবে বন্টিত হইতে পারে। সম্ভাব্য স্থাণ্-তরঙ্গের মধ্যে মোট কম্পনের শক্তি কিভাবে বন্টিত হইতে পারে, তাহার আলোচনা এথানে সম্ভব নয়।

এইরূপভাবে কম্পিত তারের, একই ফিল্মে বহুসংখ্যক ছবি লইলে উহাদের বিভিন্ন মূহুর্তের তরঙ্গের রূপ একত্র দেখা যাইবে। এইরূপ কতকগুলি সম্ভাব্য চিত্র 5.11. (v) চিত্রে দেখানো হইল।

উদাহরণ: তৃই প্রান্তবিন্দু স্থির, ঐরপ একটি তারের টান 400 নিউটন (এক নিউটন=10⁵ ডাইন্স্), ইহার দৈর্ঘ্য 50 সেমি. এবং ভর 5 গ্রাম। (ক) ইহার কাণ্ডামেণ্টাল কম্পনান্ধ কত ? (থ) ইহার দশম হারমনিক বা দশম ওভারটোনের কম্পনান্ধ কত ?

(ক) 5.11. (6) সমীকরণ হইতে আমরা জানি,

ফাণ্ডামেণ্টাল কম্পানান্ধ,
$$f_1 = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{T}{\mu}}$$
, $L =$ তারের দৈর্ঘ্য, $T =$ তারের টান, এবং

#= একক দৈর্ঘ্যে তারের ভর।

মতরাং
$$f_1 = \frac{1}{2 \times 50 \text{ সেম}} \sqrt{\frac{400 \times 1.5 \text{ তাইন}}{5/50 \frac{\text{গ্রাম}}{\text{সেম}}}}$$

$$= \frac{1}{2 \times 50 \text{ সেম}} \sqrt{\frac{4 \times 10^7 \frac{\text{গ্রাম-সেমি.}}{(সেকেগু)^2}}{10^{-2} \frac{\text{গ্রাম}}{\text{সেমি.}}}}, \text{ যেহেতু,}$$

ভাইন্ = গ্রাম-সেমি. $= \frac{1}{100 \text{ সেমি.}} \sqrt{4 \times 10^8 \left(\frac{\text{সেমি.}}{\text{সেকেণ্ড}}\right)^2}$ $= \frac{1}{100 \text{ সেমি.}} \times 2 \times 10^4 \frac{\text{সেম.}}{\text{সেকেণ্ড}}$ $= 200 (সেকেণ্ড)^{-1}$

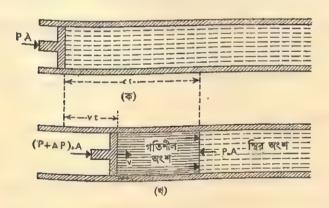
স্থতরাং ফাণ্ডামেন্টাল কম্পনান্ধ=200 সাইক্ল্স, প্রতি সেকেণ্ডে।

(খ) দশম ওভার-টোনের কম্পনান্ধ, f_{10} হইলে,

f 10=10f 1., 5.11. (9) স্মীকরণ দ্রপ্তব্য।

=10 × 200 (সেকেণ্ড)-1

- = 2000 সাইক্ল্স্, প্রতি সেকেণ্ডে।
- =2 কিলোসাইক্ল্স্, প্রতি সেকেণ্ডে।
- 5'12. বায়ুস্তভের কম্পন: পূর্বের পরিচ্ছেদে আমর। তারের মধ্য দিয়া তির্যক্ তরন্দের প্রবাহ সম্বন্ধে আলোচনা করিয়াছি। এই পরিচ্ছেদে বায়্স্তস্তের মধ্য দিয়া দৈর্ঘ্যতরন্ধের প্রবাহ বর্ণনা করা হইবে।
- কে) বায়ুস্তভের মধ্য দিয়া ক্ষণস্থায়ী দৈর্ঘ্যসরণের গতিবেগঃ ধরা যাউক্, 5.12. (i) চিত্রান্থায়ী একটি নলের মধ্যে বায়ু লওয়া হইয়াছে। নলের প্রস্থাক্তদের ক্ষেত্রকল= A, বায়ুর ঘনত্ব=P এবং বায়ুর চাপ=P। চিত্রের (ক) অংশে বায়ু স্থির অবস্থায় আছে। t=0 মৃহুর্তে নলের বাম প্রান্থের পিটনেকে v গতিবেগে ভানদিকে গতিশীল করা হইল। চিত্রের (খ। অংশে t সময়-ব্যবধানের পর বায়ুর অবস্থা



চিত্ৰ 5°12 (i)

দেখানো হইয়াছে। S তলের বামদিকের সব বিন্v গতিবেগে ডানদিকে গতিশীল, কিন্তু S তলের ডানদিকের সব বিন্v ছির। গতিশীল ও স্থির অংশের মধ্যবর্তী সীমাতল, S, ডানদিকে অগ্রসর হইবে, এবং ধরা যাউক্, এই অগ্রগমনের গতি = c.। পিষ্টন t সময়ে যে দূরত্ব অতিক্রম করিয়াছে তাহার পরিমাণ vt এবং সীমাতল S, t সময়ে যে দূরত্ব অতিক্রম করিয়াছে তাহার পরিমাণ ct। তির্থক্ সরণের মতন এক্ষেত্রেও ইম্পাল্স্ ভরবেগ উপপাত্যের সাহায্যে অগ্রগমনের গতি c গণনা করা যাইবে।

t সময়ে যে পরিমাণ বায়ু গতিশীল হইয়াছে, তাহা ct দৈর্ঘা এবং A-প্রস্তুচ্ছেদের

আয়তনের মধ্যে সীমাবদ্ধ। স্থতরাং এই বায়ুর তর = PctA। t-সময়ে ইহার দৈর্ঘ্য-তরবেগ (Longitudinal momentum) হইয়াছে,

এখন দেখা যাক্, গতিশীল অংশে চাপ বৃদ্ধি, ΔP , এর পরিমাণ কত ? গতিশীল অংশের প্রাথমিক আয়তন ছিল Act এবং ইহা t সময়ে Avt পরিমাণ কমিয়া গিয়াছে। আমরা জানি, বায়ুর আয়তন হ্রাসান্ধ B ধরিলে,

$$B=rac{ ext{birma haso} A ext{sign}}{ ext{wiso} A ext{sign}}$$
 $=rac{\Delta P}{A ext{vt}/A c t}$ $\Delta P=Brac{ ext{v}}{c}$ 5. 12. (2)

এখন, গতিশীল অংশের চাপের পরিমাণ $P+\Delta P$ এবং এই চাপের ফলে পিষ্টনের উপর বলের পরিমাণ হইবে, $(P+\Delta P)A$.। সীমাতল S এর ডানদিকের বায়ু গতিশীল বায়ুর উপর চাপ প্রয়োগ করিবে, এবং ইহার পরিমাণ PA; স্থতরাং বায়ুর গতিশীল অংশে মোট চাপের পরিমাণ $(\Delta P)A$.। বায়ুস্তস্তের দৈর্ঘ্য বরাবর ইম্পাল্স্ হইবে,

লৈষ্য ইম্পাল্স $=\Delta P. \times A.t$

$$=B\frac{v}{c}$$
 At, 5.12.(2) সমীকরণ ব্যবহার করিয়া, 5. 12.(3)

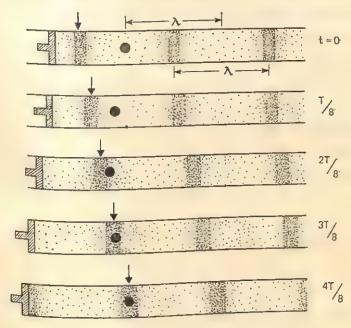
স্তরাং B $\frac{\mathbf{v}}{c}$ A $t = \rho ct$ A \mathbf{v} .

जर्था९
$$c=\sqrt{\frac{B}{\rho}}$$
 5. 12. (4)

স্থৃতরাং দেখা যাইতেছে যে, বায়ুর মধ্যে ক্ষণস্থায়ী দৈর্ঘ্য সরণের অগ্রগমনের গতি বায়ুর আয়তন হ্রাসাঙ্ক এবং ঘনত্বের উপর নির্ভর করে।

(খ) বায়ুস্তজে দৈর্ঘ্যতরঙ্গ (longitudinal waves in a column of air) के বায়ুস্তজে দৈর্ঘ্যতরঙ্গ কিভাবে স্বষ্ট হয় তাহা নিম্নে আলোচিত হইল। বায়ুস্ততি একটি দীর্ঘ নল বিবেচনা করা যাউক। ধরা যাউক্ ইহার বামপ্রান্তে একটি পিষ্টন নলের দৈর্ঘ্য বরাবর কম্পনে কম্পিত হইতে পারে। 5. 12. (ii) চিত্র দ্রষ্টব্য। বায়ুর মধ্যে বস্তকণাকে বিন্দুলারা স্থাচিত করা হইয়াছে। ধরা যাউক্ যে পিষ্টনকে নলের দৈর্ঘ্যের সমান্তরাল দিকে সরলপর্যায়বৃত্তিক কম্পনে কম্পিত করা হইতেছে। এই কম্পনের সময় পিষ্টন যথন ডানদিকে যাইবে তখন বায়ুর মধ্যে একটি অপেক্ষাকৃত উচ্চচাপের অঞ্চল স্ফ্রিটি হইবে। এই অঞ্চলে চাপ বায়ুর সাম্যাবস্থার চাপের তুলনায় বেনী। এইরূপ অঞ্চলকে

ঘন-অঞ্চল (Condensations) বলা হয়। চিত্রে এই অঞ্চলগুলি দেখাইবার জন্য এই অঞ্চলে বস্তুকণার স্টুচক বিন্দুগুলিকে পরস্পরের কাছাকাছি আঁকা হইয়াছে। ঘন-অঞ্চল স্টে হইবার পরেই উহা ডানদিকে অগ্রসর হইতে শুরু করে এবং ইহার বামপার্শের অঞ্চলে সাম্যাবস্থার তুলনায় চাপ কম থাকে। এই অঞ্চলকে সূক্ষম অঞ্চল (rarefaction) বলা হয়। চিত্রে, এই অঞ্চলে বিন্দুগুলিকে পরস্পর হইতে দূরে অহিত করা



চিত্ৰ 5'12(ii)

ইইয়াছে। এই প্রকার ঘন এবং কৃদ্ধ অঞ্চল ডানদিকে c গতিবেগে অগ্রসর হয়। চিত্রে, ছোট তীর-চিহ্নের পরপর কয়েকটি অবস্থান দেখাইয়া ঘন অঞ্চল ও কৃদ্ধ-অঞ্চলের অগ্রগমন ব্যানে। হইয়াছে। এইরপ উচ্চচাপ ও নিম্চাপের অঞ্চল যখন বায়ুস্তজ্বের মধ্য দিয়া অগ্রসর হয়, তখন ইছাকে বায়ুস্তজে দৈর্ঘ্য-তরঙ্গ বলা হয়। বায়ুর মধ্যে কোনও একটি বিন্দুর গতি, চিত্রে স্থল-বিন্দুর সাহাযেয় ব্যানে। হইয়াছে। বিন্দুটি উহার স্থির অবস্থানের চারিদিকে সরলপয়্যায়বৃত্তিক কম্পনে কম্পিত হইতেছে এবং ইহার সরণ স্তজ্বের দৈর্ঘ্যের সমাস্তরাল। ইহা লক্ষণীয় যে বায়ুর বিন্দুগুলি এক অবস্থান হইতে অন্য কোনও অবস্থানে স্থানান্তরিত হইতেছে না, ইহারা ইহাদের স্থির অবস্থানকে কেন্দ্র করিয়া উহারই ছইপাশে কম্পিত হইতেছে। শুধু উচ্চচাপ ও নিম্নচাপের অবস্থাই জঙ্গের দৈর্ঘ্য বরাবর প্রবাহিত হইতেছে।

ছইটি পরপর ঘন-অঞ্চল বা তুইটি পরপর স্ক্র-অঞ্চলের ত্রছকে ভরজ-দৈর্ঘ্য বলা

হয়। তরঙ্গ-দৈর্ঘ্য, কম্পনাস্ক এবং অগ্রগমনের গতি পূর্বের মতনই নিম্নলিখিত সমীকরণ অনুসারে পরম্পরের উপর নির্ভরশীল ;

 $c=f\lambda$ 5, 12, (5)

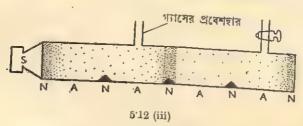
20° সেটিগ্রেড তাপমাত্রায় বায়ুর মধ্যে দৈর্ঘ্য-তরঙ্গের গতিবেগ পরিমাপ করিয়া দেখা গিয়াছে যে ইহার পরিমাণ 1130 ফুট/সেকেণ্ড অথবা 344 মিটার/সেকেণ্ড।

(গ) বায়ুস্তভে স্থাণু দৈর্ঘ্য-তরক । কোনও নির্দিষ্ট দৈর্ঘ্যের নলের মধ্যকার বায়ুত্তভে দৈর্ঘ্যতরফ উহার প্রান্তদেশে প্রতিক্লিত হয়। প্রাথমিক ও প্রতিক্লিত তরকের বিক্ষেপণে স্থাণু-তরকের স্ষষ্ট হয়।

দৈর্ঘ্যতরঙ্গ নলের বদ্ধ প্রান্তে প্রতিফলিত হইলে ঐ প্রান্তে বায়ুর মধ্যস্থিত বিন্তুলির সরণ শৃত্য হইতে হইবে। স্থতরাং বদ্ধপ্রান্ত একটি স্থিরবিন্দ্ (Node)। নলের উন্মৃত্ত প্রান্তে দৈর্ঘ্যতরঙ্গ প্রতিকলিত হইলে প্রতিকলিত তরঙ্গের বৈশিষ্ট্য সাধারণতঃ বেশ জটিল। অবশ্র, নলের ব্যাস তরঙ্গলৈর্ঘ্যের তুলনায় ছোট হইলে দৈর্ঘ্যতরঙ্গ ঐ প্রান্তে এমনভাবে প্রতিকলিত হয় যাহাতে ঐ উন্মৃত্ত প্রান্তে বিরুদ্ধ স্থিরবিন্দুর (anti-nodes) স্থেষ্টি হয়।

স্থতরাং বলা যায় যে, তারের মধ্যে তির্যক্ তরঙ্গ বন্ধ এবং উন্মুক্ত প্রান্তে যে ভাবে প্রতিফলিত হয়, বায়ুক্তক্তে দৈর্ঘা-তরঙ্গও বন্ধ ও উন্মূক্ত প্রান্তে সেই ভাবেই প্রতিফলিত হয়।

বায়্স্তস্তে স্থাণ্ দৈর্ঘাতরঙ্গের অস্তিত নিয়বণিত যন্ত্রের সাহায্যে প্রমাণ করা যায়। কয়েক ফিট লম্বা একটি কাচের নল লওয়া হইল ; ইহার একপ্রাস্ত বদ্ধ এবং অপর্প্রাস্ত



একটি পাতলা ভায়াফ্রাম দ্বারা ঢাকা আছে। চিত্র 5. 12 (iii) দ্রষ্টব্য। নলের মধ্যে বিশেষ উষ্ণতায় এবং বায়ুমণ্ডলীয় চাপে বায়ু প্রবেশ করানো হইল। একটি শক্তিশালী কম্পন স্বষ্টিকারী যন্ত্রের, S, সাহায্যে ভায়াফ্রামকে কম্পিত করা হইল। নলের দৈর্ঘ্য বরাবর হালকা কর্কের গুঁড়া নলের মধ্যে স্ব্যাভাবে ছড়ানো আছে।

নলের মধ্যের বায়ুস্তস্তের যে কোনও স্বাভাবিক কম্পনাঙ্কে ডায়াফ্রামকে কম্পিত করিলে ঐ বায়ুস্তস্তে উপযুক্ত স্থাণু-তরঙ্গের স্বষ্টি হইবে। এই তরঙ্গের বিস্তার বেশী করিলে বায়ুর বস্তকণাগুলি কর্কের গুঁড়াকে গতিশীল করিবে। কর্কের গুঁড়াগুলি শেষ পর্যন্ত স্থিরবিন্দ্র কাছে জমা হইবে, কারণ ঐ স্থানে বায়ুস্তস্তের বস্তকণাগুলির সরণ শৃত্য।

কর্কের ওঁড়াগুলির অবস্থান হইতে বয়ুস্তস্তে দৈর্ঘ্যতরঙ্গের তরঙ্গদের্ঘ্য পরিমাপ করা যাইতে পারে এবং কম্পন-উৎস যন্ত্রের কম্পনান্থ জানা থাকিলে বায়ুস্তস্তের মধ্যে ঐ তরঙ্গের গতিবেগ, 5. 12 (5) সমীকরণ ব্যবহার করিয়া নির্ণয় করা যাইতে পারে।

এই পদ্ধতিতে দৈর্ঘা-তরঙ্গের গতিবেগ পরিমাপকে **কুন্ড পদ্ধতি** (Kundt's method) বলা হয়।

উদাহরণ: একটি কুন্ড স্ নলে স্থাণু দৈর্ঘ্য-তরদ্ধ স্থাই করিবার জন্ম মধ্যবিন্ত্ত স্থির 1 সে. মি. দৈর্ঘ্যের একটি লোহদণ্ড ব্যবহার করা হইল। লোহদণ্ডটির মধ্যে প্রতি সেকেণ্ডে 2480 সাইক্ল্স্ কম্পনান্ধের দৈর্ঘ্য-তরদ্ধ স্থাই করা হইয়াছে। কুন্ড্স্ নলের মধ্যে কর্কের ওঁড়া যে স্থানে ভূপীক্ষত হইয়াছে, সেইরূপ পরপর ছই বিন্তুর ছ্রজ, 6.9 মিটার হইলে, (ক) কুন্ডস্ নলের মধ্যকার গ্যাসীয় গুল্ভে তরন্ধের গতিবেগ কত ? (ব্য লোহদণ্ডে তরন্ধের গতিবেগ কত ?

(ক) কুন্ড্স্ নলের গ্যাসীয় স্তস্তে তরম্ব-দৈর্ঘ্য ১ হইলে,

<u>১</u> = 6.9 নে. ম।

··
\[\lambda = 13.8 সে. মি. |

কম্পনাক, f = 2480 (সেকেণ্ড)⁻¹

স্বতরাং গতিবেগ, c=13.8×2480 সে. মি.

= 34224 <mark>সে. মি.</mark> সেকেণ্ড

≈342 <u>মিটার</u> সেকেণ্ড

(খ) লোহদণ্ডের মধ্যস্থলে স্থিরবিন্দু। ইথার দৈর্ঘ্য = 1 সে. মি.। ধরা যাউক, লোহদণ্ড উহার ফাণ্ডামেন্টাল কম্পনাধ্যে কম্পিত হইতেছে। স্ততরাং উহার মধ্যবিন্দু স্থিরবিন্দু হইলে, উভয়প্রান্ত বিরুদ্ধ স্থিরবিন্দু। তুইটি পরপর বিরুদ্ধ স্থিরবিন্দ্র দূরত্ব = 1/2; স্তরাং এক্ষেত্রে,

² = 1 সে. মি.

λ=2 সে. মি.

এবং গতিবেগ, $c=f\lambda$ $=2480 \; (\;\; সেকেণ্ড \;)^{-1} \times 2 \;\; সে. \;\; মি.$ $=4960 \;\; \frac{r N}{r N} \;\; \frac{N}{r N} \;\; .$

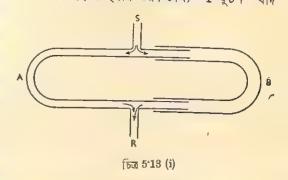
- 5'13. তরজের ইন্টারফেয়ারেজ বা প্রক্ষেপণ (Interference or Superposition of waves):
- 5.11. অনুচ্ছেদে তরঙ্গের বিক্ষেপণের নীতি আলোচিত হইয়াছে। তরঙ্গের বিক্ষেপণকেই অনেক সময় ইন্টারকেয়ারেন্স বলা হয়।
- 5.11. অন্তচ্ছেদে তারের মধ্যে তির্থক তরঙ্গের এবং 5.12 অন্তচ্ছেদে বায়্ন্তস্তে দৈর্ঘ্য তরঙ্গের বিক্ষেপণের ফলে উভ্ত স্থাণু তরঙ্গের বৈশিষ্ট্য আলোচনা করা হইয়াছে। ঐ ভ্রুক্ষেত্রে প্রাথমিক ও প্রতিফলিত তরঙ্গের বিক্ষেপণের ফলেই স্থাণু তরঙ্গের স্পষ্ট হয়। ইহা লক্ষণীয় যে প্রতিফলনের জন্ম কম্পনাবস্থা পরিবর্তিত হওয়ার ফলে প্রাথমিক ও প্রতিফলিত তরঙ্গে সরণের দিক প্রতিফলকের উপর বিপরীতম্থী হয় এবং ঐ স্থানে স্থির বিন্দু পাওয়া যায়। ত্ইটি বিপরীতম্থী এবং বিভিন্ন কম্পনাবস্থার তরঙ্গ (প্রাথমিক ও প্রতিফলিত) যথন মাধ্যমের কোনও বিন্দুর মধ্য দিয়া প্রবাহিত হয়, তথন তাহাদের সরণের যোগফলই ঐ বিন্দুর লিক্ষ সরণের পরিমাণ নির্দেশ করে। যে বিন্দুতে প্রাথমিক ও প্রতিফলিত তরঙ্গের কম্পনাবস্থা একই সেইসব বিন্দুতে সরণ সর্বাপেক্ষা বেশী হয় এবং উহারা বিক্ষার স্থিরবিন্দু (Anti-nodes)। যে বিন্দুতে উহাদের কম্পনাবস্থা বিপরীত সেই সব বিন্দুতে সরণের পরিমাণ শৃন্য এবং উহারা স্থিরবিন্দু (Nodes)।

কোনও তরঙ্গ উহার উৎস হইতে অগ্রসর হইয়া কোনও বিন্দুতে পৌছাইলে, ঐ বিন্দুতে কম্পনের কম্পনাবস্থা, উৎস হইতে বিন্দুর দূরত্ব, χ এর উপর নির্ভর করে। উৎস হইতে তরঙ্গকে হইভাগে ভাগ করিয়া উহাদিগকে যদি বিভিন্ন পথ অতিক্রম করাইয়া একই বিন্দুতে লইয়া আসা হয়, তাহা হইলে ঐ তুই অংশের জন্ম ঐ বিন্দুর কম্পনাবস্থা পথ তুইটির দৈর্ঘ্যের উপর নির্ভর করিবে। স্থতরাং তরঙ্গের তুই অংশের জন্ম বিন্দুর কম্পনাবস্থার প্রভেদ, তরঙ্গের তুই অংশের অতিক্রান্ত পথের প্রভেদের (Path difference) পরিমাণের উপর নির্ভর করিবে।

5.13. (i) চিত্রের যন্ত্রের সাহায্যে বাতাসের মধ্য দিয়া প্রবাহিত দৈর্ঘ্য-তরঙ্গের বিক্ষেপণের ফলাফল পরীক্ষা করা যায়। চিত্রে, তরঙ্গের উৎস, S, হইতে দৈর্ঘ্য-তরঙ্গি ধাতব নলের মধ্যে প্রবেশ করিতেছে। ইহা হইটি অংশে বিভক্ত হওয়ার পর এক অংশ SAR পথ অতিক্রম করিতেছে। অপর অংশ SBR পথ অতিক্রম করিবে; এবং B নলটিকে ভানদিকে সরাইয়া SBR পথের দৈর্ঘ্য ইচ্ছামত পরিবর্তন করা যাইবে। ধরা

যাউক্, তরঙ্গের কম্পনাক্ষ প্রতি সেকেণ্ডে 1100 সাইক্ল্স্। যদি বাতাসের মধ্যে তরঙ্গের গতিবেগ 1100 ফুট/সেকেণ্ড হয়, তাহা হইলে ইহার তরঙ্গ-দৈর্ঘ্য=1 ফুট। যদি

তরঙ্গের তৃই অংশই একই দৈর্ঘ্যের পথ অতিক্রম করে, তবে উহারা একই সঙ্গে R বিন্দৃতে পোঁছাইবে এবং উহাদের জন্ম R বিন্দৃতে কম্পনাবস্থা একই হইবে।
R বিন্দৃতে লব্ধি কম্পনের সরণ উভয় অংশের জন্ম সরণের

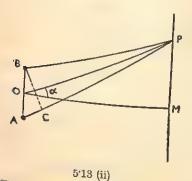


যোগফল হইবে। R বিন্দৃতে প্রতিস্থাপিত কোনও তরঙ্গ-ধারকযন্ত্রের সাহায্যে ইহা জানিতে গারা যাইবে।

এখন যদি B নলকে 3 ইঞ্চি ডানদিকে সরাইয়া দেওয়া হয়, তাহা হইলে SBR
পথের দৈর্ঘ্য 6 ইঞ্চি বৃদ্ধি পাইবে। স্কৃতরাং ডানদিকে প্রবাহিত তরঙ্গ 1/2 পরিমাণ
বেশী পথ অতিক্রম করিবে। R বিন্দুতে বাম ও ডানদিকে প্রবাহিত তরঙ্গের জন্ত কম্পানাবস্থা একে অপরের বিপরীত হইবে, এবং ইহার ফলে R বিন্দুতে লব্ধি সরণের পরিমাণ শৃত্য হইবে। তরঙ্গ-ধারক্যস্কের সাহায্যে ইহা ধরা পড়িবে।

B নলকে আরও 3 ইঞ্চি ডানদিকে সরাইয়া পথ-প্রভেদের পরিমাণ ১ করা যায়।
ত্বিং এক্ষেত্রে, R বিন্দৃতে উভয় অংশের কম্পনাবস্থা পুনরায় এক হইয়া সরণের মান
স্বাপেক্ষা বেশী হইবে।

উপরোক্ত পরীক্ষার দ্বারা পথ-প্রভেদের জন্ম তরঙ্গ-বিক্ষেপণের ফলাফল কি হয়, তাহা সহজেই বুঝা যায়।



তুইটি তরঙ্গ উৎস হইতে একই কম্পনাবস্থার তরঞ্জের বিক্ষেপণের ফলে অন্ত এক বিন্তুত লব্ধি সরণের পরিমাণ কত হয়, আমরা এক্ষণে তাহার আলোচনা করিব।

ধরা যাউক্, 5:13 (ii) চিত্রে তরক্ষ উৎস
ত্ইটি A এবং B বিন্দৃতে অবস্থিত। ইহাদের
কম্পনাক সমান এবং উৎস ত্ইটির সংযোগকারী
রেধার মধ্যবিন্দৃর উপর অন্ধিত লম্বের উল্লম্ব

তলের কোনও এক বিন্দু Pতে তরঙ্গ বিক্ষেপণের ফল গণনা করা হইবে।

ধরা যাউক্, MP=z এবং AB=s। প্রথমে, AP রেধার উপর B বিন্দু হটতে BC লম্ম টানা হইল। ধরা যাউক, OM=D. তাহা হইলে

$$BP^{2} = D^{2} + \left(z - \frac{s}{2}\right)^{2},$$

$$AP^{3} = D^{2} + \left(z + \frac{s}{2}\right)^{2}.$$

স্থতরাং AP2 - BP2 = 2sz,

অথবা (AP – BP)(AP + BP)=(AP – BP)2OP=2sz ∠POM= < ধরিলে,

$$\frac{MP}{OP} = \frac{z}{OP} = \sin \alpha$$

অতএব, (AP-BP)=s. sin ৰ.

(AP-BP)=A ও B হইতে P বিন্দ্র পথ-প্রভেদের (Path difference)
পরিমাণ। পথ-প্রভেদের পরিমাণকে △ লিখিলে,

$$\triangle = s. \sin \alpha$$
.

অথবা,
$$\sin \alpha = \frac{\Delta}{s}$$
 5.13. (1)

MP তলে বিভিন্ন বিন্দু বিবেচনা করিলে, \sim এবং \triangle র পরিমাণ বিভিন্ন হইবে। আমরা জানি, পথ-প্রভেদের পরিমাণ $2k\lambda/2$ হইলে (k যে কোনও একটি পূর্ণ সংখ্যা) তরঙ্গ ছুইটির কম্পনাবস্থা একই থাকিবে, এবং ঐ বিন্দুতে সরণ সর্বাপেক্ষা বেশী হইবে। 5.13. (1) সমীকরণে $\triangle=2k.\frac{\lambda}{2}$ ব্যবহার করিয়া ঐ সকল বিন্দু কত ডিগ্রী কোণে অবস্থিত অর্থাৎ ইহাদের \sim -র পরিমাণ কত তাহা বাহির করা যায়। অপরপক্ষে, পথ প্রভেদের পরিমাণ (2k-1) $\frac{\lambda}{2}$ হইলে তরঙ্গ ছুইটির কম্পনাবস্থা একে অপরের বিপরীত হইবে, এবং ঐ বিন্দুতে সরণ শৃত্য হইবে 5.13. (1) সমীকরণে $\triangle=(2k-1)\lambda/2$ ব্যবহার করিয়া ঐ সকল বিন্দুর MP তলে অবস্থান জানিতে পারা যায়।

উদাহরণ 1. 5.13. (ii) চিত্রের A ও B তরল উৎস হইতে প্রবাহিত তরলের দৈর্ঘ্য=30 সে. মি. AB=100 সে. মি., OM=400 সে. মি.। (ক) MP=300 সে. মি. হইলে P বিন্দৃতে A ও B হইতে প্রবাহিত তরলের পথ-প্রভেদ কত?' (থ) এই তুইটি তরলের জন্ম P বিন্দৃতে কম্পনাবস্থার প্রভেদ কত?'

$$OP^2 = OM^2 + MP^2$$

= $(400)^2$ (সেমি $)^2 + (300)^2$ (সেমি $)^2$
= $25,0000$ (সেমি $)^2$

এবং
$$\sin \alpha = \frac{MP}{OP} = \frac{300}{500} = \frac{3}{5} = 0.6$$

অতএব পথ-প্রভেদ, △= AB sin ব = 100 সে. মি. × 0°6 = 60 সে. মি.

(খ) এক্ষেত্রে, তরঙ্গ দৈর্ঘ্য=30 সে. মি. এবং ১/2=15 সেমি.। অতএব, পশ্ব প্রভেদ, 60 সেমি=4×1/2; এবং যেহেতু 4 একটি জোড় পূর্ণসংখ্যা, স্থতরাং কম্পন প্রভেদ শ্যু হইবে। অর্থাৎ P একটি বিরুদ্ধ স্থির বিন্দু, ইহার k ধ্রুবকের মান=2.।

উদাহরণ 2. উপরের উদাহরণে k=1 ধরিয়া বিরুদ্ধ স্থির বিন্দুর অবস্থান, এ নির্ণন্ধ কর।

 $k{=}1$ ধরিলে বিরুদ্ধ স্থির বিন্দুতে পথ প্রভেদ Δ হইবে,

$$\Delta = 2k\frac{\lambda}{2} = \lambda = 30$$
 সে. মি.

অতএব,
$$\sin \alpha = \frac{\Delta}{s} = \frac{30 সেম}{100 সেম} = 0.3$$

স্বতরাং «≃17°.5, কারণ, sin 17°.5≈0'3।

k এর বিভিন্ন মান, অর্থাৎ $k=0,\,1,\,2,\,3,\,$ ইত্যাদি ধরিয়া বিভিন্ন স্থির ও বিরুদ্ধ স্থির বিন্দৃগুলির অবস্থান বাহির করা যায়। কোনও একটি বিশেষ স্থির বা বিরুদ্ধ স্থির বিন্দৃর k এর মান অনুসারে উহাকে k-তম প্রক্ষেপণের স্থির বা বিরুদ্ধ স্থির বিন্দৃ (k-th. order interference minimum or maximum) বলা হয়।

5.14. আধিকম্প (Beats) ঃ আমরা পূর্বে দেখিয়াছি যে একই বিস্তার এবং
কম্পানাঙ্কের তুইটি তরন্ধ প্রবাহ পরস্পর বিপরীতমুখী হইয়া কোনও মাধ্যমের একই অংশের
মধ্য দিয়া প্রবাহিত হইলে, উহাদের প্রক্ষেপণের ফলে স্থাপু তরন্ধের স্থাষ্টি হয়। আমরা
এই অমুচ্ছেদে তরন্ধ প্রক্ষেপণের আরও একটি উদাহরণ আলোচনা করিব।

ইইটি একই বিস্তারের কিন্তু কাছাকাছি তুইটি বিভিন্ন কম্পনাঙ্কের তরঙ্গ প্রবাহ কোনও
পদার্থ (I)—17

মাধ্যমের একই অংশের মধ্য দিয়া প্রবাহিত হইলে উহাদের প্রক্ষেপণের ফলে যে লব্ধি তরঙ্গের স্বাষ্ট হয় তাহার নিমোক্ত বৈশিষ্ট্যগুলি লক্ষ্যণীয়

- (ক) লব্ধি তরঙ্গের কম্পনান্ধ, প্রাথমিক তরঙ্গ ছুইটির কম্পনান্ধের গড়। মুর্থাও প্রাথমিক কম্পনান্ধ ছুইটি যথাক্রমে f_1 এবং f_2 হুইলে লব্ধি তরঙ্গের কম্পনাঙ্ক= f_1+f_2 ।
- (খ) লব্ধিতরঙ্গের বিস্তার সময়ের সহিত পরিবর্তিত হয়, এবং এই পরিবর্তনের কম্পনাক্ষ $=rac{f_1-f_2}{2}$ ।

লব্ধি তরঙ্গের বিস্তারের পরিমাণ সময়ের সহিত পরিবর্তনের সময়, নির্দিষ্ট সময় অন্তর অন্তর সর্বাপেক্ষা বেশী হয়। লব্ধিতরঙ্গের এই সর্বাপেক্ষা বেশী পরিমাণের বিস্তারকেই অধিকম্প (Beat) বলা হয়।

ধরা যাউক্, হুইটি প্রাথমিক তরঙ্গের সমীকরণ,

$$y_1 = A \cos 2\pi f_1 t$$
, এবং
 $y_2 = A \cos 2\pi f_3 t$. 5. 14. (1)

y1 এবং y2 তরঞ্চ ছইটির জন্ম কোনও এক বিন্দৃতে সরণ। তরঙ্গ বিক্ষেপণের
নীতি অন্মারে, ঐ বিন্দৃতে লব্ধি তরঙ্গের জন্ম সরণ y হইলে,

$$y = y_1 + y_2$$

= A[\cos 2\pi f_1 t + \cos 2\pi f_2 t] 5. 14. (2)

বেহেতু
$$\cos a + \cos b = 2 \cos \frac{a+b}{2} \cos \frac{a-b}{2}$$
 5. 14. (3)

5. 14. (2) সমীকরণকে লেখা যায়

$$y = \left\{ 2A \cos 2\pi \left(\frac{f_1 - f_2}{2} \right) t \right\} \cos 2\pi \frac{f_1 + f_2}{2} t$$
 5.14.(4)

 $5.\ 14.\ (4)$ সমীকরণ হইতে বলা যায় যে, লব্ধি তরক্ষের কম্পনান্ধ $=\frac{f_1+f_2}{2}$, এবং ইহার বিস্তার সময়ের সহিত পর্যায়বৃত্তিকভাবে পরিবর্তিত হয়। এই প্র্যায় বৃত্তিক পরিবর্তনের কম্পনান্ধ $=\frac{f_1-f_2}{2}$ ।

লন্ধি-তরক্ষের বিস্তার, $2 ext{ A}\cos 2\pi \left(\frac{f_1-f_2}{2}\right)t$; স্বতরাং ইহার প্রায়,

 $T=rac{2}{f_1-f_2}$ । এই পর্যায়ের মধ্যে বিস্তারের পরিমাণ স্বাপেক্ষা বেশী হয় ছইবার, এবং

এই ঘুই মুহূর্ত হইল, t=0 এবং $t=\displaystyle\frac{T}{2}=\displaystyle\frac{1}{f_1-f_2}$ । স্কুতরাং বিস্তারের পর্য্যায়বৃত্তিক কম্পনের প্রত্যেক পর্যায়ে ঘুইটি করিয়া অধিকম্প (beat) থাকিবে।

অর্থাৎ, $\frac{2}{(f_1-f_2)}$ সময়ে অধিকম্পের সংখ্যা=2.

স্থতরাং একক সময়ে অধিকম্পের সংখ্যা $=(f_1-f_2)$

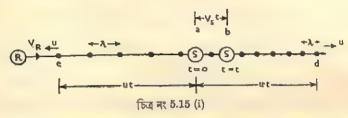
তাহা হইলে দেখা যাইতেছে, প্রতি সেকেণ্ডে অধিকম্পের সংখ্যা প্রাথমিক তরঙ্গ ছুইটির কম্পনাঙ্কের প্রভেদের সমান।

হুইটি একই বিস্তার এবং কাছাকাছি কম্পনাঞ্চের তরঙ্গের জন্ম কোন এক বিন্দৃতে সরণের লেথচিত্র আঁকিয়া উহাদিগকে যোগ করিয়া ঐ বিন্দৃতে লব্ধি তরঙ্গের আকার পাওয়া যাইতে পারে। ঐরূপ লেথচিত্র যন্ত্র সহকারে আঁকিলে অধিকম্পের অন্তিত্ব এবং এক সেকেণ্ডে কয়টি অধিকম্প হুইতে পারে, তাহা বুঝা যায়।

পরীক্ষামূলকভাবে, একটি বায়ুন্তস্তে কাছাকাছি কম্পনান্ধের তুইটি শব্দ-তরঙ্গের উৎসের সাহায্যে অধিকম্পের সৃষ্টি করা যায়, এবং লব্ধি শব্দ-তরঙ্গের বিস্তারের উপর শব্দের প্রাবল্য নির্ভর করে বলিয়া, কানে শুনিয়াই অধিকম্পের অস্তিত্ব ব্বিতে পারা যায়। অধিকম্পের সময় শব্দ সর্বাপেক্ষা বেশী হইবে এবং প্রাথমিক তরঙ্গ তুইটির কম্পনাঙ্কের প্রভেদ অন্মসারে শব্দের প্রাবল্য হ্রাস-বৃদ্ধি পাইবে। বস্তুক্তঃ এক সেকেণ্ডে অধিকম্পের সংখ্যা গণনা করিয়া তুইটি কাছাকাছি কম্পনাঙ্কের শব্দ-তরঙ্গের উৎসের কম্পনাঙ্কের প্রভেদ নির্ণয় করা যায়।

- 5.15. তপ্রার এফেক্ট (Doppler Effect) । এ পর্যন্ত আমরা তরঙ্গ প্রবাহের গতিবেগ বিবেচনা করিবার সময় ধরিয়া লইয়াছি যে তরঙ্গের উৎস কোন এক বিন্তুতে অবস্থিত এবং ইহা গতিহীন, স্থির। এই পরিচ্ছেদে, তরঙ্গ উৎস এবং তরঙ্গ ধারকের গতির ফলে তরঙ্গপ্রবাহের কম্পনান্ধের যে পরিবর্তন হয় তাহাই আমরা আলোচনা করিব। তরঙ্গের উৎস গতিশীল হইলে তরঙ্গ প্রবাহের কম্পনান্ধের যে পরিবর্তন হয়, তাহাকেই 'তপ্লোর' এফেক্ট" বলা হয়। আবিন্ধারক বিজ্ঞানিক, তপ্লারের নামান্ত্রসারে এই প্রকার নামকরণ করা হইয়াছে।
- $5.\ 15.\ (i)$ চিত্রে তরক্ষের উৎস, S, এবং তরক্ষের ধারকযন্ত্র R, দেখানো হইয়াছে। উৎসের গতিবেগ $V_{\rm S}$ এবং ধারকের গতিবেগ $V_{\rm B}$ কে পঞ্জিটিভ বলা হইবে তখনই, যখন উহারা R হইতে S অভিমুখে। আমরা স্থবিধার জন্ম ধরিয়া লইব যে ধারক এবং উৎস

একই সরলরেথায় গতিশীল। উহাদের গতিবেগ S হইতে R অভিমূখে হই<mark>লে</mark> উহাদিগকে নেগেটিভ ধরা হইবে। তরঙ্গ প্রবাহের গতিবেগ u-কে সব সমন্নেই পজিটিভ ধরা হইবে।



চিত্রান্থযায়ী ধারক R, উৎস S-এর বামদিকে অবস্থিত। স্থতরাং চিত্রে প্রদর্শিত VRএবং Vs উভয়েই R হইতে S অভিমূথে এবং পজিটিভ। t=0 মূহূর্তে উৎসের অবস্থান a বিন্তুতে এবং ইহার পরবর্তী কোনও মূহূর্ত t-তে উৎসের অবস্থান b বিন্তুত। t=0 মূহূর্তে যে তরঙ্গ প্রবাহ a বিন্দু হইতে স্থক হইয়াছিল তাহার সর্বাগ্রগামী তরঙ্গতল উৎসের উভয়দিকে t সময়ের মধ্যে e এবং d বিন্তুতে পৌছাইয়াছে। এই তরঙ্গতল উভয়দিকে u গতিবেগে অগ্রসর হইতেছে। এই গতিবেগ মাধ্যমের ভৌতিক বৈশিষ্ট্যের উপরেই নির্ভর করে। তরঙ্গ একবার উৎস হইতে বাহির হইয়া গেলে উহা উৎসের অবস্থার উপর আর নির্ভর করে না। উৎস এবং উহা হইতে নিঃস্তত তরঙ্গ সম্পূর্ণ পৃথক সন্থায় পরিণত হয়, একে অপরকে প্রভাবিত করিতে পারে না। ad অথবা ea দৈর্ঘ্যা u যে সমান। u দৈর্ঘ্যা Vst এর সমান, স্থতরাং

$$eb = (u + Vs)t$$

$$bd = (u - Vs)t$$
5. 15. (1)

উৎসের কম্পনান্ধ f_s হইলে, t=0 এবং t=t এই তুই মূহুর্তের মধ্যের সময় ব্যবধানে উৎস হইতে $f_s t$ সংখ্যক তরন্ধ নিঃস্থত হইয়াছে। এখানে, তরন্ধ সংখ্যা বলিতে তরঙ্গাধ্যের সংখ্যা বুঝানো হইতেছে। অর্থাৎ এক তরন্ধদৈর্ঘ্যের মধ্যে তরন্ধের যে অংশ থাকে তাহাকেই একটি তরন্ধ বলিয়া উল্লেখ করা হইতেছে। উৎসের ভানদিকে এই তরন্ধগুলি bd দূরন্থের মধ্যে থাকিবে। এখানে ধরা হইতেছে যে তরন্ধের গতিবেগ u, উৎসের গতিবেগ V_s হইতে অনেক বেশী। উৎসের বামদিকে এ একই সংখ্যক তরন্ধ eb দূরন্থের মধ্যে থাকিবে। eb-র পরিমাণ bd হইতে বেশী বলিয়া উৎসের বামদিকে তরন্ধতলগুলি একে অপর হইতে অপেক্ষাক্কত বেশা দূরন্থে থাকিবে এবং উৎসের ভানদিকে উহারা অপেক্ষাক্কত কাছাকাছি অবন্ধিত হইবে। bd এবং eb-র মধ্যে ক্যকগুলি বিন্দুর অবস্থান দেখাইয়া ইহা বুঝানো হইয়াছে।

স্বতরাং উৎসের সম্মুথভাগে (ডানদিকে) তরঙ্গ দৈর্ঘ্যের পরিমাণ হইবে,

$$\lambda = \frac{(u - V_s)t}{f_s t} = \frac{u - V_s}{f_s}$$
 5. 15. (2)

এবং উৎসের পশ্চাদ্দেশে (বামদিকে) তরন্ধ-দৈর্ঘ্যের পরিমাণ হইবে,

$$\lambda = \frac{(u + \nabla_s)t}{f_s t} = \frac{u + \nabla_s}{f_s}$$
 5. 15 (3)

এই তর্দ্বগুলি ধারক্যন্ত্রের সাপেক্ষে ধারকের দিকে u+Vম গতিবেগে অগ্রসর ইইতেছে। ধারকে প্রতি সেকেণ্ডে যতগুলি তরঙ্গ গৃহীত হইতেছে, অর্থাৎ ধারক যে কম্পনান্ধ নির্দেশ করিবে, তাহার পরিমাণ

$$f = \frac{u + V_R}{\lambda} = \frac{u + V_R}{(u + V_s)/f_s}$$

$$= f_s \left(\frac{u + V_R}{u + V_s}\right)$$
5. 15. (4)

স্বতরাং দেখা যাইতেছে, তরঙ্গ উৎসের কম্পনান্ধ fঃ এবং ধারক যন্ত্রে নির্দিষ্ট কম্পনাঙ্ক f, উৎস এবং ধারকের গতিবেগের জন্ম পৃথক হইবে।

ইহা লক্ষনীয় যে, $V_{\rm R}=V_s$ হইলে, 5. 15. (4) সমীকরণ অনুসারে $f=f_s$ । অর্থাৎ ধারক ও উৎস একই দিকে একই গতিবেগে গতিশীল হইলে ধারক যন্ত্র, উৎস বা ধারকের গতিবেগের জন্ম তরঙ্গের পরিবর্তনের কোন নির্দেশ দিতে পারে না।

উদাহরণ । ধরা যাউক্ 5.15.(i) চিত্রে $f_s = 1000$ সাইক্ল্স/সেকেণ্ড, u = 1000 কিট্/সেকেণ্ড। স্বতরাং স্থির উৎস হইতে নিঃস্বত তরঙ্গের তরঙ্গদৈর্ঘ্য $\frac{u}{f_s} = 1$ ফুট।

্ক) উৎসের গতিবেগ, $V_s=100$ ফুট/সেকেণ্ড হইলে উৎসের সমূথে এবং পশ্চাদিকে তরম্বদৈর্ঘ্য কত ?

উৎসের সম্মুখে তরঙ্গদৈর্ঘ্য =
$$\frac{u - V_s}{f_s} = \frac{1000 - 100}{1000} = 0.9$$
 ফুট।

উৎসের পশ্চাদিকে তরঙ্গলৈঘ্য =
$$\frac{u+V_s}{f_s} = \frac{1000+100}{1000} = 1.1$$
 ফুট।

। খ) ধারক স্থির থাকিলে এবং উৎস ধারক হইতে 100 ফুট/সেকেণ্ড গতিবেগে দুরে সরিয়া গেলে ধারকে কত কম্পনান্ধ দেখাইবে ?

একেত্রে, $V_R=0$ এবং $V_s=100$ ফিট/সেকেও।

ইতরাং 5. 15. (4) স্মীকরণ হইতে, ধারকে নির্দিষ্ট কম্পনাঙ্ক, f, হইবে,

$$f = f \frac{u}{u + V_s} = 1000. \frac{1000}{1000 + 100} = 909$$
 সাইক্ল্স/সেকেও

(গ) উৎস স্থির থাকিলে, এবং ধারক বামদিকে 100 ফিট/দেকেণ্ড গতিবেগে অগ্রসর হইলে ধারকষম্ভ্রে কত কম্পনাঙ্গ নির্দিষ্ট-হইবে ?

এক্ষেত্রে,
$$V_R = -100 \frac{\overline{r}}{$$
েসেকেণ্ড $}$, এবং $V_s = 0$.

$$f = f_{\text{s}} \cdot \frac{u + V_{\text{R}}}{u} = 1000 \cdot \frac{1000 - 100}{1000} = 900$$
 সাইক্ল্স্/সেকেও।

উপরের উদাহরণ হইতে দেখা যাইতেছে যে উৎস ধারক হইতে দূরে সরিয়া গেলে, কিম্বা ধারক উৎস হইতে সরিয়া গেলে, ধারকযন্ত্রে নির্দিষ্ট কম্পনাক উৎসের কম্পনাক হইতে কম হইবে। কিন্তু সরিয়া যাওয়ার গতিবেগ উভয় ক্ষেত্রে এক হইলেও কম্পনাক্ষর প্রভেদ এক থাকিবে না।

গতিশীল গাড়ীর বাঁশীর শব্দ গাড়ীটি শ্রোভার দিকে আগাইয়া আসিবার সময় এবং একই গতিবেগে শ্রোভাকে অতিক্রম করিয়া যাওয়ার পর, শ্রোভার নিকট বিভিন্ন কম্পনাঙ্কের বলিয়াই মনে হয়। ইহা ছাড়া দেখা গিয়াছে যে গতিশীল পরমাণু হইতে নিঃস্ত আলোকতরঙ্কের কম্পনাঙ্ক হইতে বেশ পৃথক। বস্তুতঃ পৃথিবী পৃষ্ঠে পরমাণু হইতে নিঃস্ত আলোকতরঙ্কের কম্পনাঙ্ক কম্পনাঙ্কের সহিত মহাকাশের গতিশীল নক্ষত্রের পরমাণু হইতে নিঃস্ত আলোকতরঙ্কের কম্পনাঙ্কের সহিত মহাকাশের গতিশীল নক্ষত্রের পরমাণু হইতে নিঃস্ত আলোকতরঙ্কের কম্পনাঙ্ক তুলনা করিয়া নক্ষত্রটি পৃথিবী হইতে কত বেগে দ্রে সরিয়া যাইতেছে তাহা নির্ণয় করা যাইতে পারে।

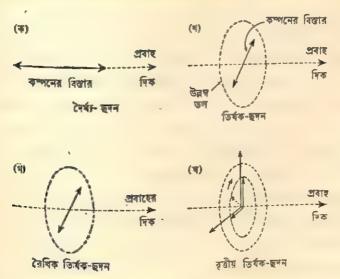
5'16 ছদ্ল (Polarisation): কোনও তরঙ্গ প্রবাহের দিকের সাংগক্ষে আমরা ত্ইটি তল করনা করিতে পারি। ইহাদের মধ্যে একটি তল প্রবাহদিকের সহিত উল্লম্ব ভাবে বিশুন্ত, ইহাকে উল্লম্ব বা তির্মক তল (Transverse plane) বলা হয়। অপরটি, প্রবাহদিকের সমান্তরাল তল, অর্থাৎ এই তলেই প্রবাহদিক অবস্থিত; এবং ইহাকে দৈর্ঘ্য-তল (Longitudinal plane) বলা হয়। কোনও মাধ্যমের যে কোনও এক বিন্দৃতে তরঙ্গের প্রবাহদিক নির্ণয় করিয়া ঐ বিন্দৃতে তির্যক ও দৈর্ঘ্য-তল অফিত করা যায়। ঐ বিন্দৃর কম্পনের বিস্তারকে ঐ তুই তলে সমকোণে প্রক্ষিপ্ত করিয়া তুইটি উপাংশে ভাগ করা যায়। যদি কোনও তরঙ্গের ক্ষেত্রে (সকল বিন্দৃতেই) কম্পনের বিস্তার কেবলমাত্র উহাদের দৈর্ঘ্যতলেই থাকে তবে ঐ তরঙ্গকে দৈর্ঘ্য-তরঙ্গ (longitudinal waves) বলে; অপরপক্ষে উহা যদি শুধুমাত্র তির্যক-তলেই থাকে, তবে তরঙ্গকে ত্রিক তরঙ্গ (Transverse waves) বলে।

কোনও ভরঙ্গের জন্য মাধ্যমের বিন্দুতে ভরঙ্গ-প্রবাহের দিকের সাপোকে কম্পানের বিস্তারের বিন্যাসকে ঐ ভরঙ্গের ছদন (Polarisation) বলে।

দৈর্ঘ্য-তরজের ছদনকে দৈর্ঘ্য-ছদন (Longitudinal polarisatoin) ; এবং তির্বক্তরজের ছদনকে তির্বক-ছদন (Transverse polarisation বলা হয়।

তির্যক ছদনে কম্পনের বিস্তার তরঙ্গের প্রবাহ-দিকের উল্লম্ব তলে থাকে। এক্ষেত্রে, এই উল্লম্ব তলে আমরা পরস্পর সমকোণে নত চুইটি অক্ষরেধা কল্পনা করিতে পারি। উল্লম্বতলের বিস্তারকে এই চুই অক্ষ-রেধা বরাবর উপাংশে ভাগ করা যায়। এই চুই উপাংশের পরিমাণ একই, অথচ উহাদের কম্পনাবস্থার প্রভেদের পরিমাণ 90° হইলে এই চুই উপাংশের ভেক্টর যোগফল উল্লম্বতলে প্রবাহদিকের চারিদিকে বৃত্তীয় গতিতে যুরিতে থাকে। এই প্রকার বিশেষ ধরণের তির্যক ছদনকে বৃত্তীয় ছদন (Circular Polarisation) বলে।

অপর পক্ষে, তির্যক ছদনে কম্পনের বিন্তার উল্লম্বতলের যে কোনও এক নিদিষ্ট দিক-বরাবর হইলে উহাকে বৈশিক তির্যক্ ছদন (Linear transverse polarisa-



চিত্ৰ 5. 16 (i)

tion) বলা হয়। 5.16. (i) চিত্রের বিভিন্ন অংশে বিভিন্ন প্রকার ছদন আঁকিয়া দেখানো হইয়াছে।

বিভিন্ন ধরণের তরক্ষের ছদনের উপুর নির্ভর করিয়া ঐ সকল তরক্ষের ভৌতিক

বৈশিষ্ট্য নির্ণীত হয়। উদাহরণ স্বরূপ বলা যায় যে, বিভিন্ন ছ্দনের তরঙ্গ-প্রবাহের গতিবেগ বিভিন্ন হয়। শব্দ তরঙ্গ ও আলোক তরঙ্গের আলোচনায় ছ্দনের বৈশিষ্ট্য স্মারও বিশদভাবে বর্ণনা করা হইবে।

5.17 শব্দতরঙ্গ (Sound waves) । মানুষ প্রবণেজ্রিয়ের সাহায্যে যে সকল তরঙ্গের অন্তিমের কথা জানিতে পারে, সেই তরঙ্গগুলিই শব্দতরঙ্গ। আমরা জানি আমাদের কানের মধ্যে আবদ্ধ বাযুতে তরঙ্গের সৃষ্টি হইয়া উহা কানের পর্দার উপর আপতিত হয় এবং উহারই প্রভাবে আমাদের আয়ুতন্তের সাহায্যে শব্দের অয়ুভূতি জন্মায়। স্বতরাং শব্দতরঙ্গ মূলতঃ বাতাসের মধ্য দিয়াই প্রবাহিত হয়। বাতাস কঠিন বস্তু নয় বলিয়া ইহার মধ্যে ক্রন্তন বিকার সম্ভব নয়। ইহার মধ্যে কোন এক বস্তুকণা কম্পিত হইলে (ইহার টানে) পার্যবর্তী বস্তুকণার সমাস্তরাল দিকে কোন সরণ সম্ভব নয়। শুধুমাত্র ইহার কম্পনের বিতারের দিক বরাবর অগ্রবর্তী বা পশ্চাদ্বর্তী বস্তুকণা, ইহার কম্পনের প্রভাবে কম্পিত হইতে পারে। ইহার অর্থ, বাতাসের ন্তায় প্রবহণশীল পদার্থে তির্যক তরঙ্গ সম্ভব নয়, ইহার মধ্য দিয়া শুধুমাত্র দৈর্ঘ্য-তরঙ্গই প্রবাহিত হইতে পারে। উপরোক্ত আলোচনা হইতে আমরা বলিতে পারি যে শব্দতরঙ্গ বাতাসের মধ্যে প্রবাহিত দৈর্ঘ্য-তরঙ্গ।

বায়্স্তস্তে দৈর্ঘ্যতরদের প্রবাহ আলোচনা করিবার সময় আমরা দেথিয়াছি যে, ইহার মধ্যে ক্রমান্বয়ে ঘন-অঞ্চল ও সৃদ্ধ অঞ্চল প্রবাহের গতিবেগে সদ্মুথে অগ্রসর হয়। এই প্রবাহের গতিবেগ বায়ুর আয়তন ব্রাসান্ধ এবং ঘনত্বের উপর নির্ভরণীল। আয়তন-ক্রাসান্ধ বায়ুর স্থিতিস্থাপক ধর্মের স্বচক; স্থতরাং শব্দতরঙ্গকে স্থিতিস্থাপকতার তরঙ্গ (elastic wave) বলা হয়। বায়ুর কোনও এক বিন্দুতে কম্পনের স্ফে হইলে কম্পনের শক্তি ঐ বিন্দুতে চাপের স্ফে করে; এবং এই উচ্চচাপ ও স্থিতিস্থাপকতার জন্ম ইহার পার্শ্ববর্তী নিম্নচাপের অঞ্চল তরঙ্গের আকারে ছড়াইয়া পড়ে।

মান্তবের শ্রাবণেজ্রিরের ক্ষমতা সীমাবদ্ধ। ইহা দেখা গিয়াছে যে 20 হইতে 20,000 সাইক্ল্স্/সেকেও কম্পনাঙ্কের শক্তরক্ষই মান্তবের শ্রাবণেজ্রিয়ের সাহায্যে অন্তত্ত্ব করা যায়। ইহার বাহিরের কোনও কম্পনাঙ্কের তরঙ্গ মান্তবের মধ্যে শব্দের অন্তভ্ত জাগায় না।

বাতাসে শব্দতরক্ষ স্থাষ্ট ইইবার পূর্বে ইহাতে চাপের পরিমাণ প্রায় 10⁶ ডাইন্স্ (সে.মি)² থাকে; ইহাকে ষ্ট্যাণ্ডার্ড বায়্চাপ বলা হয়। শব্দ তরক্ষের প্রবাহের ফ্^{লে} ঘন-অঞ্চলে চাপ ষ্ট্যাণ্ডার্ড বায়্চাপ অপেক্ষা বৃদ্ধি পায়, এবং আমাদের অন্তভূত শব্দের প্রাবিশ্য এই চাপ বৃদ্ধির পরিমাণের উপর নির্ভর করে। পরিমাপ করিয়া দেখা গিয়াছে যে, মান্থৰ যে শব্দ-প্রাবল্য সহ্য করিতে পারে, সেই পরিমাণ শব্দ-প্রাবল্যের জন্ম চাপ-বৃদ্ধির পরিমাণ প্রায় 280 ডাইন্স্/(সেমি.) । এই প্রকার সর্বাপেক্ষা প্রবল শব্দ-তরন্ধের জন্ম (কম্পনান্ধ 1000 (সেকেণ্ড)-1 ধরিলে) কাতাসের বস্তুকণার সর্বণ হয় প্রায় এক সেমি. এর একহাজার ভাগের একভাগ।

যে মৃত্তম শব্দ আমরা শুনিতে পাই, তাহাতে :চাপ-বৃদ্ধির পরিমাণ প্রায় 10^{-4} ডাইন্স্/(সে. মি $)^2$, এবং তথন বাতাসের বস্তুকণার সরণ হয় প্রায় 10^{-9} সে.মি.। স্বতরাং বলা যায়, মানুষের প্রবণেশ্রিয় খুবই সংবেদনশীল।

5.18. শব্দ-ভরক্তের গতি (Velocity of Sound): আমরা দেখিয়াছি যে, ক্ষণস্থায়ী দীর্ঘ-সরণ বায়বীয় পদার্থের মধ্য দিয়া $\sqrt{\frac{B}{\rho}}$ গতিতে অগ্রসর হয়। B= পদার্থের আয়তন গুণান্ধ (Bulk modulus), এবং $\rho=$ পদার্থের ঘনস্থ। ক্ষণস্থায়ী সরণের পরিবর্তে দৈর্ঘ্য-তরক্তের প্রবাহ বিবেচনা করিলেও একই ফল পাওয়া যায়। অর্থাৎ, বায়বীয় পদার্থের মধ্য দিয়া দৈর্ঘ্য-তরক্তের গতির পরিমাণও $\sqrt{\frac{B}{\rho}}$ ।

নিউটন এক বিশেষ পদ্ধতিতে বায়ুর মধ্য দিয়া শন্ধ-তরঙ্গের গতিবেগের হিসাব করেন। তাঁহার প্রিন্সিপিয়া গ্রন্থে তিনি দেখান যে,

বায়ুর মধ্যে শব্দ-তরঙ্গের গতি=
$$\sqrt{\frac{1}{1} - \frac{1}{1}} = \sqrt{\frac{P}{\rho}}$$
 5. 18 (1)

একটি বিশেষ ক্ষেত্রে, অর্থাৎ যথন বায়ুর আয়তন গুণান্ধ B, বায়ুচাপ P এর সমান, তথন নিউটনের সমীকরণ, 5. 18. (1) যথার্থ। এখন দেখা যাউক্, কথন B=P হইতে পারে।

V সি. সি আয়তনের কিছু পরিমাণ বায়ুর কথা বিবেচনা করা যাউক্। ধরা যাউক্, ইহার মধ্যে চাপের পরিমাণ P ডাইন্স্/(সে.মি.)²। এখন এই চাপকে অল্লপরিমাণ বিধিত করিলে, বায়ুর আয়তন অলপরিমাণ কমিয়া যাইবে। যদি p সি. সি /(সে.মি)² পরিমাণ চাপবৃদ্ধির ফলে আয়তন v সি. সি. কমিয়া যায়, তাহা হইলে,

আয়তন গুণাহ,
$$B = \frac{p}{V} = V.\frac{p}{V}$$
 5. 18. (2)

ধরা ঘাউক্ এই প্রকার চাপের হ্রাস-বৃদ্ধির সময় বায়ুর তাপমাত্রা একই থাকে। ভাহা হইলে, বয়েলের স্থত্ত অনুসারে,

$$PV = (P+P) (V-V)$$
= $PV + pV - VP - pV$
5. 18. (3)

p এবং v এর পরিমাণ P এবং p এর তুলনায় কম বলিয়া pV এবং vP এর তুলনায়
pv কে উপেক্ষা করা যায়। স্থতরাং 5. 18. (3) সমীকরণ হইতে

$$PV = PV + pV - vP$$
.

অথবা, pV=vP.

অবখা, P=V. p
5. 18. (4)

স্থুতরাং 5. 18. (4) এবং 5. 18. (2) সমাকরণ তুলনা করিয়া,

তাহা হইলে, দেখা যাইতেছে যে শন্ধ-তরক্ষের প্রবাহের সময় বায়ুতে যে চাপ ও আয়তন পরিবর্তিত হয়, তাহা যদি সম তাপমাত্রিক (isothermal) হয় অর্থাৎ চাপ ও আয়তন পরিবর্তনের সময় ঐ অঞ্চলে তাপমাত্রা অপরিবর্তিত থাকে, সেক্ষেত্রে,

বায়ুতে শব্দ তরঙ্গের গতি=
$$\sqrt{\frac{1}{1} বায়ুতাপ}$$

উদাহরণ: $O^{\circ}C$ তাপমাত্রায় বায়ুর ঘনত, $\rho=0.001293$ গ্রাম/(সি. সি.) হইলে এক বায়ুমণ্ডলীয় চাপে [$P=1.013\times10^6$ ডাইন্স্/(সে. মি.)²] এবং $O^{\circ}C$ তাপমাত্রায় শব্দতরক্ষের গতিবেগ কত ?

শন্ধতরঞ্জের গতিবেগ=
$$\sqrt{\frac{P}{\rho}}$$

$$=\sqrt{\frac{1.013\times10^{6} \text{ ডাইন্নূ}}{(সে. মি.)^{2}}}$$
 $=\sqrt{\frac{(স. মি.)^{2}}{0.001293}} \frac{\text{sha}}{\text{sha}}$
 $=\sqrt{0.7834\times10^{9}} \frac{\text{sha}-\text{ch}}{(সেকেণ্ড)^{2}} \frac{(সেমি)^{3}}{\text{sha}}$
 $=\sqrt{0.7834\times10^{9}} \frac{(y. x.)^{2}}{(y. x.)^{2}}$
 $\cong 280\times10^{8} \frac{y. x.}{y. x.}$
 $=280 \frac{\text{hbis}}{y. x.}$

পরীক্ষাগারে পরিমাপ করিয়া দেখা গিয়াছে যে, O°C তাপমাত্রায় এবং এক বায়ু

মণ্ডলীয় চাপে শব্দতরক্ষের গতিবেগ 332 মিটার/সেকেণ্ড। স্থতরাং 5.18.(1) সমীকরণে সংশোধন আবশ্যক।

বৈজ্ঞানিক লাপ্লাস (Laplace) এই সংশোধনের প্রস্তাব করেন। লাপ্লাসের মতে শব্দতরক্ষের প্রবাহের সময় ঘন অঞ্চলে চাপ-বৃদ্ধি এবং সৃদ্ধ অঞ্চলে চাপ-হাস এত তাড়াতাড়ি হয় যাহাতে চাপ বৃদ্ধির ফলে ঘন অঞ্চলে যে তাপমাত্রার বৃদ্ধি হয় তাহা চারিদিকে ছড়াইয়া যাইতে পারে না। অনুরূপভাবে সৃদ্ধ অঞ্চলে চাপ-হ্রাসের ফলে যে তাপমাত্রার হ্রাস হয় তাহাও ঐ অঞ্চলেই সীমাবদ্ধ থাকে, চারিদিকে ছড়াইয়া পড়িতে পারে না। স্কুরাং চাপ বৃদ্ধি এবং চাপ হ্রাসের সময় তাপমাত্রা একই থাকে না। এই প্রকার পরিবর্তনকে সম-এন্ট্রপিক পরিবর্তন (Iso-entropic বা adiabatic change) বলে। সম-এন্ট্রপিক পরিবর্তনের সময় বয়েলের স্ত্র সংশোধিত হয়, অর্থাৎ এক্ষেত্রে,

 $\gamma = rac{C_{\it D}}{C_{\it D}} = rac{$ গ্যাসের স্থির চাপের আগেক্ষিক তাপ m Nগ্যাসের স্থির আয়তনের আপেক্ষিক চাপ

স্থতরাং শব্দতর্জ প্রবাহের ক্ষেত্রে,

$$\begin{split} & \text{PV} \, \gamma \! = \! (\text{P} \! + \! \text{p}) (\text{V} \! - \! \text{v}) \gamma \\ & = \! \text{V} \gamma (\text{P} \! + \! p) \! \left(1 \! - \! \frac{\text{v}}{\text{V}} \right)^{\gamma \gamma} \\ & = \! \text{V} \gamma (\text{P} \! + \! p) \! \left[1 \! - \! \frac{\text{v}}{\text{V}} \! + \! \frac{\gamma (\gamma - 1)}{2} \! \left(\frac{\text{v}}{\text{V}} \right)^2 \! + \cdots \right] \end{split}$$

V এর তুলনায় $_V$ খূব কম হইলে, $\left(rac{v}{V}
ight)$ এর তুলনায় $\left(rac{v}{V}
ight)^2_{,}$ ইত্যাদির পরিমাণ উপেক্ষা করা যায়। স্ততরাং

$$PV\gamma = V\gamma(P+p)\left(1-\gamma\frac{v}{V}\right)$$

অথবা,
$$P=P-\gamma \frac{P_V}{V}-\gamma \frac{p_V}{V}+p$$
.

অথবা,
$$P = \gamma \frac{P_V}{V} + \gamma \frac{p_V}{V}$$
.

যেহেতু, p এবং v এর পরিমাণ, P এবং V এর তুলনায় অনেক কম, স্থতরাং pvএর পরিমাণ Pv এরতুলনায় উপেক্ষা করা যায়। অতএব,

$$p = \gamma \frac{P_V}{V}$$

অথবা,
$$\frac{pV}{v} = \nu P$$
 5. 18. (7)

5. 18. (2) সমীকরণের সহিত তুলনা করিয়া,

5, 18, (8)

স্তরাং বায়ুর মধ্যে শন্ধতরন্ধের গতি
$$=\sqrt{\frac{B}{\rho}}=\sqrt{\frac{yp}{\rho}}$$
 5.18.(9)

5. 18. (9) সমীকরণ **লাপ্তাদের সমীকরণ** (Laplace's equation) নামে বিখ্যাত।

বাযুর ক্ষেত্রে, γ-এর পরিমাণ = 1'41 স্থতরাং বাযুতে শব্দতরক্ষের গতি c, হইবে,

$$c = \sqrt{\frac{1.41 \times P}{\rho}}$$

এবং উপরের উদাহরণে ব্যবহৃত P এবং P এর মান ব্যবহার করিলে,

ইহা পরীক্ষাগারে পরিমাপ করা মানের থ্বই কাছাকাছি। স্থতরাং লাপ্লাসের সংশোধন যথার্থ।

শব্দতরক্তের গতিবেগের উপর বায়্প্রবাহের প্রভাব : আমরা এ যাবৎ ধরিয়া লইয়াছি যে তরঙ্গপ্রবাহের সময় মাধ্যমের বস্তুকণাগুলি উহাদের স্থির অবস্থা বা সাম্য অবস্থাকে কেন্দ্র করিয়া কম্পিত হয়, এবং শব্দ তরক্ষের ক্ষেত্রে এই কম্পনের বিস্তার খ্বই অল্ল। ইহার অর্থ, মাধ্যমের বস্তুকণাগুলি একটি স্থির অবস্থা হইতে অন্ত স্থির অবস্থায় স্থানাস্থরিত হয় না, অর্থাৎ মাধ্যমের মধ্যে বস্তুকণাগুলির কোনও প্রবাহ নাই।

প্রত্যেক প্রবহণশীল পদার্থে বস্তুকণাগুলির প্রবাহ হইতে পারে। বায়ুপ্রবাহের সহিত আমরা থুবই পরিচিত। এই প্রবাহের ফলে একস্থানের বায়ুকণা অনেক দূরে স্থানাস্তরিত হইতে পারে। বদ্ধ ঘরের বায়ুকে আমরা বায়ুর মধ্যে প্রবাহ স্থাষ্ট করিয়া বাহির করিয়া দিই (ventilation)। এখানে বদ্ধ ঘরের বায়ুকণাগুলি ঘরের বাহিরে চলিয়া যায় এবং বাহির হইতে অন্য বায়ুকণা ঘরে প্রবেশ করে।

মাধ্যমের মধ্যে বস্তুকণার প্রবাহ থাকিলে, শব্দতরক্ষের গতিবেগ পরিবর্তিত হইবে।
শব্দতরক্ষের প্রবাহ দিকের অভিমুখে বায়্প্রবাহ থাকিলে শব্দতরক্ষের গতিবেগ হইবে,
স্থির মাধ্যমে তরক্ষের গতিবেগ + বায়্প্রবাহের গতিবেগ। শব্দতরক্ষের প্রবাহদিকের
বিপরীত মুখে বায়্প্রবাহ থাকিলে শব্দতরক্ষের গতিবেগ হইবে, স্থির-মাধ্যমে তরক্ষের
গতিবেগ—বায়্ প্রবাহের গতিবেগ।

উন্মুক্ত বাতাসে শব্দতরকের গতিবেগের পরিমাপ পদ্ধতি: 1829 গ্রীষ্টাবে আ্যারাগো (Arago) নিম্নলিখিত পরীক্ষা করেন। কয়েক মাইল ব্যবধানে তুইটি পর্বত-চূড়ায় তুইজন পর্যবেক্ষক রাখা হইল। উহাদের একজনকে দেওয়া হইল একটি বন্দুক এবং অপরজনকে একটি ভাল দটপ-ওয়াচ (stop watch)। প্রথমজন বন্দুক ছূড়িলে, উহার আলোক-ঝলক দেখিয়া দ্বিতীয়জন দ্টপ-ওয়াচ চালু করিল; এবং কিছুক্ষণ পরে বন্দুকের শব্দ শোনার সঙ্গে সঙ্গে ত্রীষ্টাচ বন্ধ করিল। একই প্রকার বায়ুমওলীয় অবস্থায় অনেকবার এই পরীক্ষা করিয়া পরিমাপ করা সময়ের গড় লওয়া হইল। ধরা যাউক্, এই সময় = t সেকেণ্ড। পর্যবেক্ষক তৃইজনের মধ্যে দূরত্ব x সে.মি. হইলে, শব্দ-তরন্ধের গতিবেগ c হইবে

$$c = \frac{x}{t}$$
 সে.মি /সেকেণ্ড।

এইপ্রকার পরীক্ষায় সাধারণতঃ তুইটি কারণে সংশোধন প্রয়োজন।

(১) বায়্প্রবাহের জন্ম সংশোধন এবং (২) পর্যবেক্ষদের ব্যক্তিগত ক্রটির জন্ম সংশোধন।

বায়্প্রবাহের জন্ম সংশোধন করিবার জন্ম চুইজন প্যবেক্ষকের প্রত্যেক্তেই একটি করিয়া বন্দৃক ও দটপওয়াচ দেওয়া হইল। একজন বন্দৃক ছুড়িলে অপর জন সময়ের পরিমাপ করিবে; এবং দ্বিতীয়জন বন্দৃক ছুড়িলে প্রথমজন সময়ের পরিমাপ করিবে। ধরা যাউক্ উভয়ের পরিমাপ করা সময় যথাক্রমে t_1 এবং t_2 সেকেও। বায়্প্রবাহের দিক যদি প্রথম প্র্যাবেক্ষকের স্থান হইতে দ্বিতীয় প্যবেক্ষকের দিকে হয় এবং ইহার পরিমাণ ν সে.মি./সেকেও হইলে,

$$c+v = \frac{x}{t_1}$$
এবং $c-v = \frac{x}{t_2}$
অতএব $v = \frac{1}{2} \left(\frac{x}{t_1} + \frac{x}{t_2} \right) \frac{\text{সে মি.}}{\text{সেকেও}}$

এইভাবে, বাষ্প্রবাহের জন্ম সংশোধন করা হয়।

পর্যবেক্ষকরা হয়তো বন্দুকের আলোক-বলক দেখামাত্রই ন্টপওয়াচ চালাইল না; অথবা বন্দুকের শব্দ শোনামাত্রই ন্টপওয়াচ বন্ধ করিল না। আলো এবং শব্দের ব্যাপারে প্রভাক মান্নবের সংবেদনশীলতা এক নয়। এইপ্রকার ব্যক্তিগত ক্রটির জন্ম বন্দুক-ছোড়ার মৃহুর্ত্ত এবং শব্দ পোছানোর মৃহুর্তকে বৈত্যতিক পদ্ধতিতে নিখুঁতভাবে পরিমাপ করা হয়।

পরীক্ষাগারে নানাবিধ উপায়ে বাতাস এবং অন্ত যে কোনও বায়বীয় পদার্থে শব-তরঙ্গের গতিবেগ পরিমাপ করা যায়। পূর্ববর্ণিত কুন্ড্ নলের সাহায্যে এইপ্রকার নিখুঁত পরিমাপ সম্ভব।

5.19. শব্দের উৎস (Sources of sound) । মামুষের শ্রবণেক্রিয়ের কর্ন-পটই (Ear-drum) কম্পিত হইলেই শব্দের অমুভূতি হয়। কর্ন-পটহের পার্যবর্তী বাতাস বা অন্ত কোনও বায়বীয় পদার্থের বস্তুকণার কম্পনের জন্ত কর্নপটহে কম্পনের স্থিতি হয়। মুক্তরাং মৃক্ত বাতাসে উপযুক্ত কম্পনাঙ্কের দীর্ঘ-তরঙ্গের স্থিতি ইইলেই শব্দ শোনা সম্ভব। মুক্তরাং শব্দের উৎস বলিতে আমরা সেইসব ঘটনাকেই বুঝিব যাহা বাতাসে উপযুক্ত কম্পনাঙ্কের (20 হইতে 20,000 সাইক্ল্স্/সেকেণ্ড) দীর্ঘ-তরঙ্গের স্থিতি করিতে পারে।

বস্তুতঃ যে কোনও কম্পমান বস্তুই ইহার চারিপার্শ্বের বাতাসে শব্দতরঙ্গের স্ফুট করিতে পারে। আমরা বহুপ্রচলিত কতকগুলি শব্দের উৎস নিমে বর্ণনা করিব।

(ক) কম্পমান শলাকা (Tuning Fork): ইহা U-আকৃতি বিশিষ্ট

ित्त 5.19 (i)

ইম্পাতের দণ্ড। 5.19. (i) চিত্র দ্রষ্টব্য। U-এর বাঁকের কাছে একটি হাতলের সহিত শলাকাটি সংযুক্ত থাকে। কোন শক্ত কুশনের দণ্ডের সাহায্যে আঘাত করিয়া ইহাকে কম্পমান করা হয়।

কম্পান শলাকার একটি বিশেষত্ব হইল যে ইহার কম্পনাক একটি মাত্র, এবং এই কম্পনাক্ষ পারিপার্শ্বিক অবস্থার উপর বিশেষ নির্ভরশীল নহে। কম্পমান শলাকা উহার চারিপার্শ্বের বায়ব মাধ্যমে উহার নিজের কম্পনাক্ষ বিশিষ্ট শব্দতরক্ষের স্থাষ্ট করে।

কম্পমান শলাকার ভর এবং আকার ও আয়তনের উপর উহার কম্পনান্ধ নির্ভর করে। যে কোনও কম্পনাঙ্কের একটি শলাকা লইয়া উহার দণ্ডে অল্ল পরিমাণ অন্ত বস্তু জুড়িয়া দিলে শলাকার কম্পনান্ধ অল্ল পরিমাণ পরিবর্তিত হইবে।

খে) কম্পমান তার (Vibrating string) ই কোনও ধাতু-নির্মিত তারকে টান-টান অবস্থায় তুইটি কীলকের সহিত শক্ত করিয়া বাঁধিয়া দিলে উহা শব্দের উৎস হিসাবে ব্যবহৃত হইতে পারে। তারের যে কোন স্থান টানিয়া ছাড়িয়া দিলে তারটি কাঁপিতে থাকিবে। সেতারের তারে এইভাবে কম্পন স্ষ্টি করা হয়। তারের যে কোনও স্থানে কোনও শক্ত দণ্ড দারা হঠাৎ আঘাত করিলেও তারটি কম্পমান হইবে। পিয়ানোর তারে এইভাবে কম্পন স্ষ্টি করা হয়। আবার, কোনও ছড়ের সাহায্যে বিভিন্ন চাপে তারের কম্পন স্থান্ট করা হয় বেহালা জাতীয় যন্ত্রে। কম্পমান তারের স্বাভাবিক কম্পনান্ধ একটি নয়; তারের দৈর্ঘ্যের উপর নির্ভর করিয়া অনেক কম্পনান্ধের কম্পনই ইহার মধ্যে স্থান্ট করা সম্ভব। তারের কম্পনের শক্তি পার্যবর্তী বায়ব পদার্থে উপযুক্ত কম্পনান্ধের শব্দ তরক্ষের স্থান্ট করে।

- (গ) কম্পমান প্লেট (Vibrating plates) । সাধারণত: অন্ন বেধের, এবং অপেক্ষাকৃত সহজে সম্প্রসারণশীল পদার্থের এক খণ্ড লইয়া ইহার চারিপার্থে টান দিয়া ধরিয়া রাখার ব্যবস্থা করিলে কম্পমান প্লেট পাওয়া যায়। অন্ত কোনও শক্ত বস্তুর প্যাভ বা আঙ্গুলের সাহায্যে উহার উপর আঘাত করিয়া প্লেটকে কম্পমান করা যায়। প্লেটের স্বাভাবিক কম্পনাক্ষণ্ডলি উহার ভর, আকার ও আয়তনের উপর নির্ভর করে। ইহার উপরে অন্ত কোন বস্তু অন্ত পরিমাণ জুড়িয়া দিয়া, ইহার কম্পনাক্ষের অন্ত পরিমাণ পরিবর্তন করা সম্ভব। ডাম বা তবলা জাতীয় যন্ত এই প্রকার শন্ধ উৎসের উদাহরণ। প্লেটের কম্পনের শক্তি উহার চারিপার্থের বায়ব মাধ্যমে শন্ধ তরঙ্গের স্থিটি করে।
- (ঘ) কম্পমান বায়ুস্তম্ভ (Vibrating air column) ঃ কোন নলের মধ্যে বায় প্রবেশ করাইয়া কোন কম্পমান প্রেট বা কম্পমান শলাকার সাহাযো ঐ বায়ুস্তম্ভের স্বাভাবিক কম্পনাক্ষের যে কোনও একটি বা একাধিক কম্পনাঙ্কের কম্পন একই সঙ্গে করা যায়। নলের একদিক, কিম্বা তুইদিকই খোলা থাকিতে পারে এবং নলের দৈর্ঘ্য বর্ষাবর ছিদ্র করিয়া ইহার কার্য্যকারী দৈর্ঘ্য বৃদ্ধি বা হ্রাস করা সম্ভব। এইভাবে বায়ু-স্তম্ভের কম্পনাঙ্ক নিয়ন্ত্রিত করা যায়। বাশী, অরগ্যান ইত্যাদি যন্ত্র এই প্রকার শন্ধ-উৎসের উদাহরণ।

ইহা ছাড়া যে কোনও কম্পনই উপযুক্ত কম্পনাহের এবং বিস্তারের হইলে, উহা পার্যবর্তী বায়ব মাধ্যমে শব্দ তরঙ্গের সৃষ্টি করে। কোনও বস্তু মেঝেতে পড়িয়া গেলে, মেঝে এবং বস্তুর কম্পনের জন্ম শব্দের সৃষ্টি হয়। বস্তুতঃ যে কোনও শব্দের উৎস কোন না কোনও কম্পমান বন্ধ।

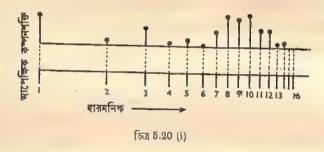
5.20. সুরসমূদ্ধ ও সুর্বজিত শব্দ (Musical sound and noise) :

যে শব্দ মান্নবের শ্রুতি-স্থকর তাহাকেই **স্থরসমূদ্ধ শব্দ** (Musical sound) বলে। যে সকল শব্দ স্থরসমূদ্ধ নহে, তাহারাই **স্থরবর্জিত শব্দ** (Noise)।

স্থতরাং স্থরসমৃদ্ধ শব্দ কোন্গুলি হইবে, তাহা মান্থবের অনুভূতির উপর নির্ভর করে।
যে সব শব্দকে অনেকেই স্থরসমৃদ্ধ বলিয়া মনে করে, সেই সব শব্দকে যন্ত্রের
সাহায্যে নানাভাবে বিশ্লেষণ করা হইয়াছে। এইরূপ বিশ্লেষণের ফলে দেখা গিয়াছে
যে, স্থরসমৃদ্ধ শব্দের কতকগুলি বৈশিষ্ট্য আছে। এই বৈশিষ্ট্যগুলি হইল,

- (১) ইহাদের মধ্যে সাধারণতঃ একাধিক কম্পনাঙ্কের শব্দ তরন্ধ থাকে; এবং এই কম্পনান্ধগুলি একটি হারমনিক শ্রেণী (Harmonic series) গঠন করে।
- (২) শব্দতরক্ষের মোট কম্পনশক্তি ফাণ্ডামেণ্টাল এবং হারমনিক কম্পনাঙ্কের শব্দতরক্ষের মধ্যে সমভাবে বন্টিত থাকে না। ফাণ্ডামেণ্টাল ও হারমনিক কম্পনাঙ্কেরশব্দতরক্ষে মোট কম্পনশক্তির বণ্টনের বিগ্যাসকে ঐ বিশেষ স্থর সমৃদ্ধ শব্দের গুণ
 (Quality) বলা হয়।

5.20. (i) চিত্রে ক্ল্যারিওনেট বাছায়ত্ত্বের স্থরসমৃদ্ধ শব্দে বিভিন্ন হারমনিকের তরঙ্গে মোট কম্পনশক্তি কিভাবে বন্টিত তাহা দেখানো হইয়াছে। চিত্রে দেখা যাইতেছে যে



এক্ষেত্রে, ফাণ্ডামেণ্টাল, এবং অষ্টম, নবম, দশম হারমনিকেই অপেক্ষাকৃত বেশী কম্পানশক্তি আছে। বিভিন্ন শব্দ-উৎসের স্তরসমৃদ্ধ শব্দের গুণ বিভিন্ন; অর্থাৎ বিভিন্ন হারমনিকে
কম্পানশক্তি বণ্টনের বিহ্যাস বিভিন্ন।

উপরোক্ত তুইটি বৈশিষ্ট্য যান্ত্রিক উপায়ে বিশ্লেষণের ফল। কিন্তু স্থরসমৃদ্ধ শব্দের বিশ্লেষণে মান্তবের শ্রবণান্তভৃতির ভূমিকা উপেক্ষা করা যায় না। সেইজ্ল্য স্থরসমৃদ্ধ শব্দের আরও তুইটি বৈশিষ্ট্য বিশেষ উল্লেখযোগ্য। নিয়ে ইহা বণিত হইল।

(ক) তীক্ষ্ণতা (Pitch) ঃ সাধারণতঃ আমরা যাহাকে চড়া স্থর বলি, তাহার তীক্ষ্ণতা (Pitch) বেশী; এবং খাদের স্থরের তীক্ষ্ণতা কম। স্তরাং চড়া ও খাদের স্থরের অনুভূতির যাহা মূল কারণ তাহাকেই এ শব্দের তীক্ষ্ণতা (Pitch) বলে।

পরীক্ষা করিয়া দেখা গিরাছে যে মূলতঃ ফাণ্ডামেন্টাল কম্পনাস্কই কোনও স্থানসমূদ্ধ শব্দের তীক্ষ্ণতা নির্ণয় করে। অবগ্য অনেক ক্ষেত্রে ফাণ্ডামেন্টাল কম্পনাঙ্কে কম্পনের শক্তি অনেক কম হইতে পারে; এবং সেক্ষেত্রে ঐ স্থানসমূদ্ধ শব্দের গুণ (Quality) উহার তীক্ষ্ণতা নির্ধারণ করে।

(খ) প্রাবল্য (Loudness) : শব্দের প্রাবল্য মান্ন্বের অন্নভূতির ব্যাপার।

ইহা মূলতঃ শব্দের মোট কম্পনশক্তির উপর নির্ভর করিলেও দেখা যায় যে প্রাবল্য, শব্দের তীক্ষতা ও গুণের উপরেও নির্ভরশীল।

শব্দের প্রাবল্য নির্ণয় করিবার জন্ম নিম্নলিখিত পদ্ধতি অনুসরণ করা হয়। প্রতি সেকেণ্ডে 1000 কম্পনাঙ্কের একটি সরল পর্যায়বৃত্তিক এবং সমতল শব্দ তরঙ্গকে এমনভাবে প্রবাহিত করানো হয় যাহাতে উহা পর্যবেক্ষকের ঠিক সামনের দিক হইতে পর্যবেক্ষকের দিকে আসে। ধরা যাউক এই দ্যাওার্ড শব্দ-তরঙ্গের কম্পনশক্তির তীব্রতা, 0'0002 ডাইন্স্/ (সে.মি.)² চাপ-বিস্তার সম্পন্ন শব্দতরঙ্গের কম্পনশক্তির তীব্রতার তুলনায় n'ডেসিবেল' (decibel) বেশী। এখন, একটি অজানা শব্দ-তরঙ্গের প্রাবল্য যদি কানে শুনিয়া উপরোক্ত দ্যাওার্ড শব্দ-তরঙ্গের প্রাবল্যের সমান বলিয়া মনে হয়, তবে ঐ অজানা শব্দ তরঙ্গের প্রাবল্যকে n ফোন্স্ (Phons) প্রাবল্য বলা হয়। অর্থাৎ ফোন্ (Phon) হইল শব্দের প্রাবল্যের একক।

স্থাবর্জিত শব্দ (Noise) ঃ মানুষের পক্ষে যাহা শ্রুতিস্থকর নহে, তাহাকে স্থাবর্জিত শব্দ বলে।

স্বর্বজিত শব্দের কোন বিশেষ তীক্ষতা বা গুণ নাই। একমাত্র প্রাবল্য ধারাই ইহার বিশেষত্ব নির্দিষ্ট করা হয়। উদাহরণ স্বরূপ বলা যায় যে, সাধারণতঃ এরোপ্লেনের কেবিনে স্বর্বজিত শব্দের প্রাবল্য 90 হইতে 110 কোন্স।

স্থরবর্জিত শব্দ মান্তবের শ্রুতিস্থকর নহে; স্থতরাং ইহা সহজেই জ্বামন করা যায় যে মান্তবের স্বাস্থ্যের পক্ষে ইহা হানিকর হইতে পারে। বস্ততঃ স্ববর্জিত শব্দ কত প্রাবল্যের হইলে এবং এইরূপ শব্দ মান্ত্য কতক্ষণ শুনিলে, শারীরবৃত্তিক ও মনস্তাব্দিক ক্ষতি কি হইতে পারে, এই বিষয়ে গবেষণা এখনও চলিতেছে।

5.21. শব্দ-সংরক্ষণ (Sound recording) এবং শব্দ-পুনরুজ্জীবন (Sound reproduction) এর মূল নীতি:

আমরা দেখিয়াছি, যেকোনও শব্দের উৎস কোন না কোন কম্পমান বস্তু।
একটি বস্তকে একইভাবে কম্পমান করিতে পারিলে উহা পুনরায় একই প্রকার শব্দ স্বষ্টি
করিবে। কোনও শব্দের উৎস হইতে বাতাসে যে শব্দ তরঙ্গ ছড়াইয়া পড়িতেছে
ভাহার বৈশিষ্ট্য জানিতে হইলে মাধ্যমের কোন এক বস্তুকণা কিভাবে কম্পিত হইতেছে
ভাহা জানিতে হইবে। ঐ কম্পমান বস্তুকণার সরণ সময়ের সহিত কিভাবে পরিবভিত
ইইভেছে ভাহাই ঐ শব্দের বৈশিষ্ট্য বহন করিতেছে। শব্দের কম্পনশক্তি মাধ্যমের
যে সকল অঞ্চল দিয়া অগ্রসের হইতেছে ভাহার প্রত্যেক বিন্দৃতেই একই প্রকার সরণসময়্ব লেখচিত্র পাওয়া মান্তরে।

পদার্থ (I)—18

স্থৃতরাং শন্ধপ্রবাহের মধ্যে যে কোন অঞ্চলের বস্তুকণার সর্ণ-সময় লেখচিত্র যদি সংরক্ষণ করা যায়, তাহা হইলেই শন্ধ-সংরক্ষণ সম্ভব হইবে। অবশ্র সংরক্ষণের অর্থ ই হইল যে ঐ সংরক্ষণ হইতে শন্ধকে যেন পুনর্ক্জীবিত করা যায়। আমরা ডিস্ক (Disc), কটোগ্রাফিক ফিল্ম (Photographic film) এবং চৌস্বক টেপ (Magnetic Tape)-এ শব্দ সংরক্ষণ এবং উহা হইতে শব্দ পুনরুজ্জীবনের পদ্ধতির সংক্ষিপ্ত আলোচনা করিব। এই তিনটি পদ্ধতিতেই যে অংশ সাবারণ, তাহার আলোচনা করা যাউক্।

শব্দপ্রবাহকে প্রথমে একটি ভায়াফ্রাম (Diaphragm)-এর উপর আপতিত করা হয়। শব্দ-তর্মের জয় বাতাসের বস্তুকণার যে কম্পন থাকে, তাহার ফলে ভায়াফ্রামটিও কাঁপিতে থাকে। এই কম্পন নিয়য়্রিত কম্পন (Forced Vibration)। বিশেষ ধরণের যান্ত্রিক বিল্ঞাসের দ্বারা এই কম্পনের সাহাযো পরিবর্তী (Alternating) বিত্যুৎ-প্রবাহ স্বাষ্টি করা হয়। এই প্রকার বস্ত্র বিল্ঞাসই মাইক্রোক্রোক্রান (Microphone) নামে প্রচলিত। যন্ত্রবিল্ঞাসের খুঁটিনাটির উপর নির্ভর করিয়া বিভিন্নপ্রকার মাইক্রোক্রোন উদ্ধাবিত ইইয়াছে। কিন্তু প্রত্যেক মাইক্রোক্রোনেই আপতিত শব্দতরম্বের জয় ভায়াফ্রামের কম্পন শেষপর্যন্ত পরিবর্তী বিদ্যুৎপ্রবাহ তৈয়ারী করে। এম্মেন্ত্রে, সর্বাপেক্ষা উল্লেখযোগ্য বৈশিষ্ট্য হইল যে, ঐ পরিবর্তী বিদ্যুৎপ্রবাহ দ্বারা মাইক্রোক্রোনের নীতি অন্ত্রসরণ করিয়া যদি অয় একটি ভায়াফ্রামকে কম্পিত করা যায় তাহা হইলে ভায়াফ্রামের ঐ কম্পন বাতাসের মধ্যে হুবহু একটি প্রকার শব্দতর্বদের স্বান্ট করে। স্বতরাং মাইক্রোক্রোন ব্যবহার করার ফলে বাতাসের বস্তুকণার সরণ-সময় লেখচিত্রের পরিবর্তে, পরিবর্তী বিদ্যুৎপ্রবাহ রূপেই শব্দ সংরক্ষিত হয়। এই পরিবর্তী বিদ্যুৎপ্রবাহকে স্বায়ীভাবে সংরক্ষিত করার বিভিন্ন উপায় অবলম্বন করা হয়। এই পরিবর্তী বিদ্যুৎপ্রবাহকে

কে) ডিস্ক্-এ শব্দ-সংস্কলণ ও পুনরুজ্জীবন । মাইক্রোফোনের বিহাৎ-প্রবাহ দারা একটি সুন্দ্র ও কঠিন থাতব কীলককে গতিশীল করিয়া উহা দারা বৃত্তাকার ডিস্কে উহার পরিধির নিকট হইতে শুরু করিয়া কেন্দ্রের প্রায় কাছাকাছি পর্যন্ত একই গভীরতার স্পাইর্যাল আক্রতির দাগ কাটা হয়। এই প্রক্রিয়ার সময় ডিস্কেটিকে একটি নির্দিষ্ট বৃত্তীয় গতিতে ঘ্রানো হয়, এবং কীলকটি উহার উপর চাপিয়া বসানো থাকে।

প্রথমে, ধাতব মোমের তৈরী ভিশ্ক লইয়া উহার উপরিতল চকচকে পালিশ করিয়া উহার উপর দাগ কাটা হয়। পরে, উহার উপরিতলে গ্রাফাইট ছড়াইয়া উহাকে বিছাৎ-পরিবাহী করা হয়, এবং বিশেষ প্রকার বিছাৎ-রাসায়নিক প্রক্রিয়ায় উহার উপর তামার প্রলেপ তৈয়ারী হয়। এই তামার প্রলেপকে পৃথক করিয়া উহার উপর পুনরায় একই উপায়ে তামার প্রলেপ কেলিয়া এবং উহাকে পৃথক করিয়া তৈয়ারী হয় "মাদার

শেল" বা পজিটিভ। পূর্বেকার তামার প্রলেপ নেগেটিভ হিসাবে সংরক্ষিত থাকে।
মাদার শেল হইতে পুনরায় বৈত্যুৎ-রাসায়নিক প্রক্রিয়ায় নেগেটিভ শেল তৈয়ারী করা
হয় এবং শেলাক, বেসিন প্রভৃতির মিশ্রণে তৈয়ারী রেকর্ডের উপর নেগেটিভটি রাখিয়া
চাপ দিয়া রেকর্ডের উপরে দাগগুলি কাটা হয়। এই রেকর্ডেই তখন শব্দ সংরক্ষিত
থাকে।

শব্দের পুনরুজ্জীবনের সময় এই রেকর্ডকে পুনরায় একই গতিতে ঘুরানো হয় এবং একটি স্থচক কীলক (pin) রেকর্ডের দাগের উপর অন্নচাপে বসানো থাকে। দাগের মধ্য দিয়া চলাকালীন পিনটি কম্পিত হয়, এবং ইহা সাউণ্ড-বক্সের (Sound-box) মধ্যে একটি ডায়াফ্রামের সহিত এমনভাবে লাগানো থাকে যে ডায়াফ্রামটি কম্পিত হইয়া উহার চারিপার্শ্বের বাতাসে শব্দ-তর্বের স্ফুটি করে।

অনেক ক্ষেত্রে, পিনের কম্পনকে পুনরায় বিদ্যুৎ-তরঙ্গে রূপাস্তরিত করিয়া উহাকে পরিমাণে রদ্ধি করা হয় এবং উহা দারা ডায়াফ্রাম কম্পিত করিয়া শব্দের পুনরুজ্জীবন করা হয়।

(খ) ফটোগ্রাফিক ফিল্মে শব্দ-সংরক্ষণ ও পুনরুজ্জীবন: সবাক্
চলচ্চিত্রের জন্ম যে ফিল্ম ব্যবহাত হয়, তাহার তুই পার্যে অন্ন কিছু স্থান শব্দ-সংরক্ষণের
জন্ম ব্যবহৃত হয়। ইহাকে সাউণ্ড-ট্র্যাক (Sound track) বলে। একটি আলোকউৎস হইতে নিঃস্থত আলোর তীব্রতা মাইক্রোফোনের বিত্যুৎ-প্রবাহ দারা নিয়ন্ত্রিত
করা হয়। কোন কোন ক্ষেত্রে আলোক-উৎসেই এই তীব্রতা নিয়ন্ত্রিত হয়; আবার
অন্য ক্ষেত্রে আলোক উৎস হইতে আলোক বাহির হইয়া যাওয়ার পর মাইক্রোফোনের
বিত্যুৎ-প্রবাহ দারা ইহার তীব্রতা নিয়ন্ত্রিত করা হয়।

এই তীব্রতা-নিয়ন্ত্রিত আলোক সাউণ্ড-ট্র্যাকে পড়িয়া ঐ স্থানের ফটোগ্রাফিক ফিল্মের রাসায়নিক বিক্রিয়া ঘটায়। এই প্রক্রিয়ার সময় ফিল্মিটি সচল থাকে; স্থতরাং ফিল্মের দৈর্ঘ্য-বরাবর সাউণ্ড-ট্র্যাকে বিভিন্ন এক্স,পোজারে ফটোগ্রাফিক বিক্রিয়া হইতে থাকে। পরে ফিল্মকে ডেভেলপ্ করিলে যে নেগেটিভ্ পাওয়া যায়, তাহাতে সাউণ্ড-ট্র্যাকের বিভিন্ন জংশের স্বচ্ছতা, ফিল্মের উপর আপতিত আলোর তীব্রতা পরিবর্তনের সঙ্গে সামঞ্জ্রস্থা হয়। এইভাবে ফিল্মের নেগেটিভে বিভিন্ন স্বচ্ছতার সাউণ্ড-ট্র্যাকে শব্দ সংরক্ষিত হয়।

শব্দের পুনক্ষজীবনের সময়, সচল সাউণ্ড-ট্র্যাকের উপরে একটি নির্দিষ্ট তীব্রতার আলোক-উৎস হইতে আলো কেলা হয়। সাউণ্ড-ট্রাকের স্বচ্ছতা বিভিন্ন বলিয়া, ফিল্মের ভিতর দিয়া অতিক্রান্ত আলোর তীব্রতা কম-বেশী হয়। পরিবর্তী তীব্রতায় এই আলোক একটি ফটো-সেলের উপর পড়িলে ফটো-সেলের বিভিন্ন অংশ হইতে বিভিন্ন সংখ্যক ইলেকট্রন নির্গত হয়। ইহাদের মিলিত প্রভাবে যে বিত্যুৎপ্রবাহ তৈয়ারী হয়, তাহাও যে পরিবর্তী-প্রবাহ হইবে তাহা সহজেই বুঝা যায়। এই পরিবর্তী বিত্যুৎ-প্রবাহকে ইলেকট্রনিক পদ্ধতিতে বহুগুণ বৃদ্ধি করিয়া উহা দ্বারা অপর একটি ডায়াক্রামকে কম্পিত করা হয়, এবং সংরক্ষিত শব্দ পুনকুজীবিত হয়।

(গ) চৌম্বক-টেপ বা চৌম্বক-ফিতায় শব্দ-সংরক্ষণ ও ইহার পুনরুজ্জীবনঃ

একটি পাতলা সেলুলয়েডের ফিতার উপর বিশেষ ধরণের চৌষক পদার্থের প্রলেপ তৈয়ারী করা হয়। ইহাকে চৌষক-ফিতা (Magnetic tape) বলে। চৌষক-ফিতাকে একটি নির্দিষ্ট গতিবেগে একটি বর্তুল হইতে অন্য একটি বর্তুলে জড়ানো হয়; এবং ছুইটি বর্তুলের মধ্যভাগে মাইক্রোফোনের পরিবর্তী বিহাৎ-প্রবাহ দ্বারা চৌষক-ফিতার উপর প্রলেপের চৌষক অবস্থা পরিবর্তন করা হয়। এই পরিবর্তিত চৌষক অবস্থার মধ্যেই শব্দ সংরক্ষিত থাকে।

পরে, যখন ঐ ফিতা একই গতিবেগে একটি তারের বর্তনীর পার্য দিয়া অগ্রসর হয়, তখন ঐ বর্তনীতে চৌম্বক-আবেশ (Magnetic induction) হয়। চৌম্বক-আবেশের পরিমান স্বভাবতঃই ফিতার প্রলেপের চৌম্বক-অবস্থার উপর নির্ভর করে। স্বতরাং বর্তনীতে চৌম্বক আবেশের পরিমান পরিবর্তী হয় এবং ইহার ফলে বর্তনীতে যে তড়িৎ-বিভবের (Electromotive force) স্বৃষ্টি হয়, তাহা একটি পরিবর্তী বিত্যুৎ-প্রবাহের স্বৃষ্টি করে। এই বিত্যুৎ-প্রবাহকে ইলেক্ট্রনিক পদ্ধতিতে বহুগুণ বৃদ্ধি করিয়া উহা দ্বারা অন্য একটি ডায়াফ্রামকে কম্পিত করিয়া শব্দের পুনক্জীবন ঘটানো হয়।

ডিস্ক্, ফটোগ্রাফিক ফিলা বা চৌম্বক-ফিতায় শব্দ-সংরক্ষণ ও উহার পুনরুজ্জীবন করার গুরুত্ব এবং তাহার উপযোগিতা পৃথকভাবে আলোচনা করা নিস্প্রয়োজন। এ-সম্পর্কে বিভিন্ন পদ্ধতির উন্নতিকল্পে মান্থ্যের বহু প্রচেষ্টা নিয়োজিত হইয়াছে। বর্তমানে ইহারা অতি-আধুনিক যন্ত্রবিভার (Technology) একটি গুরুত্বপূর্ণ অংশ। আমরা উপরে শুধুমাত্র ইহাদের নূল-নীতির অতি-সংক্ষিপ্ত বর্ণনা লিপিবদ্ধ করিলাম।

5.22. আলোকের তরঙ্গ-গতি (Wave motion of light):

সপ্তদশ শতানীর মাঝামাঝিতেও মানুষের ধারণা ছিল যে আলোক বস্তুতঃ কতকগুলি কণিকার (Corpuscles) সমষ্টি। আলোকের উৎস হইতে এই সকল কণিকা নির্দিষ্ট গতিবেগে এবং সরলরেখায়, উৎসের চারিদিকে ছড়াইয়া পড়ে। ইহারা কাচ প্রভৃতি সচ্ছ বস্তুর মধ্য দিয়া অবাধে চলিয়া যাইতে পারে, এবং অস্বচ্ছ বস্তুর মধ্যে ইহাদের গতি বাধাপ্রাপ্ত হয়। বস্তুতঃ অস্বচ্ছ বস্তুর উপরিতলে ইহারা প্রতিফলিত হয়। এই কণিকাগুলি মানুষের চক্ষুতে প্রবেশ করিয়া আলোকের অনুভৃতি জাগায়।

1678 খ্রীষ্টাব্দে বৈজ্ঞানিক হিগিন্স্ (Christian Huygens) প্রথম দেখান যে প্রতিকলন এবং প্রতিসরণের নিয়মগুলি আলোককে তরঙ্গ-ধর্মী মনে করিলে সহজেই ব্রুণা যায়। কিন্তু তৎকালীন বৈজ্ঞানিক সমাজে হিগিন্সের মতবাদ বিশেষ গ্রাহ্ম হয় নাই। এই সময়েই গ্রীমালদি লক্ষ্য করিয়াছিলেন যে কোনও বস্তুকে একদিক হইতে আলোকিত করিলে বস্তুর পার্যুদেশে আলোক যেন বাঁকিয়া বস্তুর অপর পার্যে চলিয়া যায়। গ্রীমালদির এই পর্যবেক্ষণ তথ্যকার দিনে উপেক্ষিত হইয়াছিল।

উনবিংশ শতান্দীর গোড়ার দিকে বৈজ্ঞানিক ইয়ঙ্ (Young) এবং ফ্রেনেল (Fresnel) আলোর ক্ষেত্রে প্রক্ষেপণ (Interference or Superposition) পর্যবেক্ষণ করেন। এই প্রকার পরীক্ষার দ্বারা ইয়ঙ্ আলোক তরন্ধের তরঙ্গ-দৈর্ঘ্য পরিমাপ করেন; এবং ফ্রেনেল দেখান যে আলোককে অতি ক্ষুদ্র তরঙ্গ দৈর্ঘ্যের তরঙ্গরূপে কল্পনা করিলেই প্রক্ষেপণ এবং গ্রীমালদির পর্যবেক্ষণ ব্যাখ্যা করা যায়।

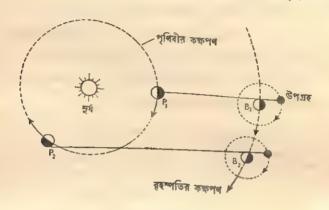
আমরা প্রথমে আলোক তরক্বের গতিবেগ সম্পর্কে আলোচনা করিব।

- 5 23. আলোকের গতিবেগ (Speed of light) । আলোকের গতিবেগের পরিমাণ প্রায় 1,86,000 মাইল/সেকেণ্ড অথবা 3×10^{10} সে.মি./সেকেণ্ড। গতিবেগের পরিমাণ এত বেশী বলিয়া পরীক্ষাগারে ইহার পরিমাপ করা বেশ কট্টসাধ্য। 1676 খ্রীষ্টাব্দে জ্যোতির্বিদ রোমার (Roemer) প্রথম আলোকের গতিবেগ পরিমাপ করেন। ইহার পূর্বে লোকে বিশ্বাস করিত যে আলোকের গতিবেগ অসীম। পরে, 1849 খ্রীষ্টাব্দে বৈজ্ঞানিক ফিন্তু (Fizeau) পরীক্ষাগারে আলোকের গতিবেগ পরিমাপ করেন। নিয়ে, রোমার এবং ফিন্তুর পদ্ধতি বর্ণনা করা হইল।
- কে) রোমারের পদ্ধতি ঃ বৃহস্পতি গ্রহের একটি উপগ্রহ পর্যবেক্ষণ করিয়া জ্যোতির্বিদ রোমার প্রথম প্রমাণ করেন যে আলোক একটি নির্দিষ্ট গতিবেগে (অসীম নয়) প্রবাহিত হয়। বৃহস্পতির বারোটি উপগ্রহ আছে। ইহাদের মধ্যে চারটি উপগ্রহক ভালো দ্রবীক্ষণ যন্ত্রের সাহায্যে সহজেই দেখিতে পাওয়া যায়। বৃহস্পতির আশোপাশে উপগ্রহগুলি বৃহস্পতির চারিদিকে আবর্তন করে। পৃথিবী এবং বৃহস্পতি সুর্যের চারিদিকে যে তলে আবর্তন করে, বৃহস্পতির উপগ্রহগুলিও বৃহস্পতির চারিদিকে প্রতরাং পৃথিবীর হইতে দেখিলে ঐ উপগ্রহগুলি উহাদের প্রত্যেক আবর্তনের কিছু সময় বৃহস্পতির আড়ালে চলিয়া যায়।

রোমার বৃহস্পতির একটি উপগ্রহের আবর্তন সময় পরিমাপে নিযুক্ত ছিলেন। ঐ উপগ্রহটি পরপর ছইবার বৃহস্পতির আড়ালে চলিয়া যাইতে যে সময় নেয়, রোমার তাহাই পরিমাপ করিতেছিলেন। বহুদিন ধরিয়া পর্যবেক্ষণ করিয়া তিনি দেখেন যে এই আবর্তন সময় পরিবর্তিত হয়। ইহাও দেখা গেল যে, পৃথিবী যখন বৃহস্পতি হইতে

দূরে সরিয়া আসিতে থাকে তথন এই আবর্তন সময় গড় আবর্তন সময়ের চেয়ে বেশী।
অন্ত পক্ষে, পৃথিবী যথন বৃহস্পতির কাছে আগাইয়া আসিতে থাকে, তথন আবর্তনসময় গড় আবর্তন সময়ের চেয়ে কম। পৃথিবী এবং বৃহস্পতির মধ্যে দূরত্ব কম-বেশী
হওয়াতেই এইরূপ হইতেছে, রোমার ইহা অনুমান করেন।

ধরা যাউক্, 5.23 (i) চিত্রান্থযায়ী, পৃথিবী এবং বৃহস্পতি যথন P_1 এবং B_1 অবস্থানে আছে, তথন পর্যবেক্ষণ শুরু করা হইল। স্থর্যের চারিদিকে বৃহস্পতির একবার



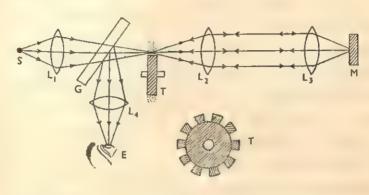
চিল 5.23 (i)

আবর্তন করিতে প্রায় 12 বংসর লাগে। স্কৃতরাং পৃথিবী (ধরা যাউক্ পাঁচ মাসে) P_2 অবস্থানে আসিলে সেই সময়ে বৃহস্পতি মাত্র অন্ন পরিমাণ সরিয়া আসিয়া B_2 অবস্থানে পোঁছাইবে। এই পাঁচ মাসে পৃথিবী ও বৃহস্পতির মধ্যে দূরত্ব ক্রমাগত বৃদ্ধির দিকে। স্কৃতরাং উপগ্রহটি বৃহস্পতির আড়ালে যাইবার মূহুর্তে আলোক-তর্ত্ব পৃথিবীতে পোঁছাইতে যে সময় লইবে, ঠিক ইহার পরের বার উপগ্রহটি বৃহস্পতির আড়ালে যাইবার মূহুর্তে আলোক-তর্ত্ব পৃথিবীতে পোঁছাইতে কিছু বেশী সময় লইবে, কারণ পৃথিবী ও বৃহস্পতির মধ্যে দূরত্ব ইতিমধ্যে কিছু বৃদ্ধি পাইয়াছে। স্কৃতরাং উপগ্রহের আবর্তন-সময় প্রকৃত আবর্তন-সময়ের তুলনায় কিছু বেশী দেখাইবে।

এইরূপ পর্যবেক্ষণ হইতে রোমার এই সিদ্ধান্তে আসেন যে স্থের চারিদিকে পৃথিবীর কক্ষপথের ব্যাসার্ধের সমান দূরত্ব অতিক্রম করিতে আলোক তরঙ্গের সময় লাগে প্রায় 22 মিনিট।

পৃথিবীর কক্ষপথের ব্যাসার্ধের পরিমাণ, তদানীস্তন পর্যবেক্ষণের ভিত্তিতে, প্রায় 172, 000,000 মাইল। ইহা হইতে দেখা যায় যে, আলোকের গতিবেগ= $\frac{172,000,000}{22 \times 60}$ মাইল/দেকেণ্ড≈130,000 মাইল/দেকেণ্ড অথবা প্রায় 2×10^{10} সে.মি./সেকেণ্ড।

(খ) ফিজুর পদ্ধতি: কিছুই সর্বপ্রথম পরীক্ষাগারে আলোকের গতিবেগ পরিমাপ করেন। তাঁহার যন্ত্রবিক্যাস 5.23 (ii) চিত্রে দেখানো হইয়াছে। আলোক-উংস, S, হইতে আলোক-তরঙ্গ লেন্স, L, দ্বারা কেন্দ্রীভূত হইয়া চাকা, T এর উপর পড়িতেছে। চাকা, T এর পরিধির উপর কতকগুলি নিদিষ্ট সংখ্যক দাঁত কাটা আছে।



চিত্ৰ 5.23 (ii)

চাকাটিকে জ্বতগতিতে যুরানোর ব্যবস্থা আছে। G একটি স্বচ্ছ কাচের প্লেট এবং ইহাকে আলোক-তরঙ্গের প্রবাহ দিকের সহিত তির্যক তাবে রাখা হইয়াছে। ধরা যাউক্, চাকাটি স্থির আছে এবং উহার ছুইটি দাঁতের মধ্য দিয়া আলোক চাকাকে অতিক্রম করিয়া যাইতেছে। L_2 এবং L_3 লেস ছুইটির মধ্যে দূর্ব প্রায় ৪'6 কিলোমিটার। L_1 লেস চাকার উপর আলোক উৎসের প্রতিবিস্ব স্কৃষ্টি করে। L_2 এবং L_3 লেস ঐ প্রতিবিশ্বের আর একটি প্রতিবিস্ব M আয়নায় স্কৃষ্টি করিতেছে।

M আয়না হইতে আলোক প্রতিফলিত হইয়া পূর্বের পথে ফিরিয়া আসিবে। ইহা কাচের প্লেট G-তে আংশিকভাবে প্রতিফলিত হইয়া L₄ লেন্সের মধ্য দিয়া পর্যবেক্ষকের চক্ষুতে প্রবেশ করিবে।

T-চাকাকে আবর্তিত করিলে উৎস S-এর আলোকতরঙ্গ নির্দিষ্ট ছোট ছোট ছোট দৈর্ঘ্যের তরঙ্গ প্রবাহে ভাগ হইয়া যাইবে, এবং ইহারা চাকার ডানদিকে একে অপরকে অন্থসরণ করিবে। চাকার আবর্তন গতিবেগ যদি এমন হয় যে, তরঙ্গ প্রবাহের ছোট ছোট অংশের যে কোনও একটি চাকা হইতে আয়না পর্যন্ত গিয়া উহাতে প্রতিফলিত হইয়া চাকায় ফিরিয়া আসিতে যে সময় নেয়, সেই সময়ে চাকার অম্বচ্ছ দাঁত আলোক তরঙ্গের সামনে আসিয়া পড়ে তাহা হইলে পর্যবেক্ষকের চক্ষুতে ঐ তরঙ্গ পোছাইতে পারিবে না। চাকার কোণিক গতিবেগ ইহার ছিগুণ করিলে যে সময়ে তরঙ্গ আয়নায় প্রতিফলিত হইয়া চাকায় পোঁছাইবে সেই সময়ে তুইটি দাঁতের মধ্যবর্তী কাটা অংশ

তরঙ্গের সামনে পড়িবে। স্থতরাং পর্যবেক্ষক আলোক উৎস, S-এর প্রতিবিম্ব দেখিতে পাইবে।

এইভাবে, চাকার কোণিক গতিবেগ, চাকার ব্যাসার্ধ, তুইটি পরপর অবস্থিত দাঁতের দূরত্ব এবং আয়না হইতে চাকার দূরত্ব জানা থাকিলে আলোর গতিবেগ হিসাব করা যাইবে। এইভাবে পরীক্ষা করিয়া ফিজু দেখেন যে, আলোকের গতিবেগ=3.15 × 1010 সে.মি./সেকেণ্ড।

পরবর্তীকালে ফুকো (Foucault), কিজুর পদ্ধতিতেই আরও নিখুঁত পরিমাপ করেন। এই পদ্ধতিতেই মাইকেলসন্ (Michelson), পিস্ (Pease), পিয়ার্সন্ (Pearson) প্রভৃতি বৈজ্ঞানিকরা আলোর গতিবেগের নিখুঁত পরিমাপ করেন।

বর্তমানে, সব পরীক্ষাগুলির বিশ্লেষণ করিয়া ধরা হয় যে, **আলোকের গতিবেগ** = 2°997929 × 10¹⁰ সে.মি./সেকেগু।

এই প্রসঙ্গে, ইহা বিশেষ উল্লেখযোগ্য যে ফুকো, ফিছুর পদ্ধতিতে জলের মধ্যে আলোকের গতিবেগ পরিমাপ করেন। দেখা যায় যে, জলের মধ্যে আলোকের গতিবেগ বাতাসের মধ্যে আলোর গতিবেগের তুলনায় কম। আলোক যদি কতকগুলি কণিকার (Corpuscles) সমবায় হইত তাহা হইলে, জলের মধ্যে আলোকের গতিবেগ, বাতাসের মধ্যে গতিবেগ অপেক্ষা বেশী হওয়ার কথা। ফুকোর পর্যবেক্ষণই সর্বপ্রথম কণিকা মতবাদের সম্বন্ধে তদানীস্তন বৈজ্ঞানিকদের মনে সন্দেহের স্বৃষ্টি করে।

5.24. আপোক তরজের প্রক্ষেপণ (Interference of light) 🕏

তরঙ্গ প্রক্ষেপণের মূলনীতি পূর্বে আলোচিত হইয়াছে। মাধ্যমের কোনও অংশের মধ্য দিয়া একই সঙ্গে একাধিক তরঙ্গ প্রবাহিত হইলে ঐ অংশের যে কোনও এক বিন্দৃতে লব্ধি সরণের পরিমান, ঐ বিন্দৃতে তরঙ্গগুলি এককভাবে প্রবাহিত হইলে প্রত্যেকের জন্ম যে সরণ হইত, তাহার যোগফল।

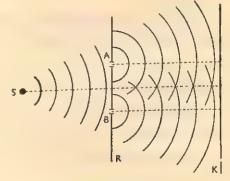
আমরা বস্তমাধ্যম কল্পনা করিয়া এবং বস্তকণার সরণ বিবেচনা করিয়া এই সিদ্ধান্তে আসিয়াছিলাম যে হুইটি তরঙ্গ-উৎসে কম্পনাবস্থা একই হুইলে, উৎস হুইতে আলোচিত বিন্দৃতে পৌছাইতে তরঙ্গ-ছুইটির যে পথ-প্রভেদ হয়, ঐ বিন্দৃতে কম্পনাবস্থার প্রভেদ তাহার সমামুপাতী। এই পথ-প্রভেদ ও তদমুযায়ী কম্পনাবস্থার প্রভেদের উপরই ঐ বিন্দৃতে লব্ধি সরণ নির্ভর করিবে। ইহার কলে, কোনও কোনও বিন্দৃতে বস্তুকণার সরণ শৃশু হুইবে, আবার কোনও কোনও বিন্দৃতে সরণের বিস্তার স্ব্যাপেক্ষা বেশী হুইবে।

শব-তরক্ষের ক্ষেত্রে তরঙ্গ উৎসগুলি এমনই যে উহারা একবার কম্পিত হইলে কম্পনাবস্থা সময়ের সহিত নির্দিষ্ট ভাবে পরিবর্তিত হয়। অর্থাৎ, একমূহুর্তের কম্পনা-বস্থার সহিত অপর এক মূহুর্তের কম্পনাবস্থার একটি নির্দিষ্ট সম্বন্ধ আছে। স্থতরাং তুইটি বিভিন্ন শব্দ তরঙ্গের উৎসে কম্পনাবস্থা কোনও এক মৃহূর্তে এক থাকিলে উহা অশু সব মূহূর্তেও একই থাকিবে; কোনও এক মৃহূর্তে উহাদের কম্পনাবস্থার প্রভেদ থাকিলে অশু সব মূহূর্তেও একই পরিমাণ প্রভেদ থাকিবে। ইহার ফলে, শব্দ-তরঙ্গের প্রক্ষেপণ, যাহা শুধু কম্পনাবস্থার প্রভেদের উপর নির্ভর করে, তাহা পর্যবেক্ষণ করা সহজ হয়। প্রক্ষেপণের ফল প্রতিমূহূর্তে পরিবর্তিত হয় না।

আলোক তরঙ্গের ক্ষেত্রে অবস্থা সম্পূর্ণ অন্তর্মপ। পদার্থের পরমাণুর মধ্যে ইলে্কট্রনের গতি পরিবর্তনের ফলে আলোক তরঙ্গের স্থাই হয়। এই পরিবর্তনের বৈশিষ্ট্য এমনই ষে আলোক উৎসের কম্পনাবস্থা এক মৃহুর্ত হইতে অন্ত মৃহুর্তে সম্পূর্ণ এলোমেলো ভাবে পরিবর্তিত হয়। স্কৃতরাং তুইটি আলোক-উৎস হইতে আলোক তরঙ্গের কোনও এক বিন্দৃতে প্রক্ষেপণের ফল সময়ের সহিত এলোমেলো ভাবে পরিবর্তিত হইবে; এবং প্রক্ষেপণের ফল পর্যবেক্ষণ করা সম্ভব হইবে না।

এই জন্য আলোক তরঙ্গের প্রক্ষেপণের ফল পর্যবেক্ষণ করিতে হইলে, একটিমাত্র আলোক-উৎস ব্যবহার করিতে হইবে। এই উৎস হইতে আলোক-তরঙ্গকে হুইভাগে ভাগ করিয়া ছুইটি বিভিন্ন বিন্দৃতে লইয়া যাইতে হইবে। এই ছুইটি বিন্দৃ তখন ছুইটি বিভিন্ন আলোক উৎসে কম্পনাবস্থা

প্রতিমূহুর্তে পরিবৃতিত হইলে উপরোক্ত ছুইটি উৎসেও একই ভাবে কম্পানাবস্থা পরিবৃতিত ইইবে, কিন্তু কম্পানাবস্থার প্রভেদ একই থাকিবে। 5.24 (i) চিত্রে এইরূপ একটি ব্যবস্থা দেখানো ইইয়াছে। প্রাথমিক আলোক-উৎস S হইতে আলোক-তরক্ষ প্রবাহিত হইয়া একটি অস্বচ্ছ



fб3 5 24 (i)

পর্দা R-এ পড়িতেছে। R পর্দায় তুইটি সীমিত দৈর্ঘ্যের ছিদ্র আছে, ছিদ্র তুইটির দৈর্ঘ্য বই-এর পাতার উল্লঘ্ব দিকে। এই ছিদ্র তুইটি, A এবং B, পর্দার ডান দিকের মাধ্যমের জন্ম তুইটি বিভিন্ন আলোক-উৎস হিসাবে কাজ করিতেছে। A এবং Bতে কম্পনাবস্থার প্রভেদ সব সময় একই থাকিবে। R-পর্দা ডানদিকে স্থাপিত অপর একটি পর্দা K-তে আলোক-তরঙ্গ বিক্ষেপণের ফল পর্যবেক্ষণ করা হয়।

তইটি আলোক তরঙ্গ যথন কোনও এক বিন্দৃতে একই কম্পানাবস্থায় থাকে, তথন ঐ বিন্দৃটি আলোকিত দেখা যাইবে। উহাদের কম্পানাবস্থা যথন পরম্পারের বিপরীত এবং

উহাদের তীব্রতা একই পরিমাণের তথন বিন্দৃটি আলোকশৃন্ম বা অন্ধকার দেখা যাইবে। স্বতরাং K-পর্দায় বিভিন্ন বিন্দৃতে A এবং B-র সমান্তরাল আলোকিত এবং অন্ধকার অঞ্চল দেখা যাইবে। ইহাদিগকে প্রাক্ষেপণ ফ্রিন্জ্ (Interference fringes) বলে।

5.12 অন্নচ্ছেদের আলোচনা অনুসারে, (চিত্র 5.12. (ii) দ্রষ্টব্য) একটি আলোকিত ফ্রিন্জের অবস্থান, ও হইলে,

S.
$$\sin \theta = n\lambda$$
. 5.24. (1)

অথবা, Sin $\theta = \frac{n\lambda}{S}$.

S=উৎস তুইটির মধ্যে তুরন্থ, $\lambda=$ আলোকের তরঙ্গ-দৈর্ঘ্য এবং n একটি পূর্ণ সংখ্যা। আলোকের তরঙ্গ-দৈর্ঘ্য প্রায় 5×10^{-5} সে.মি. ধরিলে এবং A, B ছিদ্র তুইটি যদি খুব কাছাকাছি, অর্থাৎ 10^{-2} সে.মি. তুরন্বেও রাখা যায় তাহা হুইলে দশম ক্রমের (অর্থাৎ n=10) আলোকিত ফ্রিন্জের কৌণিক অবস্থান হুইবে,

Sin
$$\theta = \frac{10 \times 5 \times 10^{-5}}{10^{-2}}$$
 সে.মি. = 0.05

অথবা, *6*≥3°।

স্থতরাং দেখা যাইতেছে O বিন্তে (n=0 ফ্রিন্জ্-এর অবস্থান) আলোকিত ফ্রিন্জের উভয় পার্থে মাত্র 3° ডিগ্রী কোণের মধ্যে প্রায় 20টি আলোকিত ফ্রিন্জ্ দেখা যাইবে। আরও উচ্চ ক্রমের (n>10) ফ্রিন্জ্গুলিতে আলোর তীব্রতা সাধারণতঃ এত কম যে উহাদের পর্যবেক্ষণ করা বেশ ক্ট্রসাধ্য।

O বিন্দুতে শ্যু ক্রমের (n=0) আলোকিত ফিন্জ তৈয়ারী হয়। এই বিন্দুর জ্যু পথ-প্রভেদ শৃয়, অতএব $\sin \theta = 0$. যদি ধরা যায় P বিন্দু n ক্রমের আলোকিত ফ্রিন্জের মধ্যবিন্দু, তাহা হইলে শ্যু ক্রমের এবং n ক্রমের আলোকিত ফ্রিন্জের মধ্যে দ্রম্ব Z হইবে,

$$Z=D \tan \theta$$
. 5.24. (2)

আমরা উপরের আলোচনা হইতে দেখিয়াছি θ -এর পরিমাণ খুবই কম, স্তরাং $an \theta = \sin \theta$, এবং 5.24 (2) সমীকরণ হইতে

$$Z=D \sin \theta.$$
 5.24. (3)

মতএব, $Z = D.\frac{n\lambda}{S}$

$$\lambda = \frac{ZS}{nD}$$
 5.24. (4)

5.24. (4) সমীকরণ হইতে দেখা যাইতেছে ষে, A, B ছিদ্র ছাইটির মধ্যে দূরন্ব, ছিদ্র K হইতে পর্দার দূরন্ব, এবং কেন্দ্রীয় আলোকিত ফ্রিন্জ্ ও উহার উভয়পার্থে অন্ত যে কোনও একজোড়া ফ্রিন্জের মধ্যেকার দূরত্ব পরিমাপ করিয়া আলোকের তরঙ্গদৈর্ঘ্য পরিমাপ করা যায়।

উদাহরণ: A, B ছিদ্র ছুইটির ছুরত্ব 0'2 মি.মি., K-পর্দার ছুরত্ব এক মিটার এবং তৃতীয় ক্রমের আলোকিত ফ্রিন্জ্ কেন্দ্রীয় আলোকিত ফ্রিন্জ্ হইতে 7'5 মি.মি. দূরত্বে দেখা গেলে, আলোকের তরঙ্গ দৈর্ঘ্য কত ?

5.24. (4) সমীকরণ অনুসারে,

 $\lambda = \frac{0.75 \text{ সে.মি.} \times 0.02 \text{ সে.মি.}}{3 \times 100 \text{ সে.মি.}} = 5 \times 10^{-5} \text{ সে.মি.} = 500 মিলি-মাইজন।}$

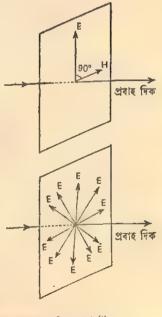
1 মাইজন=10⁻⁴ সে.মি.।

5.25. আলোক-তরজের ছদন (Polarisation of light waves) :

আলোক-উৎসের চারিপার্থে যে-কোনও বিদূতে আলোক-তরন্ধের প্রবাহদিকের উল্লম্ব-তলে একটি ইলেকট্রিক ক্ষেত্র ও ইহার সহিত সংশ্লিষ্ট এবং সমকোণে নত অপেক্ষাকৃত অল্ল তীব্রতার একটি চৌম্বক ক্ষেত্র সময়ের সহিত নিয়মিতভাবে পরিবর্তিত হইতেছে,

ইহা দেখা যায়। সাধারণ আলোক-তরঙ্গে এই ইলেক্ট্রিক-ভেক্টরগুলি, E, ঐ উল্লম্বতলে যে-কোন দিকে থাকে। 5.25 (i) চিত্র দ্রন্থর। আলোক-তরঙ্গের ক্যোস অফুসারেই ইহার ছদন নির্দিষ্ট হয়। E-ভেক্টরগুলি সর্বদাই প্রবাহ-দিকের উল্লম্বতলে বিশুস্ত থাকে, মৃত্রাং আলোক-তরঙ্গের ছদন (Transverse Polarisation)। আলোক-তরঙ্গে দৈর্ঘ্য-ছদন (Longitudinal polarisation) সম্ভব নহে।

শাদ্দ-ভরক্ষের সহিত তুলনা করিলে দেখা যায় যে,
শাদ্ধ-তরক্ষে কোনও না কোনও বস্তকণার কম্পন
প্রয়োজন। বস্তহীন মাধ্যমের মধ্যদিয়া শব্দ-তরক্ষ
প্রবাহিত হইতে পারে না। বস্তকণার সরণ, উহার
গাতিবেগ, অথবা উহার ত্বরণ ভেক্টর রাশি, এই ভেক্টররাশিগুলিই শব্দ-তরক্ষের ক্ষেত্রে বস্তকণার অবস্থানও

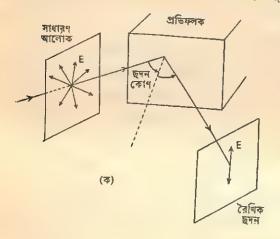


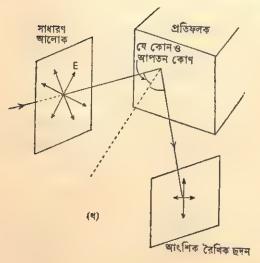
চিত্ৰ 5.25 (i)

সময়ের সহিত নিয়মিতভাবে পরিবর্তিত হয়। বস্তুকণার সরণ বায়ব বা তরলপদার্থে

সর্বদাই প্রবাহদিকের সঙ্গে সমান্তরাল থাকে। অর্থাৎ বায়ব তরল মাধ্যমে শব্দতরদের ছদন সর্বদাই দৈর্ঘ্য-ছদন। কঠিন পদার্থের মধ্য দিয়া প্রবাহিত হইবার সময় এই ধরণের কম্পনতরক্ষ তির্যক্ ছদনের হইতে পারে।

আলোক-তরঙ্গের ক্ষেত্রে কোনও বস্তকণার কম্পন প্রয়োজন নহে। বস্ততঃ আলোক-তরঙ্গ সম্পূর্ণ বস্তুহীন মাধ্যমের মধ্য দিয়া অর্থাৎ ভ্যাকুয়ামের মধ্য দিয়াও প্রবাহিত হইতে পারে। স্থা হইতে যে আলোক-তরঙ্গ পৃথিবীতে আসে, তাহা ভ্যাকুয়ামের মধ্যদিয়াই প্রবাহিত হয়। ইহা জানা গিয়াছে যে আলোক-উৎসে ইলেক্ট্রনের গতির অবস্থার পরিবর্তনের সঙ্গে উহার চারিপার্থে ইলেক্ট্রিক ও চৌম্বকক্ষেত্র সৃষ্টি হয়, এবং এই বিদ্যুৎ ও চুম্বকক্ষেত্রের পারম্পরিক প্রভাবের ফলেই বৈত্যুৎ ও চৌম্বকক্ষেত্রের শক্তি, তরম্বের





চিত্ৰ 5.25 (ii)

আকারে আলোক-উৎসের
চারিদিকে ছড়াইয়া পড়ে।
এক্ষেত্রে, বৈদ্যাৎ-ক্ষেত্রের
তীব্রতা-জ্ঞাপক E-ভেক্টর,
শব্দ তরঙ্গের ক্ষেত্রে বস্তুকণার
সরণ-ভেক্টরের সঙ্গে তুলনীয়।
প্রবাহদিকের সাপেক্ষে এই
E-ভেক্টরের বিন্যাসই আলোকতরঙ্গের ছদন নির্দিষ্ট করে।

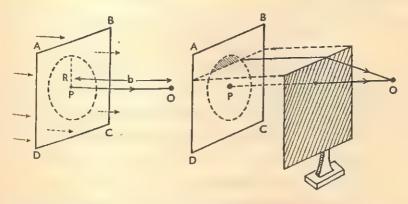
তির্যক ছদনের সাধারণ আলোক-তর্ত্ব যথন কোনও তলে প্রতিফলিত হয়, তখন দেখা যায় যে, প্রতিফলন তলের সহিত সমকোণে নত E-ভেক্টরগুলিই প্রতিফলিত ইয়। আগতন কোণ 90° **र**हेल অবশ্য E-সমস্ত ভেক্টরগুলিই প্রতিফলিত হয় ; কিন্তু একটি বিশেষ কোণে আপতিত खधुमां ज হইলে প্রতিফলন সহিত তলের সমকোণে নত E-ভেক্টরগুলিই

প্রতিফলিত হয়। এই আপতন কোণকে সাধারণতঃ ছদন-কোণ (Polarising angle) বলা হয়। 5.25 (ii) চিত্রে উপরিবর্ণিত প্রতিফলন দেখানো হইয়াছে।

ইহা ছাড়া আরও অনেক উপায়েই আলোক-তরঙ্গে আংশিক অথবা পূর্ণ রৈথিক ছদনের স্বস্থি করা যায়। ইহা উল্লেখযোগ্য যে উপযুক্ত মন্ত্রবিস্থাসের ছারা আলোক-তরঙ্গে বুত্তীয় ছদন এবং উপবৃত্তীয় ছদনও পাওয়া যাইতে পারে।

5.26. রেখা আলোক-বিজ্ঞান বা জ্যামিতিক আলোক-বিজ্ঞান (Geometrical optics) :

ধরা যাউক্, একটি সমতল তরঙ্গতলের আলোক-তরঙ্গ P হইতে O বিন্দ্র দিকে অগ্রসর হইতেছে, চিত্র 5.26 (i) দ্রষ্টব্য। এই তরঙ্গতলের বিভিন্ন বিন্দৃকে গোণ তরঙ্গের উৎস হিসাবে চিন্তা করা যায়। P বিন্দৃকে কেন্দ্র করিয়া ভগ্নরেখা দ্বারা যে বৃত্ত ABCD তরঙ্গতলে আঁকা হইয়াছে, তাহার বৈশিষ্ট্য হইল যে উহার বাহিরে ABCD



চিত্ৰ 5.26 (i)

তরঙ্গতলের বিন্দুগুলি হইতে যে গোণতরঙ্গ O বিন্দুতে পৌছাইবে তাহাদের বিস্তার এবং কম্পনাবস্থা এমনই যে উহাদের যোগকল O বিন্দুতে শৃক্ত । হিগিন্সের নীতি অন্থসরণ করিয়া উপরোক্ত তথ্য প্রমাণ করা যায় । স্কুতরাং P এবং O বিন্দুর মধ্যে একটি অস্থচ্ছ পদার্থ যদি এমনভাবে রাখা যায় যে উহা ভয়রেখার বৃত্তকে পুরাপুরি আচ্ছাদিত করিয়া ফেলে, তাহা হইলে O বিন্দুতে কোনও আলোকই পোঁছাইতে পারিবে না । তখন মনে হইবে যে অস্থচ্ছ পদার্থটি আলোক-উৎসকে পুরাপুরি আচ্ছাদিত করিয়া রাখিয়াছে এবং আলোকের বৈশিষ্ট্য এমনই যে উহা অস্বচ্ছ পদার্থর প্রান্তদেশে বাঁকিয়া O বিন্দুতে পোঁছাইতে পারিতেছে না । ইহা মনে হওয়া স্বাভাবিক যে আলোক যদি তরঙ্গ হইত তাহা হইলে উহা অস্বচ্ছ পদার্থের প্রান্তদেশে বাঁকিয়া অস্বতঃ কিছু পরিমাণেও O বিন্দুতে পোঁছাইত । পরীক্ষা করিয়া দেখা গিয়াছে যে

অস্বচ্ছ পদার্থ টি ভয়রেথার বৃত্তকে পুরাপুরি আচ্ছাদিত না করিলে কিছু পরিমাণ আলোক ঐ অস্বচ্ছ পদার্থের প্রাস্তদেশে বাঁকিয়া O বিন্দৃতে পৌছায়। ইহাকে আলোক-তরঙ্গের ডিফ্র্যাক্শান (Diffraction) বলে।

সাধারণভাবে বলা যায় যে আলোকের ক্ষেত্রে উপরোক্ত ভগ্নরেখার বৃত্তের ব্যাসার্থ R, প্রায় $\sqrt{10b\lambda}$ -এর সমান। b হইল P হইতে O বিন্দুর দূরত্ব এবং $\lambda=$ তরঙ্গ-দৈর্ঘ্য।

 $R = \sqrt{10b\lambda}$

5.26(1)

উদাহরণ: ধরা যাউক, ABCD তরঙ্গতল আমাদের চকু হইতে 100 সে.মি. দ্রত্বে, এবং আলোকের তরঙ্গ দৈর্ঘ্য 6×10^{-5} সে মি.। একটি বৃত্তাকার অম্বচ্ছ বস্তারা ঐ আলোককে সম্পূর্ণ আচ্ছাদিত করিতে হইলে, বৃত্তাকার বস্তুটির ব্যাসার্ধ কত হইতে হইবে?

5.26 (1) সমীকরণ অহসারে,

 $R = \sqrt{10 \times 100}$ সে.মি. $\times 6 \times 10^{-5}$ সে.মি. $= \sqrt{6 \times 10^{-2} (সে.মি.)^2}$ = 0.25 সে.মি.

ইহা সহজেই বৃঝিতে পারা যায় যে উপরোক্ত বৃত্তের ব্যাসার্থ শৃহ্য হইলে আমরা বলিতে পারিতাম যে আলোক শুধুমাত্র সরলরেথায় অগ্রসর হয়, ইহার প্রবাহদিক বক্ররেথা হইতে পারে না।

রেখা-আলোক-বিজ্ঞান বা জ্যামিতিক আলোক-বিজ্ঞানে আমরা ধরিয়া লই যে আলোকের প্রবাহদিক, কোনও সমস্বত্ব মাধ্যমে, একটি সরলরেখা। ইহা ধরিয়া লইয়াই আলোকের প্রতিফলন, প্রতিসরণ প্রভৃতি ঘটনার ব্যাখ্যা করা হয়। ইহার অর্থ, জ্যামিতিক আলোক-বিজ্ঞানে আমরা উক্ত বৃত্তের ব্যাসার্দ্ধ শৃত্য ধরিয়া লই; অর্থাৎ জ্যামিতিক আলোক-বিজ্ঞানে আমরা আলোকের ডিফ্র্যাক্শান উপেক্ষা করি। উপরোক্ত উদাহরণে দেখা গিয়াছে যে আলোকের তরঙ্গ দৈর্ঘ্য যত হোট হইবে, জ্যামিতিক আলোক-বিজ্ঞানের সরলীকরণ (Simplification or Approximation) তত্তই যুক্তিপূর্ণ হইবে।

প্রশাবলী

হিগিন্সের নীতি অনুসরণ করিয়া দেখাও যে, কোনও তরঙ্গ-প্রবাহের তরঙ্গ
তল গোলকাকৃতি হইলে, উহা সমতল আয়নায় প্রতিক্লিত হইয়া গোলকাকৃতি তরঙ্গ
তলের প্রতিক্লিত তরঙ্গ-প্রবাহের স্থাষ্ট করে।

- 2. টান করিয়া রাখা একটি তারের ফাণ্ডামেন্টাল কম্পনান্ধ=150 সাইক্ল্স্/ সেকেণ্ড। তারের টান যদি 9:16 অনুপাতে, এবং উহার দৈর্ঘ্য 1:2 অনুপাতে বুদ্ধি করা হয়, তাহা হইলে তারটির ফাণ্ডামেণ্টাল কম্পনাঙ্ক কত হইবে ?
- 3. 25 সে.মি. দৈর্ঘ্যের একটি তারকে 5 কিলোগ্রাম ওজন দিয়া টান করিয়া রাখা হইয়াছে। যদি 1 মিটার তারের ওজন 4.9 গ্রাম হয়, তবে ঐ তারের কম্পনের কাণ্ডা-মেণ্টাল কম্পানান্ধ কত ?
- 4. সেতারের তারে শুধুমাত্র টানের পরিবর্তন করিয়া শব্দের কম্পনাক্ষ পরিবর্তন করা হয়। কম্পানান্ত 256 সাইক্ল্স্,/সেকেও হইতে 320 করিতে হইলে, টান কত ৰাড়াইতে হইবে ?
- 5. ছুইটি কম্পমান শলাকার কম্পনাম্ক যথাক্রমে একই টানের একটি তারের 96 সে.মি. এবং 97 সে.মি. দৈর্ঘ্যে, তির্ঘক কম্পনতরঙ্গের ফাণ্ডামেণ্টাল কম্পনাঙ্কের সমান। কম্পমান শলাকা হুইটির অধিকম্পের সংখ্যা প্রতি সেকেণ্ডে 4 হুইলে, শলাকা হুইটির কম্পনান্ত কত ?
- 6. একটি লম্বা নলে এক বায়ুমণ্ডলীয় চাপে এবং 77°C তাপমাত্রায় বাতাস ভতি আছে। নলটি একপ্রান্তে উন্মৃত্ত, এবং অপর প্রান্ত পিষ্টন দারা বন্ধ। পিষ্টনের অবস্থান ইচ্ছামত পরিবর্তন করা যায়। একটি কম্পমান শলাকা 500 সাইক্ল্স্/সেকেও কম্পনাঙ্কে নলের উন্মুক্ত প্রান্তের নিকট কম্পিত হইতেছে। পিষ্টনটি যথন উন্মুক্ত প্রান্ত ইইতে 18.0, 55.5, এবং 98.0 সে.মি. দূরত্বে থাকে, তখন বাযুক্তম্ভ ও কম্পমান শলাকার একত্র কম্পনে অন্ধনাদের স্বষ্টি হয়, উপরোক্ত পরিমাপ হইতে, (ক) 77°C তাপমাত্রায় বাভাদে শব্দের গতিবেগ নির্ণয় কর, এবং (খ) বাভাদের নির্দিষ্ট চাপে ও আয়তনে আপেক্ষিক তাপের অনুপাত নির্ণয় কর।
- 7. মিথেন (methane) গ্যাসের একটি স্তম্ভে 1100 সাইক্ল্স্/সেকেণ্ড কম্পনাঙ্কের ষাণু-ভরক সৃষ্টি হইয়াছে। ইহার পর পর ছইটি স্থির-বিন্দুর (Nodes) মধ্যে দূরত্ব 20 পে.মি. ; এবং গ্যাদে চাপের পরিমাণ এক বায়ুমঙলীয় চাপ। তাহা হইলে, মিথেন গ্যানে, নির্দিষ্ট চাপে এবং নির্দিষ্ট আয়তনে আপেক্ষিক তাপের অনুপাত কত ?
- 8. হুইটি কম্পমান শলাকার কম্পনান্ধ যথাক্রমে 128 এবং 384 সাইক্ল্স /সেকেণ্ড। শলাকা ছইটি হইতে নিঃস্ত শন্ধ-তর্ত্তের বাতাসে তর্ত্ত-দৈর্ঘ্য তুলনা কর।
- 9. বাতাসে শব্দের গতিবেগ 1120 ফিট্/সেকেণ্ড হইলে, 264 কম্পনাঞ্চের কম্পমান শলাকা হইতে নিঃস্ত শব্দ-তরঙ্গ যে সময়ে 154 ফিট্ পথ বাতাসে অতিক্রম করিবে, সেই সময়ে কম্পামান শলাকাটি কতবার পূর্ব কম্পান সম্পন্ন করিবে ?
 - 10. 20°C তাপমাত্রায় জলের মধ্য দিয়া প্রবাহিত দৈর্ঘ্য-তরঙ্গের গতিবেগ প্রায়

1850 মিটার/সেকেণ্ড। ইহা হইতে জলের অ্যাডায়াবেটিক (adiabatic) আয়তন ব্রাসাক্ত (Compressibility) নির্ণয় কর।

- 11. তুইটি পর্বভচ্ছার মধ্যে দাঁড়াইয়া কোনও ব্যক্তি বন্দুক ছুড়িল। বন্দুক ছোড়ার এক সেকেণ্ড এবং চার সেকেণ্ড পর সেই ব্যক্তি বন্দুকের শন্দের প্রথম ও বিতীয় প্রতিধানি শুনিতে পাইল। পর্বভচ্ছা তুইটির মধ্যে দূরত্ব 2800 ফিট্ হইলে, বাতাসে শব্দের গতিবেগ কত ?
 - 12. একটি এরোপ্নেন 120 মাইল/ঘণ্টা গতিবেগে অমুভূমিকভাবে উড়িয়া যাইতেছে। ইহার পাইলট বন্দুক ছুড়িয়া লক্ষ্য করিল যে, পৃথিবীপৃষ্ঠ হইতে শব্দের প্রতিধানি সে 3 সেকেণ্ড পরে শুনিতে পাইল। বাতাসে শব্দের গতিবেগ 1120 ফিট্/ সেকেণ্ড হইলে, এরোপ্নেনটি কত উচ্চতায় উড়িতেছে ?
 - 13. স্বসমৃদ্ধ শব্দের তীক্ষতা (Pitch) বলিতে কি ব্ঝায় ?
 - 14. সেতার ও বাঁশী উভয় বাছ যয়েই C-মধ্যম য়য় (য়য়থাৎ 256 সাইক্ল্য়ৃ/
 সেকেত্ত) বাজানো হইল। কম্পনাক একই হইলেও উহাদের মধ্যে কি পার্থক্য
 থাকিবে ?

প্রশ্লাবলীর উত্তর পদার্থের সাধারণ ধর্ম মহাকর্ষ [গুঃ ৪7]

2. 5·981 × 10²⁴ কিলোগ্রাম 10. প্রায় 432

3. $f = q \sin \theta$ 11. 191 সে.মি./(সেকেণ্ড)3

1 ঘণ্টা 24 মি. 29 সেকেণ্ড
 12. 7.572 কিলোমিটার দেকেণ্ড

6. 99·28 সে.মি. 13· 4·225 × 10° সে.মি.

পদার্থের স্থিতিস্থাপকতা [গৃ: 🕫]

0.68 মি.মি.
 661 সে.মি./(সেকেও)².
 65.8 পাউও

উদন্মিতি বিজ্ঞান [পৃ: 121-124]

2. P₁/P₂=h₂/h₁ 3. 3.6 সে.মি.; 169 গ্রাম 4. 7.55

5. 091; 20 গ্রাম 6, 970-87 নিটার 7. 2625 পাউণ্ড-ওজন

8. 3·228 × 10⁴ (সে.মি.)² 9. 35 গ্রাম 10. (ক) 1·56 পাউণ্ড'(ফুট)³

(খ) D-তে 0 312 পাউণ্ড, E-তে 5 পা: 11. 181.9 পাউণ্ড-(ফুট)²/(সেকেণ্ড)²

12. $H = \frac{(h_y - h_z) \times 13.6}{0.0013 \left\{ 1 - \frac{t_1 + t_2}{2} \times 273 \right\}}$ 13. $h = 2.\frac{y}{rg}$.

[অষ্টব্য : পৃ: 128এ প্রশ্নের ইঙ্গিত ভ্লক্রমে 14 প্রশ্নের নীচে ছাপা হইগছে]

কম্পন ও তর্ঞ

কম্পন [পৃ: 225]

1. (ক) 377 সে.মি./সেকেণ্ড 2. (ক) 2.095 সেকেণ্ড 9475 সে.মি./(সেকেণ্ড)² (খ) 9.165 সে.মি.

(ব) - 5684 দেমি./(সে.)²; 3. 367·4 ডাইনস্, স্থির অবস্থানের দিকে 301·6 সে.মি./সেকেও 4. 1284 আর্গস্

(গ) 0.0869 সেকেণ্ড 5. ছিভীয় কম্পানের কম্পানক্ষা 15° অগ্রগামী

ভরজ [পৃ: 286] 100 দাইকলস সেকেও 7. 1911P, P = মিথেনের ঘনত্ব

2. 100 দাইক্ল্স্'সেকেণ্ড 7. 1911F, F = বিবেশের বিষ্ণার্থ (গ্রাম্'(সে.মি.)³)

8. 200 সাইক্ল্স্/সেকেণ্ড 9. 36:3

4. প্রাথমিক টানের 18 খংশ 8. 1:8 9. 36:3

5. 384 এবং 388 সাইক্ল্স/সেকেও 10. 29·21 × 10⁻¹² (সে.মি.)²/ডাইন্

6. (ক) 400 মিটার দৈকেণ্ড 11. 1120 ফিট্ সেকেণ্ড

(খ) 1680 P, P=77°c ভাপমাত্রায়
বাভাদের ঘনত্ব (গ্রামা(সে.মি.)³)

পদার্থ (I)-19

অতিরিক্ত উদাহরণ ও প্রস্নাবলী

গতিবিছা ঃ বৈখিক গতি

কোন বস্ত ৪ ফুট/দেকেও পভিবেগে যাত্রা আরম্ভ করিল। উহার ত্বন
প্র ফু/(সে)² হইলে 5 সেকেও পরে উহার গতিবেগ কৃত ?

$$u=3, f=2, t=5$$

এখন v = u + ft স্ত্ৰ হইতে $v = 3 + 2 \times 5 = 3 + 10 = 13$ ফু/সে:।

2. একটি ট্রেন ঘণ্টায় 60 মাইল গভিবেগে স্থম মন্দন দারা 15 সেকেণ্ডের পর থামিল। উহার মন্দন কভ ?

u=60 মাইল/বল্টা=88 ফু:/সে:

t=15 (A:, v=3,

v = u + ft হইতে $0 = 88 + f \times 15$

3. কোন বস্তা বিভীয় সেকেন্ডে 24 ফুট, চতুর্থ সেকেন্ডে 100 ফুট চলে। উহার পতির তারণ স্থাম হউলে দশম সেকেন্ডে উহা কভ দূরত্ব অভিক্রম করিবে ?

$$s_n = u + \frac{1}{2} f \left(2t - 1 \right)$$

ম্ভএব
$$24 = u + \frac{3}{2}f$$
 ... (1); $100 = u + \frac{7}{2}f$.. (2)

(2) হইতে (1) বিয়োগ করিয়া

76=2
$$f$$
. ∴ f =38 $\overline{x}/(c\pi)^2$

(1) হইডে u=24-57=-33 ফু:/লে:

দশম সেকেত্তে s_{ao}= -38+-³ s^a × 19 = 328 ফু:

- 4. একটি বেল্ন 32 ফ্:'সে: গভিবেগে উপরে উঠিতেছে। উহা হইতে একটি পাথর ছোঁজা হইল। বেল্নটি ঐ সময়ে 3200 ফুট উচুতে থাকিলে
 - (ক) পাথরটি কত উচ্চতে উঠিবে ?
 - (গ) কত সমধে পাথরটি নিক্নিপ্ত বিন্দুতে ফিরিয়া আদিবে ?
 - (প) কত গতিবেগে উহা যাটি ছুঁইবে ?
 [$g=^{9}2 \frac{\pi}{(c\pi)^2}$]
 - (ক) পাথর ছু ড়িবার সময় উহার গতিবেগ বেলুনের গতিবেগের সমান অর্থাৎ

32 ফু:/সে: এবং ঐ গতি বেলুনের মত উধার্ব ছিল। উহা ঐ গতিবেগে উপরে উঠিয়া ৪ দূরতে থামিবে।

$$u = 32 \, \text{F}$$
: (7., $v = 0$, $g = 32 \, \text{F}$ /(7.)

 $v^2 = u^2 - 2g.s$ (অভিকর্ষের বিপরীতে মন্দন -g হইবে)

 $0 = 32^2 - 2 \times 32 \times s$, অথবা $32^2 = 2 \times 32 \times s$

$$\therefore s = \frac{32 \times 32}{2 \times 32} = 16 \, \overline{\chi}.$$

স্বতএব পাধরটি 4000 + 16 – 4016 ফুট উচুতে উঠিবে।

(থ) u=0, কারণ পাথরটি উচ্চতম বিন্দৃতে থামিয়া অভিকর্ষজ বরণে পড়িতে স্মারম্ভ করিল

$$s = 16$$
 ফু:, $g = 32$ ফু/(সে)²

এখন 8 = ut + 1 gt2

শতএব $16=0+\frac{1}{2}$, $32t^2$ অথবা $t^2=1$

∴ t = 1 সেকেওে

এক সেকেণ্ডে পাথরটি নিক্ষিপ্ত বিন্দুতে কিরিয়া আসে। উচ্চতম বিন্দুতে পৌছিবার সময় = নিক্ষিপ্ত বিন্দুতে ফিরিয়া আসার সময় = 1 সেকেণ্ড।

(গ) মাটি হইতে 3216 ফুট উঁচুতে পাণরটির গতিবেগ u=0

$$s = 3216, \quad g = 32 \text{ g/(CF)}^2$$

$$v^2 = 2gs = 2 \times 32 \times 3216$$

5. স্থির অবস্থা হইতে 625 ফুট চলিয়া কোন বস্তুর গতিবেশ 125 ফু: সে: হইলে উহার ত্বরণ কভ ?

u=0, s=625 \(\text{ \text{\$\pi}}:\), v=125 \(\text{\$\text{\$\pi}}:\)

এখন $v^2 = u^2 + 2fs$,

125²=2
$$f \times 625$$
 ∴ $f = \frac{125 \times 125}{2 \times 0.25} = 12.5 \text{ F}(CF)^2$

u = 100 ফু:/(ਸ:, g = 32 ফু:'(ਸ)², s = 80 ফੂট

এখন $s = ut - \frac{1}{2}gt^2$ অথবা $80 = 100t - 16t^2$

অথবা $16t^2 - 200t + 80 = 0$

चथरा
$$4t^2 - 25t + 20 = 0$$

$$\therefore t = \frac{25 \pm \sqrt{625 - 320}}{8} = \frac{25 \pm \sqrt{305}}{8}$$

অথবা t= 94 এবং 5.3 সেকেও।

t এর ছইটি মান হইতে ব্ঝা যায় বে বস্তটি ছইবার ৪০ ফুট উচুতে আদিয়াছে (ক) একবার উচ্চতম দ্রতে পৌছিবার সময় ও (খ) দিতীয়বার নীচে নামিয়া আদার সময়।

7. 800 ফুট উচ্ একটি মিনারের ছাদ হইতে একটি পাথর নীচে ছুঁ ডিয়া দেওয়া ছইল; অল্ল একটি পাথর মিনারের পাদদেশ হইতে একই সময় 75 ফুঃল: পতিবেগে উপরের দিকে নিক্ষিপ্ত হইল। কথন এবং কত দ্রতে পাথর ছইটি একত্র হইবে ?

মনে কর t সেকেও পরে s ফুট দ্রত্থে পাথর ছইটি একত্র হইবে। প্রথম পাথরটির বেলায়

$$u = 0$$
, $g = 32 \ \overline{\chi} : |(c\pi)^2|$

$$s = ut + \frac{1}{2} gt^2 = 0 + \frac{1}{2} 32t^2$$

च्यवा
$$s=16t^2$$
 ... (1)

দিতীয় পাথরটির বেলায়

u = 75 ফু:/(স:) g = 32 ফু:/(সে:)²

অভিক্রান্ত দূরত্ব = 300 - s

$$s = ut - \frac{1}{3} gt^2$$
 সূত্র হইডে $300 - s = 75t - \frac{1}{3} \times 82t^2$

$$=75t-16t^2$$

জগ্ৰা $800-16t^2=75t-16t^2$ [: $s=16t^2$, (1) হইতে]

এখন ঃ=16t2 = 16 × 16 = 256 ফুট।

8. প্রমাণ কর যে অবাধ পতনশীল কোন বস্ত নির্দিষ্ট কয়েক দেকেণ্ডে যে দ্রত্ত ত্বিজ্ঞম করিবে উহা প্রথম সেকেণ্ডে অতিক্রান্ত দ্রত্ব ও সেকেণ্ডের সংখ্যার বর্গ এই ছইটির গুণফলের সমান।

প্রথম সেকেণ্ডে অতিক্রান্ত দূরত্ব $h_1=rac{1}{3}g imes 1^2=rac{1}{3}g$ t সেকেণ্ডে অতিক্রান্ত দূরত্ব $h=rac{1}{3}gt^2=h_1t^2$ প্রমাণিত।

9. কোন বস্ত 8 সেটিমিটার/(সে)² ত্বরণের সহিত 5 সেকেণ্ড চলিল, তারপর

বিনা ত্রণে 10 সেকেও চলিয়া -0.5 সে:(সে:) ত্রণের ছারা স্থির হইল। উহা মোট কত দূরত্ব কত সময়ে অতিক্রম করিল?

 $v=u+ft=0+8\times 5=40$ সেটি/সে: $s_1=\frac{1}{2}ft_1{}^2=\frac{1}{2}\times 8\times 25=100$ সেটি: 10 সেকেণ্ডে অভিকান্ত দ্রত্ব $s_2=v\times t=40\times 10=400$ সেটি: $v^2=u^2+2fs_3$ অথব। $0=(40)^2-2\times 0.5\times s_8$

 $v=u+ft_8$ অথব। $0=40-5t_8$. \therefore $t_8=80$ সে:
মোট অতিক্রান্ত দূরত্ব $S=s_1+s_2+s_8=100+400+1600=2100$ সেটিঃ
মোট সময় $=t_1+t_2+t_8=5+10+80=95$ সে:

10. ছুইটি পাথর একই সময়ে উপরে নিক্ষিপ্ত হইল। উহাদের একটি অস্থাটি হইতে 112 ছুট বেশী উচুতে উঠে ও অস্থাটির 2 সেকেণ্ড আগে মাটিতে পড়ে। পাথর ইইটির নিক্ষেপণের গতিবেগ কত γ (g=32 ফু:/(সে.) 2)

$$h_1 = \frac{u_1^2}{2g}, \ h_2 = \frac{u_2^2}{2g} \qquad \left[v^2 = u^2 - 2gh, v = 0 \right]$$

$$h_1 - h_2 = \frac{u_1^2}{2g} - \frac{u_2^2}{2g} = \frac{u_1^2 - u_2^2}{64} = 112$$

$$112 \times 64 = u_1^2 - u_2^2 \qquad \cdots \qquad (1)$$

হইটি পাথরের দ্রত্ব অতিক্রমণের সময় জানিতে

অতএব s₃ = 1600 সেণ্টি.

$$2u_1 = gt_1$$
 [$s = ut - \frac{1}{3}gt^3$, $s = 0$]
$$2u_2 = gt_2$$

$$u_1 - u_2 = 16 (t_1 - t_2) = 16 \times 2 \qquad (2)$$

(1) EXTS
$$u_1 + u_2 = \frac{112 \times 64}{u_1 - u_3} = \frac{112 \times 64}{16 \times 2} = 224 \cdots$$
 (3)

(2) ও (3) হইতে

 $u_1 = 128$ कृषे/तमः, $u_2 = 96$ कृषे/तमः

11. 200 ফুট উঁচুতে একটি বেলুন হইতে একটি পাথর নীচে ছুড়িলে উহা

6 সেকেণ্ডে মাটি ছুইল। বেলুনের গতিবেগ কত ?

পাথরটি ছুড়িবার সময় বেল্ন ও তথা পাথরের গতিবেগ ॥ ফুট/সে:। পাথরটি পাড়িবার সময় অভিকর্ষক ত্বরণ g নিমুমুখী। ফলে, ॥ পজিটিভ হইলে, g নেগেটিভ এবং ও নেগেটিভ ।

অতএব $s=ut+\frac{1}{2}ft^2$

$$-200 = 6u - \frac{1}{3}g \times 6^2 = (6u - \frac{1}{3} \times 32 \times 36)$$

অথবা 6u = 576 - 200. ফলে, $u = 62\frac{2}{3}$ ফুট/মেকেণ্ড।

12. একটি বল মাটি হইতে উপরে ছুঁ ড়িতে উহা 5 সেকেণ্ডে পূর্বভন বিন্দৃতে ফিরিয়া আসিল। বলটি কত উচ্চতার উঠিল ? g=32 ফু: $\frac{1}{2}$

উচ্চতম বিন্তুতে v=0, অতএব $0=u^2-2gs$

$$\therefore \quad s = \frac{u^2}{2g}$$

এই উচ্চতাৰ পৌছিতে অতিক্রাস্ত সময় =ঐ উচ্চতা হইতে পূর্বতন বিন্দুতে ফিরিবার সময় $=\frac{u}{g}$.

অতএব মোট সময় =
$$\frac{2u}{g}$$
.

এবানে
$$\frac{2u}{g} = 5$$
 সে: $u = \frac{5 \times 82}{1} = 80$ ফু:/সে:

13. 100 মিটার উচ্চতা হইতে কোন বস্তু পড়িলে উহা মাটি ছুঁইতে কত সময়

শইবে ও স্থির অবস্থার আদিবার মূহুর্তে উহার গতিবেগ কত হইবে ?

$$s = \frac{1}{3} gt^2$$
, $\therefore 100 \times 100 = \frac{1}{3} \times 980 \times t^2$

$$\therefore t = \sqrt{\frac{100 \times 10}{49}} = \frac{10 \times 3.162}{7} = 4.5$$

v=gt=980 × 4·5 - 4410 সেন্টি/সেকেও।

- 14. একটি ট্রেন ষ্টেশন হইতে যাত্রা আরম্ভ করিয়া 2 মিনিটে ত্রণের ছারা ঘণ্টায় 60 মাইল সর্বোচ্চ গভিবেগ লাভ করে। ঐ ট্রেনটি ত্রণকালে কড দূরত্ব অভিক্রম করে?
- 15. একটি বন্দুকের গুলি 200 ফু:'সে: গভিবেগে একটি গাছে বাধা পাইয়া উহা

 9 ইঞ্চি ভেদ করিয়া থামে। ঐ একই গভিবেগে সমান বাধাবিশিষ্ট 5 ইঞ্চি পুরু একটি
 কাষ্ঠ্যতে উহা বাধা পাইয়া কত গভিবেগ লইয়া বাহিরে আসিবে ?

[উ: 133 ফু:/সে:]

16. কোন বস্তু প্রাথমিক গভিবেগ 14 ফু:/সে: হইতে স্বয় ত্বনের ছারা
18 ফু:/সে: গভিবেগ লাভ করে। উহার ত্বন কত ? ডি: ৪ ফু:/সে: }

- 17. স্বম ত্রণবিশিষ্ট কোন বস্ত উহার গতির শেষ দেকেণ্ডে মোট দ্রত্বের গ্রীর

 শংশ শতিক্রম করে। উহা স্থির অবস্থা ইইতে যাত্রা করিয়া থাকিলে এবং প্রথম

 সেকেণ্ডে 6 ইঞ্চি অতিক্রম করিলে উহা কভক্ষণ গতিশীল ছিল ও ঐ অবস্থায় কত পথ

 শতিক্রম করিয়াছে?

 [উ: 5 দেকেণ্ড; 125 ফুট]
- 18. একটি পাথর 400 ফু:/েদ. গভিবেগে 400 ফুট উচ্চতাবিশিষ্ট মিনারের ছাদ ইইতে অহস্থাকিভাবে 400 ফু:/েদ. গভিবেগে নিক্ষিপ্ত হইল। কত সময়ে এবং কত দ্রুত্বে উহা মাটি ছুইবে ?

[উ: 5 সেকেণ্ড; মিনাতের পাদদেশ হইভে 2000 ফুট দ্বন্ত।]

- 19. 192 ফুট উঁচু একটি মিন।রের ছাদ হইতে একটি পাধর নীচে পড়িলে উহা ৪ সেকেন্তে 90 ফু:/সে: গভিবেগ পাইল। উহার অরণ কত ? [উ: 32 ফু: (সে)²]
- 20. মাটি হইতে 276 ফুট উচ্তে একটি উপ্রবিগামী বেলুন হইতে একটি পাথর ইড়িলে উহা 6 সেকেণ্ডে মাটিতে পৌছিল। পাথবটি ছুড়িবার সময় বেলুনের গতিবেগ কত ছিল।
 [উ: 50 ফুট/সে:]
- 21. 20 পাউও ভরের বস্তর উপর কোন স্থির বল 5 সেকেণ্ডে 15 ফু:/সেং গাভবেগ উৎপাদন করে। ঐ বস্তটি প্রথমে স্থির থাকিলে বলের পরিমাণ কত।

v=u+ft २२८७ (यदश्क् v=15 कृ: त्म: ; u=0 व्यवः t=5 (मदन्यः ।

 $15 = 0 + f \times 15$, $f = \frac{15}{5} = 3$ ছ: $(লে:)^2$ বেহেত্ p = mf, m = 20 পাউও, f = 3 ছ: $(লে:)^2$

m = 20 পাউও, f = 3 ছ: (সে:)**
p = 20 × 3 = 60 পাউওাল।

22. একটি মস্ণ অমুভূমিক তলে স্থিত 10 পাউও ভরের বস্তুর উপর 3 পাউও ভরের সম্মানের বল প্রযুক্ত হইলে 10 সেকেণ্ডে বস্তুটি কত পথ অভিক্রম করিবে?

এখন $p = 3 \times 32$ পাউপ্তাল (: g = 32) m = 10 পাউঞ

p = mf exco

 $3 \times 32 = 10 \times f \qquad \therefore \qquad f = \frac{3 \times 32}{10} \, \overline{\Psi} : '(CR)^2$

 $s = \frac{1}{2} ft^2$ ইইতে (:: u = 0, t = 10 সেকেও)

পাৰর। পাই, $s = \frac{1}{2} \times \frac{3 \times 32}{10} \times 10^2 = 400$ ফুট।

23. 174 টন ভরের একটি ট্রেন 5 মিনিটে ঘণ্টায় 40 মাইল গতিবেগ হইতে ছির অবস্থায় আনে। মন্দন বল স্থম ধরিয়া ঐ বলের পরিমাণ ও ভরবেগের পরিবর্তন কভ নির্ণয় কর।

এখানে
$$u = \frac{40 \times 1760 \times 3}{60 \times c0} = \frac{176}{3}$$
 ফু: বেয়: $v = 0$, $t = 5 \times 60 = 500$ কে:

মন্দন =f, অতএব v=u-ft

 $0 = \frac{176}{8} - 300f \qquad \therefore \quad f = \frac{176}{900} \, \overline{\chi}^{2} \, ((73)^{2})^{2}$ অথবা

এখন p=mf=(175 imes2240) $rac{175}{355}$ পাউগ্ৰাৰ ।

 $=\frac{175 \times 2240 \times 176}{900 \times 32}$ lbs. wt. = 2396 lbs. wt.

ভরবেগের পরিবর্তন = mv - mu

=
$$-mu$$
 (কারণ $v=0$)
= $-175 \times 2240 \times \frac{176}{3} = -22990000$ পাউও ফুট

विरवां किट्छ्व चर्थ इहेन खबरवरभंत द्वां वहेंगः एहं।

24. এক আউল ওজনের একটি বুলেট্ 1000 ফু:/সেঃ গভিবেগে বন্দুক হউতে বাহির হইলে, বন্দুকের প্রভিঘাত বেগ 2 ফু:/মে: হয়। বন্ধুকের ভর কত ? MV = mv

m=1 আউল $=\frac{1}{18}$ প.উও, v=1000 ফু: 'নে: ; V=2 ফু: 'নে:

 $M \times 2 = \frac{1}{18} \times 1000$

অথবা $M=\frac{1}{3}\frac{0}{3}$ = 31.25 পাউও।

- 25. 16 পাউণ্ড ভরের কোন বস্তুর উপর 3 দেকেণ্ডের জন্ম একটি স্থির বল প্রযুক্ত হয়। পরবভী 3 দেকেতে বস্তটি 81 ফুট পথ অতিক্রম করে। এ বলের পরিমাণ কত ? [উ: 4:5 ফুট পাউও]
- 26. জনৈক ব্যক্তির স্থির লিফ্টে ওজন 150 পাউও। লিফ্টটি (क) স্বম প্রতিংগে উপরে উঠিলে ঐ ব্যক্তির ওজন কত দেখাইবে ? (খ) দিফ্টটি 4 ফু/(সে)² খরণে নীচে নামিলে ঐ ব্যক্তির ওজন কত দেখাইবে ? [g=32 ফু: $/(স:)^2$]
 - ' (ক) ঐ অবস্থায় জন্ম নাই বলিয়া ঐ ব্যক্তির ওজন কম বেশী দেখাইবে না।
- (খ) ঐ ব্যক্তির উপর ছইটি বল ক্রিয়া করে। 1. ঐ ব্যক্তির ওঙ্গন mg নিমুম্থী ও 2. প্রতিক্রিয়া বল R বা আপাত ওজন উল্ল'ম্থী ক্রিয়া করে।

क्टन mg - R = mf

অত এব আপাত ওজন হ্লাসপ্রাপ্ত ওজন হইবে।

অৰ্থ্য R = 150 (1 - 4) = 131.2 পাউণ্ড-ওবেট**্**।

- 27. একটি বলের ভর 100 গ্রাম ও ভরবেগ 1000 গ্রাম সে:/সেকেও হইলে উহার গভীয় শক্তি কত ? [উ: 50000 আর্গ]
- 28. একটি গাড়ীর ভর 400 পাউগু; উহা ঘণ্টার 30 মাইল বেগে চলিবার সময় বেক্ ক্ষিবার ফলে 10 ফুট দ্রত্বে গিলা থামিল।: উহার গতি কি পরিমাণ বলের ঘারা বাধা পায় নির্ণন্ন কর।
- 29. জনৈক ব্যক্তি লিফ্টে উঠিবার সময় 2 পাউও ওজনের একটি বস্তু প্রিশালানে বুলাইয়া হয়। লিফ্টিট 4 ফু:/(সে:)² ত্বণের সহিত উপরে উঠিলে ঐ ত্লাঘন্তে বস্তুটির ওজন কত দেখাইবে ?

 [উ: 2½ পাউও]
- 30, 100 ডাইন্ বল 10 গ্রাম ভরের বস্তুর উপর 5 সেকেও ক্রিয়া করিলে ঐ বস্তুর ভরবেগের কি পরিবর্তন ২ইবে ? [উ: 500 গ্রাম সেকেও]

ভেক্টর

1. ভেক্টরের সামাভরিক নিয়ম কাহাকে বলে?

ছইটি ভেক্টর (বল, গতিবেগ, ত্বরণ ইত্যানি) একটি বস্তর উপর ক্রিয়া করিলে উহা যদি একটি দমান্তবিকের একটি বিন্দু হইতে পরিমাণ ও দিক দম্বলিত ত্ইটি সমিহিত বাহু দাবা প্রকাশিত হয়, তবে ঐ ত্ইটি ভেক্টরের লব্বির পরিমাণ ও দিক্ ঐ সমান্তবিকের ঐ বিন্দু হইতে কর্ণের সমান হইবে।

মনে কর P ও Q হুইটি ভেক্টর একটি বস্তুর উপর একটি বিন্দৃতে ক্রিরা করে। উহাদের সন্নিহিত কোণ এ। ঐ হুইটি ভেক্টরের লব্ধি $R=P^2+Q^2+2PQ$ \cos এ। লব্ধি ও P ভেক্টরের পঞ্জিটিভূদি ফএর মধ্যে কোণ θ হুইলে

$$\tan \theta = \frac{Q \sin \alpha}{P + Q \cos \alpha}$$

- (ক) ৰ=90° হইলে $R=\sqrt{P^2+Q^2}$ ও $\tan\theta=\frac{Q}{P}$
- (a) $\alpha = 0^{\circ}$ হইলে R = P + Q
- (গ) $\ll = 180^\circ$ হইলে R = P Q
- (a) P=Q except $R=2P\cos\frac{4}{2}$

 $43: \tan \theta = \tan \frac{4}{2}, \qquad \theta = \frac{4}{2}.$

2. কোন বস্তার উপর 2 ও 4 পাউও ওয়েট বন পর পার 60° নতিকোণে ক্রিয়া করে। উহাদের লব্ধি বল কত হইবে ?

P=2 পাউও ওয়েট, Q=4 পাউও ওয়েট, $\alpha=60^{\circ}$

:.
$$R^2 = 2^2 + 4^2 + 2 \times 2 \times 4 \cos 60^\circ = 4 + 16 + 16 \times \frac{1}{3} = 18$$
 $R = \sqrt{28} = 5.3$ পাউও হয়েট = $5.3 \times 32 = 169.6$ প ।

$$\tan \theta = \frac{4 \sin 60^{\circ}}{2 + 4 \cos 60^{\circ}} = \frac{4 \times \frac{\sqrt{3}}{2}}{2 + 4 \times \frac{1}{2}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\therefore \theta = \tan^{-1} \frac{\sqrt{3}}{2}$$

3. 2 উদাহরণে লিক্কি বল ছুইটি P ও Q উপাংশে এরপভাবে বিশ্লেষণ কর বাহাতে P ও Q ভেক্টর-এর সন্নিধিত কোণ সমকোণ হয়।

- 4. তুইটি বল কোন বস্তুতে পরস্পর বিপরীত দিকে ক্রিয়া করিলে লব্ধি বল 10 পাউও হয়। উহারা সমকোণে ক্রিয়া করিলে ল'্জ বল $10\sqrt{13}$ হইত। বল তুইটির পরিমাণ কত ?
- 5. 1.5 গ্রাম ভরের একটি ছোট হান্ধা বল সিব্রের স্থতায় ঝুলান আছে। উহা বাতাদের স্থোতে উল্লম্ব অবস্থা হুইতে 30° কোণে ছলিয়া যায়। বলের উপর বাতাদের বলের পরিমাণ কত ?

 [উঃ 0 866 গ্রাম ওয়েট,]

<u>স্থিতিবিভা</u>

 1. 10 ফুট লয়া একটি লাঠির ছই প্রান্ত ছইজন মামুষ কাঁধে বহিতেছে।
 ঐ লাঠির মধ্যবিন্দুতে 100 পাউও ভরের বস্ত ঝুলাইয়া দিলে মামুষ ছইজন কভ ভার বহন করে? (লাঠির ভর নগণা ধরিতে হইবে)

$$P+Q=100$$
 $P \times 5 = Q \times 5$
এবং $P+Q=100$. $P=Q$ অথবা $P+P=100$ \therefore $P=50$
 $P=Q=50$ পাউও

2. 7 পাউণ্ড ও ৪ ইঞ্চি ব্যাদের একটি গোলকের সহিত 5 পাউণ্ড ও 4 ইঞ্চি
ব্যাদের একটি গোলক জুড়িয়া আছে। উহাদের অভিকর্ধকেন্দ্র নির্ণয় কর।

মনে কর, 7 পাউও গোলকের কেন্দ্র হইতে x ইঞ্চি দূরে মিলিত গোলক তুইটির π ভিক্ষিকেন্দ্র হইলে $7 \times x = 5$ (12 - x)

স্থিব। 7x = 60 - 5x স্থিব। 12x = 60

∴ x=5 ইकि।

- 3. 50 পাউও ওজনের একটি দণ্ডের একপ্রান্তে 10 পাউও ওজন ঝুলাইলে ঐ প্রাস্ত হইতে 6 ফুট দূরত্বের একটি বিন্দুতে অভিকর্ধকেন্দ্র দরিয়া যায়। দণ্ডটির দৈর্ঘ্য ডি: 14.4 ফুট] क्छ ?
- 4. একটি হাকা মিটার-৮৫ে ৪০, 60 ও 40 গ্রাম ওজন যথাক্রমে 5, 20 ও 60 সে.মি. এ ঝুলানো আছে। কোন্ বিন্তুতে বল প্রয়োগ করিলে উহা স্থির থাকিবে এবং ঐ বলের পরিমাণ কত ?

মিটার-দণ্ডটি হাল্কা বলিয়া উহার ওজন নগণ্য।

R লব্দি বল হইলে

 $R\!=\!80+60+40=180$ গ্রাম ওয়েট্। O হউতেR বিন্দুর দ্রত বাহির করিতে হইলে বলের ভামক O বিন্দু হইতে বোগ করিতে হইবে।

 $30 \times 5 + 60 \times 20 + 40 \times 60 = 180 \times x$ অতএব x=22.2 সে মি.

O হইতে 22·2 সে.মি. দ্রত্বে ঐ মিটার-দত্তে 180 গ্রাম ওয়েট বল বিপরীত দিকে প্রয়োগ করিলে দণ্ডটি স্থির থাকিবে।

5. AB এकि अथम मटखन रेमर्चा 4 कृष्टे अवः উशान A निन्तू श्रेट पि कृष्टे छ 3 ফুট দ্রত্বে যথাক্রমে 10 পাউও ও 320 পাউও ওজন ঝুলানো আছে। В বিশু হইতে 1 ফুট 9 ইফি যুরত্বে বলপ্রয়োগে দণ্ডটি স্থির থাকিলে, দণ্ডটির ওজন কত ? ্উ: 10 পাউৰু]

ঘৰ্ষণ

1. একটি ঘনক আনত তলের উপর অবস্থিত। $\mu=rac{1}{\sqrt{3}}$ হইলে ঘনকটি কত নিভি কোণে গড়াইয়া যাইবে ? μ =tan θ হইবে। [θ ভলের নিভি কোন।]

$$\tan \theta = \frac{1}{\sqrt{3}} \qquad \therefore \quad \theta = 30^{\circ}$$

2. 100 পাউও ওজনের কোন বস্তু এমন একটি আনত তলের উপর গড়াইয়া শীয় যাহার নতি 100 তে 1. উহার ঘর্ষণগুণাক নির্ণয় কর।

Sin $\theta = \frac{1}{100}$, $\cos \theta = \sqrt{1 - \sin^2 \theta} = \sqrt{1 - 0001} = \sqrt{0.9999}$ শানত তলের দিকে উহার ওজনের উপাংশ $Mg \sin heta$

: $F = Mg \sin \theta$ এবং $R = Mg \cos \theta$

$$\mu = \frac{F}{R} = \frac{Mg \sin \theta}{Mg \cos \theta} = \frac{1}{100} \times \frac{1}{\sqrt{.9999}} = .01$$

এক্সিমোদের একটি 250 পাউও ওলনের স্লেলগাড়ী বরফের উপর গড়াইয়া
লইতে 25 পাউও ওলনের বল প্রয়োজন হয়। ঘর্ষণগুণায় নির্বয় কর।

$$R=250$$
 পাউও $F=25$ পাউও $\mu=rac{F}{R}=rac{25}{250}=0.1$

- 4. 200 টন ওজনের রেলগাড়ী 150 H.P. দারা ঘণ্টাম 30 মাইল চলে। গাড়ী ও রেললাইনের ঘর্ষণগুণান্ধ নির্ণম কর। [উ: 0.0041]
- 5. 200 পাউণ্ড ভরের কোন বস্তু অন্তর্মক তলে অবস্থিত আছে। ঐ বস্তু ও তলের ঘর্ষণগুণাক্ষ '025 হইলে, ঐ তলে 50 ফুট ঘাইতে কত কার্য সম্পন্ন হইবে ?
 । [উ: 250 ফুট পাউণ্ড]
- 6. রাবার টায়ার ও রান্তার মধ্যে ঘর্ষণগুণান্ধ 0.25 হইলে একটি 2 টন ট্রাক্
 ঘণ্টান্ন 45 মাইল গতিবেগ হইতে ত্রেক্ ক্ষিয়া স্থির অবস্থায় আদিতে ক্ডটুকু নিম্নতম
 দূরত্ব অতিক্রম ক্রিবে ?

 [উ: 90.75 ফুট]
- 7. 200' টন ভরের একটি রেলগাড়ী ঘণ্টায় 30 মাইল বেগে চলে। ঘর্ষণজনিত বাধার পরিমাণ টনপ্রতি 10 পাউও ওয়েট হইলে রেলগাড়ীটি চলিতে কত অম্বশক্তির ইঞ্জিন লাগিবে ?

বৃত্তীয় গভি

পাউণ্ড ওজনের একটি পাথর 4 ফুট দড়ির একপ্রান্তে বাঁধা অবস্থায় বৃত্তীয়
পথে ঘুরাইলে র সেকেণ্ডে পাথরটি একবার পূর্ণবৃত্তে আবর্তিত হয়। দড়ির টানজনিত
বল নির্ণয় কর।

টানজনিত বল
$$= \frac{mv^2}{r}$$
পাথৱের গতিবেগ $v = \frac{2\pi r}{t}$

$$\frac{mv^2}{r} = \frac{m \times 4\pi^2 r^2}{t^2 \times r} = \frac{m \times 4\pi^2 r}{t^2}$$

$$= \frac{1 \times 4 \times 9.87 \times 4}{\frac{1}{4}}$$

$$= 631.68$$
 পাউগুল

অথবা $\frac{631.68}{32.2} = 19.6$ পাউগু ওয়েট $+$

2. একটি গ্রামোফোন ভিঙ্ক মিনিটে 60 বার আবর্তিত হয়। 6.5 গ্রাম ওজনের একটি মূলা উহার কেন্দ্রবিন্দু হইতে ৪ সে.মি. দূরে রাখিলে ঐ মূলার উপর অভিকেন্দ্র বল কত হইবে ।

ডিস্কের গভিবেগ = 60/িষনিট = 1/েসকেণ্ড = $2\pi r$ দে.মি./সে. r = 8িস্কের ব্যাসার্ধ r = 8

মূদ্রার ভর = 6·5 গ্রাম (m) বুভের ব্যাসার্থ = 8 সে.মি. (r)

- ∴ স্বভিকেন্দ্র বল = $\frac{mv^2}{r}$ = $\frac{6.5 \times (2\pi \times 8)^2}{8}$ = 2058 ডাইন
- 3. কোন বস্তকণা মিনিটে ৪০০ বার বৃত্তপথে আবর্তন করিলে রেডিয়ানে উহার কৌণিক গতিবেগ কত ? ঐ বৃত্তের ব্যাসার্ধ 4 ফুট হইলে উহার রৈখিক গতিবেগ নির্ণয় কর।
 টি: 10π রেডিয়ান, 40π ফুট]
- 4. 50 ফুট ব্যাসার্ধের একটি ব্বত্তের চাপের আকারের একটি সেতুর উপর কত গভিবেগে চলিলে উচ্চতম বিন্দুতে মাটি ছাড়াইয়া উপরে উঠিবে না ?

 $\left[\begin{array}{cc} \overline{xa}: & \frac{mv^2}{r} = mg, & \frac{mv^2}{50} = m \times 32 \end{array}\right]$

υ = 40 ফু:/বে:

- 5. একজন সাইকেস-আরোহী ঘণ্টার 50 মাইল বেগে চলিতে গিয়া 44 ফুট ব্যাসার্থের ব্রভের চাপের আকৃতিবিশিষ্ট মোড়ে বাঁক নের। ঐ সময়ে উহার নতি কোণ কত হইবে?
- 6. একটি মোটরগাড়ী স্থির গতিবেগে ঘণ্টাম্ব 60 মাইল বৃতীয় পথে চলিতেছে।
 ঐ বৃতীয় পথের ব্যাসার্থ 40 গজ হইলে গাড়ীর ত্বরণ কত ?

[উ: 64 s x:/(CH)²]

7. ঘণ্টায় 10 মাইল বেগে একজন সাইকেল-আরোহী 22 ফুট ব্যাসার্থের বজীয় বক্রপথে মোড় বাঁকিতে উল্লম্ব হইতে কত কোণ হেলিবে? সাইকেলের টায়ার ও রাজার ঘর্ষণগুণাক্ষের স্বসন্ধত মান কত হইলে, এই অবস্থায় সাইকেল পিছলাইয়া পাড়বে না। সাইকেল ও আরোহীর ওজন 200 পাউও হইলে, রাজার তল চাকার উপর কত ঘর্ষণ-বল প্রয়োগ করিবে?

िष्ठः tan 1 है है ; है है ; 61 है शिष्ट अरब्हें]

- 8. ½ পাউণ্ড ওজনের একটি পাথর 2 ফুট লয়া দড়ির একপ্রান্তে ঝুলাইয়া অলপ্রান্তি আঙুলে জড়াইয়া অয়ভূমিক তলে রুত্তপথে ঘুরানো হইল। দড়িটি 112 পাউণ্ড-ওয়েট বলে ছি ডিয়া য়য়। উহা না ছি ডিয়া কত সর্বোচ্চ গতিবেগে ½ পাউণ্ড ওজনের ঐ পাথর ঘুরানে য়াইতে পারে ?

 [উ: 9.5 আবর্তন/সেকেণ্ড]
- 9. 200 ফুট বাাদার্থের অন্নভূমিক বাঁকে মোড় লইবার সময় একটি ট্রামের গভিবেগ যদি দেকেণ্ডে 24 ফুট থাকে, ভবে উহাতে কোন ব্যক্তি পকেটে হাত ঢুকাইয়া দাঁড়াইয়া থাকিলে কডটুকু হেলিবে ? [θ = an^{-1} 0·09]
- 10. 4 ফুট ব্যাসার্থের ব্বত্তে একটি দড়িতে অমুভূমিক তলে কোন বল ঘুরাইতে থাকিলে ও ঐ বলের গভিবেগ সেকেওে 10 ফুট হইলে উহার বৃত্তীয় ত্বরণ কত হইবে?

 [উ: 25 ফু:/(সে:)²]
- 11. 10 পাউও ওজনের 3 ফুট দীর্ঘ একটি দণ্ড মিনিটে 50 বার স্বাবর্তন করে। উহার গতীয় শক্তি কত ?

গতীয় শক্তি $= \frac{1}{3} \ Iw^2$ $I = \frac{1}{8} M l^2 = \frac{1}{3} \times 10 \times 3^2$ পাউও (ফুট) 2 w = 50, মিনিট $= \frac{5}{6} \delta l$ সেকেও $= \frac{5}{6} \times 2\pi$ রেডিয়ান গতীয় শক্তি $= \frac{1}{3} \times (\frac{1}{3} \times 10 \times 3^2) \times (\frac{5}{6} \times 2\pi)^2$ = 411.3 ফুট পাউওলে।

12. 1000 ডাইন্ দে.মি. ঘন্দের প্রভাবে কোন বস্ত স্থির বেগে আবর্তন করে।
দ্বটি অপদারিত হইলে উহা 50 বার আবর্তন করিয়া স্থির হয়। দ্বল্ অপদারশের
মৃহুর্তে বস্তুটির গতীয় শক্তি কত হইবে?
[উ: 814000 আর্গ]

কাৰ্য, শক্তি ও ক্ষমতা

- 1. 2 টন ওছন উল্লম্ব উচ্চতায় 20 ফুট তুলিতে কত কাৰ্য সম্পন্ন হইবে ? $W=F\times S=4480\times 20=89600$ ফুট পাউগু= 89600×32 ফুট পাউগুল।
- 2. 180 পাউও ওছনের কোন ব্যক্তি 5 মিনিটে 200 ফুট উচ্চ মিনারে উঠিল। শে গড় বত অংশক্তিতে কার্য করিল ?
 - 5 মিনিটে ক্বন্ত কাৰ্য = 180 × 200 ফুট পাউণ্ড
 - 1 মিনিটে কার্য = $\frac{180 \times 200}{5}$ = 7200 ফুট পাউণ্ড
 - : $HP = \frac{7200}{33000} = 0218$.

3. 250 গালন জল প্ৰতি মিনিটে 40 গছ উপরে তুলিতে কত অবশক্তির ইঞ্জিন প্রয়োজন ? (1 গ্যালন = 10 পাউও) [উ: $9 {}_{11}$]

4. পৃথিবীপৃষ্ঠের এক মাইল উচ্চতায় সঞ্চিত মেঘ হইতে এক বর্গমাইল পৃথিবীপৃষ্ঠ ব্যাপিয়া 🖟 ইঞ্চি বৃটিপাত হয়। ঐ মেঘ সঞ্চিত হইতে কত কার্য সম্পন্ন
ইইয়াছিল ?

র্ষ্টির আয়তন = 1 বর্গমাইল $imes rac{1}{2}$ ইঞ্চি = $(1760 imes 3)^2 imes rac{1}{2 imes 12}$ ঘনফুট

র্টির মোট ভর = $(1760 \times 3)^2 \times \frac{1}{2 \times 12} \times 62.5$ পাউও

সম্পাদিত কার্ম = $\{(1760 \times 3)^2 \times \frac{1}{2 \times 12} \times 62.5\} \times (1760 \times 3)$ ফুট পাউণ্ড $=383328 \times 10^6$ ফুট পাউণ্ড।

5. 250 টন ওজনের একটি ট্রেন ঘণ্টায় 60 মাইল চলে। ঐ ট্রেনের গতিবেগ্

ঘণ্টায় 65 মাইল করিতে কত শক্তি বাড়াইতে হইবে ?

[উ: 3746652000 দুট পাউণ্ডাল]

6. 10 কিলোগ্রাম ওজনের কোন বস্তু 10 মিটার উচ্চতা হইতে পড়িতে যে গভীয় শক্তি পায় উহা ঐ উচ্চতায় সঞ্চিত হৈতিক শক্তির সমান।

7. 50 গ্রাম ওজনের কোন বস্ত অভিকর্ষ দারা অবাধে নীচে পতিত হয় উহার উগর প্রযুক্ত অভিকর্ষ বল কত? 5 সেকেণ্ড পরে উহার ভরবেগ ও গতির শক্তি কত

মডিকর্ম বল = $50 \times 980 = 49000$ ডাইন্ v = u + gt, u = 0, g = 930, t = 5 সেকেণ্ড $v = 5 \times 980$ সে /সেকেণ্ড = 4900 সে./সেকেণ্ড ডিনবেগ = $m \times v = 50 \times 4900 = 245000$ একৰ গভীয় শক্তি = $\frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2} \times 50 \times (4900)^2$ আর্গ

৪০০ নিজি-কোণের রেলপথে চলিতে এঞ্জিনের ক্ষমতা কত প্রয়োজন হইবে?

এখানে $\sin \theta = \frac{1}{3}$ আনত তলের রেখায় ট্রেনের ওজন = $mg \sin \theta$ আন্ত তলের উল্লম্ব প্রতিক্রিয়া $R=mg\cos heta$ ষ্বি $F = vR = u \ mg \cos \theta$ এছিন-প্রযুক্ত বল $= mg \sin \theta + u mg \cos \theta$

: শেকেণ্ডে এঞ্জিন-কৃত কার্য

 $=(u \ mg \cos \theta + mg \sin \theta) \times v.$ [v = সেকেণ্ডে গতিবেগ]

ক্ষতা – সেকেণ্ডে কৃত কাৰ্য – ($u mg \cos \theta + mg \sin \theta$) vu = 0·5, m = 100 × 2240 পাউও, g = 32 ফুট,

 $\sin \theta = \frac{1}{2}, \cos \theta = \frac{\sqrt{3}}{2}$

v = 30 मारेन/घन्छ। = 44 क्छे/स्मरक्छ

P=(50 × 2240 × 32 × 1·866) 44 ফুট পাউওাল = 50 × 2240 × 1.866 × 44 ফুট পাউও কার্য $=\frac{50 \times 2240 \times 1.866 \times 44}{550}$ H.P.=16720 H.P.

[:: 1 H.P.=550 ফুট পাউও/দেকেও]

9. একটি এঞ্জিন মিনিটে 5000 গ্যালন জল 20 ফুট উচ্চতায় তুলিতে পারে। উহার শতক্রা 30 ভাগ ক্ষমতা নষ্ট হইলে এঞ্জিনের ক্ষমতা কত ?

[C: 43:3 H.P.]

কোন বস্তুর ওজন 100 পাউত্ত। প্রতি ধাপ 9 ইঞ্চি উচু এরপ দিড়ির 20টি ধাপে উহাকে চ সেকেণ্ডে তুলিতে কি পরিমাণ ক্ষমতার প্রয়োজন ?

[항: 라 H.P.]

180 পাউও ওজনের এক ব্যক্তি 30 ফুট উচ্চতায় 90 পাউও ওজন এক মিনিটে তুলিয়া লইলে সে কভ কার্য করে ও উহার অখশক্তি কভ ?

[উ: 6600 ফুট পাউও ; 0 2 H.P.]

200 পাউও ওজনের এক ব্যক্তি 3 মিনিটে 200 ফুট উচু মিনারের ছার্দে হাটিয়া পৌছায়। গড় কত অংশক্তিতে সে কাৰ্য করে ? [t: fg H.P.]

একটি ভার-উত্তোশক বন্ত্র 1000 পাউও ভার পঞ্চ তলে 5 সেকেওে তুলিতে পারে। প্রত্যেক ভলের গড় উচ্চভা 77 ফুট হইলে ঐ যন্ত্রটির ক্ষমতা কত ?

20 H.P.

165 পাউও ওজনের এক বাক্তি 10 মিনিটে 500 ফুট উচু ছাদে উঠিতে 13. পারে। সে কী হারে কার্য করে? [উ: 137 5 ফুট পাউত্ত'নেকেও]

- একটি কৃপ হইতে 5 অখশক্তির এঞ্জিনে 30 ফুট উচুতে জল ভোলা হয়। এঞ্জিনের কার্যকারিতা (efficiency) শতকরা 85 ভাগ হইলে উহা মিনিটে বত ि उ: 467.5 गानन গ্যালন জল তুলিবে ?
- 15. একথানি পাথরের ওজন 3 পাউও। উহা উপরের দিকে 96 ফু:/সে: গতি-বেগে ছোঁড়া হইল। 2 সেকেণ্ড পরে উহার গভীয় শক্তি কত?

গতীয় শক্তি $=rac{1}{2}$ $mv^2=rac{1}{2}$. $3.~32^2=1536$ পাউণ্ডাল ।

মহাকর্য ও অভিকর্ষ

1. পৃথিবী যদি এখটি লোহার গোলক হইত এবং ঐ গোলকের ব্যাসার্দ্ধ 6·37 × 10° মিটার ও ঘনত 7·86 গ্রাম/ঘন সে: মি: ংইলে উহার পৃষ্ঠদেশে অভিকর্ষ জনিত ত্রণ কত ২ইত ? $\,$ $\,$ $\,$ মহাকর্ষ গ্রুবক $\it C.~G.~S.$ এককে $\,6.668 imes 10^{-8}\,$

$$mg = G \frac{Mm}{R^2}$$

$$M = \frac{4}{3}\pi R^3 \times \rho \qquad \rho = 7.86 \frac{\text{shy}}{\text{ঘন (স: মি:}}$$

$$\therefore \qquad g = G \frac{\frac{4}{3}\pi R^3 \rho}{R^2} = G \frac{4\pi R \times \rho}{3}$$

$$= 6.658 \times 10^{-8} \times 4 \times \frac{2.9}{7} \times \frac{6.37 \times 10^8 \times 7.86}{3}$$

=1396 সে: মি:/(সেকেণ্ড)²

- 2. পৃথিবীপৃষ্ঠে 90 পাউত্ত ওজনের কে'ন বস্তু মঙ্গল গ্রহের পৃষ্ঠদেশে কত ওজন দেখাইবে ? [মঙ্গল গ্রহের ভর ও ব্যাসার্দ্ধ পৃথিবীর ভর ও ব্যাসার্দ্ধের বধাক্রমে ি উ: 40 পাউত্ত 3837
- পৃথিবীর ব্যাসার্জ 4000 মাইল। 100 পাউত্ত ওজনের বস্ত পৃথিবী পৃষ্ঠ ি উ: 25 পাউত্ত ইইতে 400 মাইল উচ্চতায় কত ওজন দেখাইবে ?
- পৃথিবী ও সংর্যের দ্রত্ব 1.49 × 1018 সে. মি. হইলে সংর্যের ভর কত ? [G=6.66 × 10-8 C. G. S. একক; 1 বংসর = 365 দিন] [উ: 4:347 × 1082 পাউও]
- 5. একটি সরল দোলক মিনিটে 98 বার দোল থায় ; g = 980 সে.মি /(বেকেণ্ড) 2 र्टेल (मानरकत्र देमर्चा निर्वेष कत्र।

$$T = \frac{6}{9}$$
 সেকেণ্ড
 $g = 960$ সে. মি./(সেকেণ্ড) 2
 $\frac{60}{98} = 2.3 \cdot 1415 \sqrt{\frac{L}{980}}$
খাত এব $L = 9 \cdot 30$ সে. মি.

পদার্থ (I)-20

(1) হইতে

6.~~g=981 হইলে ঐ স্থানে একটি সেকেণ্ডদ্ দোলকের দৈখ্য কভ হইবে pদরল দোলকের $T=2\pi\sqrt{rac{L}{g}}$

সেকেণ্ডদ্ দোলকে T=2 সেকেণ্ড

$$L = \frac{g}{\pi^2} = \frac{981 \times 49}{22 \times 22} \left[\begin{array}{cc} : & \pi = \frac{32}{7} \end{array} \right]$$
$$= 99.39 \text{ (A. A.)}$$

গ. 1 মিটার ও 1·1 মিটার দৈর্ঘোর ত্ইটি সরল দোলক একই সঙ্গে সমান বিস্তারে ভূলিতে আরম্ভ করে। দীর্ঘতর দোলকের কত্রশংগ্যক দোলনের পর তৃইটি দোলক আবার একদলে দোলন আরম্ভ করিবে ?

$$g = 978$$
 কে. মি./(নেকেণ্ড)² $T_1 = 2\pi \sqrt{\frac{100}{978}}, T_2 = 2\pi \sqrt{\frac{10}{978}}$

মনে কর $1^{\circ}1$ মিটার দৈর্ঘোর দোলক $n_1 \otimes 1$ মিটার দৈর্ঘোর দোলক $(n_1 + n_2)$ শোলনের পর পুনরায় একসংক্র দোলন আরম্ভ করিবে;

ৰতএব
$$n_1$$
 $t_2 = (n_1 + n_3)T_1$ ছথবা $n_1(T_2 - T_1) = n_2T_1$... (1) বিস্থ $(T_2 - T_1) = -\frac{2\pi}{\sqrt{978}} \left(\sqrt{110} - \sqrt{100}\right)$

$$\frac{2\pi n_1}{\sqrt{978}} (\sqrt{110} - \sqrt{100}) = \frac{2\pi n_2}{\sqrt{978}} \sqrt{1^{\frac{1}{0}}}$$
অথব। $n_1 = \frac{10}{\sqrt{110} - 10} n_2 = \frac{10(\sqrt{110} + 10)}{10} n_3$

$$= (\sqrt{110} + 10) n_3 = 20 5 n_2 (প্রায়)$$

$$= \frac{41}{3} n_3 (প্রায়)$$

একটি পূর্বসংখ্যা পাইতে হইলে n_2 এর মান অন্তত: 2 হওয়া প্রয়েক্তন, তথ্ন $n_1=41$.

- 8. একটি সেকেণ্ডস্ দোলক (T=2 সেকেণ্ড) দিনে 5 সেকেণ্ড হারার। উহার দৈখ্য কত ক্যাইলে উহা সঠিক সমন্ত দিবে ?
- 1 দিন = 86400 দেকেণ্ড। 5 দেকেণ্ড হারানোর ফলে দোলকটির অধিকম্প (beat) সংখ্যা 86400 – 5 অর্থাৎ 86400 সেকেণ্ডে 86395 বার।

..
$$T=2 \times \frac{86400}{86395}$$
 সেকেও [অর্থাৎ পুরা 2 সেকেও নহে]

$$\therefore 2_{\pi} \sqrt{\frac{L}{g}} = 2 \times \frac{86400}{80395}$$
অথবা $\pi \sqrt{\frac{L}{g}} = \frac{86400}{86395}$
অথবা $\pi^{2} \frac{L}{g} = \left(\frac{86400}{80695}\right)^{2} \dots$
(1)

এখন L দৈর্ঘ্য x দে. মি. কমাইলে দোলকটির T=2 দেকেও হয়।

ফুলে
$$\pi \sqrt{\frac{L-x}{g}} = 1$$
 অথবা $\pi^2 \frac{L-x}{g} = 1$ ··· (2)

(1) ও (2) হইতে

$$\pi^2 \frac{x}{g} = \left(\frac{86400}{86395}\right)^2 - 1 = \left(1 + \frac{5}{86395}\right)^2 - 1$$

$$= \left(1 + \frac{2 \times 5}{86395} + \cdots\right) - 1$$

$$= \frac{10}{80395} \left(\text{ বাকী অংশ গণ্য না করিয়া}\right)$$

:.
$$x = \frac{g}{\pi^2} \times \frac{10}{86395} = 0.0115$$
 সে. মি. পদার্থের স্থিতিস্থাপকতা

1. 0.4 সে. মি. ব্যাদের একটি ভারে 25 কি. গ্রা. ওজন ঝুলাইলে উহা 100 শে. মি. হইতে 102 সে. মি. বাড়িয়া যায়। তারের পদার্থের ইয়ঙের গুণাক্ষ নির্পন্ন ৰুব। [g=980 দে. মি /(দেকেণ্ড)²] উ: [9·8 × 10° ডাইন্/বৰ্গ দে.মি.]

2. 628 সে. মি. দীর্ঘ ও 2 মি. মি. ব্যাসবিশিষ্ট একটি লোহার ভারে কভ किलाधाम ভाর स्नाइटन উशा रेनधा 1 मि. मि. वाजित ।

[Y লোহা = C. G. S এককে 2×10^{12} ও g = 980 C. G. S একক]

$$Y = \frac{Fl}{\pi r^2 \triangle l} = 2 \times 10^{12} C. G. S.$$
 aga

একানে F=mg=m imes 980 , l=6 ্ব সে. মি., $r^2=(^\circ1)^2=^\circ01$ বৰ্গ দে.মি.

$$2 \times 10^{12} = \frac{m \times 9 \times 0 \times 628}{\frac{2}{\pi^2} \times 01 \times 1}$$
 গ্রহম = 10·19 কি. গ্রা.

3. তুই প্রাক্তে আবদ্ধ একটি কাঠের তক্তার উপর ভাহার মধ্যবিন্তুতে 50 পাউত্ত ওজন রাখিলে উহা 2 ইঞ্জি বাঁকিয়া যায়। 75 পাউও ভারে উহা কভটা বাঁকিবে ? 8.5 ইঞ্চি বাকিতে ঐ তক্তায় কত ওজন দিতে হইতে?

্ উ: 3 ইঞ্চি এবং 387.5 প্রাউত্ত]

- 4. 600.5 সে. মি. দীর্ঘ একটি ভারে 20 কি. গ্রা. ওজন ঝুলান আছে। ঐ ওজন সরাইয়া লইলে ভারের দৈর্ঘ্য 0.5 সে. মি. কমিয়া য়ায়। ভারের ইয়ঙ গুণাক নির্ণয় কর। [উ: 2.85 × 1013 ভাইন্/বর্গ সে. মি.]
- 5. 1 বর্গ দে. মি. প্রস্থচ্ছেদের একটি লোহার ভারের দৈর্ঘ্য দ্বিগুণ করিতে হইলে কভ বল ধারা উহাকে টানিভে হইবে ?

 $Y = 2 \times 10^{12}$ ভাইন্/বৰ্গ দে. মি.

$$Y = \frac{F \times l}{\pi r^2 \times \Delta} l = \frac{F \times l}{1 \times l} = F$$

 $F = y = 2 \times 10^{12}$ ডাইন্/বৰ্গ সে. মি.

6. 10 ফুট লম্বা ও 0·125 বর্গ ইঞ্চি প্রস্থচ্ছেদের একটি ভারে 450 পাউও ওজন ঝুলাইলে উহার দৈর্ঘ্য 0·15 ইঞ্চি বাড়ে। এক্লেত্রে পীড়ন, বিশ্বভি ও ইয়ঙ গুণাক কি হইবে?

[উ: 3600 পাউণ্ড ওয়েট/বর্গ ইঞ্চি] ; $\frac{1}{8000}$; $2.88 imes 10^7$ <u>পাউণ্ডএয়েট</u> বর্গ ইঞ্চি

7. 27°C ভাপমাত্রায় 1 গ্রাম বায়ু 1000 ঘন সে.মি. স্থান অধিকার করে।
উহার মৃক্ত ভাপীয় স্থিভিস্থাপকভা নির্ণয় করে।

[উ: 8·6 × 10⁵ ডাইন্/বৰ্গ সে. মি.]

উদস্থিতিবিজ্ঞান

1. অলের কত গভীরতাম চাপ বায়্মগুলের দিগুণ হইবে ?

 $[P=10^6$ ডাইন্, g=981 সে:মি:/(সেৰেণ্ড) 2]

मृख: h × 981 जारेन्=106 जारेन्

:. $h = \frac{108}{981} = 1019.36$ সে.মি.

2. প্রমাণ কর বে, কোন তরল পদার্থের উপরিভল ও z সে.মি. গভীর কোন বিন্দুতে চাপের পার্থক্য P হইলে, $P{=}g.\ d.\ z$

d = ভরল পদার্থের ঘনত ; g = অভিকর্ষক ত্রণ।

- একটি বোতলের মৃথ ও তলদেশের ব্যাস মথাক্রমে টু ইঞ্চি ও 4 ইঞ্চি ।
 বোতলটি তেলভর্তি অবস্থায় ছিলি আঁটিতে 1 পাউও ওয়েট চাপ দিলে উহার
 ভলদেশে কত চাপ পড়িবে ?

 টি: 64 পাউও ওয়েট্]
- 4. হাইড্রোলিক চাপ উৎপাদক যন্ত্রের 2 সে.মি. ব্যাসের ছোট পিষ্টনে 50 কি.গ্রা-ওজন দিলে 10 সে.মি. ব্যাসের বৃহত্তর পিষ্টনটিতে কত বল প্রযুক্ত হইবে ?

[উ: 1250 কি.গ্ৰা. প্ৰেট ্]

- 5. একটি হাইড্রোলিক চাপ উৎপাদক যন্ত্রের ছোট পিষ্টনটির প্রস্থচ্ছেদ 1 বর্গছ্ট ও বড় পিষ্টনটির প্রস্থচ্ছেদ 20 বর্গফ্ট। ছোট পিষ্টনে 200 পাউও বলপ্রয়োগ করিলে বড় পিষ্টনের দ্বারা কত ওলন তোলা বাইবে? [উ: 4000 পাউও]
- 6. ফু দিয়া দাবান জলে 2 দে.মি ব্যাদার্জের ব্রুদ ভৈয়ার করিতে কি পরিমাণ কার্ব দম্পাদন হয় ? [দাবান জলের পৃষ্ঠ টান = 80 CGS একক]

ভাপমাত্রা স্থির ধরিয়া 0 ব্যাদার্দ্ধ হইতে 2 দে.মি. ব্যাদার্দ্ধের বৃষ্ট্র্বে বাড়িলে উহার ভিতরের ও বাহিরের তলের বৃদ্ধি $=2(4\pi r^2)-0=2\times 4\pi\times 2^2=32\pi$ বর্গ দে.মি. । মৃক্ত তাপ অবস্থায় একক আয়তন বৃদ্ধিতে কার্যের পরিমাণ পৃষ্ঠটানের মোট শিরিমাণের সমান

শতএব কাৰ্ছ=80 × 32 × 3·14 =8038·4 আৰ্গ।

7. 1 সে.মি. ব্যাসার্দ্ধের গোলাকার একটি পারদ্বিন্দু 1000টি সমান গোলাকার বিন্দুতে ভাঙিয়া পড়ে। উহাতে শক্তির কি পরিবর্তন হইবে? পারদের পৃষ্ঠটান=500 ডাইন্/সে.মি.) [উ: 18000% আর্গ শক্তি বাড়িবে]

8. একটি ফাঁপা গোলকের ভিতরের বাাস 10 সে.মি., বাহিরের বাাস 12 সে.মি.। ইহা সম্পূর্ণভাবে জলে ভাসিয়া থাকে। গোলকের ঘনত নির্ণয় কর।

V= গোলকের ঘনমান। d= গোলকের ব্যাস $V \propto d^3$ \therefore $V=kd^3$, k= নিভাসংখ্যা গোলকের ভিভরের ঘনমান $=k(10)^3=1000k$ ঘন সে.মি.

k বাহিরের ঘনমান $k(12)^3 = 1728 \ k$

গোলকের বস্তর কার্যত ঘনমান
 1728 k − 1000 k = 728 k ঘন সে.মি.

বেহেত্ গোলকটি সম্পূর্ণ ভাসিয়া থাকে গোলকের ভর = অপসারিত জলের ভর

= অপদারিত জলের ঘনমান × জলের ঘনত = 1728 k × 1 = 1728 k গ্রাম

· গোলকের বস্তর ঘনত্

ালকের ভর $=\frac{1728 \ k}{728 \ k}=2.37$ গ্রাম/বন সে.মি.

9. δ ঘনত্বের কোন বস্তু d গভারতা বিশিষ্ট তরল পদার্থের পূর্গদেশে সন্দগতিতে ফেলিলে এবং তরলের ঘনত্ব $\delta'(\delta'{<}\delta)$ হইলে বস্তুটি $\sqrt{\frac{\imath d\delta}{g(\delta-\delta')}}$ সমঙ্গে তরলের তলদেশে পড়িবে প্রমাণ কর ।

g = অভিকর্যজনিত ত্বরণ।

বস্তুর ঘন্দান $=\frac{m}{\delta}$, m= বস্তুর ভর = বস্তু কর্তৃক অপসারিও জলের আয়তন।

অপুসারিত তরশের ওজন = $\left(\frac{m}{\delta} \times \delta'\right)^{q}$

উহাই বস্তুর উপর প্রবভা বল।

অতএব বস্তুর ওজন – প্লবতা বল=বস্তুটির নীচে পড়িবার লব্ধি বল।

এই লব্ধি বল = $mg(1 - \delta'/\delta) = m \times f$

$$\therefore f = g\left(\frac{\delta - '}{\delta}\right)$$

d দ্রত্ব t সময়ে অতিক্রম করিলে

$$d = \frac{1}{2}ft^2 = \frac{1}{2}g\left(\begin{array}{c} \delta - \delta' \\ \delta \end{array}\right)t^2$$

অথবা
$$t^2 = \frac{2d\delta}{g(\delta - \delta')}$$
 : $t = \sqrt{\frac{?d\delta}{g(\delta - \delta')}}$

10. করেকটি তরল উপাদানের ভর ও ঘনত জানা থাকিলে উহাদের মিশ্রণের ঘনত কি হইবে ?

সূত্ৰ :

মিশ্রণের ঘনমান =
$$\frac{m_1+m_2}{d}=\frac{m_1}{d_1}+\frac{m_2}{d_3}=$$
 উপাদানগুলির ঘনমানের মুক্তমান !
$$d=\frac{m_1+m_2}{d_2m_1+d_2m_2}\times d_1\times d_2$$

- 11. সোনা ও তামার 100 গ্রাম ওজনের মিশ্রধাতুর ঘনত 16 হইলে এই মিশ্রণে গাঁটি সোনা কতটুকু আছে ? (সোনার ঘনত = 19, তামার ঘনত = 9) ডি: 82:12 গ্রাম
- 12. একটি কঠিন বস্ত তিনটি বিভিন্ন তরল পদার্থে ভাসমান হইলে বথাক্রমে উহাদের ঘনমানের 🖟, 🕯 ও ট অংশ অগসারিত করে। ঐ তরল পদার্থগুলির সমান ঘনমানের মিশ্রণে ভ্বাইলে ঐ বস্তুটি কত ঘনমান মিশ্রণের অংশ অপসারিত করিবে?

13. তুইটি বস্তবণ্ড তুলাদণ্ডে ঝুলাইয়া জলে ডুবাইয়া রাখিলে সাম্যাবস্থায় থাকে। উহার একটি থণ্ডের ওজন 28 গ্রাম ও ঘনত 5.6 গ্রাম/ঘন সে মি. হইলে এবং দিতীয় খণ্ডটির ওজন 36 গ্রাম হইলে দিতীয় খণ্ডটির ঘনত বাহির কর।

[উ: 2:77 গ্রাম/ঘন সে.বি.]

14. 1 ঘন দে.মি. সীলা (আপেক্ষিক ঘন্ত=11.4) 21 ঘন দে.মি. কাঠ
(আপেক্ষিক ঘনত=0.5) একসঙ্গে জুড়িয়া জলে ডুবাইলে ইহা কি ডুবিয়া বাইবে?

[উ: উহার 21.9 ঘন দে.মি. অংশ ডুবিবে ও 0.1 ঘন সে.মি. অংশ জলে ভাসিবে]

- 15. একটি ফাঁপা ধাতৃ-গোলকের ব্যাদাদ্ধি R ও উহার ধাতৃর **আণেকিক ঘনত** S হইলে ঐ গোলকের দেয়াল R/3S হইতে কম ২ইবে—প্রমাণ কর।
- 16. (ক) 6 সে.মি. পুরু আরতাকার একটি কাই ২ণ্ড জলে ভাসিয়া থাকে। উহার ঘনত 0.6 গ্রাম/ঘন নে.মি. ২ইলে জলের পৃষ্ঠদেশ হইতে উহার নিয়তল কত গভীরে থাকিবে ?
- (খ) ঐ কার্চথণ্ডের আহতন 120 বর্গ সে. মি. হইলে উহাকে 5 সে. মি. গভীরতায় ডুব ইতে উহার উপরিতলে কত বাড়তি ওজন চাপাইতে হইবে? [উ: (ক) 3.6 সে.মি. (খ) 1c8 গ্রাম]

ভাপীয় প্রদারণ

1. 66 ফুট লম্বা ফুটি রেলের জ্যোড়ায় 10°C তাপমাত্রায় 0.5 ইঞ্চি ফাঁক থাকে।
কত তাপমাত্রায় এই ফাঁকটুকু শুক্ত হইবে ?

বৈশিক প্রসারণ গুণাঙ্ক= ব =
$$\frac{l_t-l_o}{l_o(t-10)}$$
 অথবা $t-10=\frac{l_t-l_o}{\alpha l_o}$

$$= \frac{0.5}{66\times 12\times 11\times 10^{-6}}=57.4$$

$$t = 57.4 + 10 = 67.4^{\circ}C.$$

2. একটি গ্রিড আহরন পেণ্ড্লামে চটি লোহার ও 4টি পিডলের দও আছে। পিতলের প্রভাৱক দণ্ডের দৈর্ঘ্য 50 সে.মি. হইলে লোহার প্রভাৱক দণ্ডের দৈর্ঘ্য কত ? (লোহা ও পিডকের রৈথিক প্রসারণ ওণাত্ত বথাক্রমে 0.000012 এবং 0.000018)

ডিঃ 50 দে.খি.]

3. 100°C ও —100°C তাপমাত্রায় সীসার ঘনত তুলনা কর। সীসার হৈ থিক
 প্রসারণ গুণাক = 0 000028 এই তাপমাত্রা পরিবর্তনে সমান থাকে ধরিতে হইবে।

$$\frac{\rho_{100}}{\rho_{-100}} = 0.98$$

4. প্রত্যেকটি হুই মিটার লম্বা একটি লোহার ও একটি দন্তার দণ্ড 0°C তাপমাজ্রায় আছে। উহাদের সমানভাবে উত্তাপের দারা 50°C তাপমাজ্রায় ভোলা

হুইল। ফলে দন্তার দণ্ডটি লোহার দণ্ড হুইতে 0·181 সে.মি. বেশী বাড়ে। দন্তার
বৈথিক প্রসারণ গুণাক 0·0000298 হুইলে লোহার প্রসারণ গুণাক কড?

লোহার রৈথিক প্রসারণ গুণান্ধ « হইলে

অথব।
$$1+50 \times 0.0000298 - 1 - 50 < = \frac{0.181}{200}$$

$$a = 0.0000117$$

5. 100 মে. মি. ব্যাসার্দ্ধের একটি গোলককে ভাপের দারা 0°C হইতে 100°C তাপমাত্রায় তুলিলে উহার ব্যাসার্দ্ধ 101 মে.মি. হয়। ঐ গোলকের ধাত্র ঘনকীয় প্রসারণ গুণায় নির্ণয় কর।

$$V_{100} = V_0 (1 + \gamma \times 100)$$

$$\frac{4}{8}\pi.(101)^3 = \frac{4}{8}\pi(100)^3(1 + \gamma \times 100)$$
অথবা $101^3 = 100^3(1 + 100\gamma)$
অথবা $1 + 100\gamma = \left(\frac{101}{100}\right)^3 = \left(1 + \frac{1}{100}\right)^3$

$$= 1 + \frac{3}{100} + \frac{3}{100^2} + \frac{3}{100^3}$$
অথবা $100\gamma = \frac{3}{100} + \frac{3}{100^2} + \frac{3}{100^3}$

$$\gamma = \frac{3}{100^2} + \frac{3}{100^3} + \frac{3}{100^4} = \frac{3}{100^2} = 0.0003$$
, [দিতীয় ও তৃতীয়

गःशांखनि गंगा ना कविषा

6. ফ্রান্সের আইফেল টাওয়ার 335 মিটার উচ্। উহার তাপমান্তা শীতকাশে
0°F ও গ্রীয়কালে 100°F হয়। টাওয়ারটি যে লোহার তৈরী উহার রৈথিক
প্রসারণ গুণায় প্রতি ডিগ্রী সেন্টিগ্রেডে 12 × 10⁻⁶। শীতকাল হইতে গ্রীয়কালে
টাওয়ারটির উসতা কত বাড়ে?

লোহার প্রদারণ গুণান্ক = $12 \times 10^{-6}/1$ °C = $\frac{5}{9} \times 12 \times 10^{-6}/1$ °F তাপমাত্রার পার্থক্য = 100 - 0 = 100°F

335 মিটার = 335 × 100 গে. মি

গ্রীমকালে টাওয়ারের বর্দ্ধিত দৈর্ঘ্য=শীতকালে টাওয়ারের দৈর্ঘ্য × তাপমাত্রার পার্থক্য × রৈথিক প্রদারণ গুণাছ

 $=335 \times 100 \times 100 \times \frac{5}{9} \times 12 \times 10^{-6} = 22.3$ সে. মি.

7. লোহা, সীসা ও এলুমিনিয়ামের কত ঘনকীয় আয়তনের তাপীয় সামর্থ্য এক লিটার জলের তাপীয় সামর্থ্যের সমান ?

[লোহা, সীসা ও এলুমিনিয়ামের আপেক্ষিক তাপ যথাক্রমে 0·12, 0·031 এবং 0·22 এবং উহাদের আপেক্ষিক গুরুত্ব (specific gravity) যথাক্রমে 7·5, 11·4 ও 2·7]

 V_1 , V_2 ও V_3 যথাক্রমে উহাদের ঈপ্সিত ঘনকীয় আয়তন হইলে $V_1\!=\!111$ ঘন সে. মি., $V_2\!=\!2830$ ঘন সে. মি., $V_8\!=\!1684$ ঘন সে. মি.

- 8. একটি পিতলের রেকাব O°C তাপমাত্রায় দৈর্ঘ্যে 50 সে. মি. ও প্রস্থে 10 সে. মি. । 100°C তাপমাত্রায় উহার পৃষ্ঠদেশ 1.9 বর্গ সে.মি. বাড়ে। পিতলের রৈধিক প্রদারণ গুণাক্ষ কত ?
- 9. একটি ওজন তাপমান যন্তে 0°C তাপমাত্রায় 24 গ্রাম পারদ আছে।
 100°C তাপমাত্রায় উত্তপ্ত করিলে উহাতে 23 622 গ্রাম পারদ থাকে। আধারের
 রৈখিক প্রদারণ গুণান্ধ নির্ণয় কর।
 [উ: 0.000007]
- 10. একটি পারদ তাপমান যন্ত্র 100°C তাপমাত্রার ফুটস্ত জলে ড্বান আছে। তাপমান যন্ত্রটি জল হইতে তুলিবার পর উহার 0° এর উপরের নল যথন গড় 10° তে থাকে তথন উহার 98.6° তে পারদ উঠিয়া থাকে। পারদের আপাত প্রসারণ নির্ণয় কর।

$$V = V_{\rm o} \, \left(1 + \gamma t \right)$$
 জথবা $\gamma = \frac{V - V_{\rm o}}{V_{\rm o} t}$

ৰ 🗕 ভাপমান নলের প্রস্থচ্ছেদ, উহা তাপে অপরিবর্ভিত থাকে।

মতএব
$$\gamma = \frac{100 \times -98.6 \times}{98.6 \times (100 - 10)} = \frac{100 - 98.6}{98.6 \times 90} = 0.00016$$

11. 20 ফুট দীর্ঘ একটি লোহার স্বস্তুক (Cylinder) পারদে উল্লয় অবস্থায়
ভাসে। উহাদের উভয়ের তাপমাত্রা 0°C. উভয়ের তাপমাত্রা 100°C এ তুলিলে
স্বস্তুক্ট কতটুকু পারদে ডুবিবে ?

0°C তাপমাত্রায় লোহার আপেক্ষিক গুরুত্ব = 76

,, পারদের ₁₉ = 136

0°C - 100°C মধ্যে পারদের ঘনতীয় প্রদারণ গুলাই = '00018153

,, লোহার রৈথিক প্রসারণ গুণান্থ = '00001182

মনে কর গুন্ত:কর x ইঞ্জি পারদে 0° C তাপমাত্রায় ভূবিয়া আছে ও উহার প্রস্থাচ্ছেন A.

স্তভকের ওজন – অপদারিত পারদের ওজন

 $xA \times 13.6 \times K = 20 \times A \times 7.6 \times K$

 $K=4^{\circ}\mathrm{C}$ এ 1 ঘন ইঞ্চি জ্লের ঘনতা।

∴ x=11·176 ਤੋਂ ਕਿ

100°C তাপমাত্রায় পারদের ঘনত কমে ও গুন্তকের আয়তন বাড়ে। 100°C তাপমাত্রায় গুন্তকের প্রস্থাচ্ছেদ A' ও ঐ অবস্থায় উহা এ' ইঞ্চি বিভূয়া থাকে।

 $\therefore x' \times A' \times \rho_{100} \times K = 20 \times A \times 7.6 \times K$

 $ho_{100} = 100$ °C ভাপমাত্রার পারদের আপেকিক গুরুত।

স্থবা x' × A' × P100=20 × A × 76

অথবা x' x ·A (1+2 x ·00001182 x 100) x 13 6 1+ ·00018153 x 10

 $=20 \times A \times 7.6$

লোহার পৃষ্ঠ প্রদারণ = 2 × লোহার রৈথিক প্রদারণ

 100° C ভাপমাত্রায় পারদের ঘনত্ব $=\frac{0^{\circ} ext{C}}{1+\gamma t}$

অতএৰ x'=11:36 ইঞি

এখন x' 0°C এ হ্রাসপ্রাপ্ত হইয়া 11.36 (1 - C.0000182)

=11·34658 ইঞ্চি দাঁড়ায় i

যদি আমরা শুন্তকে 0°C ভাগমাত্রায় 11·176 ও 11·34658 ইঞ্চিতে চইটি দার্গ কাটিয়া রাখি, ভবে 100°C ভাগমাত্রায় শুন্তকটি 11·34658 দার্গের নীচে পারদে ভূবিয়া থাকিবে।

অতএব উহা (11·34658 – 11·176) = 0·17058 ইঞ্চি বেশী ডুবিবে।

12. একটি ওজন তাপমান বস্তুর 0°C তাপমাত্রার 500 গ্রাম পারদ ভর্তি থাকে। উহার তাপমাত্রা 100°C এ তুলিলে পারদের কত ভর বাহির হইয়া য'ইবে ? পারদের আপাত প্রদারণ গুণাক্ষ=0.00015. [উ: 7.87 গ্রাম]

- 13. 0°C ও 100°C তাপমাত্রার পারদের ঘনত ম্থাক্রমে 13.6 ও 13.35 হইলে 「徳: 0·000187 1 পারদের বান্তব প্রদারণ গুণান্ধ নির্ণয় কর।
- 14. একটি কাঁচের পাত্র 15°C তাপমাত্রায় 1000 গ্রাম পারদে কানায় কানায় ভতি হয়। উহা 10,0°C তাপ্যাত্রায় ফুটন্ত জলে রাখিলে কত পারদ বাহির হইয়া ষাইবে ?

পারদের বান্তব প্রদারণ গুণাক্ = 0.00018 কাঁচের রৈথিক " " = 0.00001

টি: প্রায় 12·6 গ্রাম]

- 15 10°C ভাপমাত্রা এবং 75 সে. মি. চাপ ও 15°C এবং 76 দে. মি. চাপের ডি: 5400:5377] বায়ুর ঘনত ভূলনা কর।
- এক লিটার বাডাদ 10°C ভাপমাত্রায় উহার আয়তন ও চাপ ছিওল হওয়া পর্যক উত্তপ্ত করা হইল। ঐ অবস্থায় উহার তালমাত্রা কত ? [উ: 859°C]
- 17. 50' imes 30' imes 25' আয়ভনের একটি হর $26^\circ C$ হইতে $25^\circ C$ তাপমাত্রায় উত্তপ্ত হইলে, স্থির চাপে উহার শতকরা কত ভাগ বাতাস বাহির হইচা ঘাইবে ?
- 18 200 ঘন সে. মি. বাভাস $15^{\circ}C$ হইতে স্থিরচাপে $65^{\circ}C$ ভাপমাত্রায় উত্তপ্ত হইলে উহার কত আয়তন হইবে ?

$$V_{15} = V_0(1 + \frac{1}{278} \times 15), \ V_{65} = V_0(1 + \frac{1}{278} \times 65)$$

- ে $\frac{V_{68}}{V_{18}} = \frac{1 + \frac{1}{978} \times 65}{1 + \frac{1}{878} \times 10}$, এখন $V_{18} = 200$ ঘন সে. মি.
- ∴ V₆₅=231.7 ঘন সে. মি.
- 19. স্বাভাবিক চাপ ও তাপে এক লিটার হাইড্রোজেন বায়বের ওন্ধন 0.9 গ্রাম হইলে, 75 দে. মি. চাপ ও 27°C তাপমাত্রায় উহার ওজন কত? [উ: 0·৪ গ্রাম]
- 20. কার্বন ডাই-অক্সাইড বায়বের 22.4 নিটার আয়তনের ওজন স্বাভাবিক চাপ ও তাপমাত্রায় 44 গ্রাম হইলে, উহার বায়বীয় নিভাসংখ্যার মান কত ?

[উ: 832×107 আৰ্গ/ডিগ্ৰী]

ক্যালোরিমিতি ও অবস্থার পরিবর্তন

 একটি তামার পাত্রের জল তুল্য্না 60 গ্রাম, উহাতে 30°C তাপ্মারায় 600 গ্রাষ জল আছে। একটি বুনদেন্ ব'র্নারে উৎপাদিত সেকেণ্ডে 100 ক্যালোরি ছাপ ঐ পাত্তে প্রয়োগ করিলে কত সময়ে ঐ পাত্তের জল স্ফ্টনাকে উঠিবে? ঐ শাত্রের 50 গ্রাম্ জন কভ সময়ে বাষ্পীভূত হইবে?

(উ: 7 মি. 42 সে.; 12 মি. 12 সে.)

- 2. 98°C ভাপমাত্রার 200 গ্রাম্ জলে 30°C ভাপমাত্রার 200 ঘন সে. মি. ছ্য় (ঘনত্ব = 1·03) একটি পিডলের পাত্রে মিশ্রিভ করা হইল। ঐ পাত্রের ভাপীর সামর্থ্য জলের ৪ গ্রামের সমান ও মিশ্রণের ভাপমাত্রা 64°C। ছুধের আপে কিক ভাপ কভ ?
- 3. সমান ওজনের তিনটি তরল পদার্থ মিশ্রিত করা হইল। উহাদের আপেকিক তাপ s_1 , s_2 , ও s_3 ও তাপমাত্রা যথাক্রমে t_1 °, t_2 ° ও t_3 °। মিশ্রণের তাপমাত্রা নির্ণয় কর।

প্রথমে তুইটি তরল (s_1 ও s_3 এবং t_1 ও t_3) মিশ্রিত করিলে এবং যদি উহাদের ভর m এবং মিশ্রণ তাপমাত্রা $T^\circ > t_1$ হয় তবে

$$m.s_1(T-t_1) = m.s_2(t_2-T)$$
 অথবা $T(s_1+s_2) = s_1t_1+s_2t_2$ অথবা $T = \frac{s_1t_1+s_2t_2}{s_1+s_2}$... (1)

এখন তৃতীয় তরলটি মিশাইলে মিশ্রণের তাপমাত্রা $T_1 {<} t_s {>} T$ হইবে $_1$

তাহা ইইলে
$$ms_1(T_1-T)+ms_2(T_1-T)$$

$$=ms_8(t_8-T_1)$$
অধবা $T_1(s_1+s_2+s_3)=s_3t_3+T(s_1+s_2)$

$$=s_3t_3+\frac{s_2t_2+s_1t_1}{s_1+s_2}\times s_1+s_2 \cdots (1)$$

$$=s_3t_3+s_2t_2+s_1t_1;$$

$$T_1=\frac{s_1t_1+s_2t_2+s_3t_3}{s_1+s_2+s_2+s_3}$$

- 4. 0° C হইতে 10° C তাপমাত্রায় তুলিতে 3 কি. গ্রা. তামাতে যত ক্যালোরি তাপ দিতে হয়, উহাতে 1 কি. গ্রা. সীদা 10° C হইতে 100° C তাপমাত্রায় উত্তপ্ত হইতে পারে। তামার আপেক্ষিক তাপ 0.093 হইলে সীদার আপেক্ষিক তাপ কত ? [উ: 0.031]
- 5. 50 গ্রাম ওজনের একটি তামার ক্যানোরিমিটারে 20°C ভাপমাত্রার 200 গ্রাম্ জল আছে। উহাতে 20 গ্রাম্ জন বরফ যোগ করিরা ভালভাবে মিশ্রণ করিলে শেষ তাপমাত্রা 11°C এ দাঁড়ায়। বরফের লীন তাপ নির্ণয় কর। (ভামার আপেক্ষিক তাপ → 0·095)

> টিনের গলনের লীনতাপ = 14 কালোরি টিনের আপেক্ষিক ভাপ=0.055

টিন ত্বাপেক্ষিক তাপ শোষণ করিয়া 20°C হইতে 232°C এ উঠে, পরে উহা দীন ভাপ শোষণ করিয়া গলিত হয়।

ষভএব প্রযুক্ত ভাপ = 100 × ·055 × (232 - 20) + 100 × 14 = 2566 ক্যালোরি।

7. তুইটি বস্তুর ঘনত 2: 3 এবং উহাদের আপেক্ষিক তাপ যথাক্রমে 0:12 এবং 0 09। উহাদের একক আয়তনে তাপীয় সামর্থ্য তুলনা কর: [উ: 8:9]

8. $100^{\circ}C$ ভাপমাত্রার 10 পাউণ্ড ভামার সংস্পর্শে $0^{\circ}C$ ভাপমাত্রার 1 পাউণ্ড বরক থাকিলে কি হইবে ?

10 পাউও ভাষা 100°C হইতে 0°C নামিতে যে তাপ বাহিরে আসিবে উহার পরিমান

10 × 453·6 × 0·09 × 100 ক্যালোরি অথবা 453·6 × 90 ক্যালোরি

1 পাউণ্ড বরফ গলিতে যে ত'পের প্রয়োজন তাহার পরিমাণ 453.6×80 ক্যালোরি

তামা হইতে প্রাপ্ত তাপের পরিমাণ বরফের গলনে নিযুক্ত তাপ অপেকা বেশী বিলিয়া এই বাড়তি তাপ 0°C তাপমাত্রা হইলে দম্পূর্ণ গলিত বরফ হইতে উৎপন্ন জলকে উত্তপ্ত করিবে।

এই তাপমাত্রা ৳ হইলে

 $100 \times 453.6 \times 0.09 \times (100 - t)$ = 453.6 \times 80 + 453.6 \times t

অতএব t = 5.26°C.

- 9. একটি তামার বল 100°C তাপমাত্রার উত্তপ্ত হইল এবং উহা একটি বরফ ক্যালোরিমিটারে রাখা হইল। বলটি ঠাণ্ডা হইতে উহার নির্গত তাপে 5°45 গ্রাম বরফ গলিয়া গেলে ও বরফের লীন তাপ ৪০ হইলে তামার আপেক্ষিক তাপ কত ? [উ: 0°092]
- 10. 200 গ্রাম তামা (আপেক্ষিক তাপ 0°1) 60°F তাপমাত্রার একটি বন্ধ কক্ষে ঝুলান আছে। স্বাভাবিক চাপে ঐ কক্ষেজনীয় বাপ্প প্রবেশ করাইলে তামার উপর কত বাপ্প ঘনীভূত হইবে?

[বাপের শীন তাপ = 536]

[উ: 3:15 গ্রাম]

- 11. একটি পাত্রে 0°C তাপমাত্রায় 175 গ্রাম জল ও কিছু বরফ আছে। 100°C তাপমাত্রায় 10 গ্রাম জলীয় বাজা উহাতে প্রবেশ করাইলে সমস্ত বরফ গালিয়া তাপমাত্রা 10°C এ উঠে। পাত্রের জল তুলাম্লা 5 গ্রায় হইলে, প্রথমে কভ পরিমান বরফ ছিল? [বাজোর লীনতাপ = 540 ক্যালোরি] [উ: 50 গ্রাম]
- 12. -10°C তাপমাত্রার বরফ সম্পূর্ণ বাঙ্গীভূত করিতে কত তাপ লাগিবে? (বরফ ও বাজ্পের লীন তাপ যথাক্রমে 80 ও 540) [উ: 725000 ক্যালোরি]
- 13. তিনটি বিভিন্ন তরল পদার্থ A, B ও C এর তাপমাত্রা যথাক্রমে $14^{\circ}C$, $24^{\circ}C$ ও $34^{\circ}C$ । A ও B এর সমান তর মিশাইলে মিশ্রণের তাপমাত্রা $20^{\circ}C$ হয়। B ও C এর সমান তর মিশাইলে ঐ মিশ্রণের তাপমাত্রা $31^{\circ}C$ হইলে, সমান তরের A ও C মিশাইলে মিশ্রণের তাপমাত্রা কত হইবে ? [উ: $29.6^{\circ}C$]
- 14. কোন একদিন শিশিরাক 12°C ও বাতাদের ভাপমাতা 16°C ছিল 12°C ও 16°C ভাপমাতার সম্প্ত বাস্পচাপ বথাক্রমে 10·51 মি. মি. ও 13·62 মি. মি. হইলে ঐ দিন বাতাদের আপেকিক আর্ডিতা কড হইবে ?

- 15. 100°C ভাপমাত্রায় একটি বন্ধপাত্রের বাতাস জলীয় বাম্পে সংপৃক্ত আছে। উহার ভাপমাত্রা 150°C এ বাড়াইলে স্থির আয়তনে উহার চাপ বায়ুমণ্ডলের চাপের দ্বিগুণ হয়। একই আয়তনে 0°C ভাপমাত্রায় বিশুদ্ধ বাডাসের চাপ কত হইবে?
 [উ. 4248 মি. সি. পারদ]
- 16. 20 গ্রাম ছল 0°C ভাপমাত্রার পাত্রে রাথিয়া ভাতৃরাম পাল্পের সাহাথ্যে ঐ পাত্রের বায় কমাইলে পাত্রের ছল বরংফ দনীভূত হয়। ঐ বরফের পরিমাণ কত? বরফের লীন ভাপ=80 ক্যালোরি/গ্রাম; ছলের বাঙ্গাভবনের লীনভাপ=540 ক্যালোরি/গ্রাম।

 [উ: 17.647 গ্রাম]
- ক্যালোর/থান।

 17. বাতাদের তাপমাত্রা 20°C হইতে 5°C এ নামিয়া গেলে ও প্রথমে
 আপেক্ষিক আর্দ্রতা 60% থাকিলে কত অংশ জলীয় বাস্প ঘনীভূত ১ইবে?

[20°C ও 35°C এ সংপ্রক বাষ্পচাপ যথাক্রমে 17.5 ও ৮5 মি. মি.]

[谜: 0.381]

ভাপের যান্ত্রিক তুল্যমূল্য

1. 50 গ্রাম বরফ 0°C ভাপমাত্রায় 100°C ভাপমাত্রার জলে পবিণত হইতে কভ কার্য দম্পাদিত হয় ? [উ: 37800 জুলু] 2. একটি লোহার বল স্থির অবস্থা হইতে 30 মিটার নীচে পড়িয়া যে গভীয় শক্তি পায় ভাহাতে 0.7°C তাপমাত্রা বাড়িয়া যায়। উহা হইতে তাপের যান্ত্রিক ত্লাম্পা মান নির্ণয় কর।

লোহার আপেক্ষিক ভাপ = 0.1, g = 980 দে. মি /(দেকেণ্ড)²

লোহার বলের ভর= m গ্রাম

30 মিটার অবাধ পতনে যে কার্য সম্পাদিত হয়

ভাহার পরিমাণ $W=mst=m\times980\times30\times100$ আর্গ উৎপাদিত তাপ ; $H=mst=m\times0.1\times0.7$ কাংলোরি

এখন $W = J \times H$; : $m \times 930 \times 30 \times 100$ = $J \times m \times 0.1 = 0.7$

:.
$$J = \frac{980 \times 80 \times 100}{0.1 \times 0.7} = 42 \times 10^6 = 4.2 \times 10^7$$
 चार्श/कारमाति

3. 10 কি. গ্রা. ওজনের ভর এক কি. মি. উচ্চতা হইতে মাটিতে পড়িলে বদি উহার গতীয় শক্তি তাপে পরিণত হয়, তবে স্টেই তাপের পরিমাণ কত ?

 $v^2 = 2gh = 2 \times 981 \times 10^5$ (ਸ. ਬਿ.

 $H = \frac{1}{9} \frac{mv^2}{J} = \frac{1}{4} \frac{10 \times 1000 \times 2 \times 9 \times 1 \times 10^5}{4 \cdot 2 \times 10^7}$ क्रांटमांत्रि

= 234 × 102 ক্যালোরি

4. একটি সীসার বুলেট্ লক্ষ্যস্ততে প্রতিহত হইয়া 200°C তাপ্যাত্তা লাভ করে এবং সমস্ত তাপ ঐ বুলেটে থাকিলে উহার গতিবেগ কত ছিল ?

শাসার আপেক্ষিক তাপ = 0.03

্উ: 22640 দেমি./দেকেণ্ড]

- 5. এক কিলোগ্রাম জলের তাপমাত্রা 10°C বাড়াইতে যে তাপের প্রয়েজন উহার তুলামূল্য আর্গ বত হইবে ় [উ: 42×10¹¹ আর্গ]
- 6. কত গতিবেগে এঞ্টি সীমার বুলেট্ 50°C তাপ্যাত্রায় একটি লক্ষ্য বস্ততে শংঘাত করিলে ও সেই সংঘাতগুনিত তাপ বুলেটের মধ্যে সীমাবদ্ধ থাকিলে ঐ বুলেটকে গলাইতে পারিবে ৪

সীদার আপেক্ষিক ভাপ = 0·31, সীদার গ্লন্ক = 335°C, শীদার লীনভাপ = 5·37

[উ: 3.54 × 104 দে. মি./দেকেণ্ড]

7. এক প্রাম কয়লার দহনে 8000 ক্যালোরি তাপ উৎপন্ন হয়। যদি একটি গ্রীম এঞ্জিনের বয়লার কয়লার দহনের শতকরা 10 ভাগ কাজে লাগায় তবে, পাম্পের দার। 2 গ্যালন জল 12 মিটার উপরে তুলিতে কত কয়লা লাগিবে ?

 $J=4.2 imes10^7$ আৰ্গ/ক্যালোরি, g=980 নে. মি /(সেকেণ্ড) 2

1 गानिन जल्बत छत्र = 4500 छाप

কাৰ্য=2 × 4500 × 12 × 100 × 980 আৰ্ব

তুলাম্লা কালোরি = $\frac{9000 \times 1200 \times 980}{4.2 \times 10^7}$ কালোরি

=10% কয়লার তাপীর শক্তির মান I·

∴ মোট প্রযুক্ত ক্যালোরি= $\frac{9000 \times 1200 \times 980}{4.2 \times 10^7} \times \frac{100}{10}$

1 গ্রাম করলা ২ইতে ৪০০০ ক্যালোরি ভাপ পাওয়া গেলে

$$\frac{9000 \times 1200 \times 980}{42 \times 10^7} \times \frac{100}{10}$$
 ক্য'লোরি পাইভে

কয়লার পরিমাণ = $\frac{9(.00 \times 1200 \times 980 \times 100}{4.2 \times 10^7 \times 10 \times 8000} = 0.815$ গ্রাম

8. 100 মিটার উঁচু একটি জলপ্রপাতের শতকরা 90 ভাগ ভাপ জলে দীমাবক থাকিলে উহার উপর ও নিয়তলের তাপমাত্রার পার্থকা কত হইবে ?

m = জ্লের ভর

কার্য = $W = mgh = m \times 980 \times (100 \times 100) = m \times 98 \times 10^5$ আর্গ্র

উৎপাদিত তাপ $H=rac{W}{J}=rac{m imes 98 imes 10^5}{4^*2 imes 10^7}$ ক্যালোরি

90% ভাগ
$$H = \frac{m \times 98 \times 10^5}{4.2 \times 10^7} \times \frac{90}{100} = \frac{m \times 98 \times 9 \times 10^6}{4.2 \times 10^9}$$
 ক্যালোৱি

ভাপমাত্রার পার্থক্য t°C হইলে

$$m \times 1 \times t = \frac{m \times 98 \times 9 \times 10^6}{4.2 \times 10^9}$$

चथवा
$$t = \frac{98 \times 9 \times 10^6}{4.2 \times 10^9} = \frac{98 \times 9}{4.2 \times 10^9} = 6.21^{\circ} \text{C}.$$

9. 20000 কি. গ্রা. ওজনের একটি উল্পাণিও সেকেণ্ডে 1000 কি.মি. গতিবেংগ সংর্ধের উপর পড়িল। উহাতে কভ ভাপ উৎপাদিত হইবে?

 $[J=4.2\times10^7$ আর্গ] [উ: 2.38×10^{14} ক্যালোরি]

10. −10°C তাপমাত্রার 40 গ্রাম বরফ 100°C তাপমাত্রার বাজ্পে পরিণত করিতে যে তাপ প্রয়েজন হয় উহার যোগান দিতে কত কার্য সম্পন্ন হয় ?

বরফের আপেক্ষিক ভাপ=0.5 [উ: 28840 ক্যালোরি]

11. 100 কি. গ্রা. ওজনের একটি গোলা কামান হইতে 400 মিটার/সেকেও গভিবেশে বাহির হইয়া হঠাৎ থামিয়া গেলে কত তাপ উৎপন্ন হইবে ?

 $[J=4.2\times10^7$ আর্গ/ক্যালোরি] [উ: 19.05×10^5 ক্যালোরি]

বায়ৰ পদার্থের গভীয় তম্ব

- 1. বাষ্ব পদার্থের গভীষ তত্তে বাষ্ব পদার্থের ধর্ম মূলতঃ কী ধরিয়া লওয়া হয় ?
- (ক) বায়ব পদার্থের অণুগুলি সমান আকার ও ভরবিশিষ্ট দৃঢ় গোলকের মত। উহারা সবদিকে যদৃচ্ছ বিচরণ করিতে পারে।
- (গ) অণুগুলি বিন্দুর মত অর্থাৎ বায়ব পদার্থের মোট আয়তনের তুলনায় ইহাদের প্রত্যেকের আয়তন নগণ্য।
- (গ) অণুগুলি পরস্পারের উপর কোন বল প্রয়োগ করে না—কেবল পরস্পারের সংঘাতে উহাদের মধ্যে বল বিনিময় হয়। সংঘাতের পূর্বে উহারা স্থম গতিবেগে সরলরেথায় চলে। এই গতিপথ পরস্পারের সংঘাতে বা আধারের দেওয়ালে আহত ইইয়া পরিবর্তিত হইতে পারে।
- (ঘ) অণুগুলির সংঘাতকাল উহাদের স্বাধীন গতিপথ স্তিক্ষকালের তুলনায় নগণ্য।
- (ঙ) আণবিক সংঘাতে বায়ব পদার্থের ঘনতের কোন পরিবর্তন হয় না।
 অর্থাৎ অণুগুলি একটি বিশেষ স্থানে ভীড় করিয়া থাকে না।
- (চ) আণবিক সংঘাত স্থিতিস্থাপক অর্থাৎ এই সংঘাতে অণুগুলির শক্তি স্থির পাকে।
- (ছ) পূর্বোক্ত ধর্ম ধরিয়া লইলে দেখা যায় যে, একটি বদ্ধ আধারের বায়বীর শৃণ্ডলির কিছু অংশ সংঘাত ও যদৃচ্ছগতির জক্ত উচ্চতর অথবা নিম্নতর গতিবেগ পাইলেও উহাদের অধিকাংশ অণু একটি মাঝামাঝি গতিবেগ পায়। আধারের চাপ ও তাপের উপর এই গতিবেগ নির্ভর করে। সাম্যাবস্থায় এই গতিবেগ স্থির হইলেও যদৃচ্ছ গতির জক্ত সময়ের সহিত উহাদের গতিবেগের অল্পবিত্তর পরিবর্তন হয়।
 - 2. 3.49 (7) সমীকরণ হইতে দেখাও যে $P=\frac{1}{3}\rho\bar{c}^2,\; \rho=$ বায়ব পদার্থের ঘনত। $PV=\frac{1}{3}\;N.\overline{mv}^2$

M=বায়ব পদার্থের ভর হইলে M=N.m.

পদার্থ (I)—21

স্ত্র $PV = \frac{1}{3} Mv^2$

$$ho = \frac{M}{V}$$
; সভএব $P = \frac{1}{3} \
ho \overline{v}^2$.

- 3. বায়বীয় পদার্থের গতীয় তত্ত্ব তাপমাত্রা সম্পর্কীয় ধারণা কী হইতে পারে? বায়ব পদার্থে অণুগুলি স্থির নহে—উহাদের গতিবেগ যদৃচ্ছ পথে উহাদের চালিত করে। উহাদের গতীয় শক্তির জন্তই উহারা শক্তি লাভ করে। এই গতীয় শক্তিই বায়ব পদার্থের তাপমাত্রা নির্দ্ধারণ করে। অণুগুলির গতিবেগ বাড়িলে, বায়ব পদার্থের তাপমাত্রাও বাড়ে। অণুগুলি সম্পূর্ণ গতিহীন হইলে তাপমাত্রাও শৃষ্ম হয়। এই তাপমাত্রা হইল পরম শৃষ্ম যাহার নীচের তাপমাত্রা কল্পনা করা যায় না। ঐ তাপমাত্রার মান —278°C এবং ঐ তাপমাত্রায় বায়ব পদার্থের অণুগুলি সম্পূর্ণ গতিহীন হইয়া পড়ে।
 - 4. R ও K এই তুইটি নিত্য সংখ্যার মান নির্ণয় কর।

$$R = \frac{PV}{T}$$

স্বাভাবিক চাপে ও তাপমাত্রায় সমন্ত বায়ব পদার্থের গ্রাম স্বাণবিক ভর 22:4 লিটার স্বায়তন স্বধিকার করে বলিয়া

$$R = \frac{76 \times 13.6 \times 980 \times 22400}{273}$$
 আৰ্গ/°C.

 $=8.82 \times 10^7$ আর্গ/°C=1.89 ক্যালোহি/°C

বোল্টজম্যান নিত্যসংখ্যা $K\!=\!rac{R}{N}$

$$=\frac{8.32\times10^7}{62\times10^{22}}=1.38\times10^{-16}$$
 আর্গ/°C

5. বায়ব গভীয় তত্ব হইতে R এর স্বরূপ কি হইবে ?
বায়ব পদার্থের এক গ্রাম অণুর জন্ত

$$PV=rac{1}{3}N\ mv^2$$
 3.49(7) হইতে $=RT$ অতএব $R=rac{1}{2}Nrac{\overline{mv^2}}{T}$

$$= \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{3} \overline{mv^2}, N \frac{1}{T} \qquad ... \tag{1}$$

এথন $T=1^\circ$ পরমতাপমাত্রা ধরিলে 1° পরম তাপমাত্রায় $R=\S$ গতীয় শক্তি $rac{1}{5}mar{v}^3=$ একটি অণুর গড় গতীয় শক্তি।N=এক গ্রাম অণুতে অণুর সংখ্যা।

সমস্ত বায়ব পদার্থের জন্ম N নিত্যসংখ্যা হইলেও m ও v^2 স্থির নহে। কিন্তু R সমস্ত বায়ব পদার্থের জন্ম নিত্যসংখ্যা বলিয়া (1) সমীকরণ হইতে দেখা যায় যে, $\frac{1}{2}mv^2/T$ সমস্ত বায়ব পদার্থের জন্ম নিত্য, অর্থাৎ স্থির তাপমাত্রায় অণুর গড় গভীয় শক্তি স্থির মানের হইবে।

6. 0°C তাপমাত্রায় প্রতি গ্রাম অণু হাইড্রোজেনের গতীয় শক্তি কি হইবে ?
[উ: 3.4 × 1010 আর্গ]

ভাপীয় পরিবাহিতা

1. তামার পরিবহন গুণান্ধ 0.96; 1 মি. লম্বা, 1 মি. চওড়া ও 1 সে.মি. পুরু একটি তামার প্লেটের ছুই প্রান্তে তাপমাত্রার পার্থক্য 10°C হইলে এক মিনিটে ঐ প্লেটের মধ্য দিয়া কত তাপ পরিবাহিত হইবে?

$$Q = \frac{0.96 \times 100 \times 100 \times 10 \times 60}{1} = 576000$$
 ক্যালোরি
কারণ $K = 0.96$
 $A = 100 \times 100 ($ দে.মি. $)^2$
 $10^{\circ}C = \theta_1 - \theta_2$
 1 মিনিট = 60 দেকেও
 $d = 1$ দে.মি.

2. 4 বর্গ সে.মি. প্রস্থচ্ছেদের একটি লৌহদণ্ডের তুই প্রান্ত ঘথাক্রমে বাষ্প ও বরফের সংস্পর্শে আছে। 10 মিনিটে কত বরফ গলিয়া যাইবে ?

লোহার পরিবহন গুণান্ক=0.2 [উ: 300 গ্রাম]

3. বাভাস $-5^{\circ}C$ ভাপমাত্রায় থাকিলে একটি পুকুরে 10 সে. মি. পুরু বরফ জমে। আরও বেশী 1 মি. মি. পুরু বরফ কত সময়ে জমিবে? বরফের পরিবহন গুণাই=0.008, লীনভাপ=80; এক বর্গ সে. মি. আয়তনে বরফের বর্ধিত ঘনকীয় আয়তন= $1 \times \frac{1}{10} = 0.1$ ঘন সে. মি. ঐ বরফের ভর= 1×10.00 প্রাম।

[বরফের ঘনত্ব 0.92 গ্রাম]

এখন 0 092 গ্রাম জল বরফে পরিণত হইলে 80 × 0.092 ক্যালোরি তাপ বাহির হয়।

জল হইতে নিৰ্গত তাপ =
$$\frac{KA(\theta_1-\theta_2)}{d}$$

$$= \frac{0.008\times1\times5\times t}{10}$$

$$= 80\times0.092$$
অতএব $t = \frac{80\times0.092\times10}{0.008\times1\times5} = 1840$ সেকেও $= 30\frac{2}{5}$ মিনিট

4. বেলেপাথরের পরিবহন গুণান্ধ 0.0027, ঐ খনি এলাকার পৃষ্ঠদেশ হইতে 27 মিটার নীচে নামিলে ভাপমাত্রা 1°C বেশী দেখা যার। দেখানে এক বর্গ কিলো-মিটার পৃথিবীপৃষ্ঠে ঘন্টার কত ভাপ ব্যয়িত হয় ?

$$Q = \frac{KA(\theta_1 - \theta_2)t}{d}$$
 $K = 0.0027$, $A = 10^{10}$ বৰ্গ দে মি. $\theta_1 - \theta_2 = 1^{\circ}C$
 $d = 2700$ দে.মি. $t = 3600$ সেকেণ্ড
 $\therefore \quad Q = 3.6 \times 10^7$ ক্যালোরি।

